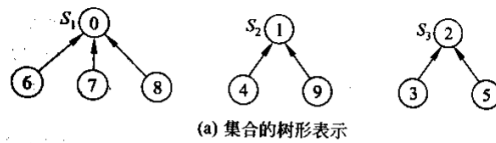
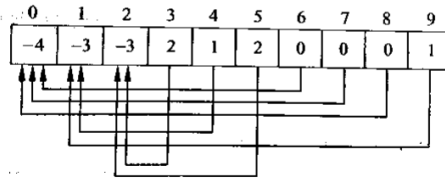


数据结构期末复习

1. 集合的两种表示：树形表示和父指针数组表示



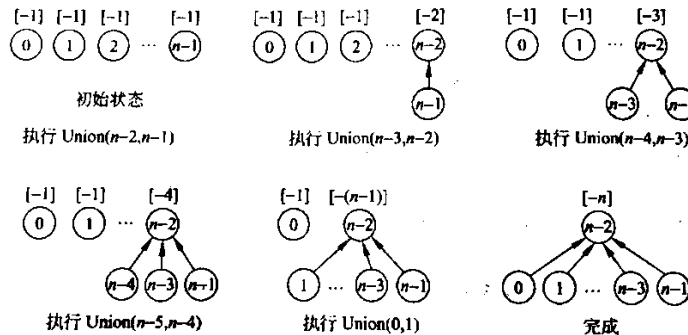
(a) 集合的树形表示



(b) 集合 S_1 、 S_2 和 S_3 的森林父指针数组表示

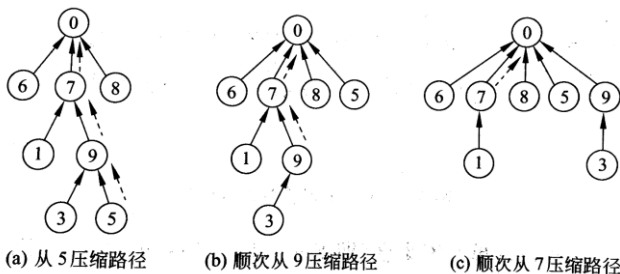
a)

2. 并查集 WeightedUnion 过程（节点个数多者作为双亲）



a)

3. 并查集 CollapsingFind 过程



a)

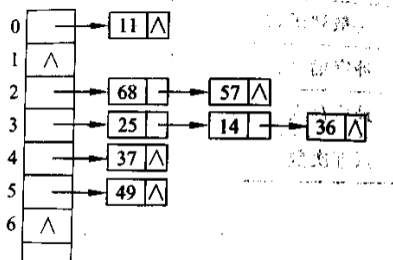
4. 衡量散列方法的搜索性能

- ASL(succ): 搜索到表中已有表项的平均探查次数
 - ASL(unsucc): 搜索不到表中表项，但找到插入位置的平均探查次数
 - 注意，如果散列表大小为 12，采用的散列函数为 $x \% 11$ ，那也意味着最多只能插入前 11 个表项，第 12 个表项始终为空，计算 ASL(unsucc) 时多项式只能有 11 项相加，分母只能是 11，而不能是 12（因为 12 始终不会被搜索到！始终不会作为可能被探查的位置！）。亦即 unsucc 计算时分母只能是取余号后的数字！
- 线性探查法找下一个位置公式： $(H_0 + i) \% m$ ，即此时把数组当成循环数组使用
 - 散列表若经常变动，使用开散列方法处理冲突，因为闭散列方法在删除时只能逻辑删除表中元素，容易造成大量空间被浪费
 - 二次探查法找下一个位置公式： $(H_0 \pm i^2) \% m, i = 1, 2, 3, \dots, (m-1)/2$ ，先加后减，序列应该固定，散列表大小 m 必须是满足 $4k+3$ 的质数
 - 闭散列线性探查法结果绘图举例：

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
11		68	25	37	14	36	49	57			

(1) (1) (1) (1) (3) (4) (3) (7)

