

Relatório avaliação RA2

Arthur Przygocki,
Carlos Eduardo Rodrigues Mello,
Henrique Tetilha Golias.

Github: <https://github.com/Henrick1/Av-RA02>

Compare as árvores analisando seu desempenho com a inserção de 100,500,1000 e 10.000 e 20.000 elementos gerados aleatoriamente.

Os testes foram feitos em uma máquina com:

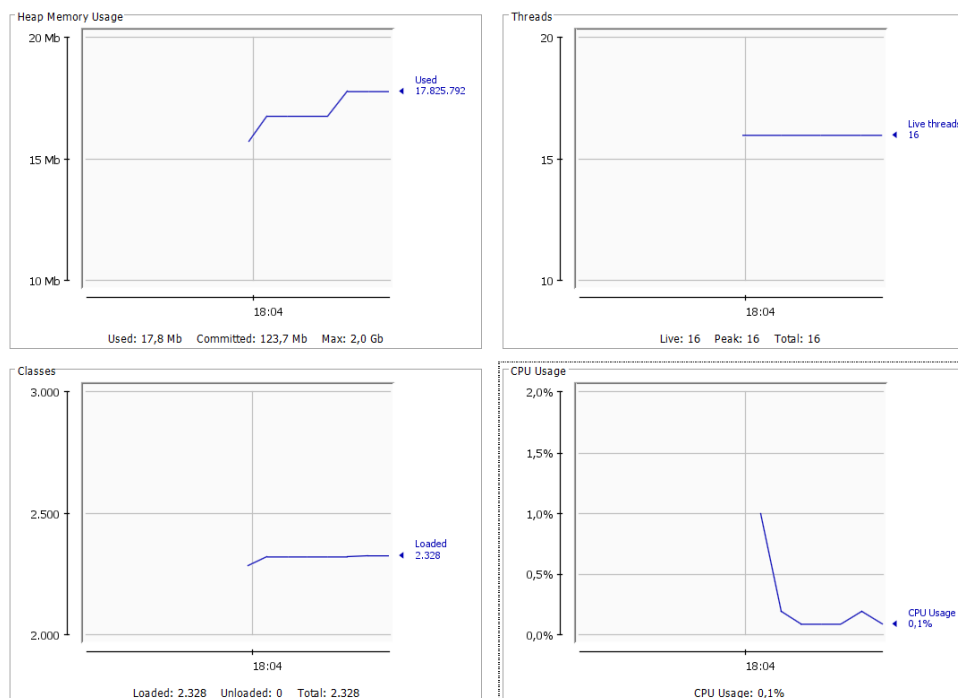
Processador: AMD Ryzen 7 4800H with Radeon Graphics 2.90 GHz

RAM: 8,00 GB (utilizável: 7,37 GB)

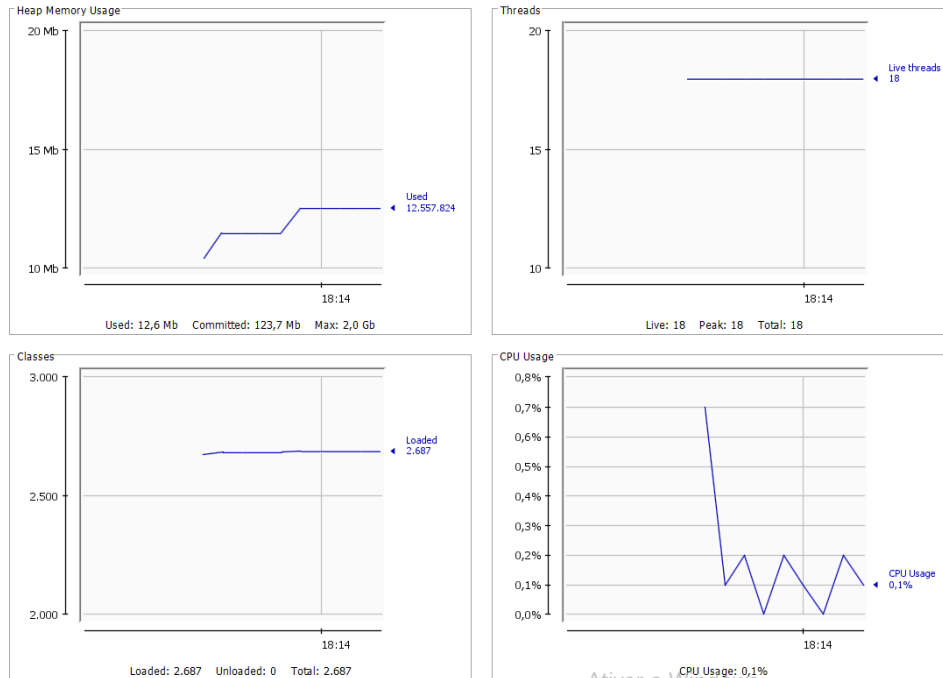
SO: Windows 10 64 bit

Árvore binária com 100 elementos:

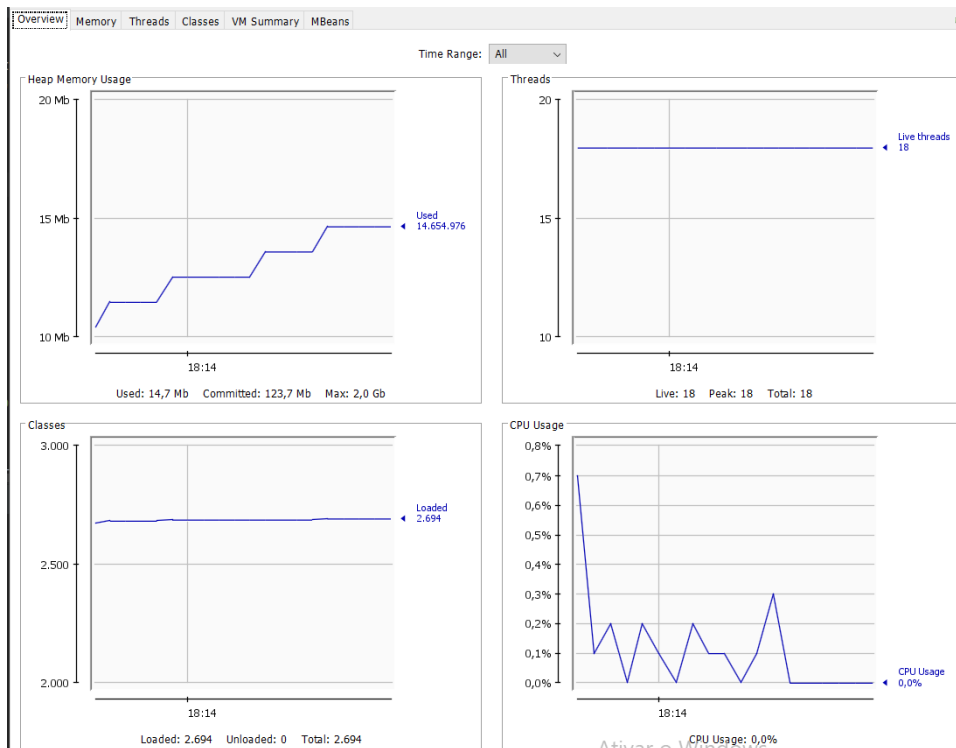
Inserção dos elementos aleatórios: 0.001 segundos



