Universidade Tecnológica Federal do Paraná (UTFPR) Departamento Acadêmico de Informática (DAINF)

Estruturas de Dados II

Professor: Rodrigo Minetto (rodrigo.minetto@gmail.com)

Lista de exercícios

- 1) Sejam as funções:
- $f(n) = n + \lg n$
- g(n) = 5
- $h(n) = n \lg n$
- $\bullet \ l(n) = n^2 + h(n).$

Marque V ou F.

```
( ) f(n) \in O(l(n))
( ) g(n) \in \Omega(f(n))
( ) h(n) \in O(n^2)
( ) l(n) \in \Omega(h(n))
( ) g(n) \in O(1)
( ) l(n) \in \Theta(n^2)
```

2) Coloque os algoritmos e funções a seguir em ordem crescente assintoticamente (do menor para o maior tempo). Se duas funções/algoritmos são da mesma ordem, indique que elas (eles) são iguais (note que lgn é equivalente a log₂):

 2^n , algoritmo clássico de multiplicação de matrizes, $n-n^2+5n^3$, busca-binária, 2^{n+1} , quicksort, lgn, busca-linear, n^3 , nlgn, inserir um elemento em uma pilha, n^2 , \sqrt{n} , bubble-sort, 42, n, merge-sort, $(3/2)^n$, n!, selection-sort, $n^3 + lgn$, insertion-sort, e $4^{\lg n}$.

3) Considere o seguinte fragmento de código:

```
int s = 0;
for(i = 1; i <= n; i++) {
   for(j = 1; j <= i; j++) {
      s = s + 1;
   }
}
return s;</pre>
```

Descreva o que ele faz e qual a complexidade utilizando a notação assintótica. Descreva se existe algum modo de melhorar a complexidade.

4) Considere o seguinte fragmento de código:

```
int i, j;
char s1[] = "roma";
char s2[] = "amor";
if (strlen(s1) != strlen(s2)) {
   return 0;
}
for (i = 0; i < strlen(s1); i++) {
   for (j = 0; j < strlen(s2); j++) {
      if (s1[i] == s2[j]) {
         s2[j] = ', ';
         break;
   }
}
for (j = 0; j < strlen(s2); j++) {
   if (s2[j] != ' ') {
      return 0;
   }
}
return 1;
```

Descreva o que ele faz e qual a complexidade utilizando a notação assintótica. Descreva se existe algum modo de melhorar a complexidade.

5) Considere o seguinte fragmento de código:

```
int func (int n) {
   int i = 2;
   while (i*i <= n)
       if (n%i == 0)
        return 0;
   else
       i++;
   return 1;
}</pre>
```

Descreva o que ele faz e qual a complexidade utilizando a notação assintótica.

6) (vale 20% de toda a nota desta lista) Proponha, ou procure na internet, um exercício diferente os vistos acima mas que aborde o mesmo conteúdo visto em sala (análise empírica e assintótica) e mostre-o como resolver. Exercícios interessantes seguem o nível de dificuldade daqueles presentes nesta lista.