

Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	13/6/2021	12:30

### Ficha técnica del examen

- Comprueba que el código y el nombre de la asignatura corresponden a la asignatura de la que te has matriculado.
- Tiempo total: **2 horas** Valor de cada pregunta: **Se indica en el enunciado**
- ¿Puede consultarse algún material durante el examen? NO ¿Qué materiales están permitidos?
- ¿Puede utilizarse calculadora? NO ¿De qué tipo? NINGUNO
- Si hay preguntas tipo test, ¿descuentan las respuestas erróneas? NO ¿Cuánto?
- Indicaciones específicas para la realización de este examen:
  - No es necesario que te identifiques con el nombre o el número de carnet de estudiante. La autoría de la prueba es detectada por el propio sistema.
  - En el momento de la entrega, indica claramente el número de pàginas que estás entregando. Por ejemplo, numera las páginas indicando el total (1 de 5, 2 de 7, ... 7 de 7)
  - La prueba se puede resolver a mano o directamente en ordenador en un documento a parte. Referencia claramente la pregunta que estás respondiendo.
  - En caso de responder la prueba a mano:
    - o No hace falta imprimir el enunciado, puedes resolver las preguntas en una hoja en blanco.
    - o Utiliza un bolígrafo de tinta azul o negra.
  - o Digitaliza tus respuestas en un único fichero en formato PDF o Word. Puedes hacerlo con un escáner o con un dispositivo móvil. Asegúrate de que el fichero que entregas sea legible.
    - o Dispones de 10 minutos extra para la digitalización y entrega de la prueba.
  - Esta prueba debe resolverse de forma estrictamente individual. En caso que no sea así, se evaluará con un cero. Por otro lado, y siempre a criterio de los Estudios, el incumplimiento de este compromiso puede suponer la apertura de un expediente disciplinario con posibles sanciones.



Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	13/6/2021	12:30

#### **Enunciados**

### Actividad 1 (1.5 puntos + 1.5 puntos)

[Criterio de valoración: Las formalizaciones deben ser correctas en todos los aspectos, incluida la parentización. Cada frase se valorará independientemente de las otras]

- a) Formalizad utilizando la lógica de enunciados las siguientes frases. Utilizad los átomos que se indican:
  - P: (tú) eres paciente.
  - D: (tú) eres disciplinado.
  - O: (tú) consigues tus objetivos.
  - R: (tú) tienes recursos.
  - 1) Siempre que no tienes recursos ocurre que, cuando no eres paciente, solo consigues tus objetivos si eres disciplinado.

$$\neg R \rightarrow (\neg \dot{P} \rightarrow (O \rightarrow D)) \ \text{-}|| \text{-} \ \neg R \wedge \neg P \rightarrow (O \rightarrow D)$$

- 2) Si tienes recursos, eres paciente cuando eres disciplinado o consigues tus objetivos.  $R \rightarrow (D \lor O \rightarrow P)$
- 3) Cuando no pasa a la vez que eres paciente y disciplinado, ni tienes recursos ni consigues tus objetivos.

$$\neg (P \land D) \rightarrow \neg R \land \neg O$$

- b) Formalizad utilizando la lógica de predicados las siguientes frases. Utilizad los predicados y constantes que se indican:
  - A(x): x es (un) astrónomo.
  - R(x): x es un radiotelescopio.
  - P(x): x es potente.
  - N(x): x es un agujero negro.
  - C(x): x es célebre.
  - O(x): x es un observatorio.
  - D(x,y): x dispone de y.
  - E(x,y): x estudia y.
  - T(x,y): x trabaja en y.
  - a: Ánade Z-3.
  - b: Pedro Pi.
  - 1) Algunos astrónomos célebres estudian todos los agujeros negros potentes.

$$\exists x \{ A(x) \land C(x) \land \forall y [N(y) \land P(y) \rightarrow E(x,y) ] \}$$