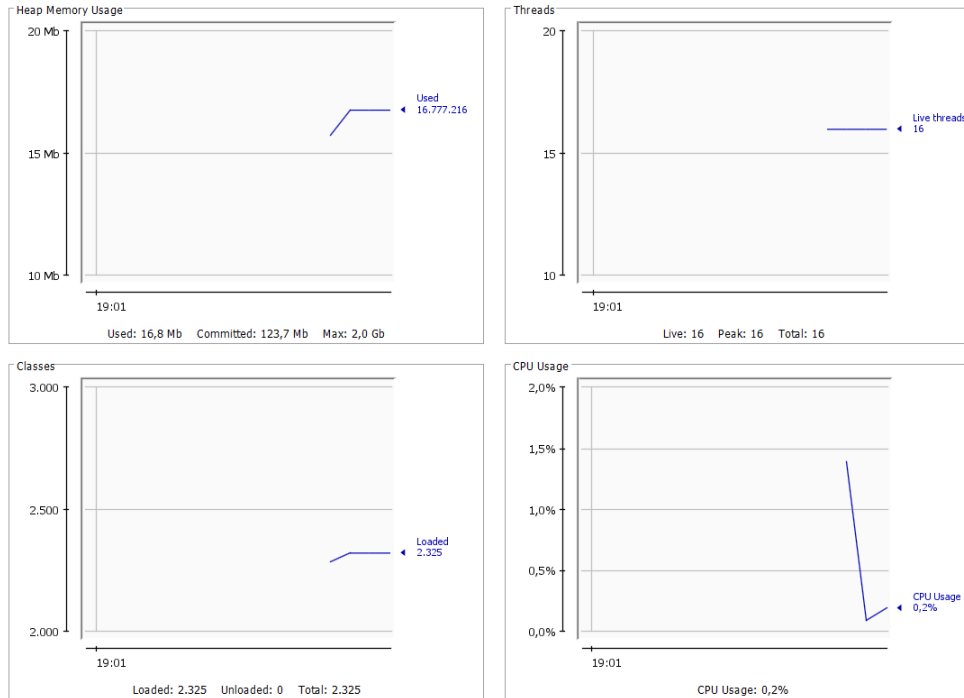
Impressão Pré-Ordem:



Remoção:

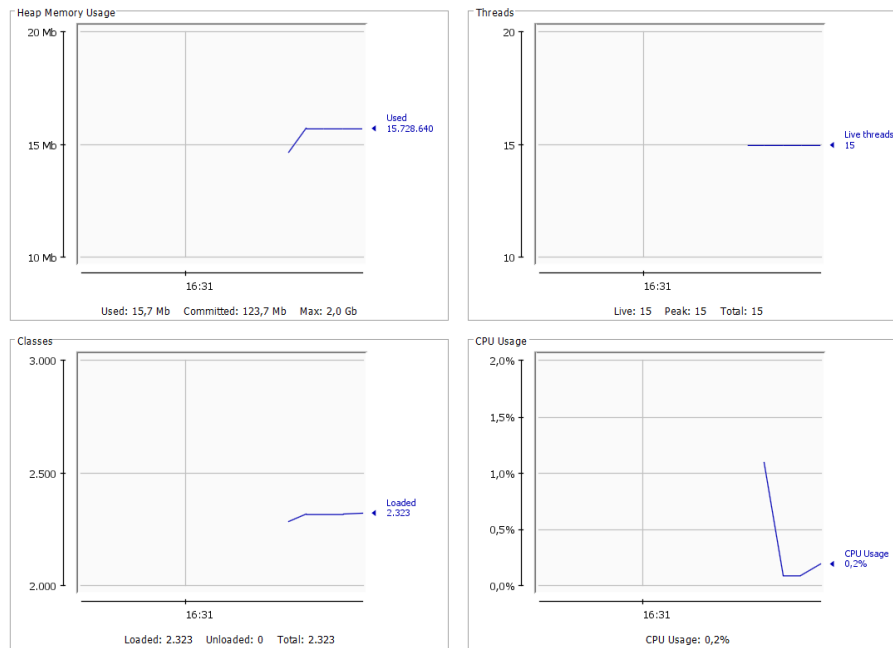


Busca:

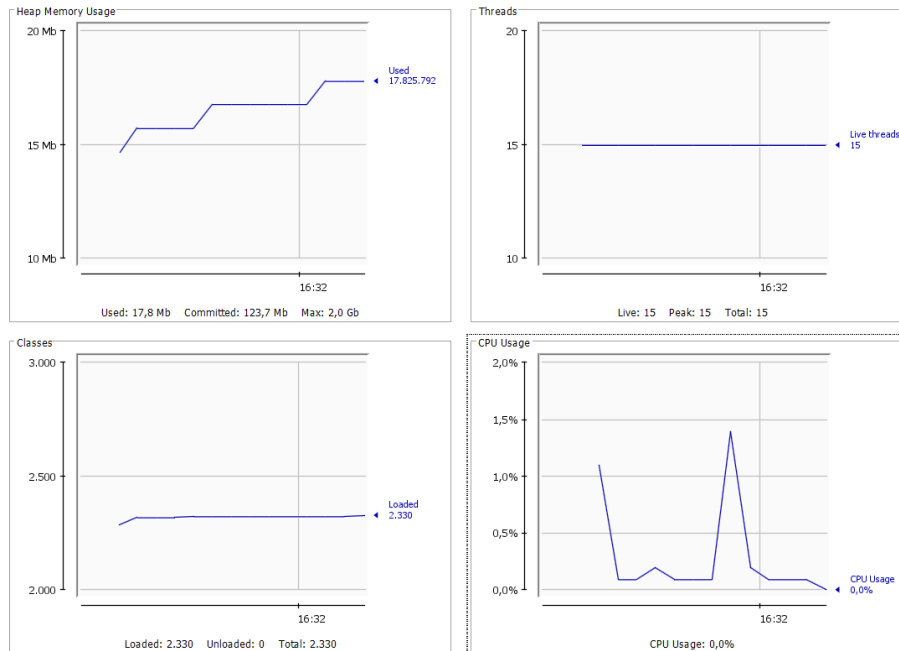


Árvore AVL com 100 elementos:

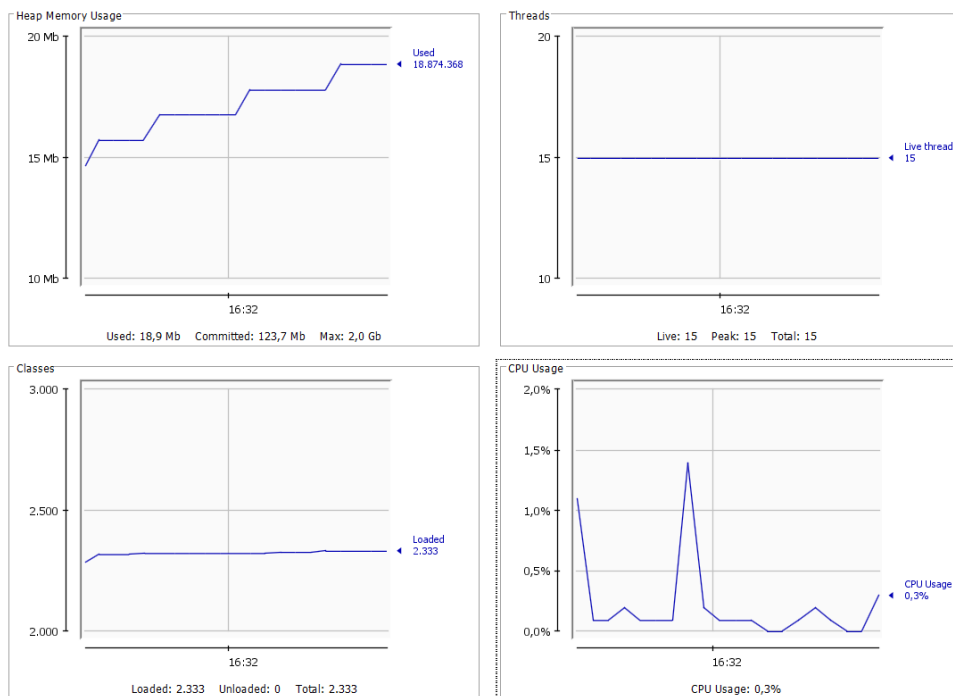
Inserção: 2ms



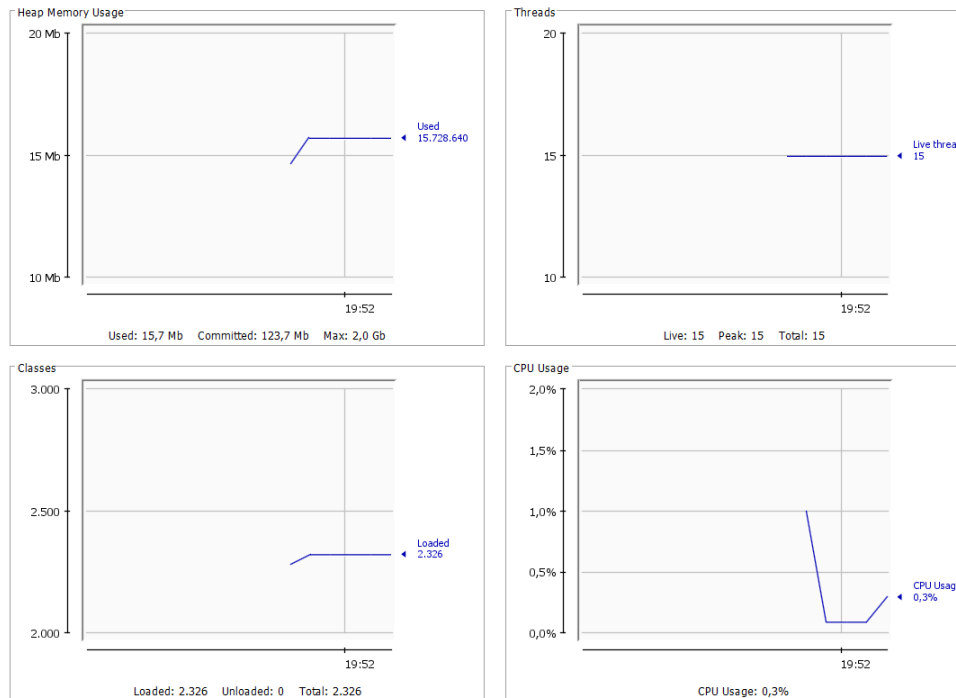
Impressão Pré-Ordem:



Remoção:

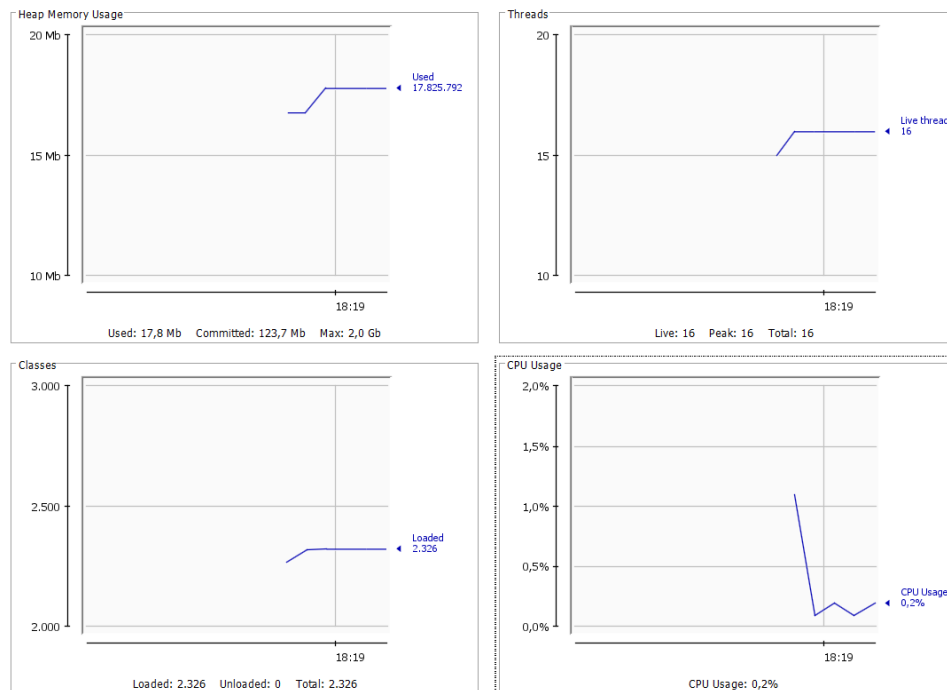


Busca:

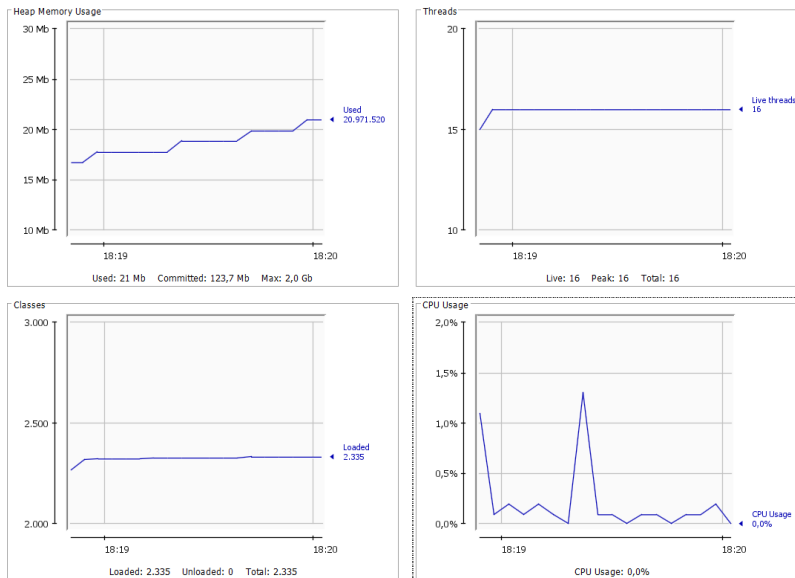


Árvore binária com 500 elementos:

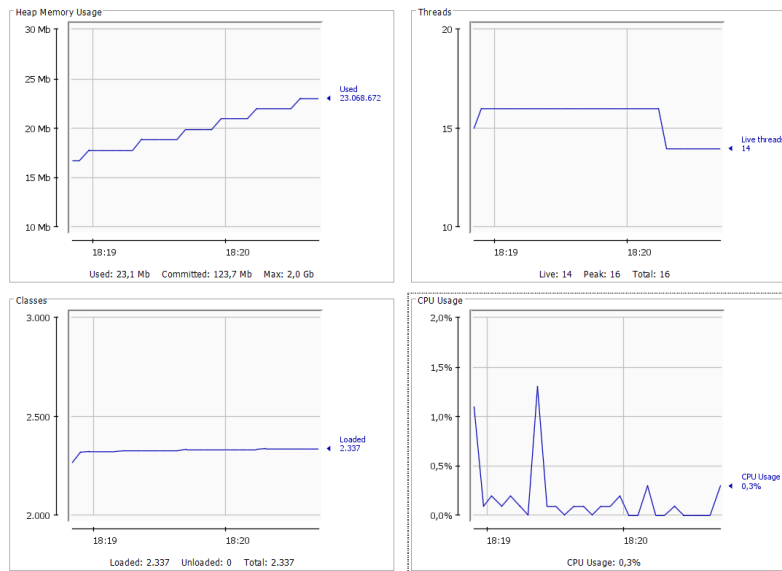
Inserção: 0.002 segundos



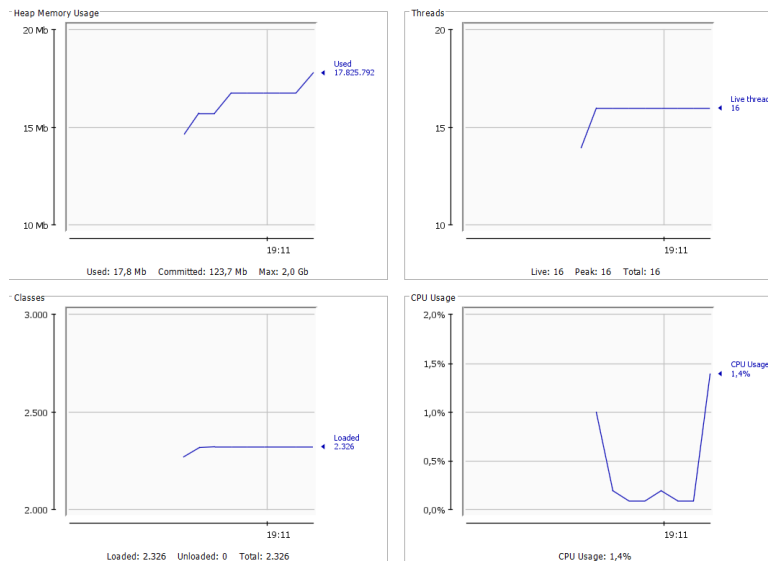
Impressão Pré-Ordem:



Remoção: 1 milissegundo

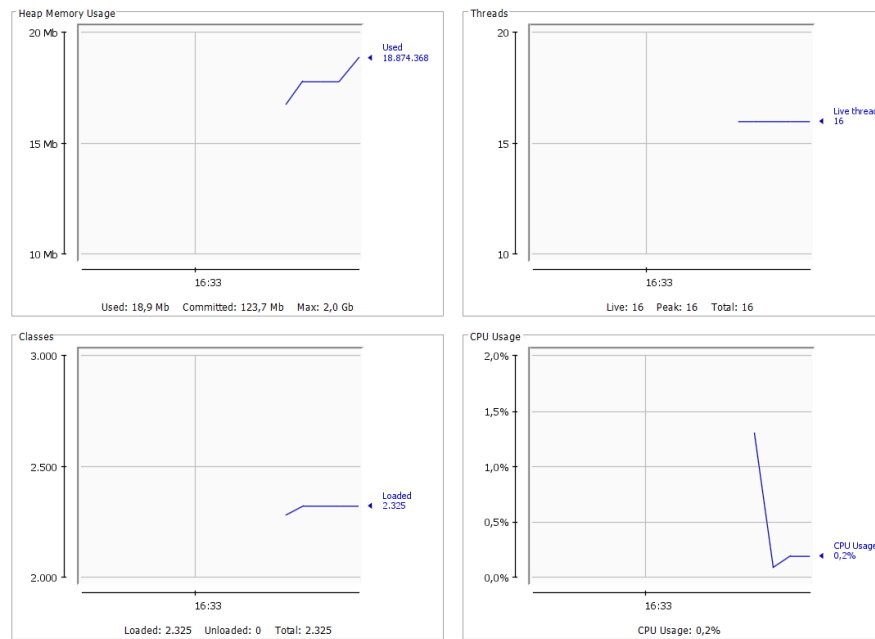


Busca:

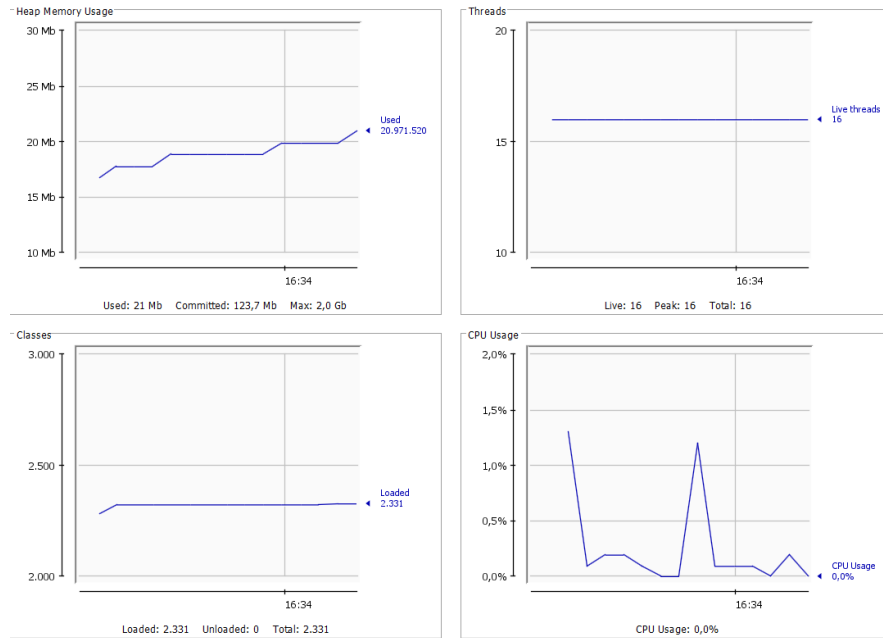


Árvore AVL com 500 elementos:

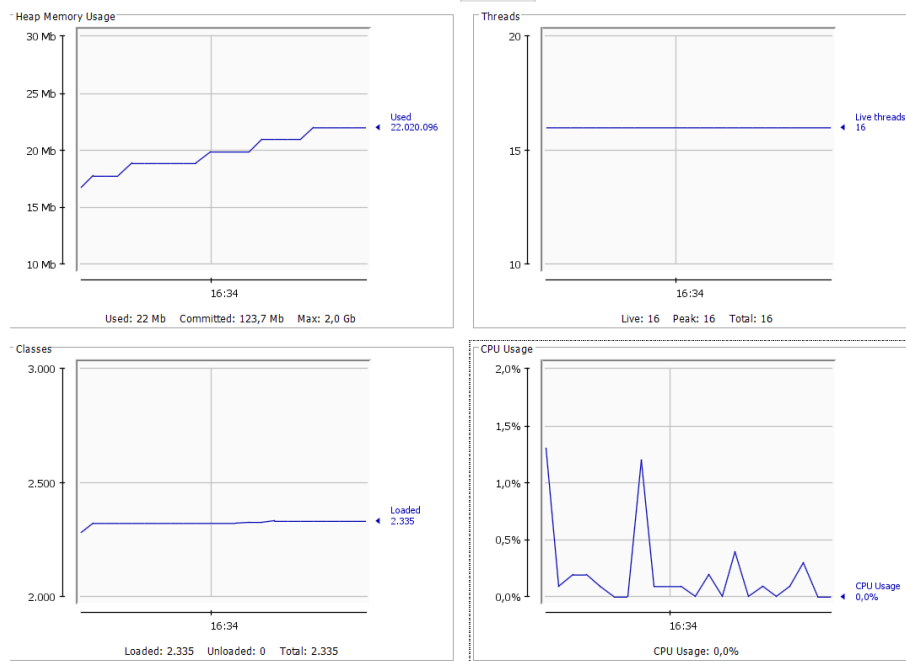
Inserção: 8 ms



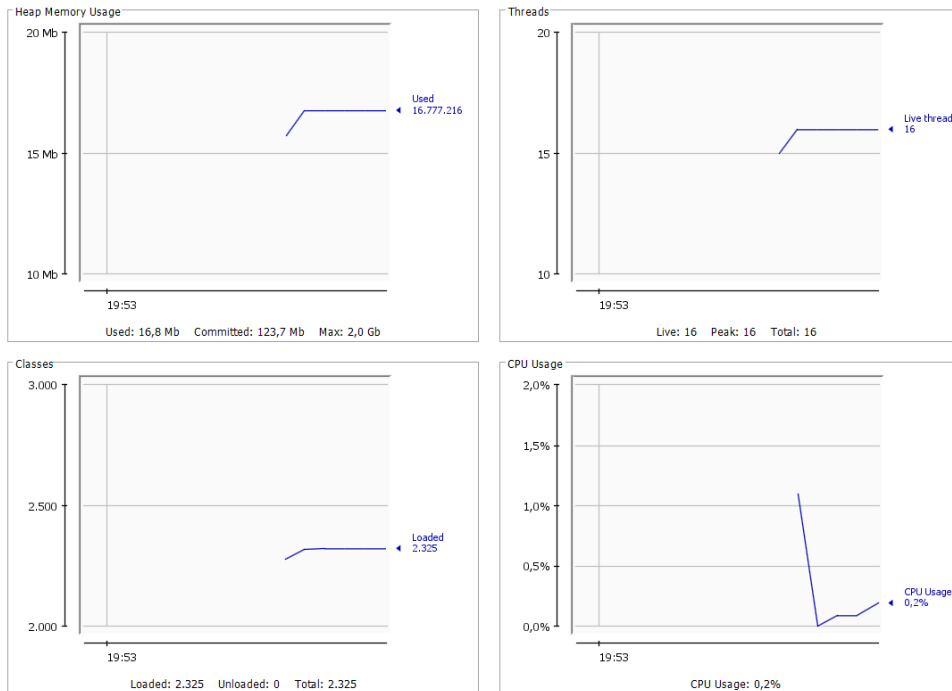
Impresão Pré-Ordem:



Remoção:

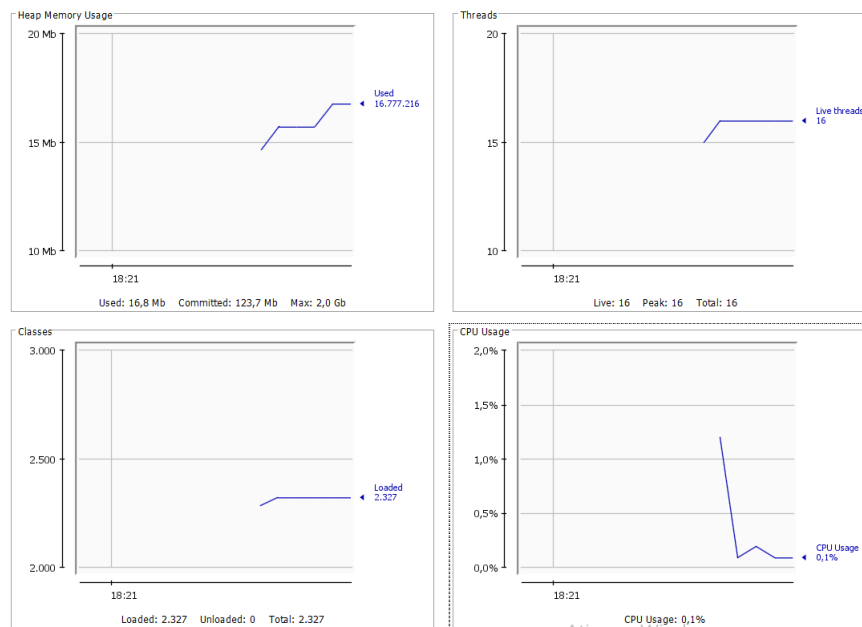


Busca:

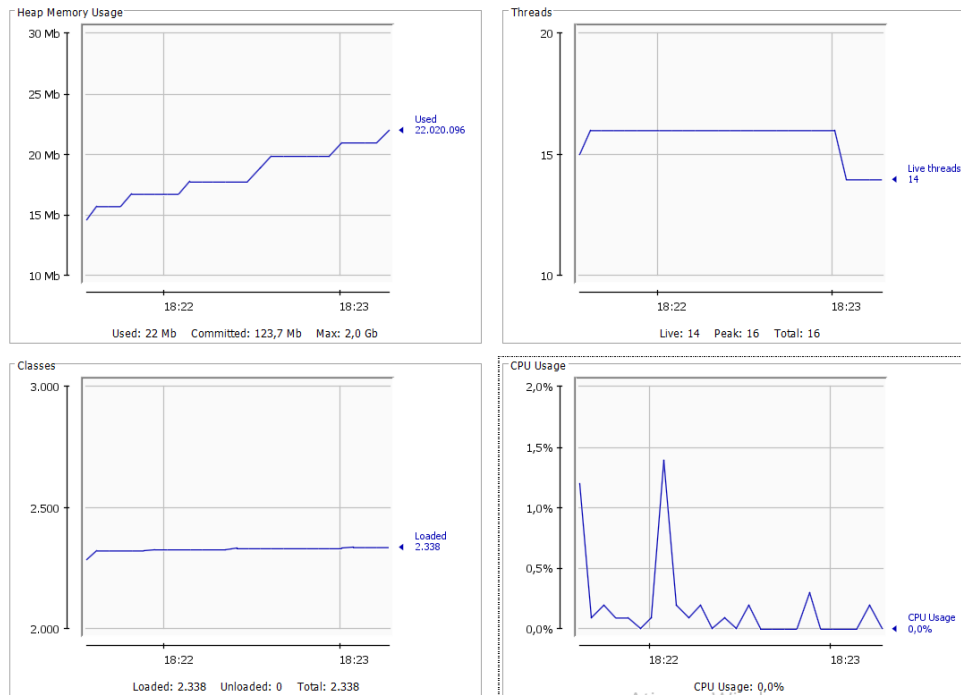


Árvore binária com 1000 elementos:

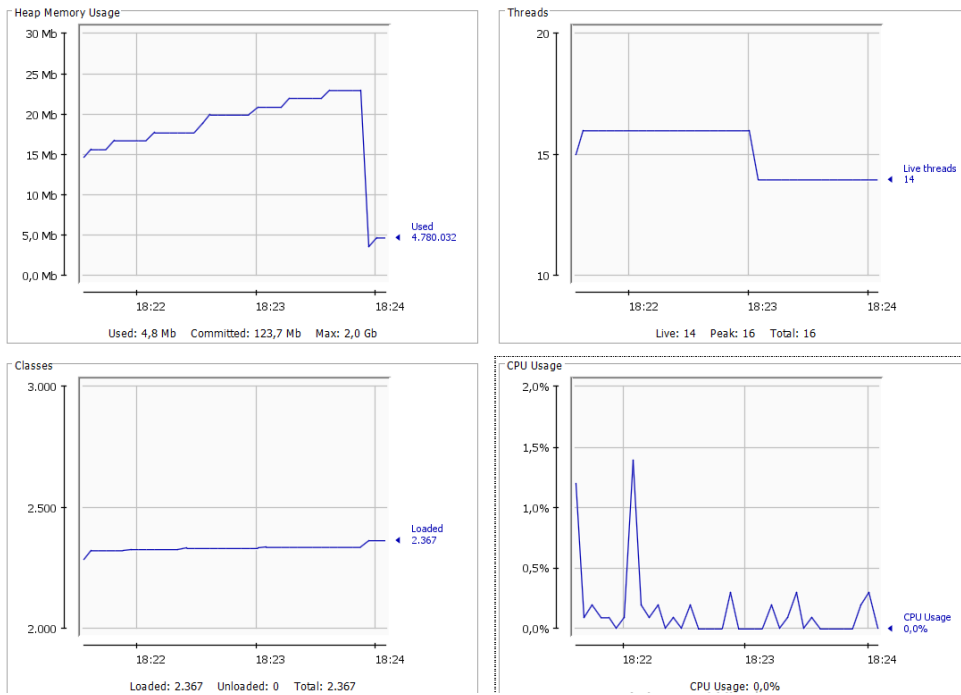
Inserção: 0.002 segundos



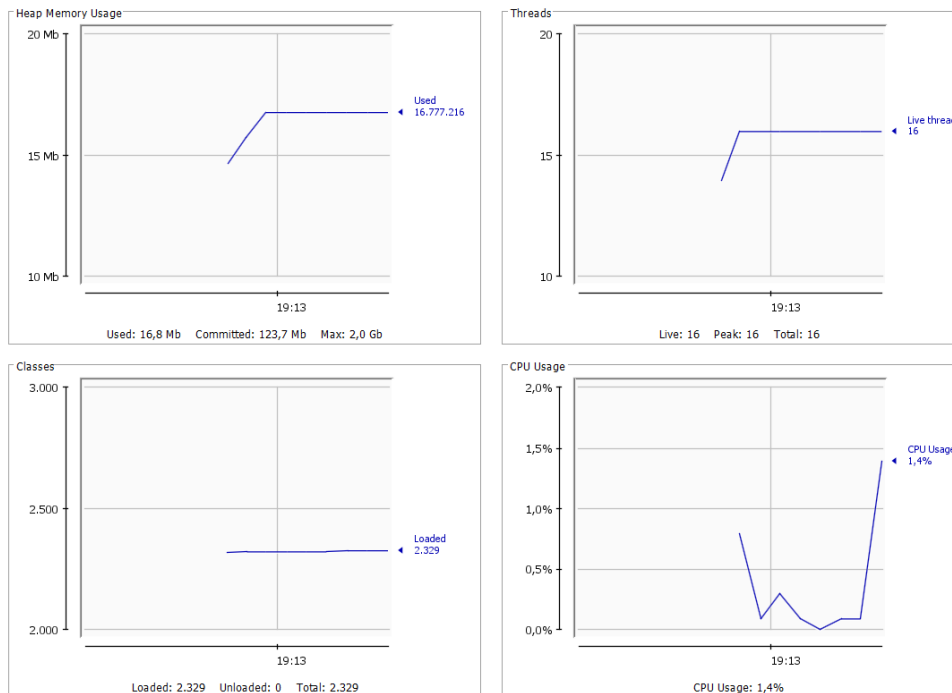
Impressão Pré-Ordem:



Remoção:

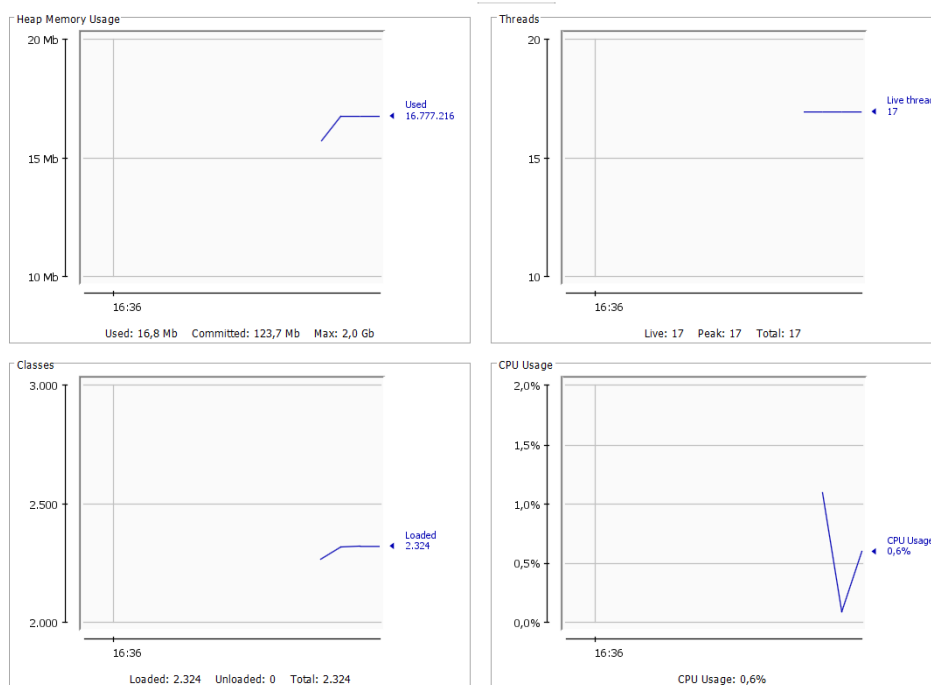


Busca: 1 ms

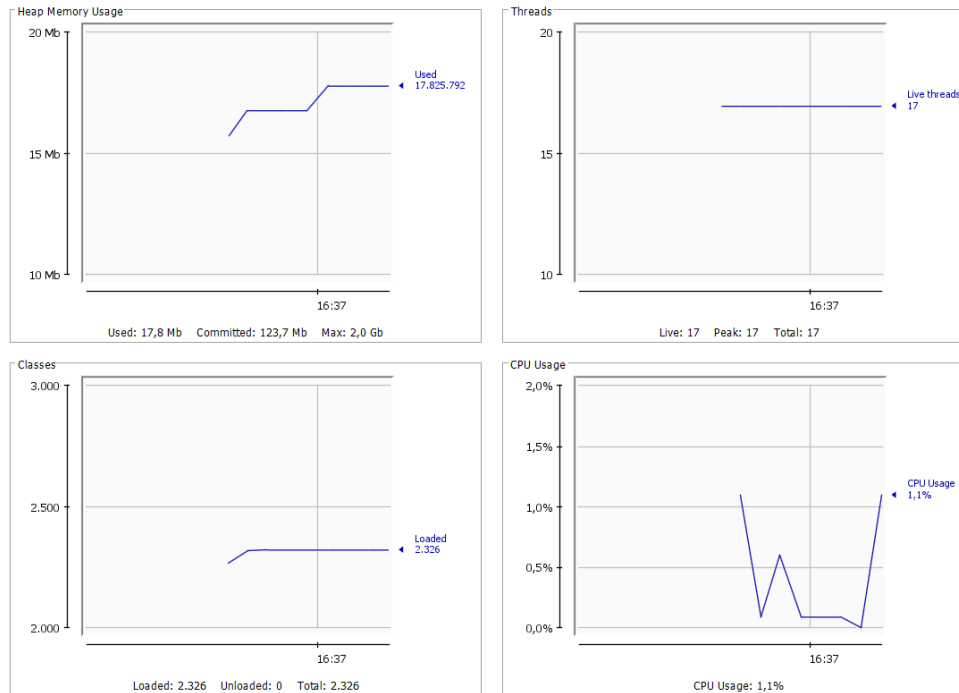


Árvore AVL com 1000 elementos:

