

Finite Volumen Verfahren erster Ordnung

University of Stuttgart

Studentenvortrag
December 3, 2022

Presentation Overview

① Grundlagen

- Schwache Form
- Blocks
- Columns

② Ergebnisse

- Table
- Figure

③ Mathematics

④ Referencing

Die hyperbolische Differenzialgleichung

$$U_t + \nabla \cdot \mathbb{F}^C(U) = 0 \quad (1)$$

stellt eine Anforderung an die Differenzierbarkeit.

- Es treten Unstetigkeiten im Strömungsfeld auf
⇒ Schwache Form

$$\int_V U_t \phi \, dx + \int_V \nabla \cdot \mathbb{F}^C(U) \phi \, dx = 0, \quad x = [x, y]^T \quad (2)$$

Anwendung des Satzes von Gauß ergibt

$$V_i U_{i,t} + \oint_{\partial V_i} \mathbb{F}^C(U_{RP} \cdot n \, dS) = 0 \quad (3)$$

Vergleich verschiedener Riemann Löser

TORO3 Testcase

Riemann Löser	Rechenzeit [s]	$L_1[-]$	$L_2[-]$	$L_{inf}[-]$
Godunov	0,0052	2,13E-1	6,34E-1	3,32
Roe 3	0,0027	2,16E-1	6,35E-1	3,33
HLL	0,0026	2,15E-1	6,32E-1	3,38
HLLE	0,0036	2,15E-1	6,32E-1	3,38
HLLC	0,0029	2,13E-1	6,34E-1	3,32
Lax-Friedrichs	0,0023	2,60E-1	6,99E-1	3,45
Steger-Warming	0,0029	2,19E-1	6,41E-1	3,42
AUSMD	0,0026	2,12E-1	6,31E-1	3,31

Table: Rechenzeit und Diskretisierungsfehler verschiedener Riemann Löser

Konvergenzordnung mit AUSMD Riemann Löser

2D SineWaveO1 Testcase

Die empirische Konvergenzordnung des Verfahrens ergibt sich zu

$$n = \frac{\log(\frac{E_1}{E_2})}{\log(\frac{h_1}{h_2})},$$

wobei E die Diskretisierungsfehler und h den gemittelten Gitterabstand darstellen.

Gitterauflösung [x · y]	Rechenzeit [s]	$L_1[-]$	$L_2[-]$	$L_{inf}[-]$	$N_{L1}[-]$	$N_{L2}[-]$
100x100	1,02	3,37E-3	4,28E-3	1,11E-2	0,970	0,973
200x200	8,20	1,72E-3	2,18E-3	5,73E-3	0,987	0,987
400x400	61,79	1,72E-3	2,18E-3	5,73E-3	0,990	0,992
800x800	488,60	4,37E-4	5,53E-4	1,49E-3	0,997	0,992
1600x1600	3985,18	2,19E-4	2,78E-4	7,57E-4		

Table: Rechenzeit, Diskretisierungsfehler und empirische Konvergenzordnung

Druckfeld des SineWaveO1 Testcase



Figure: SineWave mit AUSDM auf einem kartesischen 1600x1600 Netz

Blocks of Highlighted Text

Block Title

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Integer lectus nisl, ultricies in feugiat rutrum, porttitor sit amet augue.

Example Block Title

Aliquam ut tortor mauris. Sed volutpat ante purus, quis accumsan.

Alert Block Title

Pellentesque sed tellus purus. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos himenaeos.

Suspendisse tincidunt sagittis gravida. Curabitur condimentum, enim sed venenatis rutrum, ipsum neque consectetur orci.

Heading

- 1 Statement
- 2 Explanation
- 3 Example

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Integer lectus nisl, ultricies in feugiat rutrum, porttitor sit amet augue. Aliquam ut tortor mauris. Sed volutpat ante purus, quis accumsan dolor.

Treatments	Response 1	Response 2
Treatment 1	0.0003262	0.562
Treatment 2	0.0015681	0.910
Treatment 3	0.0009271	0.296

Table: Table caption

The logo for Creodocs, featuring the word "creodocs" in a bold, lowercase, sans-serif font. The letters are dark gray or black, and the overall style is clean and modern.

Figure: Creodocs logo.

Definition

A **prime number** is a number that has exactly two divisors.

Example

- 2 is prime (two divisors: 1 and 2).
- 3 is prime (two divisors: 1 and 3).
- 4 is not prime (**three** divisors: 1, 2, and 4).

You can also use the `theorem`, `lemma`, `proof` and `corollary` environments.

Theorem, Corollary & Proof

Theorem (Mass–energy equivalence)

$$E = mc^2$$

Corollary

$$x + y = y + x$$

Proof.

$$\omega + \phi = \epsilon$$



$$\cos^3 \theta = \frac{1}{4} \cos \theta + \frac{3}{4} \cos 3\theta \quad (4)$$

Example (Theorem Slide Code)

```
\begin{frame}  
\frametitle{Theorem}  
\begin{theorem}[Mass--energy equivalence]  
$E = mc^2$  
\end{theorem}  
\end{frame}
```

Slide without title.

An example of the `\cite` command to cite within the presentation:

This statement requires citation **[?, ?]**.

References



John Smith (2022)

Publication title

Journal Name 12(3), 45 – 678.



Annabelle Kennedy (2023)

Publication title

Journal Name 12(3), 45 – 678.

Smith Lab

- Alice Smith
- Devon Brown

Cook Lab

- Margaret
- Jennifer
- Yuan

Funding

- British Royal Navy
- Norwegian Government

The End

Questions? Comments?