3. Data Structure and Algorithms 2

Sorting

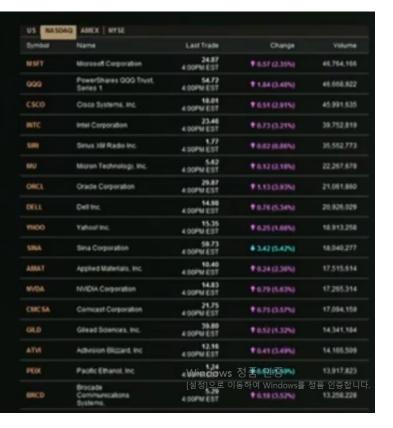
목차

- O(N²) Sorting
- Merge Sort
- Heap Sort
- Quick Sort
- Counting Sort
- Radix Sort

1. O(N²) Sorting Sorting

Without a manipulation on data

- Just a chunk of data is useless to users
- Data should be structured for
 - Users
 - Data display
 - Maybe, sorted table
 - Computers
 - Data structure
 - ♦ Maybe, heap, BST, hash....
- Most of human decisions asks
 - · Best case
 - Worst case
 - · Sorting!



- Sorting Algorithms Animations:
 https://www.toptal.com/developers/sorting-algorithms
- Sorting은 다양한 용도로 쓰인다.
- 이름별, 주식상황별 등
- 다양한 상황에 맞춰 sort algorithms 구현
- 문제는 수십만개를 수십만<mark>명이 홍시에 들어와서</mark> 알아보고자 할 때 핸들링이 어렵다
- DB의 sort를 사용해도 된다. 그 이상의 sort algorithm을 구현하기 힘들다.
- · 하지만 DB아니더라고 요소요소에 sort algorithm이 쓰일때가 많다.

1. O(N²) Sorting Sorting

Sorting algorithm ♦ Worst case O(N²) sorting Without a divide-and-conquer approach ♦ Sequential comparisons with two index iterations Usually there is a nested loop that ranges Outer loop: from the first to the end Inner loop from the outer loop's index to the end ♦ Or, from the first to the outer loop's index ♦ Variants **♦ Selection Sort** ⊕ Bubble Sort Pros and Cons? ♦ Cons: time complexity ♦ Pros? ♦ Easy to implement

- Order of N sqaure은 selection sorting 계열
- 기본적으로 효율적이고 쉽<mark>게 구현 가능</mark>
- 왜냐하면 tree structure같은 구조가 활용되지 않음
- Index를 두개를 돌리고 sequential comparison을 함
- Time complexity 혼자서 돌려보기에는 좋으나 논 문을 쓰기위해 분석을 한다든가 현실에 적용하기 에는 좋지 않다.
- 하지만 쉽게 구현이 가능

1. O(N²) Sorting Selection sort algorithm

```
♦ Examples of algorithms
    ♦ Insertion, deletion, search of linked lists, stacks,
        queues...
    ♦ Sorting of linked lists...
         ♦ Various sorting methods
             ♦ Bubble sort, Quick sort, Merge sort...
                                                    import random
♦ Selection Sort(list)
                                                    N = 10
                                                    1stNumbers = range(N)
       For itr1=0 to length(list)
                                                    random.shuffle(lstNumbers)
         ♦ For itr2 0 to length(list)
                                                    print lstNumbers
                                                   def performSelectionSort(lstNumbers):
             ♦ If list[itr1] < list[itr2]</p>
                                                        for itr1 in range(0, N)

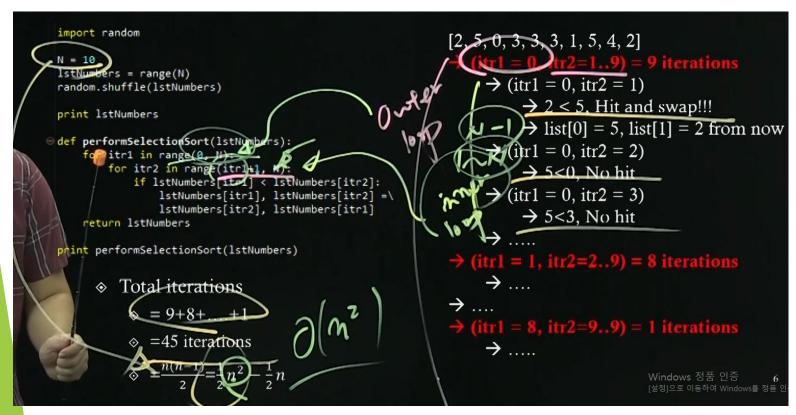
♦ Swap list[itr1], list[itr2]

                                                               if lstNumbers[itr1] < lstNumbers[itr2]:</pre>
                                                                   lstNumbers[itr1], lstNumbers[itr2] =\
     ♦ Return list
                                                                   lstNumbers[itr2], lstNumbers[itr1]
                                                        return lstNumbers
♦ This program uses
                                                    print performSelectionSort(lstNumbers)
    ♦ Data structure: List
     ♦ Algorithm: Selection sort
```

