

# ‘Odd-Even Sort’ Parelizado

CPD – Algoritmos Paralelos

---

Hélder Gonçalves – PG28505

## ABSTRACT

Computação paralela nem sempre é viável para todos os algoritmos, requeresse sempre uma análise prévia sobre o algoritmo original para o explorar da melhor forma e obter os melhores resultados.

## Índice

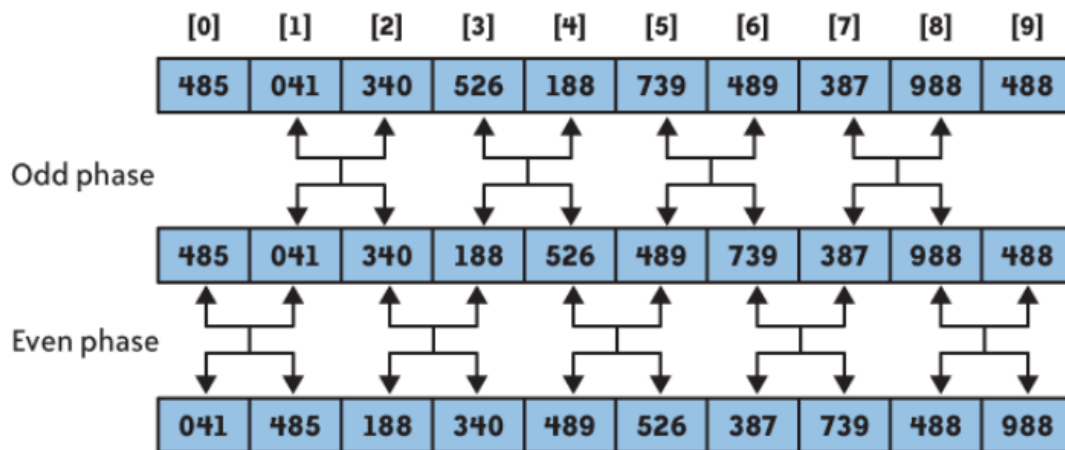
<b>2. Introdução.....</b>	<b>3</b>
<b>3. Problema .....</b>	<b>3</b>
<b>4. Código.....</b>	<b>3</b>
a. Versão Sequencial .....	3
b. Paralelização Versão 1 (aula).....	4
c. Paralelização Versão 2 .....	5
d. Paralelização Versão 3 .....	6
e. Paralelização Versão 4 .....	6
f. Paralelização Versão 5 .....	7
<b>5. Testes .....</b>	<b>8</b>
a. Máquina de testes .....	8
a. Tempos .....	8
<b>Conclusão.....</b>	<b>12</b>

## 2. Introdução

Como caso de estudo deste trabalho temos o '*Odd-Even Sort*'. Assim como no trabalho anterior, este é um algoritmo de ordenação relativamente simples. É um algoritmo de ordenação por comparação baseado no bubble sort com o qual compartilha muitas características.

## 3. Problema

Ele funciona através da comparação de todos os pares indexados (ímpar, par) de elementos adjacentes na lista e, se um par está na ordem errada (o primeiro é maior do que o segundo), os elementos são trocados. O próximo passo repete isso para os pares indexados (par, ímpar) de elementos adjacentes. Em seguida, ele alterna entre etapas de (ímpar, par) e (par, ímpar) até que a lista é ordenada. Pode ser pensado como a utilização de processadores paralelos, cada qual usando um '*BubbleSort*', mas a partir de diferentes pontos na lista (todos os índices ímpares para a primeira etapa). Este algoritmo de ordenação é apenas ligeiramente mais difícil do que o '*Bubble Sort*' para implementar.



## 4. Código

### a. Versão Sequencial

Antes de começar a tentar paralelizar qualquer algoritmos é importante estudar o seu comportamento base na sua versão mais simples, a sequencial. Como tal, este não foge a esta regra de ouro.

```
void OESort(int NN, int *A)
{
    int exch = 1, start = 0, i;
    int temp;

    while (exch || start) {
        exch = 0;
        for (i = start; i < NN-1; i+=2) {
            if (A[i] > A[i+1]) {
                temp = A[i]; A[i] = A[i+1]; A[i+1] = temp;
                exch = 1;
            }
        }
        if (start == 0) start = 1;
        else start = 0;
    }
}
```

Como se viu na aula, temos a variável *exch* para nos informar se existiu alguma alteração enquanto o vector de inteiros *A* é percorrido, tomando este o valor de 1 no caso de

ser efectuada pelo menos uma alteração. Depois também existe a variável *start* que nos indica qual é a fase actual do problema (par ou ímpar), e por este motivo a fase troca no final de cada iteração. A última parte essencial do problema é o ciclo *for* que percorre todo o vector e no caso do índice  $i+1$  ser inferior ao índice  $i$  é efectuada uma troca.

