

## Examen 2006/07-1

Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lògica	75.056	20/01/2007	09:00

75056200107  
75.056 20 01 07 EX

Espacio para la etiqueta identificativa con el código  
personal del **estudiante**.  
Examen

### Ficha técnica del examen

- Comprueba que el código y el nombre de la asignatura corresponden a la asignatura de la cual estás matriculado.
  - Debes pegar una sola etiqueta de estudiante en el espacio de esta hoja destinado a ello.
  - No puede añadirse hojas adicionales
  - No se pueden realizar las pruebas con lápiz o rotulador.
  - Tiempo total 2 horas
  - En el caso de que los estudiantes puedan consultar algún material durante el examen, ¿cuál o cuáles pueden consultar?: No se puede consultar ningún material
- a) **Valor de cada pregunta:** Problema 1: 30%; Problema 2: 30%; Problema 3: 30%; Problema 4: 10%
- b) En el caso de que haya preguntas tipo test: ¿descuentan las respuestas erróneas? NO  
¿Cuánto?
- Indicaciones específicas para la realización de este examen

### Enunciados

# Examen 2006/07-1

Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lògica	75.056	20/01/2007	09:00

## Problema 1

a) Formaliza utilizando lógica de enunciados las siguientes frases. Utiliza los átomos indicados:

- 1) El bebe está contento cuando ha comido y no tiene sueño.  
 $M \wedge \neg S \rightarrow C$
- 2) Para que el bebé esté contento es necesario que la madre lo acaricie con ternura  
 $C \rightarrow A \vee \neg A \rightarrow \neg C$
- 3) Si la madre lo acaricia con ternura, el bebe está contento y ríe cuando no tiene sueño  
 $A \rightarrow (\neg S \rightarrow C \wedge R)$

Átomos:

- C: el bebé está contento
- M: el bebé ha comido
- S: el bebé tiene sueño
- R: el bebé ríe
- A: la madre acaricia al bebé con ternura

b) Formaliza utilizando lógica de predicados las siguientes frases. Utiliza los predicados indicados:

- 1) Todos los bosques abiertos al público presentan un alto riesgo de incendio  
 $\forall x[B(x) \wedge A(x) \rightarrow R(x)]$
- 2) Los bosques vigilados por un guarda forestal están bastante limpios  
 $\forall x[B(x) \wedge \exists y[G(y) \wedge V(y,x)] \rightarrow L(x)]$
- 3) Alberto es un guarda forestal que no vigila todos los bosques que están abiertos al público  
 $G(a) \wedge \neg \forall x[B(x) \wedge A(x) \rightarrow V(a,x)]$

Predicados:

- B(x): x es un bosque
- A(x): x está abierto al público
- R(x): x presenta un alto riesgo de incendio
- V(x,y): x vigila y (y es vigilado por x)
- L(x): x está bastante limpio
- G(x): x es un guarda forestal

Constantes:

- a: Alberto

## Problema 2

Demostrad, utilizando la deducción natural, que los siguientes razonamientos son correctos. No podéis utilizar equivalentes deductivos

a)  $P \vee R, P \rightarrow Q \therefore \neg Q \rightarrow R$

1.	$P \vee R$		P
2.	$P \rightarrow Q$		P
3.		$\neg Q$	H
4.		$\neg P$	MT 2,3
5.		R	SD 1, 4

## Examen 2006/07-1

Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lògica	75.056	20/01/2007	09:00

6.  $\neg Q \rightarrow R$   $I \rightarrow 3,5$

b)  $P \vee Q \rightarrow R, \neg(P \vee R) \rightarrow S, P \vee Q \therefore \neg R \rightarrow S$

1.	$P \vee Q \rightarrow R$	P
2.	$\neg(P \vee R) \rightarrow S$	P
3.	$P \vee Q$	P
4.		H
5.		MT 1,4
6.		It 3
7.		QS 5,6
8.	$\neg R \rightarrow S$	$I \rightarrow 4,7$

### Problema 3

a) El razonamiento siguiente es válido. Utilizad el método de resolución lineal con la estrategia del conjunto de soporte para demostrarlo. Si podéis aplicar la regla de subsunción o la regla del literal puro, aplicadlas e indicadlo.