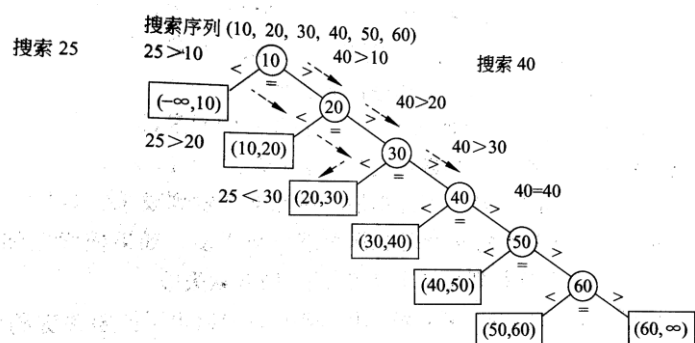
9. 开散列法得到的链表结构绘图举例:



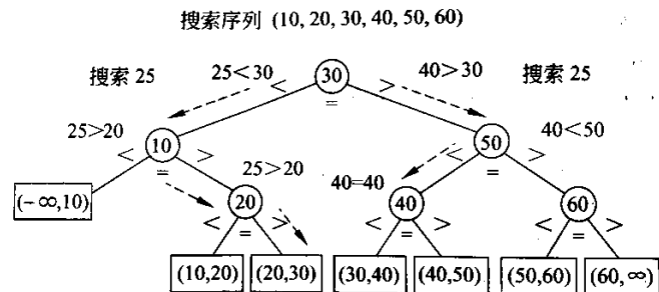
a)

10. 开散列法比闭散列法节省空间, 除留取余法作散列函数更好

11. 有序顺序表的判定树



a) 顺序搜索:



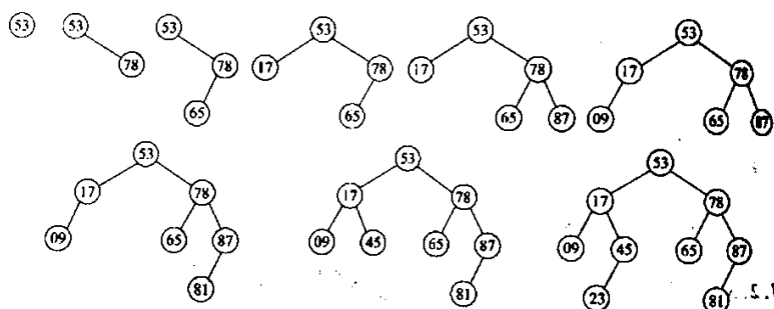
b) 折半搜索:

12. 有序顺序表顺序搜索和折半搜索的 ASL_{succ} 和 ASL_{unsucc} 计算? **【请补充】**

13. n 个结点的二叉树个数/ n 个数进栈, 出栈序列个数? (卡特兰数) $\frac{1}{n+1} * C_{2n}^n$

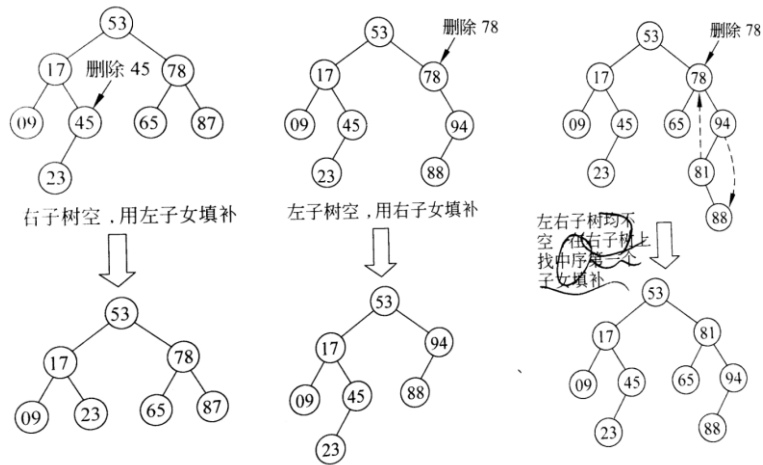
14. 二叉搜索树的插入、删除、查找?

a) 插入 (插入只能插在叶节点!)