- ltr2 = 0 보다 효율적으로 하기 위해서 itr2 = itr + 1
- Maxmum이 항상 앞으로 가<mark>는 algorithm</mark>
- List 뿐만 아니라 array 등 다양하게 사용할수 있다.

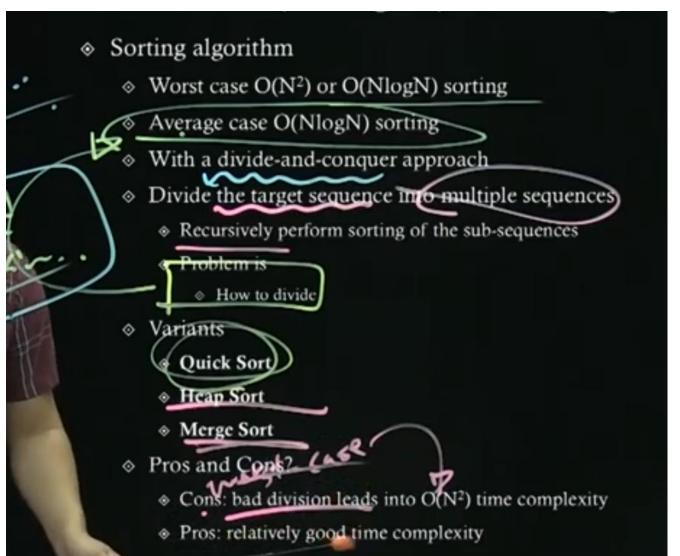
1. O(N²) Sorting

Example of selection sort execution



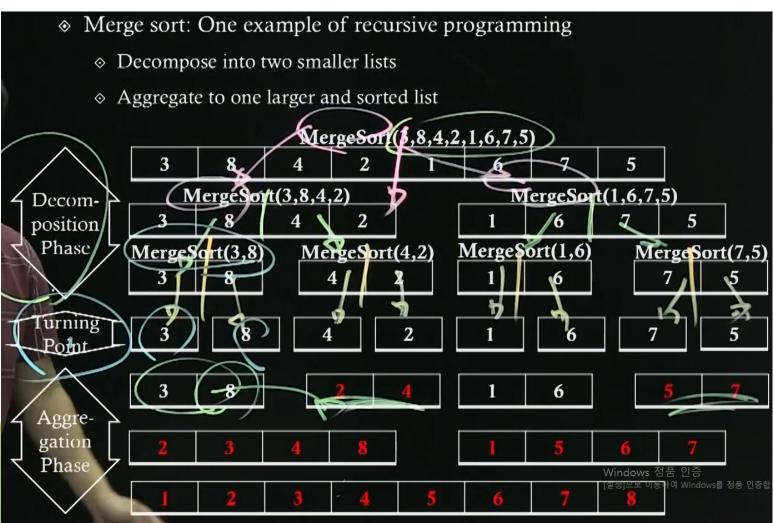
- irt1 = 0, itr2 = 1...9
- Outer loop는 N번만큼
- 코드 구현은 쉽지만 성능이 너무 안나온다.
- 총 반복이 45번

