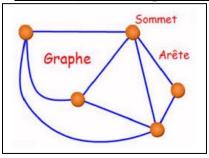
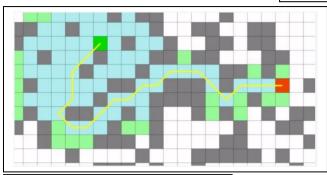
I- Les graphes : c'est quoi et à quoi cela sert ?



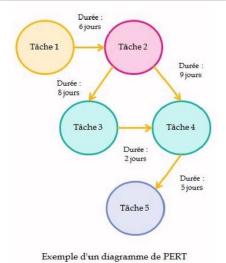
Un graphe sert avant tout à manipuler des concepts, et à établir un lien entre ces concepts.

N'importe quel problème comportant des objets avec des relations entre ces objets peut être modélisé par un graphe.

Il apparaît donc que les graphes sont des outils très puissants et largement répandus qui se prêtent bien à la résolution de nombreux problèmes.



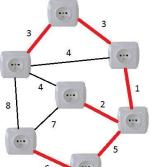
Dans le domaine du jeu vidéo : Chaque nœud représente une position (ici une case libre) et chaque arête correspond à un **chemin** entre deux positions (ici deux cases libres adjacentes). Il est courant de chercher le chemin le plus court entre deux positions : les IA s'en servent pour déplacer les créatures aussi vite que possible dans le monde virtuel.



Ordonnancement de tâches dans un chantier : Comment optimiser le temps total?

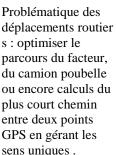
Comment limiter la longueur des câbles électriques ?





déplacements routier s : optimiser le parcours du facteur, du camion poubelle ou encore calculs du plus court chemin entre deux points GPS en gérant les sens uniques.

Graphe des interactions sociales: L'objectif va être de pouvoir identifier les communautés formées, les centres d'intérêt communs... Une exploitation intelligente de ces données est indispensable pour suggérer à l'utilisateur les choses qu'il est susceptible d'aimer, les personnes qu'il connaît peut-être, et avant tout (et surtout) pour créer des publicités ciblées adaptées à chacun. (Facebook, twitter, linkedin, youtube ...)

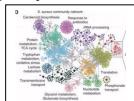




Sans oublier la simulation du vivant (interaction cellulaire ou intracellulaire, biogénétique, neuronal)

les graphes et l'informatique sont partout!

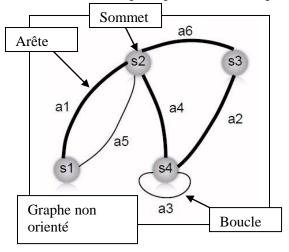




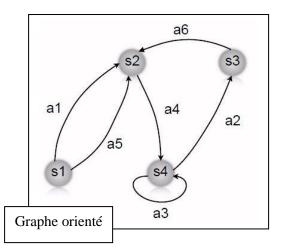
OMJS Page 1 sur 4 Les graphes Term NSI

II Représentation et caractéristiques d'un graphe

On se limite aux principales caractéristiques :



S1 a comme voisin S2 S2 a comme S1,S3 et S4 S3 a comme voisin S2 et S4 S4 a comme voisin S2 et S3



S1 a comme voisin S2

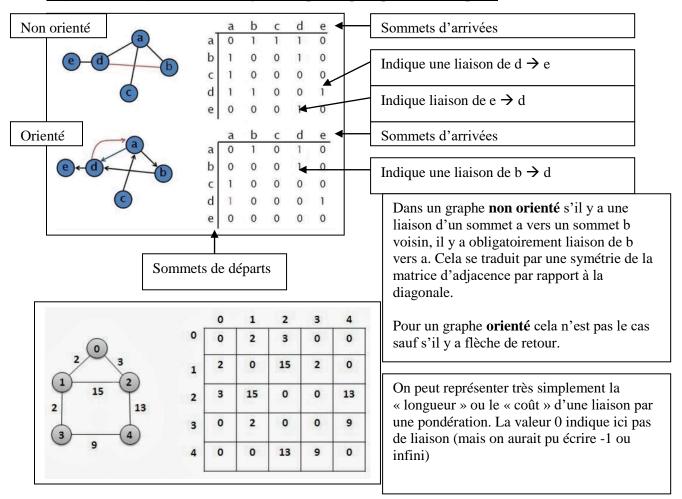
S2 a comme voisin S4

S3 a comme voisin S2

S4 a comme voisin S3 (et S4)

Un chemin ou une chaîne est définie par la liste des arêtes qui permettent à partir d'un sommet x d'atteindre le sommet y. Par exemple (a1,a4,a2) est un chemin entre S1 et S3.

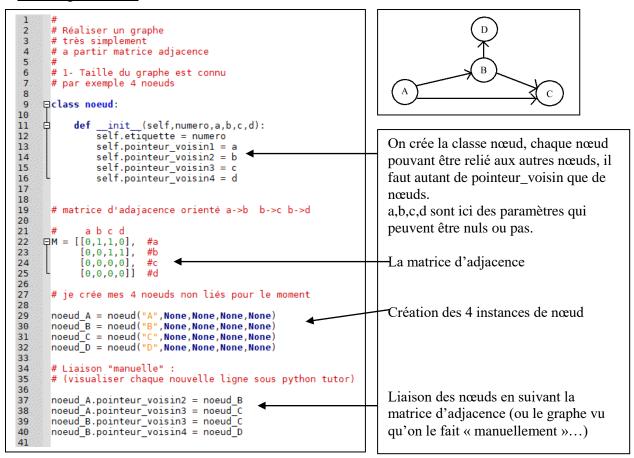
Représentation par matrice d'adjacence (pas de panique, c'est simple!)