b)

c) 删除 (三种情况都要会)



d)

e) 查找

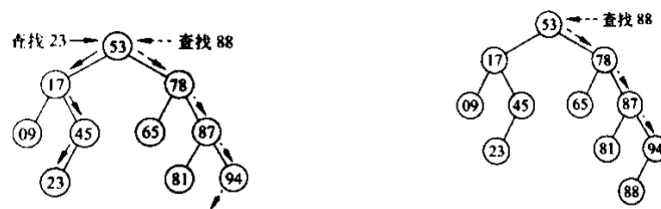


图 7.7 二叉搜索树的搜索

图 7.8 插入新结点 88

f)

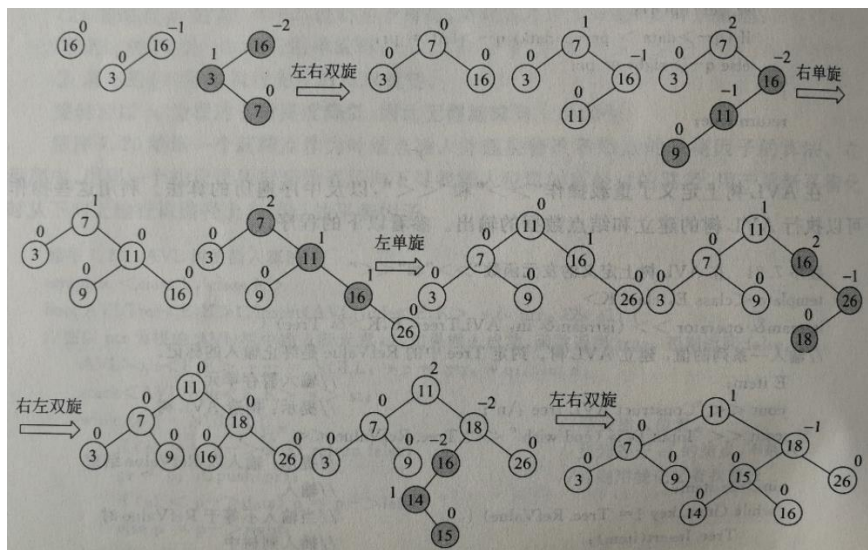
g) 注意删除结点, 若左右子树均非空, 则选择该节点的右子树的中序遍历下第一个结点填补这个位置, 这样仍然可以保持树的结构和搜索性能

15. AVL 树 (重点!)

16. 平衡因子: 右子树-左子树

17. 平衡化旋转: 插入结点到根回溯, 如果有平衡因子绝对值 >1 情况出现, 则该节点及路径下两个结点进行平衡化旋转, 直到路径上每个节点平衡因子 ≤ 1

18. AVL 树的插入:



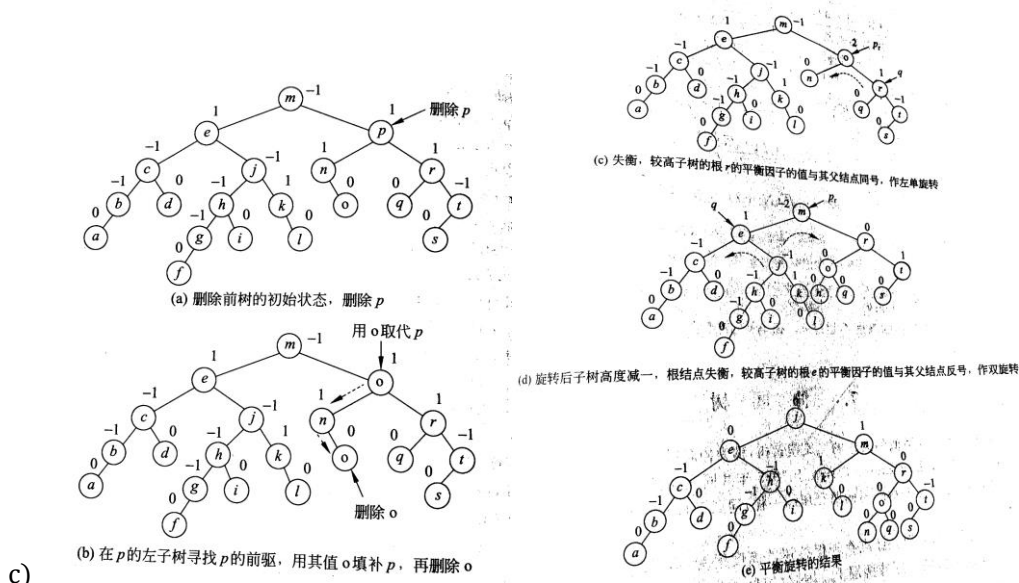
a)