Agora que vimos em detalhe o algoritmo é possível identificar as zonas possivelmente paralelizáveis. A zona que chama a atenção é quando o algoritmo está a percorrer o vector fornecido.

Nos próximos capítulos vamos sugerir algumas possíveis implementações.

## b. Parelelização Versão 1 (aula)

Esta é a versão mais simples de todas as versões apresentadas neste trabalho.

```
void OESort_Parallel_V0(int NN, int *A)
{
    int exch = 1, start = 0, i;
    int temp;

    while (exch || start) {
        exch = 0;

        #pragma omp parallel for private(temp)
        for (i = start; i < NN-1; i+=2) {
            if (A[i] > A[i+1]) {
                temp = A[i]; A[i] = A[i+1]; A[i+1] = temp;
                exch = 1;
            }
        }
        if (start == 0) start = 1;
        else start = 0;
    }
}
```

Para ter obtermos a primeira versão paralela basta adicionar um único *#pragma* no *for* que percorre o vector para ter uma versão perfeitamente funcional. Só temos de ter cuidado que a variável *temp* tem de ser privada a cada uma das threads existentes (esta variável é privada em todas as versões apresentadas, assim como a *exch* e *start* são partilhadas).

Mas se tiver atenção, nota-se que a zona paralela está sempre a abrir e a fechar para executar cada uma das fases. Este overhead vai causar perda de eficiencia no nosso algoritmo, para evitar isto vamos abrir uma única vez a zona paralela. Para isso ser possível, o *#pragma* da abertura do ambiente tem de estar antes do ciclo *while*, obtendo então a nossa primeira versão aceitável.

```
void OESort_Parallel_V1(int NN, int *A)
{
    int exch = 1, start = 0, i;

    #pragma omp parallel
    {
        int temp;
        while (exch || start) {

            #pragma omp barrier
            exch = 0;
            #pragma omp barrier

            #pragma omp for
            for (i = start; i < NN-1; i+=2) {
                if (A[i] > A[i+1]) {
                    temp = A[i]; A[i] = A[i+1]; A[i+1] = temp;
                    exch = 1;
                }
            }
        }
    }
}
```

```

        #pragma omp single
        if (start == 0) start = 1;
        else start = 0;

    }
} //Close parallel
}

```

Para chegar a esta implementação tivemos que ter em atenção a vários pormenores das directivas do openMP. Sabemos que as directivas *single* e *for* tem barreiras implícitas. Este pormenor dá-nos algumas ajudas aquando a implementação e quais serão as lacunas a culminar para que o algoritmo funcione perfeitamente.

Ao passar o `#pragma omp parallel` para antes do *while*, a nossa primeira reacção foi colocar um directiva *for* para percorrer o vector paralelamente e depois para cuidar da troca da fase a executar usamos a directiva *single*.

À partida isto parecia que ia funcionar, mas infelizmente não. Qual é o problema!? O problema é que a program entrava em deadlock porque a primeira thread a entrar no ciclo ia alterar logo o valor da variável *exch* para 0 fazendo com que as threads seguintes nunca chagassem a entrar no ciclo, daí a utilização da primeira directiva '*omp barrier*'. A segunda é necessária porque nada garante que quando uma thread esteja a fazer uma alteração dentro do ciclo *for*, todas as outras *threads* já tenham colocado *exch* a 0, podendo desta forma existir inconsistências, levando assim à colocação de uma segunda barreira.

### c. Paralelização Versão 2

Esta é uma segunda versão que implementei a partir da anterior. Pessoalmente não gosto nada desta versão, mas a foi a primeira que implementei com este novo intuito proposto.

```

void OESort_Parallel_V2(int NN, int *A)
{
    int exch, start = 0, i;

    #pragma omp parallel
    {
        exch = omp_get_num_threads();
        int temp;
        while (1) {
            if(exch<=0 && start==0) break;

            #pragma omp barrier
            #pragma omp critical
            exch--;

            #pragma omp for
            for (i = start; i < NN-1; i+=2) {
                if (A[i] > A[i+1]) {
                    temp = A[i]; A[i] = A[i+1]; A[i+1] = temp;
                    #pragma omp critical
                    exch = omp_get_num_threads();
                }
            }

            #pragma omp single
            if (start == 0) start = 1;
            else start = 0;
        }
    }
}