2. Merge Sort O(NlogN) Sorting



- O(N²)로직보다 좀 더 나은 O(NlogN)이다
- 이 로직은 divide and conquer를 사용
- · 기본적으로 Target sequence를 multiple sequences 로 쪼개서 비교하는것
- Recursion이 필요
- Good division이면 average case를 달성
- 단점은 worstcast면 O(N^2)같은 성능을 낸다.
- Comparison에서는 O(NlogN)이 베스트이다.

2. Merge Sort Merge Sort



- Merge Sort는 쪼갤수 없을 때까지 쪼개고 다시 aggregation하는 과정이다.
- Decom-position phase하고
- Recursion escape 으로 탈출한다.
- Sorting한다(작은것을 앞에 쓰거나 큰것을 앞에 쓴다)
- 마지막은 comparison이 필<mark>요 없다.</mark>

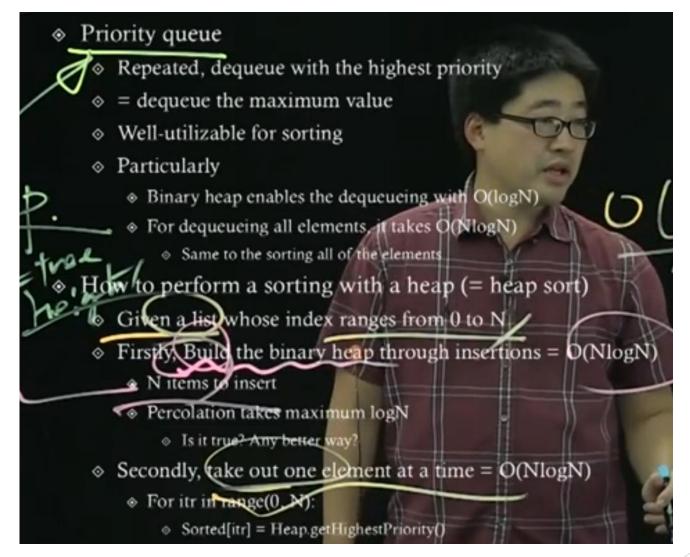
2. Merge Sort

Implementation Example: Merge Sort

```
import random
                                                                     lstRandom = []
                                                                     for itr in range(0, 10):
 f performMergeSort(lstElementToSort)
   if len(lstElementIoSort) == 1
                                                                         lstRandom.append( random.randrange(0, 100))
                                               Execution Code •
    . return lstElementToSort
                                                                     print lstRandom
                                                                     lstRandom = performMergeSort(lstRandom)
   lstSubElementToSort1 = []
  lstSubElementToSort2 = []
                                                                     print lstRandom
  for itr in range(len(lstElementToSort)):
    if len(lstElementToSort)/2 itr:
         lstSubElementToSort2.append(lstElementToSort[itr])
                                                                                  ♦ Code execution timing!
  lstSubElementToSort1 = performMergeSort(lstSubElementToSort1)
  1stSubElementToSort2 = performMergeSort(1stSubElementToSort2)
                                                                                      ♦ Before Recursion
  idxCount1 = 0
                                                                                      = Before Branching out
   for itr in range(len(lstElementToSort)):
      if idxCount1 == len(lstSubElementToSort1):
                                                                                      ♦ After Recursion
         'IstElementToSort[itr] = IstSubElementToSort2[idxCount2]
         idxCount2 = idxCount2 + 1
                                                                                      = After Branching out
      elif idxCount2 == len(lstSubElementToSort2):
         [lstElementToSort[itr] = lstSubElementToSort1[idxCount1
         idxCount1 = idxCount1 + 1
                                                                        Aggregation
      lstElementToSort[itr] = IstSubElementToSortZ[idxCo
         idxCount2 = idxCount2 + 1
         lstElementToSort[itr] = lstSubElementToSort1[idxCount1]
         idxCount1 = idxCount1 + 1
   return lstElementToSort
```