19. AVL 树的删除

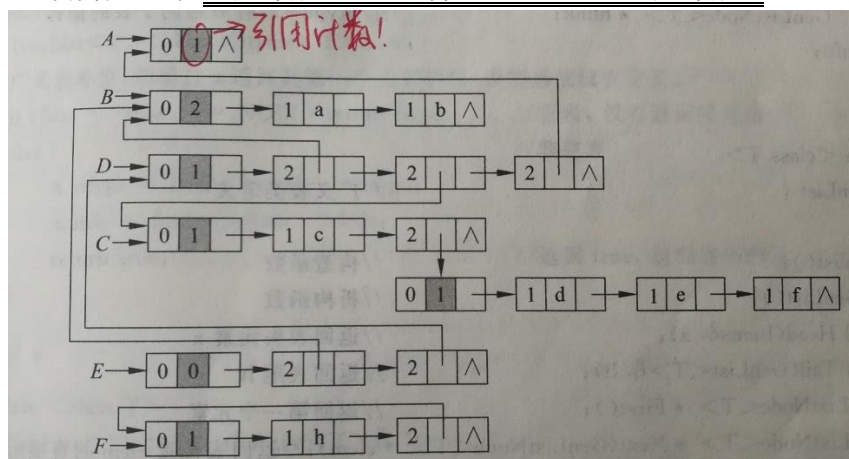
a) 如果有失衡, 那么考察失衡结点 p , 和较高子树的根 q , 异号双旋, 否则单旋 (含 0)

b) 如果被删除结点有两个子女, 则找中序下的直接前驱取代被删除结点的位置 (为什

么？因为这样效率更高，更快一点！)



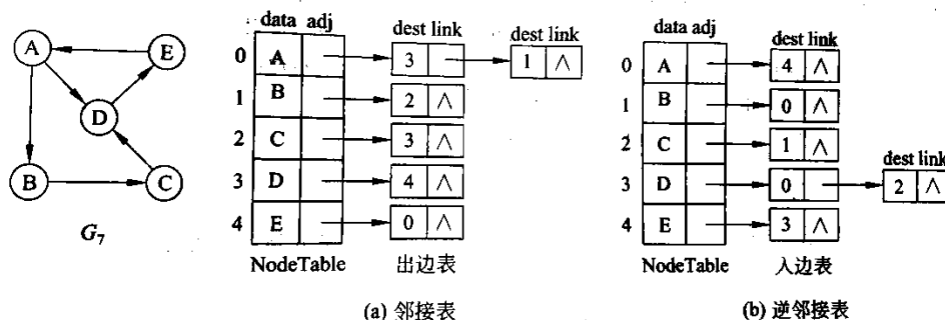
20. 广义表的存储表示，引用计数不要再漏掉了！子表也有引用计数！



- utype=0 (表头) / 1 (元素) / 2 (子表); 广义表 (包括子表) 都需要一个附加头结点
- ref (引用数) / value (值) / hlink (头指针);
- tlink (尾指针)

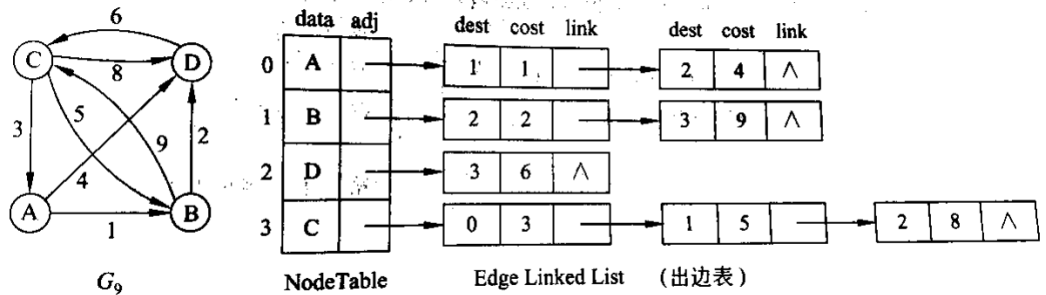
21. 图的存储结构

- 邻接矩阵：行表示出，列表示入
- 邻接表：
 - 有向图的邻接表和逆邻接表表示：



ii.

iii. 带权（网络）的邻接表表示：（多了一个 cost 域代表边的权重）



iv.