```

Tivemos um pensamento um pouco diferente da versão anterior. Agora temos o *while* em ciclo infinito, podendo ser quebrado por um *if*. Isto dá-nos um pouco de mais liberdade como vamos ver em próximos algoritmos. O objectivo é colocar em *exch* o número de *threads* que estão a resolver o problema sempre que é efectuada uma alteração no vector e depois na iteração seguinte cada uma das *threads* decrementar a *exch* até este chegar a 0. Mas se este já estiver a 0 já no principio do ciclo quer dizer que na iteração anterior não foi

efectuada nenhuma alteração no mesmo, isto é, o vector já está ordenado e podemos fazer um *break* para sair do ciclo.

Para estas contas baterem certo é necessário um critical na operação de decremento para evitar as conhecidas *race conditions*. Mas ainda existe outro problema, se não tivermos as barreiras da versão 1 vamos enfrentar um problema de inconsistência de dados, como já foi explicado, isto fará com que o *exch* possa atingir valores negativos devido a não ter existido consistência nos dados e por exemplo, no final do o *exch* é diferente do número de threads existentes ou de 0. Por este motivo colocamos o sinal de ' $\leq$ ' na condição de paragem. Agora para evitar que o problema entre em deadlock temos 1 alternativa, que é colocar um barreira antes ou depois da operação de decremento. Isto faz com que se uma thread passar na condição de paragem, todas as outras vão ter o mesmo resultado.

#### d. Paralelização Versão 3

Esta versão é na minha opinião a que iria obter os melhores resultados (antes de efectuar testes), porque consegue ser superior relativamente ao melhor uso das primitivas disponíveis. Digo isto porque devido à alteração da ordem dos conceitos anteriores consegue aproveitar as barreiras implícitas das directivas usadas nas zonas principais do algoritmo (*for* e *single*), e ainda mantém o facto do ambiente paralelo ser aberto uma única vez.

```
void OESort_Parallel_V3(int NN, int *A)
{
    int exch, start = 1, i, numThreads;

    #pragma omp parallel
    {
        exch = numThreads = omp_get_num_threads();
        int temp;
        while (1) {

            #pragma omp for
            for (i = start; i < NN-1; i+=2) {
                if (A[i] > A[i+1]) {
                    temp = A[i]; A[i] = A[i+1]; A[i+1] = temp;

                    exch = numThreads;
                }
            } //Implicit Barrier

            if(exch==0 && start==0) break;

            #pragma omp critical
            exch--;

            #pragma omp single //Implicit Barrier
            if (start == 0) start = 1;
            else start = 0;

        }
    }
}
```

Segue exatamente o pensamento da versão 2 mas aproveita as barreiras implícitas evitando desta forma que haja inconsistência no valor do de *exch* que vai ser sempre 0 ou o número de threads.

#### e. Paralelização Versão 4

Esta é uma quarta versão implementada tem um objectivo diferente dos apresentados até agora. Este faz o unrolling das duas fazes em um só, reduzindo assim para metade o número de inicializações do ambiente paralelo, e ainda aproveita de outras propriedades próprias desta técnica (não vão ser aqui abordadas).

```
void OESort_Parallel_V4(int NN, int *A)
{
    int exch0, exch1=1, trips=0, i;
```

```

while (exch1) {
    exch0 = exch1 = 0;

    #pragma omp parallel
    {
        int temp;
        #pragma omp for
        for (i=0; i<N-1; i+=2) {
            if (A[i] > A[i+1]) {
                temp = A[i]; A[i] = A[i+1]; A[i+1] = temp;
                exch0 = 1;
            }
        }

        if(exch0 || !trips){
            #pragma omp for
            for (i=1; i<N-1; i+=2) {
                if (A[i] > A[i+1]) {
                    temp = A[i]; A[i] = A[i+1]; A[i+1] = temp;
                    exch1 = 1;
                }
            }
        }
        trips=1;
    }
}

```

Agora são usadas duas *flags* para o caso de ocorrer uma mudança (exch0 e exch1), que vão ser reinicializadas sempre que se entra no ciclo. Faz a primeira fase e no caso de não se efectuar nenhuma mudança o algoritmo dá-se como terminado. Caso contrário ele efectua as duas fases. A primeira execução é uma excepção e tem obrigatoriamente de executar as duas fases, daí advém o uso da variável *trips*.