- Decomposition:
- 절반으로 쪼개고 append하<mark>게 된다.</mark>
- Recursion:
- · Recursive call 하다.
- Escape:
- 더 이상 쪼갤수 없으면 return한다.
- Aggregation:
- For loop 돌린다.
- 각 index의 0째부터 시작
- Elif 두번째가 비교문
- If 문 첫번째 리스트가 소진되었을때
- Elif 첫번째가 두번째 리스트가 소진 되었을때

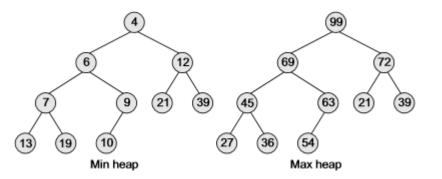
3. Heap Sort Heap sort

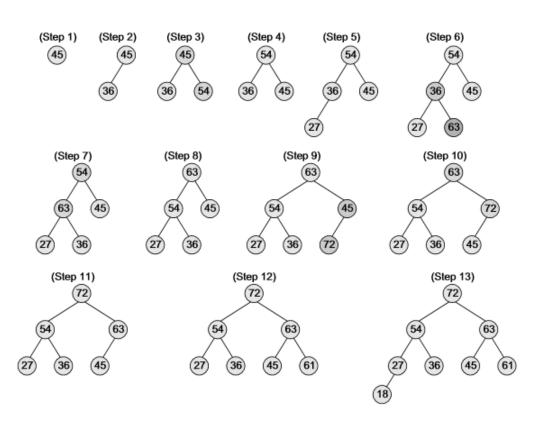


- Heap sort는 Merge sort와 동일한 성능을 내지만 structure만 좀 다르다.
- Priority queue를 활용
- Binary Heap 구조를 활용해서 Heap sort라 함
- Insert를 함으로써 binary heap을 build한다.
- Build하는 과정이 사실상 enqueue하는 것
- 이 때 percorlation-up이 일어난다.
- Build가 되면 하나씩 빼면 된다.
- 빼는 과정은 percorlation-down이 일어난다.

3. Heap Sort Heap sort (보충)

54





HEAP[1] HEAP[2] HEAP[3] HEAP[4] HEAP[5] HEAP[6] HEAP[7] HEAP[8] HEAP[9] HEAP[10]

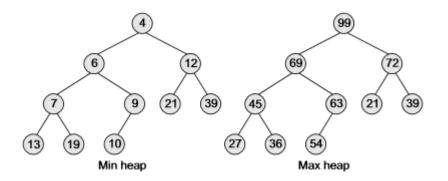
61

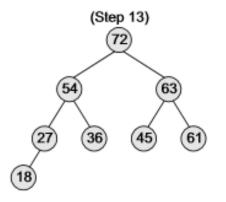
18

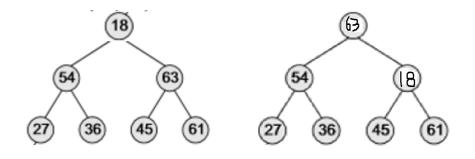
36

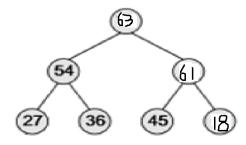
- Heap sort 란?
- List의 값을 차례로 insert하여 binary heap 을 build 하고 root값을 계속 delete 하여 sort하는 것이다.
- · 여기서 insert 하는 과정에 percorlate-Up이 사용되고 enqueue 하는것과 같다.
- Delete 하는 과정은 percorlate-Down이 사용되고 dequeue 하는것과 같다.
- Build(insert)
- List = [45, 36, 54, 27, 63, 72, 61, 18]
- List를 차례로 입력
- Min heap이면 작은 값이 위로, max면 큰 값이 위로
- Take out(delete)
- Build가 된 binary heap의 root부터 하나<mark>씩 delete</mark>
- Min heap 이면 작은값부터 정렬, max면 큰 값으로 정렬
- [72, 63, 61, 54, 4<mark>5, 36, 27, 18]</mark>