22. 求最小生成树的两个算法

- Kruskal 算法：每次选所有边的最小权边
- Prim 算法：每次选当前已经连好的连通分量的最小割

23. 求非负权值的单源最短路的算法

- Dijkstra 算法：S[], dist[], path[] 辅助数组的变化？【请补充例题】

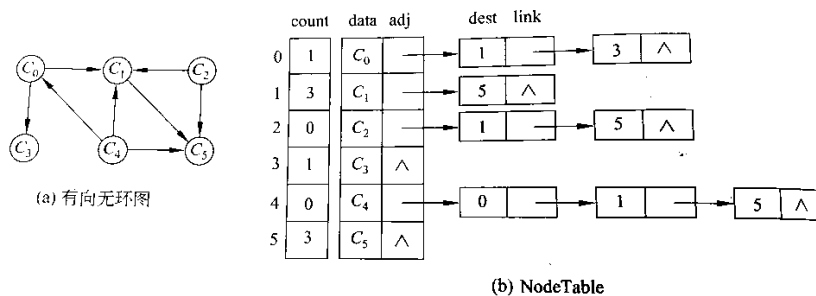
表 8.2 Dijkstra 算法中各辅助数组的变化

选取 终点	顶点 1			顶点 2			顶点 3			顶点 4		
	S[1]	dist[1]	path[1]	S[2]	dist[2]	path[2]	S[3]	dist[3]	path[3]	S[4]	dist[4]	path[4]
初始	0	10	0	0	∞	-1	0	30	0	0	100	0
1	1	10	0	0	60	1	0	30	0	0	100	0
3	1	10	0	0	50	3	1	30	0	0	90	3
2	1	10	0	1	50	3	1	30	0	0	60	2
4	1	10	0	1	50	3	1	30	0	1	60	2

b)

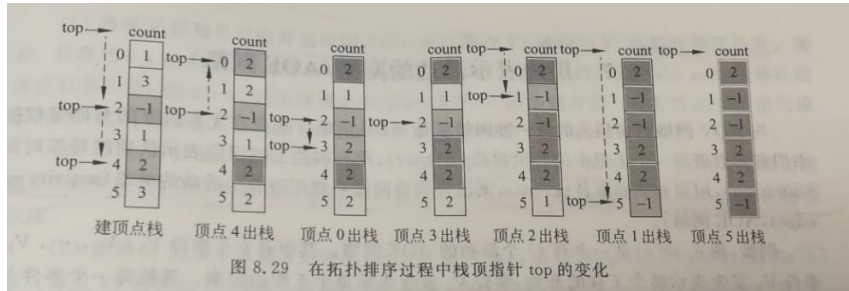
24. AOV 拓扑有序序列的输出：每次有新入度=0 的顶点就进栈，再把入度=0 的顶点弹栈

- 进栈操作：count[w]=top; top=w; // top 指向新栈顶，原栈顶元素放在 count[w]
- 弹栈操作：v=top; top=count[top]; // 栈顶位置送 v，top 退到次栈顶
- count 数组即可作为栈使用，减小空间复杂度
- 图和对应的邻接表（注意点：count 数组也要绘制出来！）

