

Flächenträgheitsmoment  $I$

$$I_{\text{rund}} = \int_Q y^2 dq = \int_A y^2 \cdot dA \quad \left| \begin{array}{l} x = r \cos \varphi \\ y = r \sin \varphi \\ z = z \end{array} \right|$$

$$= \int_0^{r_0} \int_0^{2\pi} r^3 \sin^2 \varphi dr d\varphi$$

$$= \int_0^{r_0} r^3 dr \int_0^{2\pi} \sin^2 \varphi d\varphi = \frac{1}{4} r_0^4 \pi \quad \text{mit } r_0 = (5,04 \pm 0,04) \text{ mm}$$

$$I_{\text{Rekt}} = \int_Q y^2 dq = \int_{-\frac{y_0}{2}}^{+\frac{y_0}{2}} \int_0^{x_0} y^2 dy dx$$

$$= \left[ \frac{1}{3} y^3 x_0 \right]_{y = -\frac{y_0}{2}}^{y = \frac{y_0}{2}} = \frac{y_0^3}{2} x_0$$

$$= \frac{1}{3} \left( \frac{y_0^3}{8} + \frac{y_0^3}{8} \right) x_0 \quad \text{mit } y_0 = (10,07 \pm 0,05) \text{ mm}$$

$$= \frac{1}{12} y_0^3 x_0 \quad x_0 = (10,07 \pm 0,06) \text{ mm}$$

$$D(x) = \frac{F}{2EI} \left( Lx^2 - \frac{x^3}{3} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{F}{2EI} \left( Lx^2 - \frac{x^3}{3} \right) \quad \text{mit } \tilde{x} = \left| Lx^2 - \frac{x^3}{3} \right|$$

Die ausgewerteten Flächenträgheitsmomente lassen sich mit dieser Formeln und der Gaußschen Fehlerfortpflanzung bestimmen. Alternativ kann Da die Auswertung.py benutzt werden :-)