3. Heap Sort Heap sort (보충)





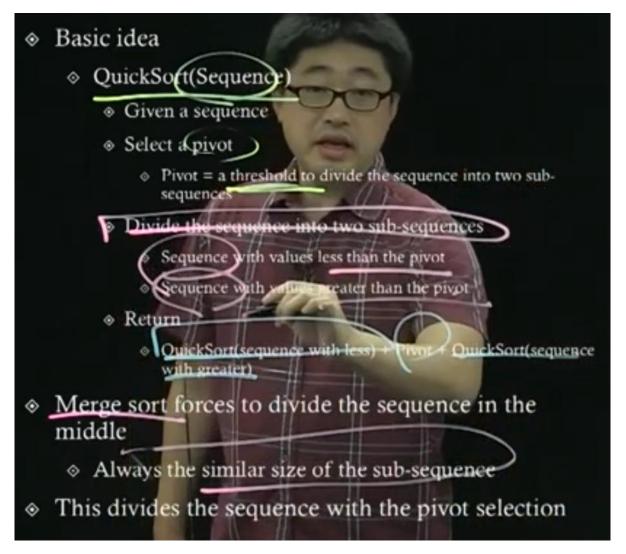




- Delete 과정
- Root 값인 **72** 제거하고 마지막 node에 있는 **18**을 root로 가져온다.
- **18**의 자식들인 **54** 와 **63** 중 큰값과 비교를 하여 큰 값보다 작으면 percolate-down한다.(**18**과 **63**의 자리를 바꾼다.
- 다시 **18**의 자식들인 **45**와 **61** 중 큰값과 비교하여 큰값보다 작으면 percolate-down 한다.(**18**과**61**의 자리를 바꾼다.
- 위 과정을 반복한다.
- 자식을 노드가 없거나 자식의 노드보다 큰 값을 가지게 되면 escape한다.

- Heap sort 란?
- List의 값을 차례로 insert하여 binary heap 을 build 하고 root값을 계속 delete 하여 sort하는 것이다.
- 여기서 insert 하는 과정에 percorlate-Up이 사용되고 enqueue 하는것과 같다.
- Delete 하는 과정은 percorlate-Down이 사용되고 dequeue 하는것과 같다.
- Build(insert)
- List = [45, 36, 54, 27, 63, 72, 61, 18]
- List를 차례로 입력
- Min heap이면 작은 값이 위로, max면 큰 값이 위로
- Take out(delete)
- · Build가 된 binary heap의 root부터 하나<mark>씩 delete</mark>
- Min heap 이면 작은값부터 정렬, max면 큰 값으로 정렬
- [72, 63, 61, 54, 4<mark>5, 36, 27, 18]</mark>