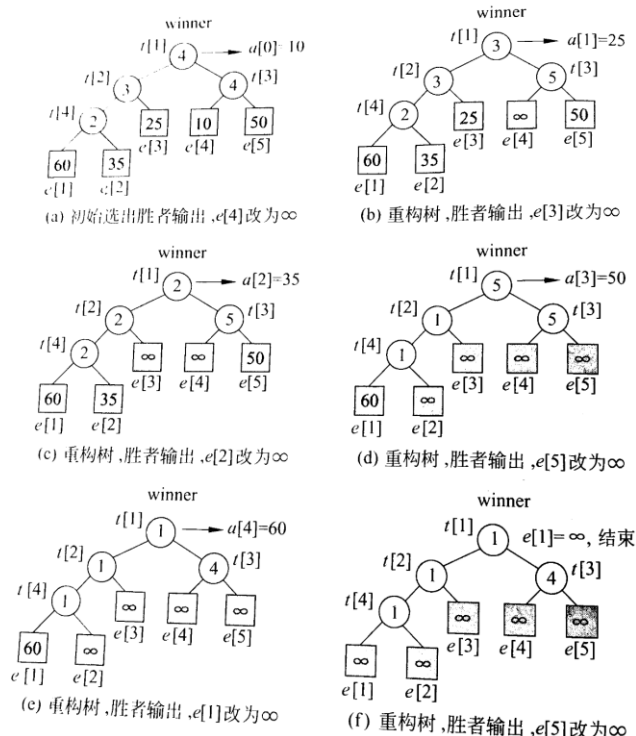


e)

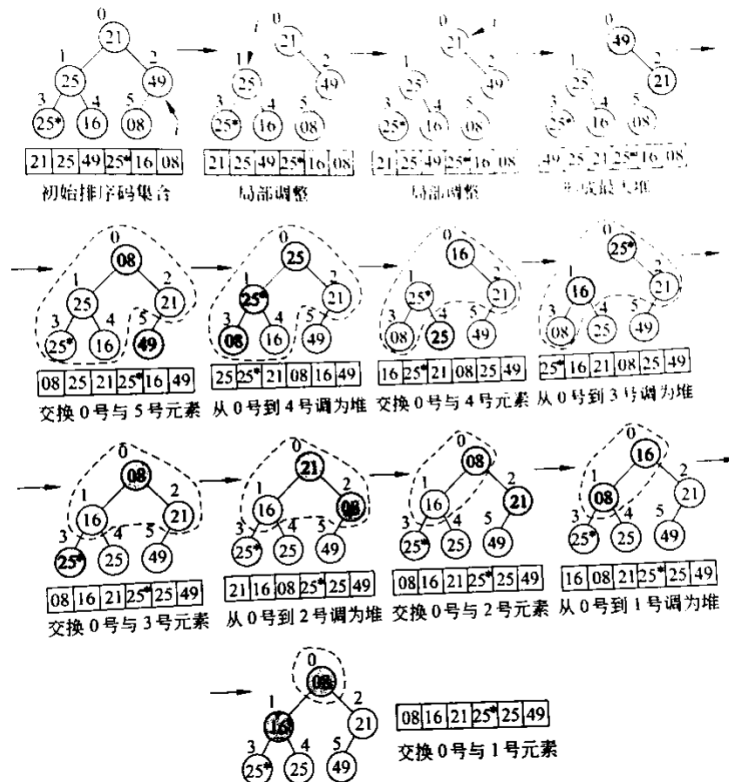
- 栈顶指针变化：注意-1、还有拓扑排序终止后又重新初始化栈顶-1 的问题！还 count 数组元素意思有时候是指向次栈顶的位置，要记得改变！如本题中的“2”指向 count[2]!!，不能错了



- g)
25. AOE 网络
- 事件 V_i 的最早可能开始时间: $Ve[i]$ =源点 $\rightarrow V_i$ 的最长路径长度
 - 事件 V_i 的最迟允许开始时间: $VI[i]$ =终点减去 $V_i \rightarrow$ 终点的最长路径长度
 - 活动 $ak: \langle V_i, V_j \rangle$ 的最早可能开始时间: 源点 $\rightarrow V_i$ 的最长路径长度, $Ae[k] = Ve[i]$
 - 活动 $ak: \langle V_i, V_j \rangle$ 的最迟允许开始事件: $Al[k] = VI[j] - dur(\langle i, j \rangle)$
 - 关键活动: 组成关键路径, $Al[k] = Ae[k]$! 是活动的最早和最迟相同!
26. 排序 (具体看练习!)
- 稳定的直接插入排序: 大循环从前往后, temp 从后往前比, 直到找到自己的插入位置
 - 稳定的希尔排序: 依次做增量为 gap 的直接插入排序, 最后有序
 - 稳定的冒泡排序: 大循环从前往后走, 小循环从后往前换, 依次交换元素至最终有序
 - 不稳定的快速排序: pivot 基准元素选取, 划分, 递归
 - 不稳定的选择排序: 选当前序列最值, 放到头头, 以此类推
 - 稳定的锦标赛排序: 可以用完全二叉树定义, 如图所示为一颗胜者树的排序过程