Esta técnica vai mudar a granularidade e ainda vai cortar em computação extra em mais código de controlo.

#### f. Paralelização Versão 5

Esta é uma quinta versão implementada e última apresentada. Tem como objectivo diminuir o *overhead* da versão anterior.

```

void OESort_Parallel_V5(int NN, int *A)
{
    int exch0=0, exch1=1, trips=0, i;

    #pragma omp parallel
    {
        while (exch1) {

            #pragma omp barrier
            #pragma omp single
            exch0 = exch1 = 0;

            int temp;

            #pragma omp for
            for (i=0; i<N-1; i+=2) {
                if (A[i] > A[i+1]) {
                    temp = A[i]; A[i] = A[i+1]; A[i+1] = temp;
                    exch0 = 1;
                }
            }

            if(exch0 || !trips){
                #pragma omp for
                for (i=1; i<N-1; i+=2) {
                    if (A[i] > A[i+1]) {
                        temp = A[i]; A[i] = A[i+1]; A[i+1] = temp;
                        exch1 = 1;
                    }
                }
            }
        }
    }
}

```

```

        trips=1;
    }
}
}

```

Neste algoritmo encontramos os mesmos problemas que em versões anteriores, daí o recurso às mesmas técnicas de resolução. Neste caso só tivemos de adicionar uma barreira antes de depois de reinicializar as variáveis de controlo. O problema é a inconsistência dos dados, podendo não serem detectadas alterações feitas no vector se não tivermos a segunda barreira, implícita pelo *single*. A primeira barreira é para permitir que todas as *threads* entrem no ciclo e evitar uma situação de *deadlock*.

## 5. Testes

### a. Máquina de testes

Foi usado um único nó para a realização de todos os testes necessários neste problema. O nó usado foi o ‘compute-652-2’ que tem as seguintes características gerais:

```

-bash-4.1$ papi_avail | grep CPU
Model string and code      : Intel(R) Xeon(R) CPU E5-2670 v2 @ 2.50GHz (62)
CPU Revision               : 4.000000
CPUTID Info               : Family: 6  Model: 62  Stepping: 4
CPU Max Megahertz         : 2501
CPU Min Megahertz         : 1200
CPUs per Node             : 20
Total CPUs                : 40

```

Como podemos ver o nó tem 40 CPU's dos quais só foram usados 12 de cada vez no máximo.

### a. Tempos

Todos os tempos apresentados neste relatório e no anexo enviado estão na unidade do Sistema Internacional, em segundos. Foram testados os 5 algoritmos apresentados anteriormente para as dimensões do vector (100, 1000, 10000, 50000, 80000), e ainda para um pequeno número de *threads* para perceber como é que o algoritmo realmente se comporta em maiores números de *threads*. Sendo assim foram feitos testes com 2, 4, 5, 6, 7, 8, 10 e 12 *threads*.

