



Algorithmen für Graphen

Effective Branching Factor

Patrick Ritschel, Version 1.1

Mathematik

Newton'sches Näherungsverfahren

Fachhochschule Vorarlberg



- Dient der Nullstellensuche (findet *eine* NST)
- Arbeitet iterativ
 - das Ergebnis wird schrittweise verbessert (angenähert)
 - gestartet wird mit einem Wert, möglichst nahe der vermuteten Nullstelle
- Legt eine Tangente durch $f(x)$, schneidet diese mit der x-Achse und bestimmt so das neue x

$$x_{n+1} := N_f(x_n) := x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$$

Mathematik

Newton'sches Näherungsverfahren

Fachhochschule Vorarlberg



- z.B.: $f(x) = \cos(x) - x^3$

```
function f(x) {  
    return cos(x) - x3  
}  
function f'(x) {  
    return -sin(x) - 3x2  
}  
function NewtonIterationFnct(x) {  
    return x - f(x) / f'(x)  
}  
x := 0.5 // Geratener Startwert  
do {  
    xold := x  
    x := NewtonIterationFnct(x)  
  
} while (abs(xold - x) > SCHRANKE) // z.B. SCHRANKE == 0.001
```

Mathematik

Effective Branching Factor



- Anzahl der Knoten im Baum:

$$b^0 + b^1 + \dots + b^d = n$$

- In geschlossene Form reduzieren:

$$b^1 + \dots + b^d + b^{(d+1)} = bn$$

$$b^0 + b^1 + \dots + b^d = n$$

$$-(b^0) + b^{(d+1)} = bn - n$$

- Also erhalten wir (und definieren)

$$b^{(d+1)} - 1 - bn + n = 0 =: f(b)$$

- Und deshalb [Lsg Newtonsche Näherung, $b_0 = 2.0$]

$$f'(b) = (d+1)b^d - n$$