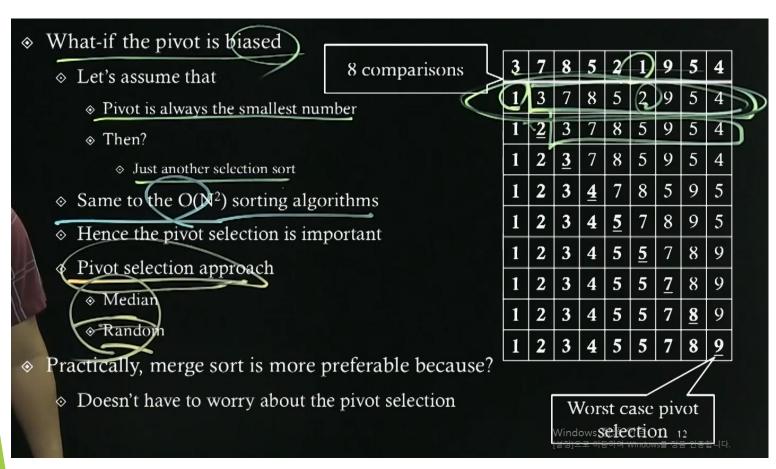
4. Quick Sort Quick sort



- Quick sort의 기본 매케니즘은 sequence가 들어오 면 pivot을 선택함
- Pivot은 왼쪽과 오른쪽을 분리하는 기준점
- Threshold를 넘으면 오른쪽, 작으면 왼쪽
- Sequence을 split하는것
- 그 다음 recursion을 하게 됨
- Pivot은 중간 값을 잘 설정하는게 중요
- Merge sort는 항상 중간
- Pivot이 잘못 설정되면 양쪽의 sequence의 길이차 이가 많이 나게 된다.

4. Quick Sort

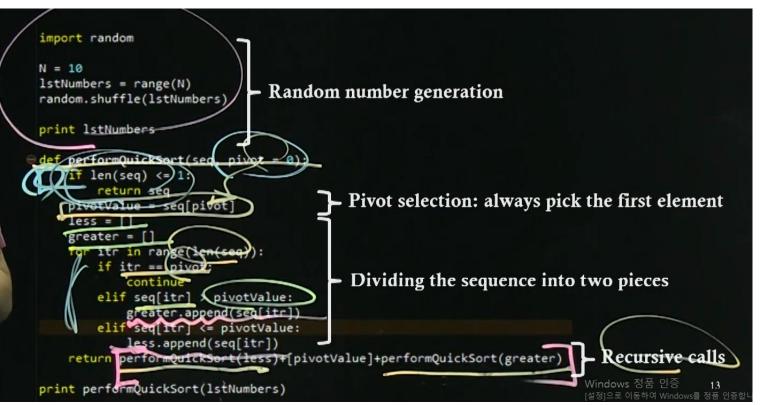
Importance of pivot in quick sort



- Pivot을 가장 작은 숫자를 <mark>선택한다면?</mark>
- · Selection sort랑 동일하게 <mark>됨</mark>
- Selection의 inner와 outer loop와 같음
- O(N^2) sorting algorithms랑 같음
- 이럴경우 quick sort를 안하는게 낫다
- Median과 Random의 접근 방<mark>식이</mark> 있다.
- · Merge sort가 기준점을 정하는데 걱정할 필요가 없 어서 더 선호하기도 하다