Para ajuda na realização de todos estes testes foi utilizado o seguinte script:

```

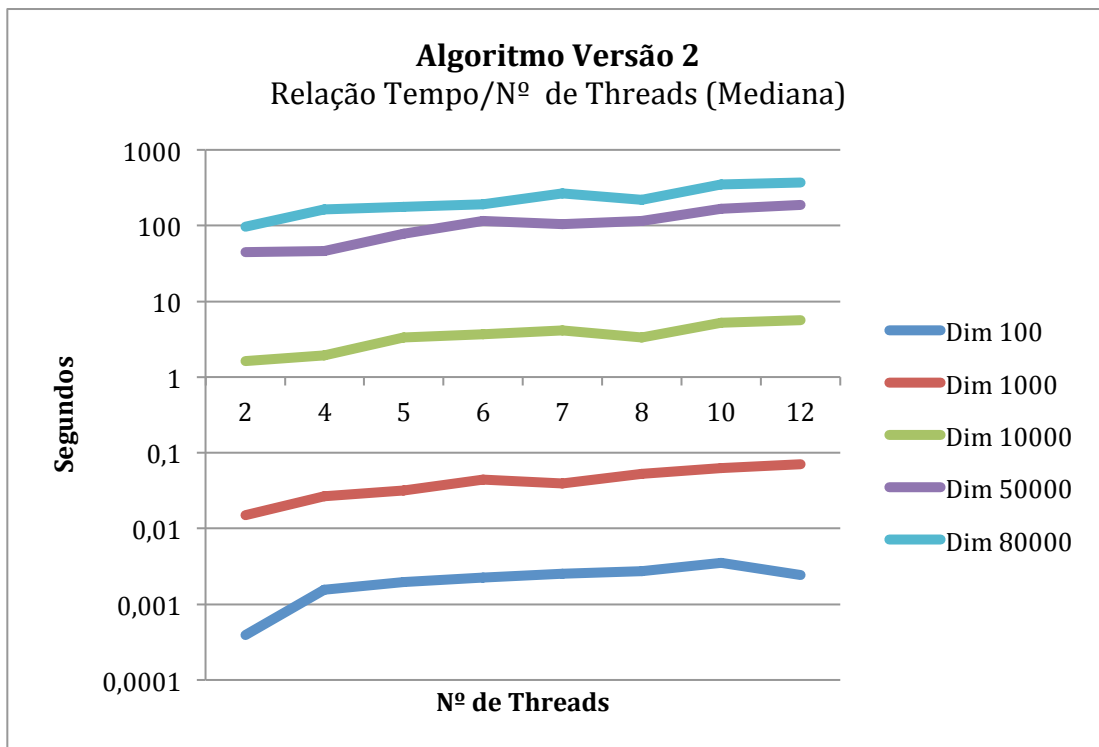
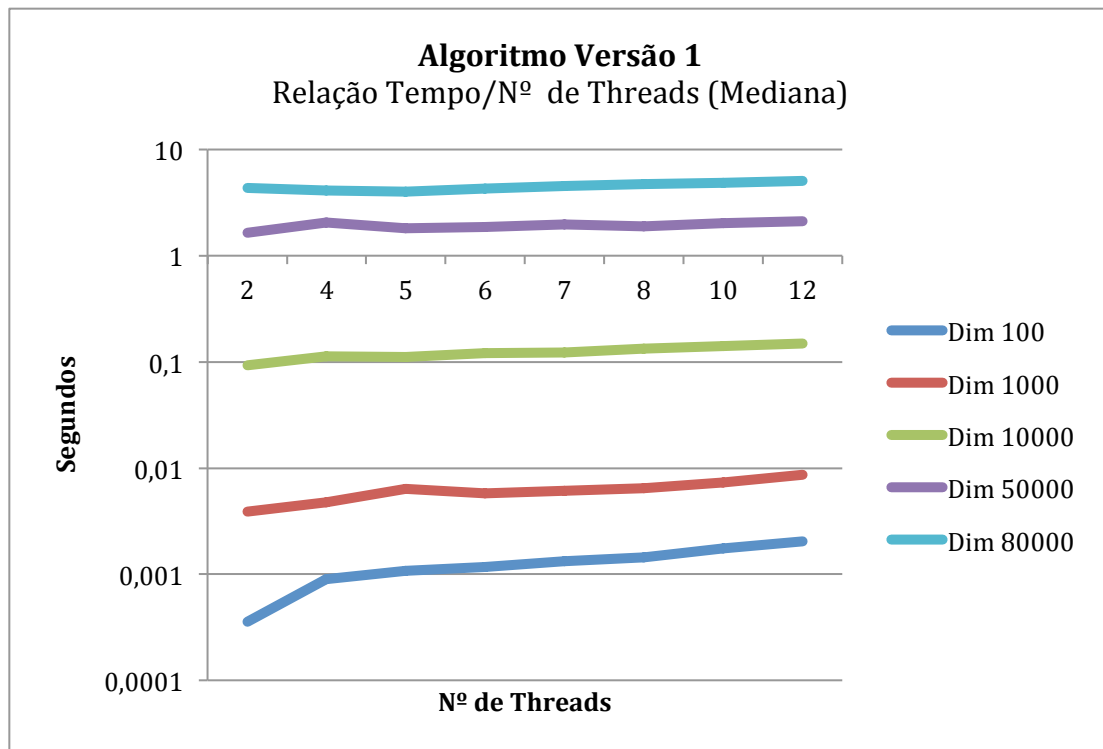
1
2 ##Nos Usados
3 cat $PBS_NODEFILE
4
5 ##Versões Paralelas
6 for version in 1 2 3 4 5
7 do
8     echo "Algorithm Version: $version "
9
10    for size in 100 1000 10000 50000 80000
11    do
12        echo "+++++ Dimensão $size +++++"
13
14        for nthreads in 2 4 5 6 7 8 10 12
15        do
16            echo "Num threads: $nthreads "
