

Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	26/6/2024	17:00

#### Ficha técnica del examen

- No es necesario que escribas tu nombre. Una vez resuelta la prueba final, solo se aceptan documentos en formato .doc, .docx (Word) y .pdf.
- Comprueba que el código y el nombre de la asignatura corresponden a la asignatura de la que te has matriculado.
- Tiempo total: **2 horas** Valor de cada pregunta:
- ¿Se puede consultar material durante la prueba? SÍ ¿Qué materiales están permitidos? Solo los módulos 1 y 2 de la asignatura. Nada más
- ¿Puede utilizarse calculadora? NO ¿De qué tipo? NINGUNO
- Si hay preguntas tipo test, ¿descuentan las respuestas erróneas? NO ¿Cuánto?
- Indicaciones específicas para la realización de este examen:
  - No es necesario que te identifiques con el nombre o el número de carnet de estudiante. La autoría de la prueba es detectada por el propio sistema.
  - En el momento de la entrega, indica claramente el número de páginas que estás entregando. Por ejemplo, numera las páginas indicando el total (1 de 5, 2 de 7, ... 7 de 7)
  - La prueba se puede resolver a mano o directamente en ordenador en un documento a parte.

    Referencia claramente la pregunta que estás respondiendo. Recomendamos la resolución a mano de la prueba para agilizar la escritura de las fórmulas.
  - En caso de responder la prueba a mano:
    - o No hace falta imprimir el enunciado, puedes resolver las preguntas en una hoja en blanco.
    - o Utiliza un bolígrafo de tinta azul o negra.
  - o Digitaliza tus respuestas en un único fichero en formato PDF o Word. Puedes hacerlo con un escáner o con un dispositivo móvil. Asegúrate de que el fichero que entregas sea legible.
    - o Dispones de 10 minutos extra para la digitalización y entrega de la prueba.
  - Esta prueba debe resolverse de forma estrictamente individual. En caso que no sea así, se evaluará con un cero. Por otro lado, y siempre a criterio de los Estudios, el incumplimiento de este compromiso puede suponer la apertura de un expediente disciplinario con posibles sanciones.
  - No es obligatorio resolver los ejercicios en orden. Simplemente indica claramente qué ejercicio estás resolviendo en cada momento. RECOMENDAMOS QUE ANTES DE PONERTE A RESOLVER LA



Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	26/6/2024	17:00

PRUEBA LEAS TODOS LOS ENUNCIADOS DE LAS ACTIVIDADES PARA PLANIFICAR EN QUÉ ORDEN TE CONVIENE RESOLVERLOS PARA SACAR EL MÁXIMO PARTIDO AL TIEMPO DEL QUE DISPONES.

- Recordad que los auriculares no están permitidos



Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	26/6/2024	17:00

#### **Enunciados**

### Actividad 1 (1.5 puntos + 1.5 puntos)

[Criterio de valoración: Las formalizaciones deben ser correctas en todos los aspectos, incluida la parentización. Cada frase se valora independientemente de las demás]

a) Utilizando los siguientes átomos, formalizad las frases que hay a continuación

P: haces de pastor

E: amas la naturaleza

A: disfrutas del aire libre

V: te ganas bien la vida

T: trabajas de sol a sol

F: quieres un futuro mejor

1) Cuando amas la naturaleza, es necesario disfrutar el aire libre y trabajar de sol a sol para hacer de pastor.

$$E \rightarrow (P \rightarrow A \wedge T) - ||-E \rightarrow (\neg(A \wedge T) \rightarrow \neg P)$$

2) Cuando haces de pastor, siempre que te ganas bien la vida trabajas de sol a sol y quieres un futuro mejor.

$$P \rightarrow (V \rightarrow T \land F)$$

3) Solo cuando no amas la naturaleza, ni quieres un futuro mejor ni trabajas de sol a sol.

$$\neg F \land \neg T \rightarrow \neg E \cdot || - E \rightarrow \neg (\neg F \land \neg T)$$

b) Usando los siguientes predicados y constantes, formalizad las frases que hay a continuación:

E(x): x es una empresa

P(x): x es pública

T(x): x es un técnico

M(x): x es metódico

B(x): x tiene beneficios

S(x, y): x supervisa y

a: Albert Antic

b: Bowl-Tec

1) Hay técnicos que solo supervisan empresas.

$$\exists x \{ T(x) \land \forall y [ S(x,y) \rightarrow E(y) ] \}$$

2) Albert Antic no supervisa todas las empresas públicas, pero sí supervisa Bowl-Tec.

$$\neg \forall x [ E(x) \land P(x) \rightarrow S(a,x) ] \land S(a,b)$$

3) Si ningún técnico fuera metódico, todas las empresas públicas tendrían beneficios.

$$\neg \exists x [ T(x) \land M(x) ] \rightarrow \forall x [ E(x) \land P(x) \rightarrow B(x) ]$$



Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	26/6/2024	17:00

### Actividad 2 (2.5 puntos / 1.5 puntos)

[Criterio de valoración: será inválida (0 puntos) cualquier deducción que contenga la aplicación incorrecta de alguna regla]

Demostrad, utilizando la deducción natural, que el siguiente razonamiento es correcto. Si la deducción es correcta y no utilizáis reglas derivadas obtendréis 2.5 puntos. Si la deducción es correcta pero utilizáis reglas derivadas obtendréis 1.5 puntos. En ningún caso podéis utilizar equivalentes deductivos. Si hacéis más de una demostración y alguna es incorrecta obtendréis 0 puntos.

$$W \vee \neg R$$
,  $\neg R \wedge S \rightarrow \neg Q$ ,  $P \wedge \neg S \rightarrow W$   $\therefore P \rightarrow (Q \rightarrow W)$ 

1	W∨¬R					Р
2	$\neg R \land S \rightarrow \neg Q$					Р
3	P∧¬S→W					Р
4		Р				Н
5			Q			Н
6				W		Н
7				W		It 6
8				¬R		Н
9					S	Н
10					⊣R∧S	l∧ 8, 9
11					¬Q	E→ 2, 10
12					Q	It 5
13				¬S		I¬ 9, 11, 12
14				P∧¬S		I∧ 4, 13
15				W		E→ 3, 14
16			W			Ev 1, 7, 15
17		Q→W				l→ 5, 16
18	$P\rightarrow (Q\rightarrow W)$	_				l→ 4, 17



Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	26/6/2024	17:00

#### Actividad 3 (1.5 puntos)

[Criterio de valoración: La presencia de errores en las FNCs se penalizará con -0.75 puntos. La presencia de errores en la aplicación de las reglas de simplificación y/o en la aplicación de la regla de resolución se penalizará con -0.75 puntos como mínimo]

¿El siguiente razonamiento es válido o no? Utilizad el método de resolución lineal con la estrategia del conjunto de apoyo para averiguarlo. Si podéis aplicar la regla de subsunción o la regla del literal puro, aplicadlas e indicadlo.

$$\neg \mathsf{R} \land \mathsf{S} \to \mathsf{Q} \land \mathsf{P} \\ \mathsf{P} \to (\neg \mathsf{W} \to \mathsf{S}) \\ (\neg \mathsf{T} \lor \neg \mathsf{Q}) \land (\mathsf{R} \to \mathsf{W}) \\ \therefore \mathsf{P} \land \mathsf{T} \to \mathsf{W}$$
 
$$\mathsf{FNC}[\neg \mathsf{R} \land \mathsf{S} \to \mathsf{Q} \land \mathsf{P}] = (\mathsf{R} \lor \neg \mathsf{S} \lor \mathsf{Q}) \land (\mathsf{R} \lor \neg \mathsf{S} \lor \mathsf{P}) \\ \mathsf{FNC}[\mathsf{P} \to (\neg \mathsf{W} \to \mathsf{S})] = \neg \mathsf{P} \lor \mathsf{W} \lor \mathsf{S} \\ \mathsf{FNC}[(\neg \mathsf{T} \lor \neg \mathsf{Q}) \land (\mathsf{R} \to \mathsf{W})] = (\neg \mathsf{T} \lor \neg \mathsf{Q}) \land (\neg \mathsf{R} \lor \mathsf{W}) \\ \mathsf{FNC}[\neg (\mathsf{P} \land \mathsf{T} \to \mathsf{W})] = \mathsf{P} \land \mathsf{T} \land \neg \mathsf{W}$$

El conjunto de cláusulas resultante es:

 $S = \{ R \lor \neg S \lor Q, \quad R \lor \neg S \lor P, \quad \neg P \lor W \lor S, \quad \neg T \lor \neg Q, \quad \neg R \lor W, \quad \textbf{P, T, } \neg \textbf{W}, \text{ d\'onde el conjunto de apoyo est\'a formado por las tres últimas cláusulas (en negrita).}$ 

La cláusula P del conjunto de apoyo subsume a la segunda cláusula (Rv¬SvP) El conjunto de cláusulas se reduce a:

$$S' = \{ R \lor \neg S \lor Q, \qquad \neg P \lor W \lor S, \quad \neg T \lor \neg Q, \quad \neg R \lor W, \quad \mathbf{P}, \quad \mathbf{T}, \quad \neg \mathbf{W} \}$$

Este nuevo conjunto no admite ninguna otra aplicación de la regla de subsunción ni tampoco de la regla del literal puro.

Troncales	Laterales
P	¬P√W√S
W√S	R∨¬S∨Q
W∨R∨Q	$\neg T \lor \neg Q$
$W \lor R \lor \neg T$	Т
W∨R	¬R∨W
W∨W = W	¬W

Hemos llegado a una contradicción y por tanto el razonamiento es válido.



Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	26/6/2024	17:00

#### Actividad 4 (1.5 puntos)

[Criterio de valoración: La presencia de errores en las FNSs se penalizará con -0.75 puntos. La presencia de errores en la aplicación de las reglas de simplificación y/o en la aplicación de la regla de resolución y/o en el análisis de la consistencia de las premisas se penalizará con -0.75 puntos como mínimo]

El siguiente razonamiento es válido. Demostrarlo utilizando el método de RESOLUCIÓN con la estrategia del conjunto de apoyo. Diga también si las premisas son o no consistentes, justificando brevemente su respuesta.

```
 \forall x \{ H(x) \land G(x) \rightarrow \exists y [P(y) \land T(x,y)] \} 
 \forall x \forall y [P(y) \rightarrow \neg T(x,y)] 
 \therefore \forall x [H(x) \rightarrow \neg G(x)]
```

La FNS de  $\forall x\{H(x)\land G(x)\rightarrow \exists y[P(y)\land T(x,y)]\}$  es  $(\neg H(x)\lor \neg G(x)\lor P(f(x)))\land (\neg H(x)\lor \neg G(x)\lor T(x,f(x)))$  La FNS de  $\forall x\forall y[P(y)\rightarrow \neg T(x,y)]$  es  $\neg P(y)\lor \neg T(x,y)$  La FNS de  $\neg \forall x[H(x)\rightarrow \neg G(x)]$  es  $H(a)\land G(a)$ 

El conjunto de cláusulas resultante es:

$$S = \{ \neg H(x) \lor \neg G(x) \lor P(f(x)), \quad \neg H(x) \lor \neg G(x) \lor T(x, f(x)), \quad \neg P(y) \lor \neg T(x, y), \quad \textbf{H(a)}, \quad \textbf{G(a)} \}$$

Troncales	Laterales	Substituciones
H(a)	$\neg H(x) \lor \neg G(x) \lor P(f(x))$	x por a
	$\neg H(a) \lor \neg G(a) \lor P(f(a))$	
¬G(a)∨P(f(a))	$\neg P(y) \lor \neg T(x,y)$	y por f(a)
	$\neg P(f(a)) \lor \neg T(x, f(a))$	
$\neg G(a) \lor \neg T(x,f(a))$	$\neg H(u) \lor \neg G(u) \lor T(u,f(u))$	x por u
$\neg G(a) \lor \neg T(u,f(a))$		u por a
¬G(a)∨¬T(a,f(a))	$\neg H(a) \lor \neg G(a) \lor T(a,f(a))$	
¬G(a)∨¬H(a)	H(a)	
¬G(a)	G(a)	

Hemos llegado a una contradicción y por tanto el razonamiento es válido, como ya se nos había indicado.

Respecto a la consistencia de las premisas, estas son CONSISTENTES. Si nos limitamos al conjunto Sp =  $\{\neg H(x) \lor \neg G(x) \lor P(f(x)), \neg H(x) \lor \neg G(x) \lor T(x,f(x)), \neg P(y) \lor \neg T(x,y)\}$  vemos que la ausencia de H permite eliminar las cláusulas que contienen ¬H, quedando el conjunto reducido a Sp' =  $\{\neg P(y) \lor \neg T(x,y)\}$ . Cualquier conjunto con una sola cláusula puede simplificarse  $\{\ \}$ . Y dado que del conjunto vacío nunca obtendremos la cláusula vacía podemos afirmar que las premisas son consistentes.



Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	26/6/2024	17:00

#### Actividad 5 (1.5 puntos)

[Criterio de valoración: 5 respuestas correctas: 1.5 puntos; 4 respuestas correctas: 1 punto; 3 respuestas correctas: 0.75 punto; 2 respuestas correctas: 0.5 puntos; menos de dos respuestas correctas: 0 puntos]

- Al aplicar el método de resolución a un razonamiento se llega a encontrar una contradicción. Seguro que todas las interpretaciones que hacen ciertas las premisas también hacen cierta la conclusión. ¿Esta afirmación es CIERTA o FALSA? CIERTA
- 2) Al simplificar el conjunto de cláusulas obtenidas de las premisas de un razonamiento éste se queda vacío. Es imposible que este razonamiento sea correcto. ¿Esta afirmación es CIERTA o FALSA? FALSA
- 3) Sea A un enunciado contingente, T un teorema y C una contradicción. El razonamiento ¬T ∨ A ∴ C es válido. ¿Esta afirmación es CIERTA o FALSA?
- 4) ¿Cuál es la forma normal de Skolem (FNS) de la fórmula  $\forall x \exists y A(x,y) \lor \neg \forall z B(z,a)$ ?  $\forall x [A(x,f(x)) \lor \neg B(b,a)]$
- 5) ¿Las cláusulas ¬Q(x, g(x)) ∨ P(x) y R(y) ∨ Q(f(a), y) se pueden resolver entre ellas? Si la respuesta es afirmativa dad la cláusula resultante. Si es negativa explicad con una frase qué es lo que impide la unificación.

 $P(f(a)) \vee R(g(f(a)))$