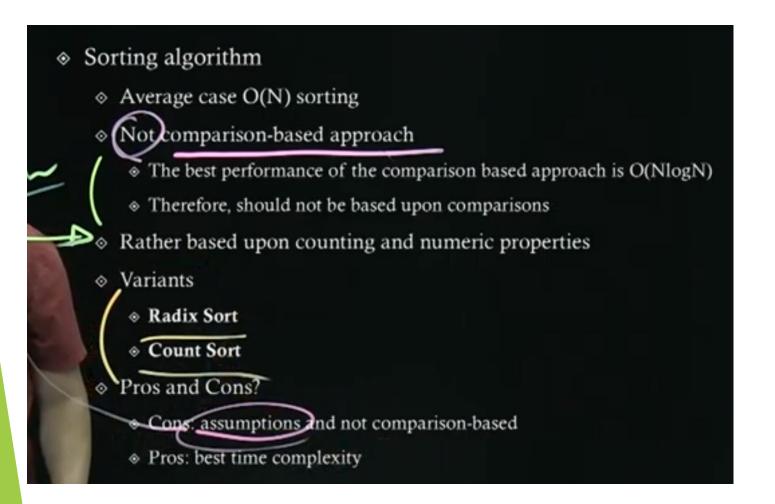
4. Quick Sort

Implementation of quick sort



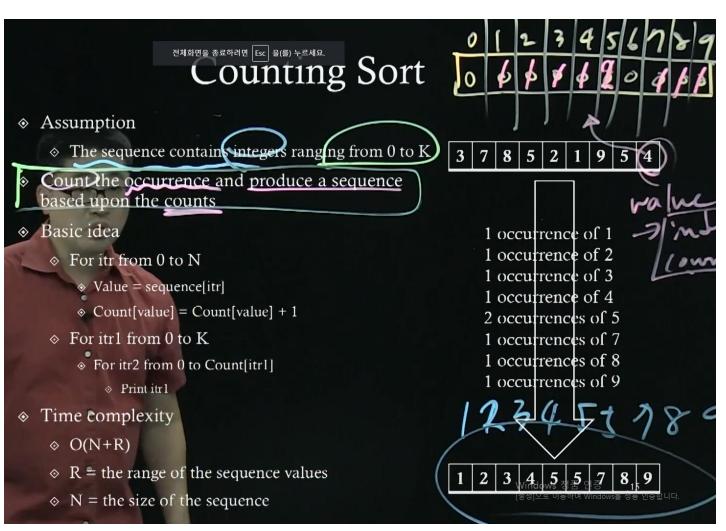
- Pivot은 0로 설정(idx를 맨 처음으로 설정)
- · Recursion을 해야하기 때문에 escape문이 있다.
- Pivotvalue는 항상 앞에 있<mark>는 값</mark>
- Pivotvalue보다 작은거=less, 큰거=greater 만듦
- Pivotvalue보다 크면 greater
- Pivotvalue보다 작으면 less
- Recursion이 두 파트가 일어남
- Return은 less + pivotvalue + greater로 sort가 됨
- Merge sort는 division 할때 sort 안했지만 quick sort는 division 할때 sort를 하게 됨
- Aggregation하기 전에 sort하는 것

5. Counting SortO(N) Sorting



- O(N) Sorting은 비교를 하지 않는다
- · 비교를 하지 않았지만 비교를 한것과 같은 <mark>결과를</mark> 만들어 내야 **O**(NlogN)의 성능을 낼 수 있다.
- Counting and numeric propeties기반하에 assumption 하는것
- 장점으로 가장 빠르다

5. Counting Sort Counting Sort



- Counting sort는 integers만 가능
- 0 from K로 맥스 K를 알아야 <mark>함</mark>
- 각 숫자가 몇번 일어나는지 count함
- Count에 맞춰 seqeunce를 produce함
- Array를 max까지 만든다.
- · **0**으로 초기화한다.
- Value가 index가 돼 버린다.
- 원래 두번째 for loop는 O(K * N)
- · K가 값이 엄청 크다고 가<mark>정</mark>
- For irt1 from 0 to K 가 N보다 dominant하다
- Dominant 상황이 되면 K를 생각해야함
- K가 R이 된다.
- O(R) (rnage로 생각) = O(K) 와 같다
- **O**(N)은 특정 인덱스 **count**
- 그래서 O(N + R)
- 다른 Counting sort Algorithm
- https://www.cs.miami.edu/home/burt/learning Csc517.091/worlbook/countingsort.html