17            export OMP_NUM_THREADS=$nthreads
18            ./run $version $size
19            ./run $version $size
20            ./run $version $size
21        done
22    done
23 done
24
25 ##Versão Single
26 echo "+++++ SINGLES +++++"
27 for size in 100 1000 10000 50000 80000
28 do
29    echo "+++++ Dimensão $size +++++"
30    ./run 0 $size
31    ./run 0 $size
32    ./run 0 $size
33 done

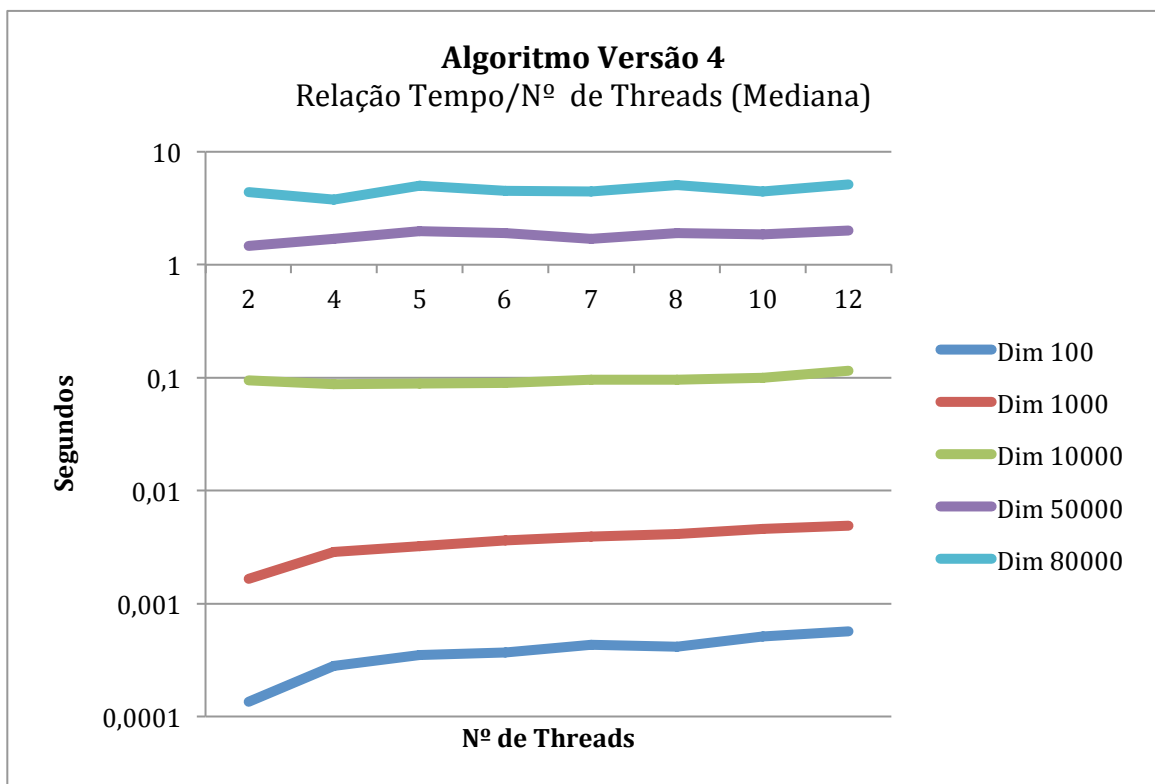
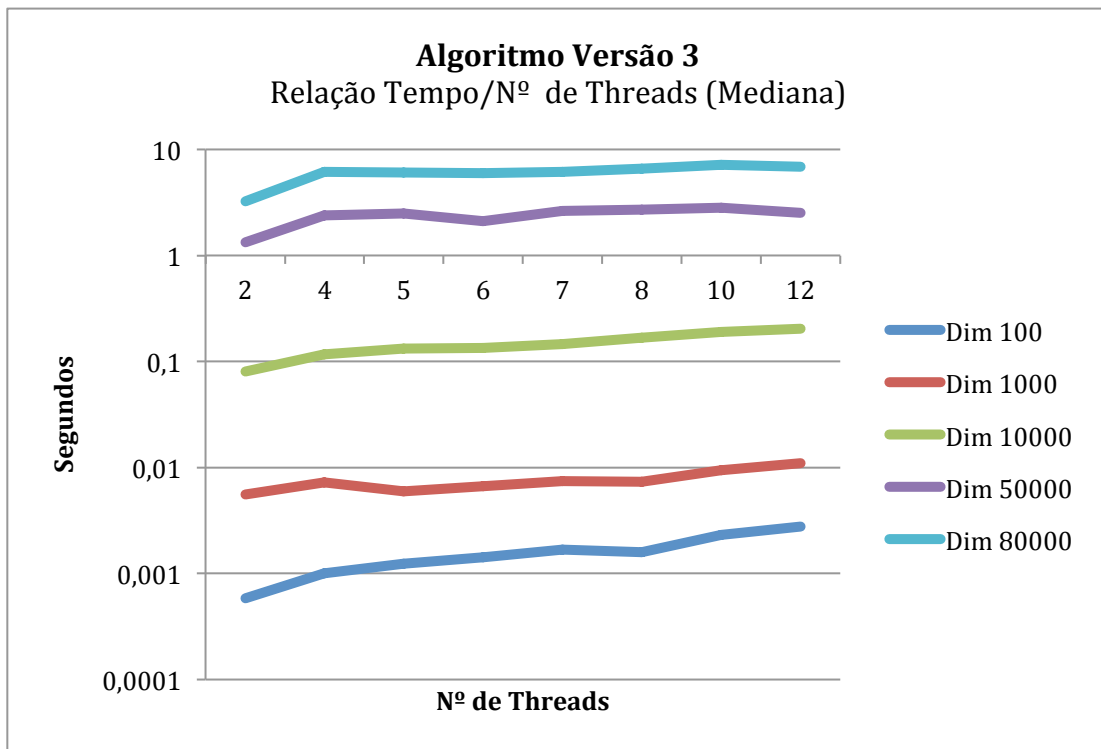
```

