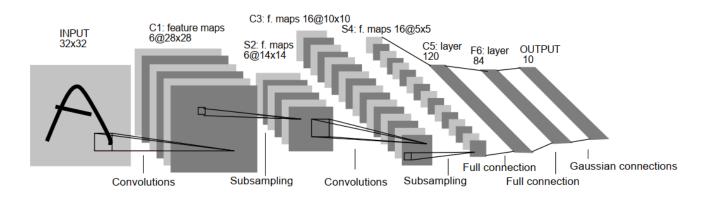
# **CNN**

## 1 LeNet-5



### LeNet共分为7层

。 C1 - 卷积层

■ 输入: 32 × 32图像

■ 卷积核种类 (决定输出特征图的数量): 6

■ 卷积核大小: 5 × 5 (限制于当时计算机资源水平,论文里使用的5×5)

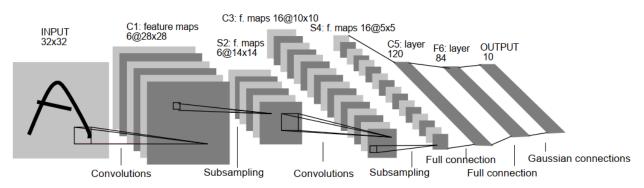
■ 特征图大小: 28 × 28 - 没有进行填充 (padding=0)

。 输出特征图大小公式:

$$32 - 5 + 1 = 28$$

■ 可训练参数: (5 × 5 + 1) × 6 卷积核是一个5×5的矩阵, 里面的每一个数都是要通过训练得到的。在实际运 算中还要加上一个偏置bias, 所以每一个卷积核需要训练5×5+1个参数, 6个卷 积核就需要训练(5 × 5 + 1) × 6 = 156个参数。

#### • S2 - 池化层



。 输入: 6张28×28的特征图

。 采样区域: 2×2

LeNet-5 的池化层 S2 采用的是平均池化 (average pooling) 取该窗口内的 4 个像素值,计算均值后再乘以一个可训练的权重系数,再加上一个可训练的偏置,最后通过 Sigmoid 激活函数

。 输出特征图的大小: 14×14

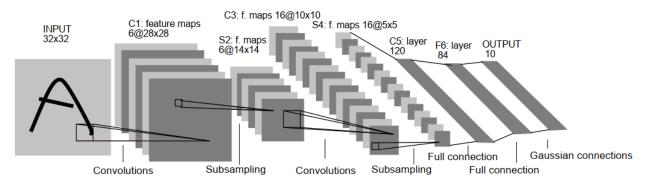
○ 输出特征图数量: 6

。 可训练参数: 2×6

对于每张特征图来说,只有两个参数需要确定:用于相乘的"可训练参数w"与"可训练偏置b",一共6张特征图,因此需要训练2×6个参数

○ 池化基本思想其实就是使特征图尺度减小,降维,同时保留主要特征

#### • C3 - 卷积层



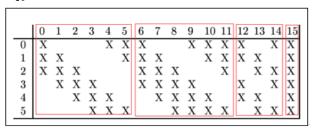
∘ 输入: 14×14的特征图 (6张)

卷积核种类: 16 卷积核大小: 5×5 输入特征图数量: 6 输出特征图数量: 16

。 C3层卷积方式:

在C1卷积层中,卷积核有6种,输入图像只有一张,因此只需要将6个卷积核分别对一张图像进行卷积操作,最后得到6张特征图。

对于输入6张图像的处理方法是:"每个卷积核对多张特征图"进行处理"-部分连接模式。



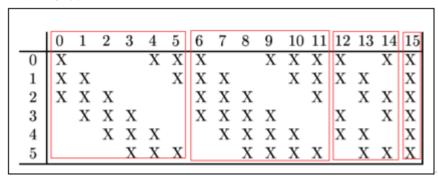
横轴为编号0~15的16个卷积核,纵轴为0~5张输入的特征图,X表示为连接。

◦ 輸出特征图大小: 10×10(padding=0)

输出尺寸 =  $\frac{输入尺寸-卷积核尺寸+2×填充~(padding)}{步长~(stride)}+1$ 

输出特征图的边长为: 14-5+1=10

。 可训练参数: 1516



第一个红框,每个卷积核包含5×5个可训练参数;在标号为0~5的卷积核需要分别与3张特征图相连,最后还要加上一个偏置,因此需要训练3×5×5+1个参数。第一个红框内有6个这样的卷积核,因此共需要训练6×(3×5×5+1)个参数。

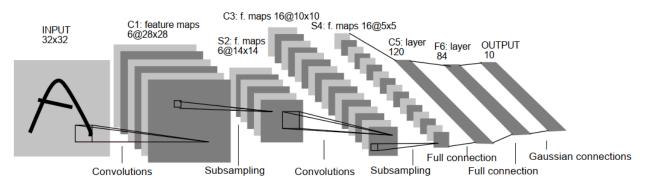
同理, 第二个红框, 共需要训练6 × (4 × 5 × 5 + 1)个参数; 对于第三个红框, 其共需要训练3 × (4 × 5 × 5 + 1)个参数; 对于第四个红框, 其共需要训练1 × (6 × 5 × 5 + 1)个参数。