OMJS Page 2 sur 4

Les graphes Term NSI

III – Programmation



Tapez le code ci-dessus dans un fichier (graphe1.py par exemple) et tester le avec python tutor : http://www.pythontutor.com/visualize.html#mode=edit

2ème méthode:

Reprendre dans un deuxième fichier (par exemple graphe 2.py) le programme en ne conservant que la classe nœud et la matrice M:

```
¤class noeud:
10
11
                   init
                          (self,numero,a,b,c,d):
                 self.etiquette = numero
self.pointeur_voisin1 = a
self.pointeur_voisin2 = b
12
13
                 self.pointeur_voisin3 = c
self.pointeur_voisin4 = d
16
19
20
21
22
23
24
25
26
27
       # matrice d'adajacence orienté a->b b->c b->d
      \Box M = [[0,1,1,0], \\ [0,0,1,1], 
                            #b
              [0,0,0,0]
              [0,0,0,0]]
       # 2ème facon de procéder :
          création du graphe directement
       # tester ci-dessous puis compléter pour rajouter les liaisons entre B-->C et B--D
       graphe = noeud("A",None, noeud("B",None,None,None,None) , noeud("C",None,None,None,None) , None )
Paramètre a,b,c,d
                               Voisin 1
                                             Voisin 2
                                                                                 Voisin 3
                                                                                                                     Voisin 4
```

- \rightarrow Tester sous python tutor. Pour le moment nous avons que les liaisons entre A \rightarrow B et A \rightarrow C
- → Compléter la ligne 31 en rajoutant les liaisons dans le nœud B et <u>faire valider PROF</u>

OMJS Page 3 sur 4

Les graphes Term NSI

3ème méthode

Créer des petits graphes à la main, ça va, mais dès qu'on augment un peu la taille on se rend bien compte que cela devient vite galère.

En pratique, comme un graphe est défini par sa matrice d'adjacence, son parcours ou ses propriétés se résument la plus part du temps à des opérations ou algorithmes sur la matrice

Pour ceux qui se demandent tout de même comment créer un graphe avec une classe et des pointeurs sous python, comme on l'avait fait pour les arbres, voici une solution :

Le problème principal pour réaliser la fonction __init__ de notre classe Nœud c'est qu'on ne connaît pas à l'avance le nombre de paramètres (ya pas que 2 fils comme pour les arbres, y'en a N)

L'idée est donc de créer une classe Nœud avec une liste de sommets en paramètre, un nœud pouvant être lié par la suite à N sommets du graphe (y compris lui-même)

```
# Construction noeud à n voisins (sommets)
   Construction du graphe automatiquement
à partir de la matrice adjacence
□class noeud:
     def init (self,numero,liste sommets):
          self.etiquette = numero
                                                   # numero du sommet
          self.nb_sommets = len(liste_sommets)
                                                   # nombre de sommets du graphe
          Liste de
          for i in range(self.nb_sommets):
              self.liste_pointeur_voisins = self.liste_pointeur_voisins + [None]
                                                                                           pointeurs
          print (self.liste_pointeur_voisins)
 # matrice d'adajacence orienté a->b b->c b->d
        abcd
[0,0,1,1],
[0,0,0,0],
                   #b
       [0,0,0,0]]
 # création du graphe avec la liste des sommets
 sommets = ["A","B","C","D"]
graphe = [noeud("A",sommets),noeud("B",sommets),noeud("C",sommets),noeud("D"
                                                                                    En gros ça dit que si on
 # création des liaisons entre les sommets
For ligne in range(len(M)):
for colonne in range(len(M)):
                                                                                    trouve un 1, il faut faire
                                                                                    la liaison entre les
          if M[ligne][colonne] == 1:
              graphe[ligne].liste_pointeur_voisins[colonne]=graphe[colonne]
                                                                                    nœuds de références
                                                                                    ligne/colonne
 #graphe[0].liste pointeur voisins[1]=graphe[1]
```

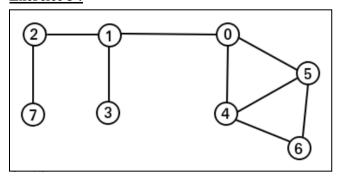
Exercice 1:

Refaire le programme de la page 3 dans le cadre d'un graphe non orienté (modifier la matrice).

Exercice 2

A partir de la matrice d'adjacence, comment est ce que je peux connaître tous les voisins d'un sommet ? Ecrire une fonction qui prend la matrice en paramètre et un numéro de sommet et qui renvoie la liste de ses voisins.

Exercice 3:



Donner la matrice d'adjacence du graphe ci-contre.

Donner la liste des sommets voisins du sommet 0

Faire une fonction qui va compter le nombre d'arêtes de ce graphe à partir de sa matrice d'adjacence.