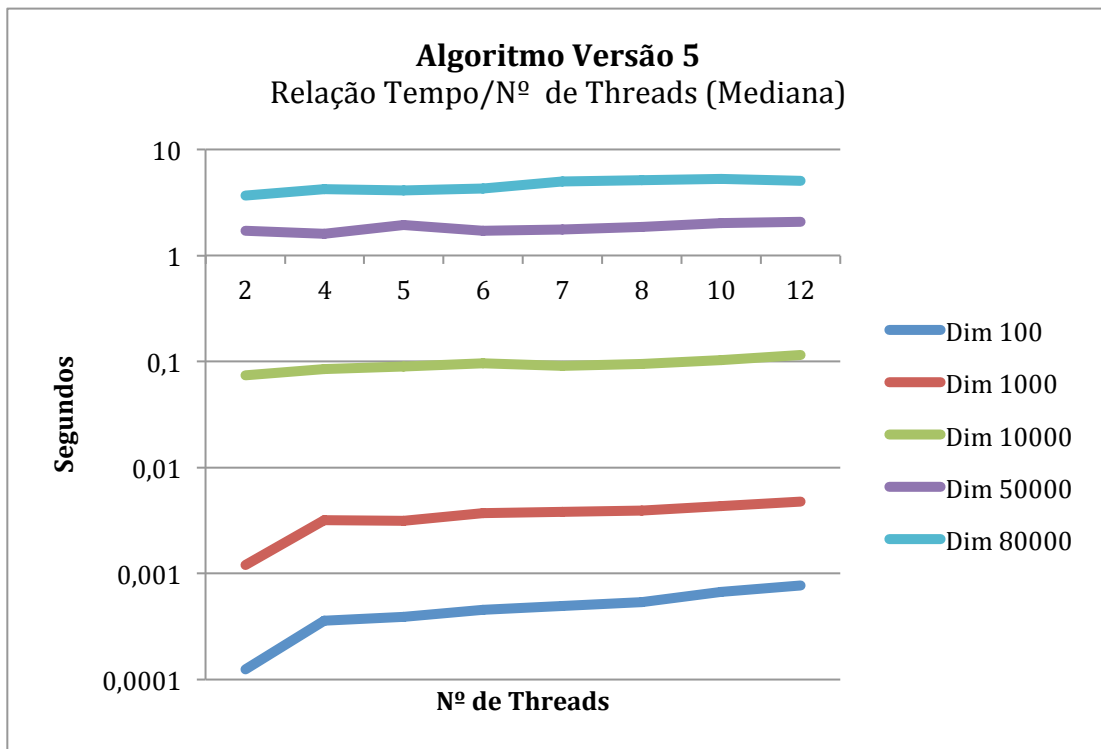


Todos os dados estão em suporte no ficheiro excel enviado como anexo.