- i.
- g) 不稳定的堆排序: 如果要非降序排列: 建最大堆, 交换堆顶和堆尾元素, 然后调整回排除堆尾元素的最大堆, 以此类推



i.

h) 稳定的归并排序：划分划分，归并的时候对两个序列添加指针往后走，将更小的填入数组当中，归并后最终得到的就是有序的序列了

27. 索引顺序文件搜索：一般两级搜索，

- 确定满足 $ID[i-1].max_key < K \leq ID[i].max_key$ 后根据指针指向地址查对应子表
- 搜索成功的平均搜索长度 $= ASL_{Index} + ASL_{SubList}$

28. 动态的 m 路搜索树：

- 结构： $n, P_0, (K_1, P_1), (K_2, P_2), \dots, (K_n, P_n)$ ，其中 P_i 的 $0 \leq i \leq n < m$ ， K_i 的 $1 \leq i \leq n < m$ ， n 即为当前节点存在的键码的个数且 $n_{max} = m - 1$

b) 举例【请补充】

- m 路搜索树最大结点个数： $\frac{1}{m-1}(m^h - 1)$

- 高度为 h 的 m 路搜索树键码个数在 h 和 $m^h - 1$ 之间

- 一棵有 n 个键码的 m 路搜索树高度为 $\log_m(n + 1)$ 到 n 之间

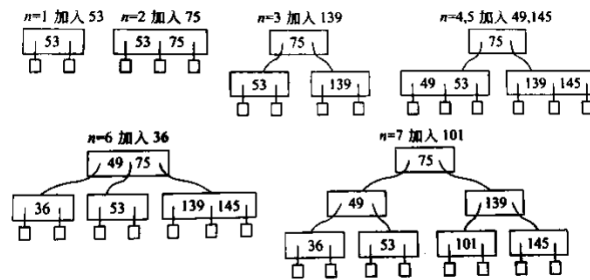
29. B-tree

- 高度 $h \leq \log_{[m/2]} \left(\frac{N+1}{2} \right) + 1$ ，例如阶数 $m=199$ ，键码总数 $N=1,999,999$ ，B 树高度不超过 $\log_{100} 1000000 + 1 = 4$

- 反之， $N \geq 2 * \left[\frac{m}{2} \right]^{h-1} - 1$ ，例如阶数 $m=4$ ，高度 $h=3$ ，则键码总数至少为 $2 * 2^2 - 1 = 7$

- B 树的搜索：一旦找到就停止；区分 B+ 树随机搜索：即使非叶节点找到，也要一直走到叶节点才可以停止

- B 树的插入：如果超出 B 树的当前结点键码个数，则分裂左右，中间的 $[m/2]$ 键码则放到父节点当中（自底向上分裂节点）记住一定要分裂结点!!!



i.

- e) B 树的删除：精髓：左右兄弟和父亲进行填补，删非叶节点则拿该结点指示的子树中的最小关键码 x 来代替被删除的位置，然后删除关键码 x

30. B+树

- a) 本书：最大关键码复写原则写非叶节点
- b) B+树的插入：一定插在叶节点，然后向上更新非叶节点，结点分裂时左边 $\left\lfloor \frac{m+1}{2} \right\rfloor$ 个元素，右边 $\left\lfloor \frac{m+1}{2} \right\rfloor$ 个元素
- c) B+树的删除：精髓：删除时本叶未达 $\left\lfloor \frac{m}{2} \right\rfloor$ ，则只删除叶，索引项不管；本叶达 $\left\lfloor \frac{m}{2} \right\rfloor$ ，右叶不达，右叶调入本叶并更新索引项；本叶右叶均达 $\left\lfloor \frac{m}{2} \right\rfloor$ ，合并二者，调父节点（无论如何调，只要分解关键码不会导致搜索问题就可以不用改它）
- d) B+树的叶节点最好标上指针

31. 注意区分“逻辑结构”与“存储结构”的区别！

32. 二叉搜索树删除有左右子女结点的结点：找中序下右子树第一个子女填补

33. AVL 树删除有左右子女结点的结点：找中序下直接前驱