5. Counting Sort

Implementation of counting sort

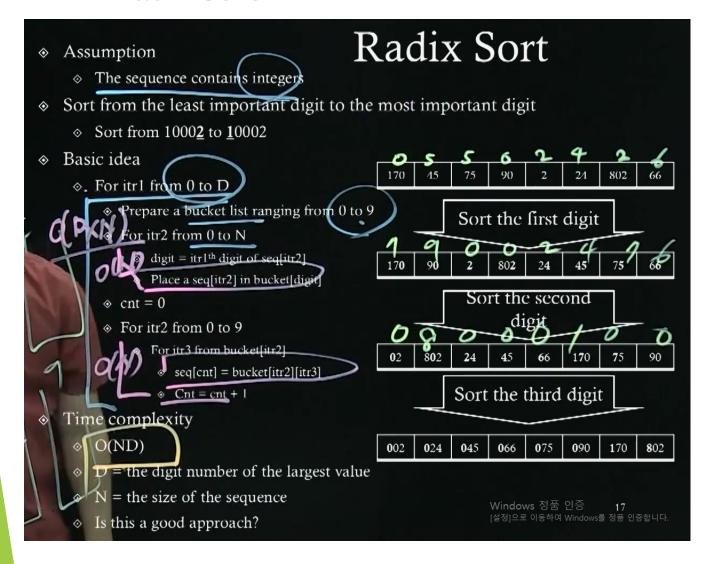
```
import random
N = 10

    Random number generation

lstNumbers = range(N)
random.shuffle(lstNumbers)
print lstNumbers
   performCountingSort Ae
    max = -99999
   min = 9999
    for itr in range(len(seq)):
       if seq[itr] > max:
          max = seq[itr]
                                      (Preparing the counting space
         seq[itr] < min:
           seq[itr]
    counting = ange(max-min+1)
   for itr in range(len(counting)):
       counting[itr] = 0
    for itr in range(len(seq)):
       value = seqfitc]
                                                         Perform counting
       counting value-min = counting[value-min] +
    cnt = 0
            p range(max-min+1)
       for itr2 in range (counting[itr1]):
           seq[cnt] (itr) + min
                                                 Print the counted numbers
            cnt = cnt +
    return seq
                                                               Windows 정품 인증
print performCountingSort(lstNumbers)
```

- Seq의 길이 만큼 한번 훑어서 min과 max을 알아낸다.
- 0부터 k까지의 저장소를 만들기 위함
- Counting을 0으로 초기화 한다.
- Value-min = min이 꼭 0이 아니어도 0부터 만들수 있게한 code
- 그 다음 counting 함
- Counting된 index값을 sequence로 print

6. Radix Sort Radix Sort



- Sequence는 integer여야 <mark>한다.</mark>
- Counting은 array의 길이가 길면 비효율적인데 이 것을 보완하기 위해 만든것이 Radex Sort다
- 마지막 자리에 있는 digit부터 첫번째 digit까지 count하면서 sort
- Bucket에 넣고 순서대로 print하면 된다.

6. Radix Sort

Implementation of radix sort

```
import random
import math
N = 10
                                Random number generation
lstNumbers = range(N)
random.shuffle(1stNumbers)
 rint 1stNumbers
    performRadixSort(seq):
     or itr in range(len(seq)): - Finding the digit number
        itr1 in range(0,D+1):
        for itr2 in range(0,10):
           buckets.append([])
                                                                · Placing values into buckets
        for itr2 in range(len(seq)):
           digit = int( seq[itr2] / math pow(10, itr1) 1% 10
            buckets digital append(seq[itr2])
            for itr3 in range(len(buckets[itr2])):
                                                              Printing the partially sorted values
               seq[cnt] = buckets[itr2][itr3]
               cnt = cnt + 1
                                                                                     Windows 정품 인증
  o return seq
                                                                                     [설정]으로 이동하여 Windows를 정품 인증합니
print performRadixSort(lstNumbers)
```

- Digit의 number를 알아보는 과정
- · Log10을 활용
- Log10을 활용하면 소수점 자리가 나올수 있어서 int로 처리
- Outer loop는 digit를 돈다
- Buckets을 만든다.
- Pow가 10의 몇승의 자리인이 알아보는것
- Bucket에 자리수 별로 집어 넣고
- 다음 loop에서 bucket에 있는 값을 print한다.

6. Radix Sort

Performance of sorting algorithms

		Average Case	Worst Case
	Selection Sort	O(N ²)	O(N ²)
	Merge Sort	O(NlogN)	O(NlogN)
	Heap Sort	O(NlogN)	O(NlogN)
	Quick Sort	O(NlogN)	O(N ²)
	Counting Sort	O(N+R)	O(N+R)
	Radix Sort	O(ND)	O(ND)

- In the real world
 - Many people do not concern the time complexity of the sorting
 - Why?
 - Most of time, people rely on the database and "DESC" and "ASC"
 - Most of time, people do not give too much thought on this issue
 - Not a good idea
- You need to consider the cost of your system
 - Development
 - Maintenance