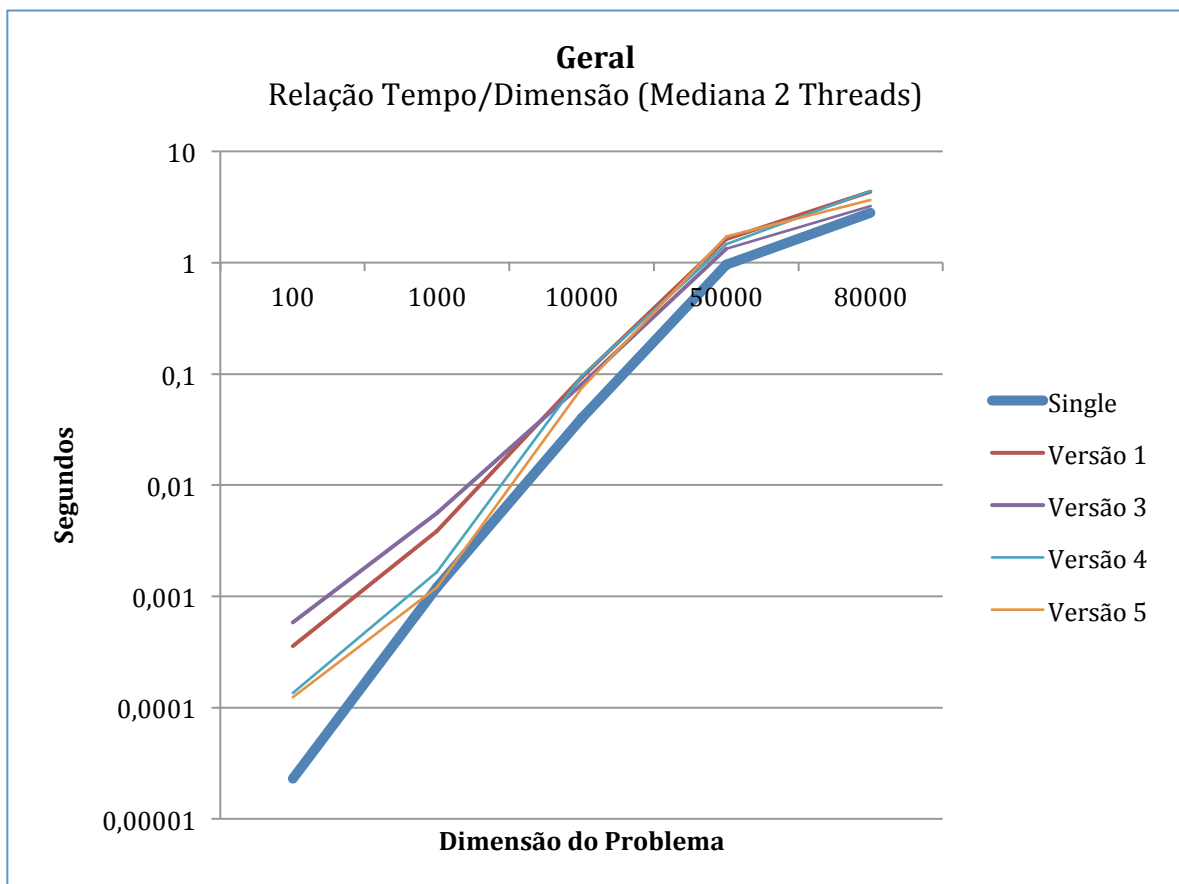
A primeira análise e a que sai mais à vista quando se analisa os gráficos obtido é que em todos os algoritmos, obtemos piores resultados com o aumento do número de *threads*.







Agora vamos comparar para a mesma dimensão o diferente desempenho das mais diversas versões. Como pudemos reparar nos modelos anteriores a versão 2 teve resultados substancialmente piores que as restantes versões, por esse motivo essa versão não aparece no seguinte gráfico.



## Conclusão

Foi um trabalho interessante que permitiu que fossem abordados temas que apesar de já falados não estavam consolidados e este trabalho veio colmatar essa lacuna. Apesar de nunca ser fácil fazer este tipo de observações, pois é preciso que o programador conheça muito bem o algoritmo que tem em mãos e a partir daí fazer o que mais lhe convém para o seu problema.

Infelizmente não se conseguiu obter nenhum algoritmo que conseguiu-se obter melhores resultados que a própria versão sequencial, pois depois de todo o trabalho que uma pessoa teve não existe aquele prêmio pessoal de conseguir algo melhor do que foi dado inicialmente.

A versão so fazer unroll provou ser bastante eficaz em relação às restantes mas não o suficiente. Acredito que a versão 5 ainda pode ser melhorada de forma a obter um desempenho superior à versão serial.