

4. $\sec^2 x \tan y dx + \sec^2 y \tan x dy = 0.$

§ 11.1 微分方程的基本概念 一阶微分方程

一、求以 $y = C_1 e^x + C_2 e^{-x} - x$ (C_1, C_2 为任意常数) 为通解的微分方程.

二、求下列微分方程的通解:

1. $y' = \frac{y(1-x)}{x}.$

2. $y dx + (x^2 - 4x) dy = 0.$

3. $(x+1)y' + 1 = 2e^{-y}.$

三、求下列微分方程的特解:

1. $(1+x^2)y' = \arctan x, y|_{x=0} = 0.$

2. $xy' + y = 0, y(1) = 1.$

四、若连续函数 $f(x)$ 满足关系式 $f(x) = \int_0^{2x} f\left(\frac{t}{2}\right) dt + \ln 2$, 求 $f(x)$.

五、求下列微分方程的通解：

1. $(3x^2 + 2xy - y^2)dx + (x^2 - 2xy)dy = 0.$

2. $xy' = xe^{\frac{y}{x}} + y.$

3. $(y^2 - 3x^2)dy + 2xydx = 0.$

六、求微分方程的特解： $xy \frac{dy}{dx} = x^2 + y^2, y|_{x=e} = 2e.$

七、求下列微分方程的通解：

1. $(y + x^2 e^{-x})dx - xdy = 0.$

2. $y' + y \tan x = \cos x.$

八、求微分方程的特解： $(y + x^3)dx - 2xdy = 0, y|_{x=1} = \frac{6}{5}.$