$Q \rightarrow R,$   
 $R \rightarrow T,$   
 $P \rightarrow T,$   
 $\neg P \rightarrow Q$   
 $\therefore \neg T \rightarrow \neg(\neg T \vee R)$

FNC  $[Q \rightarrow R] = \neg Q \vee R$   
 FNC  $[R \rightarrow T] = \neg R \vee T$   
 FNC  $[P \rightarrow T] = \neg P \vee T$   
 FNC  $[\neg P \rightarrow Q] = P \vee Q$   
 FNC  $\neg[\neg T \rightarrow \neg(\neg T \vee R)] = \neg T \wedge (\neg T \vee R)$

El conjunto de cláusulas que se obtiene es:

$S = \{\neg Q \vee R, \neg R \vee T, \neg P \vee T, P \vee Q, \neg T, \neg T \vee R\}$  Las dos últimas (negrita) son el conjunto de soporte  
 Se puede observar que la cláusula  $\neg T$  subsume a la cláusula  $\neg T \vee R$  lo que reduce el conjunto a  $S' = \{\neg Q \vee R, \neg R \vee T, \neg P \vee T, P \vee Q, \neg T\}$

La regla del literal puro no es aplicable

Troncales	laterales
$\neg T$	$\neg R \vee T$
$\neg R$	$\neg Q \vee R$
$\neg Q$	$P \vee Q$
P	$\neg P \vee T$
T	$\neg T$
•	

b) El siguiente razonamiento no es válido. Hallad el conjunto de cláusulas correspondiente y razonad la imposibilidad de obtener la cláusula vacía ( • )

$\forall x P(x) \rightarrow \exists x \exists y Q(x,y)$   
 $\exists x \exists y \neg Q(x,y)$   
 $\therefore \exists x \neg P(x)$

## Examen 2006/07-1

Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lògica	75.056	20/01/2007	09:00

La FNS de  $\forall xP(x) \rightarrow \exists x\exists yQ(x,y)$  es  $\neg P(a) \vee Q(b,c)$

La FNS de  $\exists x\exists y\neg Q(x,y)$  es  $\neg Q(d,e)$

La FNS de  $\neg\exists x\neg P(x)$  es  $\forall xP(x)$

El conjunto de cláusulas resultante es

$S = \{\neg P(a) \vee Q(b,c), \neg Q(d,e), P(x)\}$

Podemos observar que el literal  $Q(b,c)$  de la primera cláusula no se podrá eliminar nunca porque las discrepancias con  $\neg Q(d,e)$  no se pueden solucionar (son discrepancias de la forma constante/constante)

Esto reduce el conjunto a  $S' = \{\neg Q(d,e), P(x)\}$  y es obvio que de este conjunto no se podrá obtener la cláusula vacía.

### Problema 4

Dado el razonamiento (incorrecto)

$\forall xP(x)$

$\forall x[P(x) \rightarrow \exists yQ(x,y)]$

$\therefore \forall x \forall yQ(x,y)$

Dad una interpretación en el dominio  $\{1,2\}$  que sea un contraejemplo.

Un contraejemplo ha de hacer ciertas las premisas y falsa la conclusión.

En el dominio  $\{1,2\}$  la primera premisa es equivalente a  $P(1) \wedge P(2)$ . Para que este enunciado sea cierto ha de pasar que  $P(1)=V$  y  $P(2)=V$

La segunda premisa es equivalente a  $[P(1) \rightarrow \exists yQ(1,y)] \wedge [P(2) \rightarrow \exists yQ(2,y)]$ . Con  $P(1)=V$  y  $P(2)=V$  esto es equivalente a  $[V \rightarrow \exists yQ(1,y)] \wedge [V \rightarrow \exists yQ(2,y)]$  y esto último lo es a  $\exists yQ(1,y) \wedge \exists yQ(2,y)$ . Este enunciado es equivalente a  $[Q(1,1) \vee Q(1,2)] \wedge [Q(2,1) \vee Q(2,2)]$  una manera de hacer cierto este enunciado es con  $Q(1,1)=V$  y  $Q(2,2)=V$

La conclusión es equivalente a  $Q(1,1) \wedge Q(1,2) \wedge Q(2,1) \wedge Q(2,2)$ . Para hacer falso este enunciado es suficiente con hacer falso cualquier conjuntando. Por ejemplo  $Q(1,2)=F$

Así, un contraejemplo de este razonamiento es:

$\langle \{1,2\}, \{P(1)=V, P(2)=V, Q(1,1)=V, Q(1,2)=F, Q(2,1)=V, Q(2,2)=V\}, \emptyset \rangle$

## Examen 2006/07-1

Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lògica	75.056	20/01/2007	09:00

## Examen 2006/07-1

Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lògica	75.056	20/01/2007	09:00

## Examen 2006/07-1

Assignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lògica	75.056	20/01/2007	09:00

## Examen 2006/07-1

Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lògica	75.056	20/01/2007	09:00



## Examen 2006/07-1

Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lògica	75.056	20/01/2007	09:00

## Examen 2006/07-1

Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lògica	75.056	20/01/2007	09:00