总计可训练 $6 \times (3 \times 5 \times 5 + 1) + 6 \times (4 \times 5 \times 5 + 1) + 3 \times (4 \times 5 \times 5 + 1) + 1 \times (6 \times 5 \times 5 + 1) = 1516$ 个参数。

- 若采用全连接模式总参数数量:
  - 每个卷积核需要连接6个输入通道(6个输入特征图)每个卷积核的参数数目是:6×5×5=150
  - 总参数量: 16×150 = 2400
- Summary C3采用部分连接而不采用全连接
  - 计算复杂度降低(总参数量)
  - 模仿生物视觉的局部感受野(目的:不同的卷积核学习到不同的特征,增强多样性。)

LeNet-5当时设计的时候是受到生物视觉系统的启发。在视觉皮层中,不是所有神经元会连接到所有的输入信号,而是局部感受野的形式

#### • S4 - 池化层



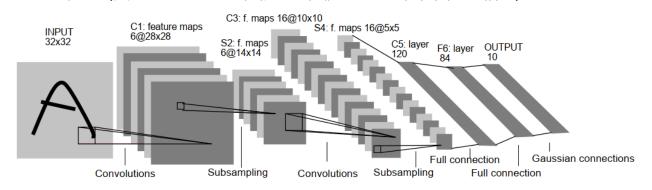
○ 输入: 10×10的特征图 (16张)

采样区域: 2×2采样方式为4个输入相加,乘以一个可训练参数,再加上一个可训练偏置,并将结果通过sigmoid函数。(和S2相同)

∘ 输出: 5×5的特征图 (16张)

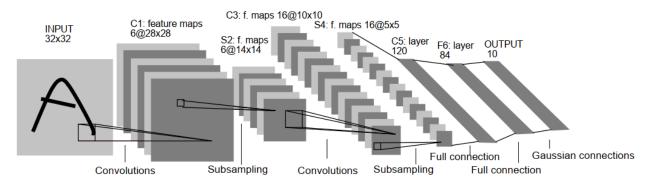
○ 可训练参数: 2×16 对于每张特征图来说,只有两个参数需要确定: 用于相乘的"可训练参数w"与"可训练偏置b",一共16张特征图,因此要训练16×2=32个参数。

• C5 - 卷积层 (类似全连接层 - 卷积核大小和输入该层的特征图大小相等)



- 。 输入5×5的特征图 (16张)
- 。 卷积核大小: 5×5
- 卷积核种类120
- 輸出120维向量(120个1x1的特征图)每个卷积核与16张特征图做卷积,得到的结果求和,再加上一个偏置,结果通过sigmoid函数输出。
- 。 可训练参数: (5 x 5 × 16 + 1) x 120

#### • F6 - 全连接层



- 输入: 120维向量
- 算法: 计算输入向量和权重向量之间的点积,再加上一个偏置,结果通过sigmoid函数输出。
  - 输入向量: 120×1
  - 权重向量:84×120(在全连接层中,每个输出神经元都连接到所有输入神经元,因此权重矩阵的大小取决与输入神经元数量和输出神经元数量)
- 输出: 84维向量 (矩阵乘法规则 两个矩阵的行数和列数相等)
- 。 可训练参数: 84 + 84×120
  - 权重参数: F6 层的输入是 120 维的向量,输出是 84 维的向量。这意味着 F6 层需要学习从 120 维空间到 84 维空间的映射。因此,对于每一维输出,都需要与输入的 120 维特征进行连接。换句话说,每输出一维就需要 120 个权重值。

总权重参数量 =  $84 \times 120 = 10080$ 

- 偏置参数:每个F6层的神经元都有一个独立的偏置参数,因此 总偏置参数 = 84
- F6层有84个节点,对应于一个7x12的比特图,-1表示白色,1表示黑色,这样每个符号的比特图的黑白色就对应于一个编码。

#### ASCII编码图如下:



• OUTPUT - 全连接层

輸入:84维向量輸出:10维向量

OUTPUT层一共有10个节点,分别对应着数字0到9。 采用径向基函数(RBF)的连接方式,计算方式为:

$$y_i = \sum_{j=0}^{83} (x_j - w_{ij})^2$$

- yi 计算的是输入特征向量x与数字i的比特图编码(模板)之间的距离:
- $x_i$ : F6层的第j个神经元输出值(输入特征向量)。
- $w_{ij}$ : 值由数字i的比特图编码确定
- RBF输出的值  $(y_i)$  越接近于0,则越接近于i,即越接近于i的ASCII编码图,表示当前网络输入的识别结果是字符i