

Ex 27 p 76 :

$$f : x \mapsto 2x^2 - 1$$

$$T(h) = \frac{f(3+h) - f(3)}{h} = \frac{2(3+h)^2 - 1 - [2 \cdot (3)^2 - 1]}{h} = \frac{2(9+6h+h^2) - 18}{h} = \frac{18+12h+2h^2-18}{h} = \frac{12h+2h^2}{h} = 12+2h$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} T(h) = \lim_{h \rightarrow 0} (12+2h) = 12$$

Donc f est dérivable en 3 et $f'(3) = 12$.

2)

Déterminons l'équation réduite de la tangente (T) à la courbe $C(f)$ au point E d'abscisse 3.

$$(T) : y = f'(3) \cdot x + p = 12x + p$$

$$E \in (T) \Leftrightarrow y(E) = 12 \cdot x(E) + p$$

$$\Leftrightarrow 17 = 12 \cdot 3 + p$$

$$\Leftrightarrow p = 17 - 36$$

$$\Leftrightarrow p = -19$$

Donc (T) : $y = 12x - 19$

