

Examen 2005/06-2

Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.056	01/07/2006	11:15

75056010706
75.056 01 07 06 EX

Espacio para la etiqueta identificativa con el código
personal del **estudiante**.
Examen

Ficha técnica del examen

- Comprueba que el código y el nombre de la asignatura corresponden a la asignatura de la cual estás matriculado.
- Debes pegar una sola etiqueta de estudiante en el espacio de esta hoja destinado a ello.
- No puede añadirse hojas adicionales
- No se pueden realizar las pruebas con lápiz o rotulador.
- Tiempo total 2 horas
- En el caso de que los estudiantes puedan consultar algún material durante el examen, ¿cuál o cuáles pueden consultar?:
- Valor de cada pregunta: Problema 1: 30%; Problema 2: 30%; Problema 3: 20%; Problema 4: 20%
- En el caso de que haya preguntas tipo test: ¿descuentan las respuestas erróneas? NO ¿Cuánto?
- Indicaciones específicas para la realización de este examen

Enunciados

Problema 1

a) Formaliza utilizando lógica de enunciados las siguientes frases. Utiliza los átomos indicados:

- 1) Plancho camisas cuando lavo la ropa.
- 2) Remendaré los calcetines si y sólo si coso los bajos de los pantalones y plancho camisas.
- 3) Cuando lavo la ropa y plancho camisas, sólo coso los bajos de los pantalones si remiendo calcetines.

Átomos:

- P: plancho camisas
- L: lavo la ropa
- R: Remiendo los calcetines
- C: Coso los bajos de los pantalones

b) Formaliza utilizando lógica de predicados las siguientes frases. Utiliza los predicados y constantes indicados:

Examen 2005/06-2

Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.056	01/07/2006	11:15

- 1) Todos los elefantes africanos viven en África o viven en algún zoo
- 2) Hay zoos dónde no vive ningún elefante africano
- 3) Existen elefantes blancos africanos que no viven en África ni viven en ningún zoo.

Predicados:

- $E(x)$: x es un elefante
- $A(x)$: x es africano
- $V(x,y)$: x vive en y
- $Z(x)$: x es un zoo
- $B(x)$: x es blanco

Constantes:

- a: África

SOLUCIÓN

a)

- 1) $L \rightarrow P$
- 2) $(R \rightarrow C \wedge P) \wedge (C \wedge P \rightarrow R)$
- 3) $L \wedge P \rightarrow (C \rightarrow R)$

b)

- 1) $\forall x [E(x) \wedge A(x) \rightarrow V(x,a) \vee \exists y [Z(y) \wedge V(x,y)]]$
- 2) $\exists x [Z(x) \wedge \neg \exists y [E(y) \wedge A(y) \wedge V(y,x)]]$
- 3) $\exists x [E(x) \wedge B(x) \wedge A(x) \wedge \neg V(x,a) \wedge \neg \exists y [Z(y) \wedge V(x,y)]]$

Problema 2

Demosttrad, utilizando la deducción natural, que el siguiente razonamiento es correcto. Sólo podéis utilizar las 9 reglas básicas (es decir, no podéis utilizar ni reglas derivadas ni equivalentes deductivos).

$Q \wedge T, R \rightarrow \neg W, P \wedge Q \rightarrow R \therefore P \rightarrow \neg(Q \rightarrow W)$

SOLUCIÓN

1.	$Q \wedge T$		P
2.	$R \rightarrow \neg W$		P
3.	$P \wedge Q \rightarrow R$		P
4.		P	H
5.		$Q \rightarrow W$	H
6.		Q	$E \wedge 1$
7.		$P \wedge Q$	$I \wedge 4,6$
8.		R	$E \rightarrow 3,7$
9.		$\neg W$	$E \rightarrow 2,8$
10.		W	$E \rightarrow 5,6$
11.		$\neg(Q \rightarrow W)$	$I \neg 5,9,10$
12.	$P \rightarrow \neg(Q \rightarrow W)$		$I \rightarrow 4,11$

Problema 3

Dado el siguiente razonamiento, demuestra su validez mediante el método de resolución con estrategia de conjunto de soporte

Examen 2005/06-2

Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.056	01/07/2006	11:15

$$C \vee \neg B, C \rightarrow \neg B, C \rightarrow A \vee D, B, D \rightarrow A \therefore A \wedge \neg C$$

SOLUCIÓN

Si transformamos a FNC:

$$1: C \vee \neg B$$

$$2: C \rightarrow \neg B = \neg C \vee \neg B$$

$$3: C \rightarrow A \vee D = \neg C \vee A \vee D$$

$$4: B$$

$$5: D \rightarrow A = \neg D \vee A$$

$$\neg \text{Conc: } \neg(A \wedge \neg C) = \neg A \vee C$$

Tenemos como conjunto de cláusulas:

$$\{C \vee \neg B, \neg C \vee \neg B, \neg C \vee A \vee D, \neg D \vee A, B, \neg A \vee C\}$$

Aplicando resolución:

$\neg A \vee C$	$\neg C \vee \neg B$
$\neg A \vee \neg B$	B
$\neg A$	$\neg C \vee A \vee D$
$\neg C \vee D$	$\neg D \vee A$
$\neg C \vee A$	$\neg A$
$\neg C$	$C \vee \neg B$
$\neg B$	B
Válido	

Problema 4

Considerad el siguiente razonamiento correcto:

$$R_1: \forall x(P(x) \vee Q(x)), \exists x \neg P(x) \vdash \exists x Q(x)$$

Y el razonamiento incorrecto

$$R_2: \forall x(P(x) \rightarrow Q(x)), \exists x \neg P(x) \therefore \exists x \neg Q(x)$$

Y las interpretaciones

$$I_1 = \langle \{1, 2\}, \{P(1)=V, P(2)=V, Q(1)=F, Q(2)=V\}, \emptyset \rangle$$

$$I_2 = \langle \{1, 2\}, \{P(1)=F, P(2)=F, Q(1)=V, Q(2)=V\}, \emptyset \rangle$$

Responded, razonadamente, a las siguientes preguntas:

- ¿Alguna de las interpretaciones anteriores es un contraejemplo de R_1 ? ¿Cuál?
- ¿Alguna de las interpretaciones anteriores es un contraejemplo de R_2 ? ¿Cuál?

SOLUCIÓN

Examen 2005/06-2

Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.056	01/07/2006	11:15

La respuesta a la primera pregunta sólo puede ser ninguna porque si el razonamiento es correcto ninguna interpretación es un contraejemplo.

Para la segunda pregunta:

En un dominio de dos elementos $\{1, 2\}$, el segundo razonamiento equivale a:

$$P(1) \rightarrow Q(1) \wedge P(2) \rightarrow Q(2), \neg P(1) \vee \neg P(2) \therefore \neg Q(1) \vee \neg Q(2)$$

Tomando en consideración la primera interpretación (I_1) tenemos que $\neg Q(1) \vee \neg Q(2) = V \vee F = V$. Luego esta interpretación no es un contraejemplo porque no hace falsa la conclusión.

Tomando en consideración la segunda interpretación (I_2) tenemos que

$$P(1) \rightarrow Q(1) \wedge P(2) \rightarrow Q(2) = (F \rightarrow V) \wedge (F \rightarrow V) = V$$

$$\neg P(1) \vee \neg P(2) = V \vee V = V$$

$$\neg Q(1) \vee \neg Q(2) = F \vee F = F$$

Esta interpretación sí que es un contraejemplo porque hace ciertas las dos premisas y falsa la conclusión.