2) Si hubiera astrónomos célebres, todos los observatorios dispondrían de radiotelescopios potentes.

$$\exists x[\ A(x) \land C(x)\ ] \rightarrow \forall x\{\ O(x) \rightarrow \exists y[\ R(y) \land P(y) \land D(x,y)\ ]\}$$

3) Pedro Pi no estudia Ánade Z-3 pero sí trabaja en algunos observatorios célebres.

$$\neg E(b,a) \land \exists x [O(x) \land C(x) \land T(b,x)]$$



Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	13/6/2021	12:30

### Actividad 2 (2.5 puntos o 1.5 puntos)

[Criterio de valoración: será inválida (0 puntos) cualquier deducción que contenga la aplicación incorrecta de alguna regla]

Demostrad, construyendo una deducción con el método de la deducción natural, que el siguiente razonamiento es correcto. Si la deducción es correcta y no utilizáis reglas derivadas obtendréis 2.5 puntos. Si la deducción es correcta pero utilizáis reglas derivadas obtendréis 1.5 puntos. En ningún caso podéis utilizar equivalentes deductivos. Si hacéis más de una demostración y alguna es incorrecta no obtendréis ningún punto.

$$B \wedge E$$
,  $\neg A \rightarrow C \vee D$ ,  $C \rightarrow \neg B \wedge \neg A$ ,  $B \rightarrow \neg D \therefore A$ 

1	B∧E				P
2	$\neg A \rightarrow C \lor D$				Р
3	$C \rightarrow \neg B \land \neg A$				Р
4	$B \rightarrow \neg D$				Р
5		¬A			Н
6		C∨D			E→ 2, 5
7			С		Н
8			¬B∧¬A		E→ 3, 7
9			¬В		E∧ 8
10			D		Н
11				В	Н
12				¬D	E→ 4, 11
13				D	lt 10
14			¬В		I¬ 11, 12, 13
15		¬В			Ev 6, 9, 14
16		В			E∧ 1
17	¬¬A				I¬ 5, 15, 16
18	Α				E¬ 17



Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	13/6/2021	12:30

### Actividad 3 (1.5 puntos + 1.5 puntos)

a) ¿Es válido el siguiente razonamiento? Utilizad el método de resolución con la estrategia del conjunto de apoyo para averiguarlo. Si podéis aplicar la regla de subsunción o la regla del literal puro, aplicadlas e indicadlo.

[Criterio de valoración: La presencia de errores en les FNCs se penalizará con -0.75 puntos La presencia de errores en la aplicación de las reglas de simplificación y/o en la aplicación de la regla de resolución se penalizará con -0.75 puntos como mínimo]

$$\begin{split} & \mathsf{FNC}(\mathsf{D} \mathord{\smallsetminus} \mathsf{C} \wedge (\neg \mathsf{E} \mathord{\rightarrow} \mathsf{A})) = (\mathsf{D} \mathord{\vee} \mathsf{C}) \wedge (\mathsf{E} \mathord{\vee} \mathsf{A}) \\ & \mathsf{FNC}(\mathsf{D} \mathord{\rightarrow} (\mathsf{A} \mathord{\rightarrow} \neg \mathsf{B})) = \neg \mathsf{D} \mathord{\vee} \neg \mathsf{A} \mathord{\vee} \neg \mathsf{B} \\ & \mathsf{FNC}(\mathsf{C} \mathord{\rightarrow} \mathsf{A}) = \neg \mathsf{C} \mathord{\vee} \mathsf{A} \\ & \mathsf{FNC}(\neg (\neg \mathsf{E} \mathord{\wedge} \mathsf{B} \mathord{\rightarrow} \mathsf{C})) = \neg \mathsf{E} \mathord{\wedge} \mathsf{B} \mathord{\wedge} \neg \mathsf{C} \end{split}$$

El conjunto de cláusulas es:

$$S = \{D \lor C, E \lor A, \neg D \lor \neg A \lor \neg B, \neg C \lor A, \neg E, B, \neg C\}$$

La cláusula ¬C subsume a la cláusula ¬C∨A. El conjunto queda reducido a:

$$S = \{D \lor C, E \lor A, \neg D \lor \neg A \lor \neg B, \neg E, B, \neg C\}$$

Cláusulas troncales	Cláusulas laterales
¬E	E∨A
Α	$\neg D \lor \neg A \lor \neg B$
$\neg D \lor \neg B$	В
¬D	D√C
С	¬C

Hemos llegado a una contradicción y, por tanto, el razonamiento es válido.



Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	13/6/2021	12:30

b) El siguiente razonamiento es válido. Demostradlo utilizando el método de RESOLUCIÓN con la estrategia del conjunto de apoyo.

[Criterio de valoración: La presencia de errores en las FNSs se penalizará con la mitad del valor del apartado (-0.75 puntos). La aplicación incorrecta del método de resolución (incluidas las sustituciones) se penalizará con la mitad del valor del apartado (-0.75 puntos), como mínimo]

```
\begin{split} &\forall x[P(x) \rightarrow \exists yQ(x,y)] \\ &\forall x \forall y[Q(x,y) \rightarrow \neg S(y)] \\ &\therefore \forall x[P(x) \rightarrow \exists y \neg S(y)] \\ & FNS(\forall x[P(x) \rightarrow \exists yQ(x,y)]) = \forall x[\neg P(x) \lor Q(x,f(x))] \\ &FNS(\forall x \forall y[Q(x,y) \rightarrow \neg S(y)]) = \forall x \forall y[\neg Q(x,y) \lor \neg S(y)] \\ &FNS(\neg(\forall x[P(x) \rightarrow \exists y \neg S(y)])) = \forall y[P(a) \land S(y)] \end{split}
```

El conjunto de cláusulas resultante es:

$$S = \{ \neg P(x) \lor Q(x,f(x)), \neg Q(x,y) \lor \neg S(y), \quad \textbf{P(a)}, \quad \textbf{S(y)} \}$$

Cláusulas troncales	Cláusulas laterales	Sustituciones
P(a)	$\neg P(x) \lor Q(x,f(x))$	x per a
	$\neg P(a) \lor Q(a,f(a))$	
Q(a,f(a))	$\neg Q(x,y) \lor \neg S(y)$	x per a; y per f(a)
	$\neg Q(a,f(a)) \lor \neg S(f(a))$	
¬S(f(a))	S(y)	y per f(a)
	S(f(a))	



Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	13/6/2021	12:30

### Actividad 4 (1.5 puntos)

[Criterio de valoración: es necesario responder correctamente todas las preguntas que se formulan, dando una explicación breve y coherente. En caso contrario, 0 puntos]

Tenemos un razonamiento en lógica de enunciados y observamos lo siguiente: *no hay ninguna interpretación que haga cierta la conclusión*.

Responded a las siguientes preguntas justificando brevemente cada respuesta:

- a) ¿El método de resolución aplicado al razonamiento permitiría llegar a la cláusula vacía (sí, no, no se puede saber)?
  - Nos dicen que la conclusión siempre es falsa. Si hay alguna interpretación que haga cierta todas las premisas entonces seguro que el razonamiento es incorrecto. Pero si no es así (es decir, si no hay ninguna interpretación que haga ciertas todas las premisas) entonces seguro que el razonamiento es correcto. Debido a que no sabemos qué pasa con las premisas, no podemos saber si el razonamiento es válido. Y si no sabemos si el razonamiento es válido no sabemos si se podrá llegar o no a la cláusula vacía.
- ¿Es posible construir una DN que demuestre la validez del razonamiento?
  No se puede saber porque con la información que nos dan no podemos saber si el razonamiento es o no válido.
- c) ¿Qué se puede afirmar de la conclusión del razonamiento?
  Como siempre es falsa, se trata de una contradicción.