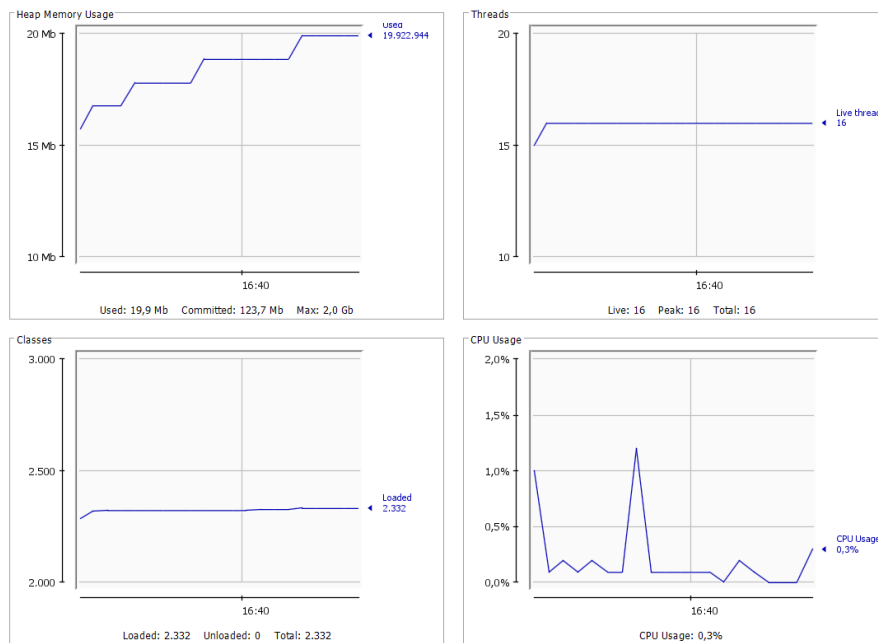
Inserção: 15 ms



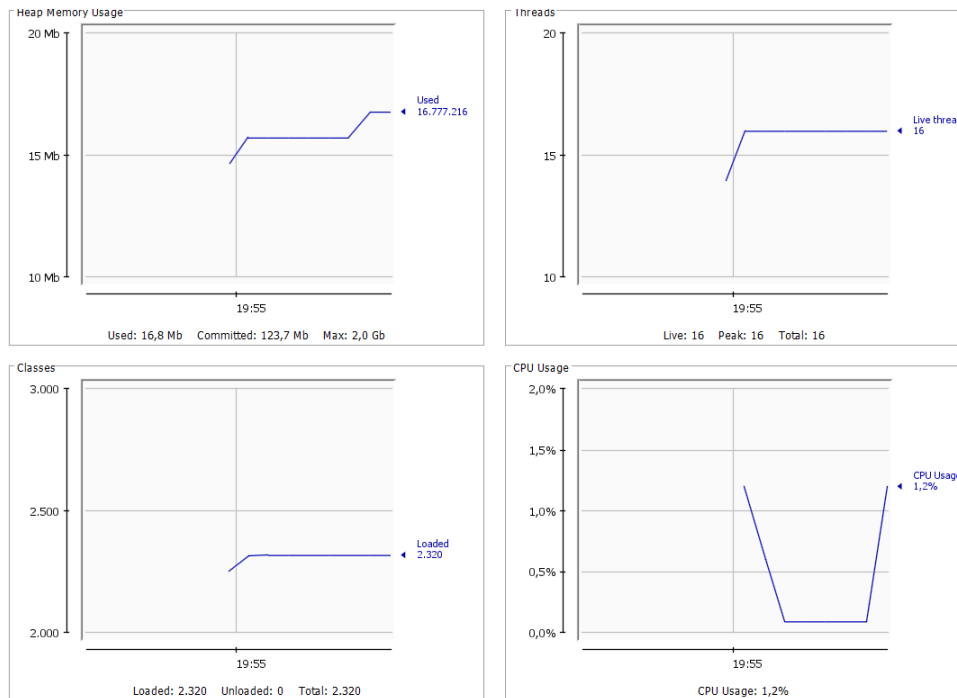
Impressão Pré-Ordem:



Remoção:

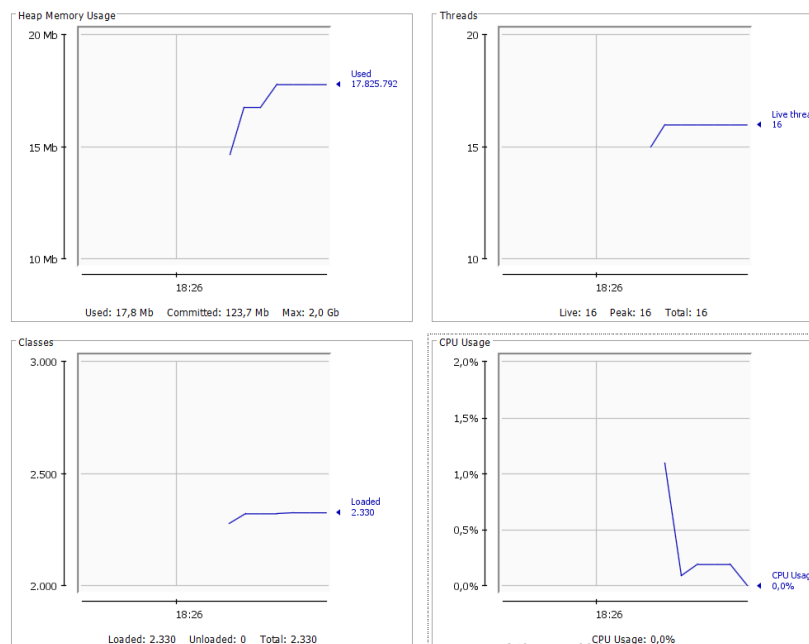


Busca: 1ms

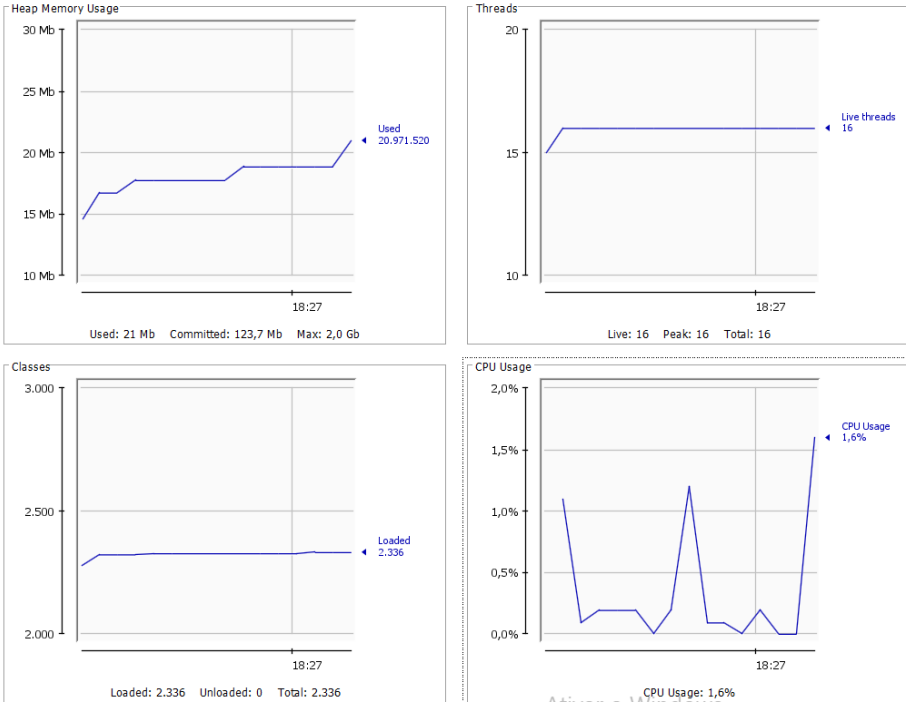


Árvore binária com 10000 elementos:

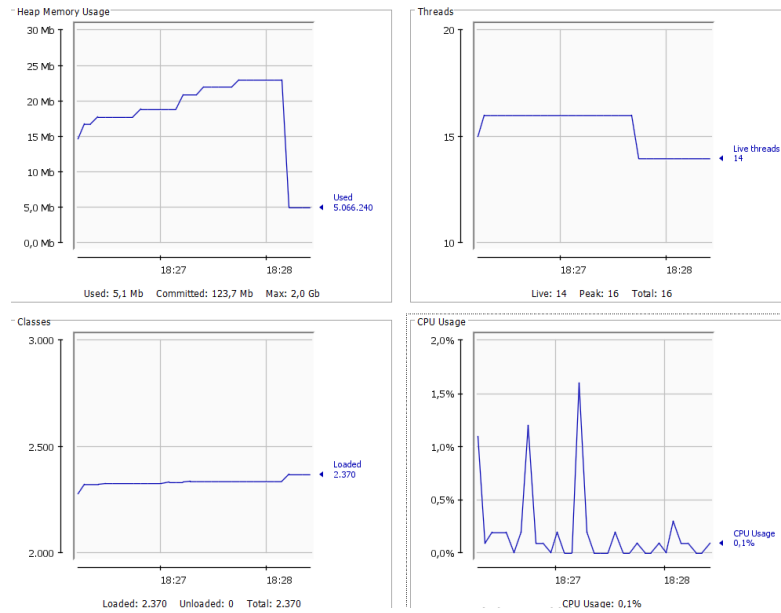
Inserção: 0.013 segundos



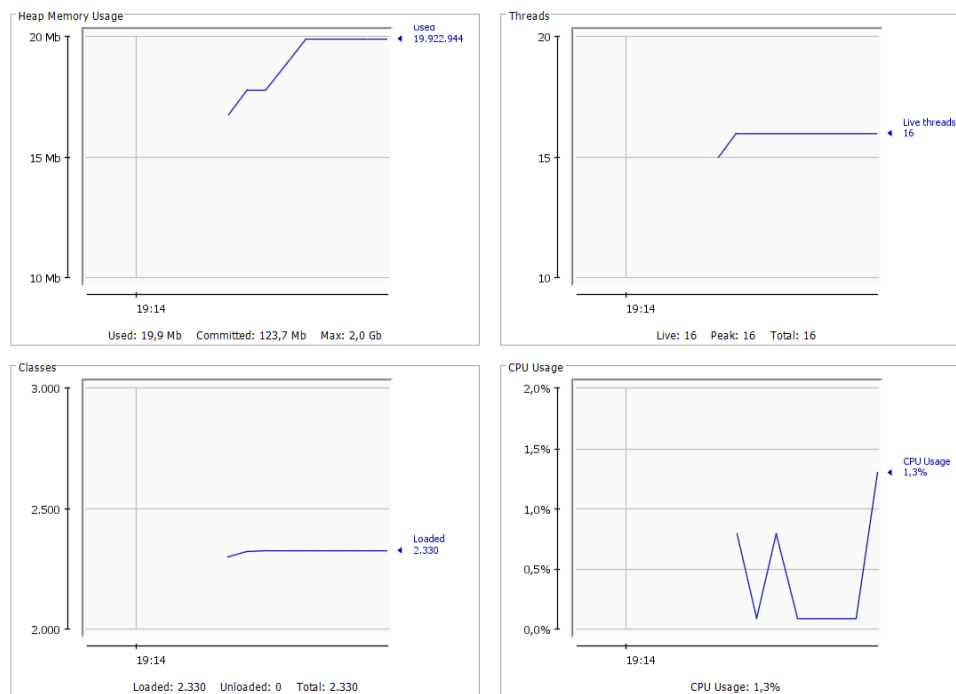
Impressão Pré-Ordem:



Remoção:

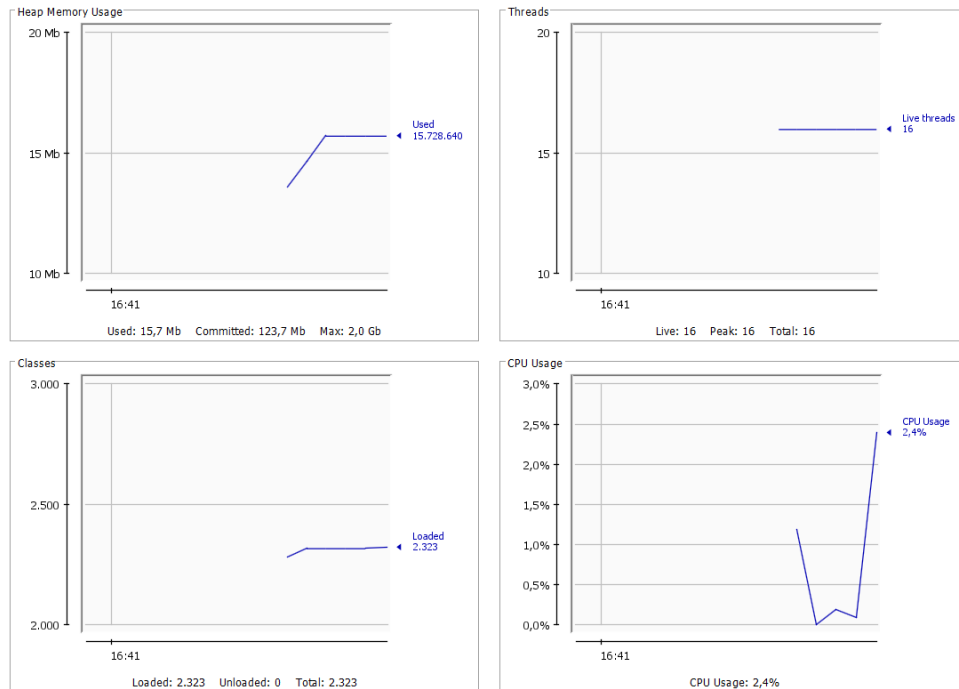


Busca: 1ms

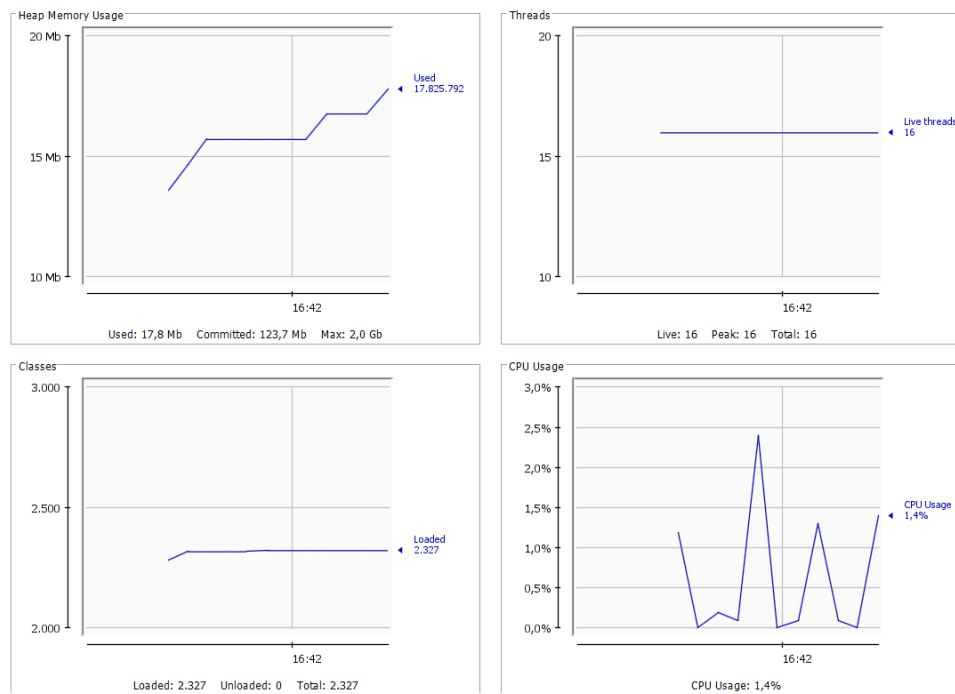


Árvore AVL com 10000 elementos:

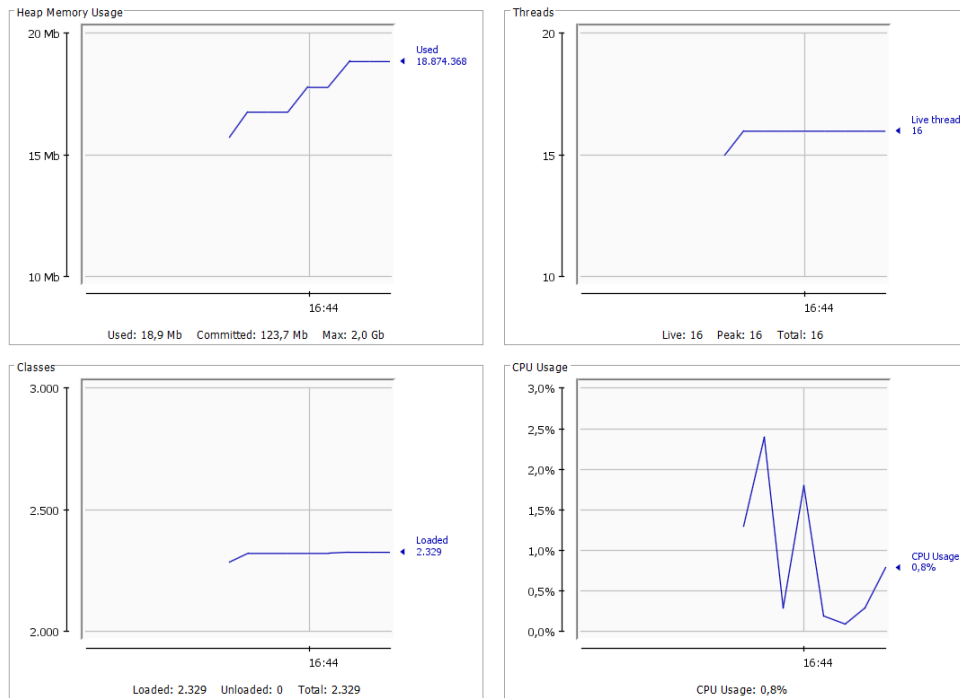
Inserção: 1298 ms



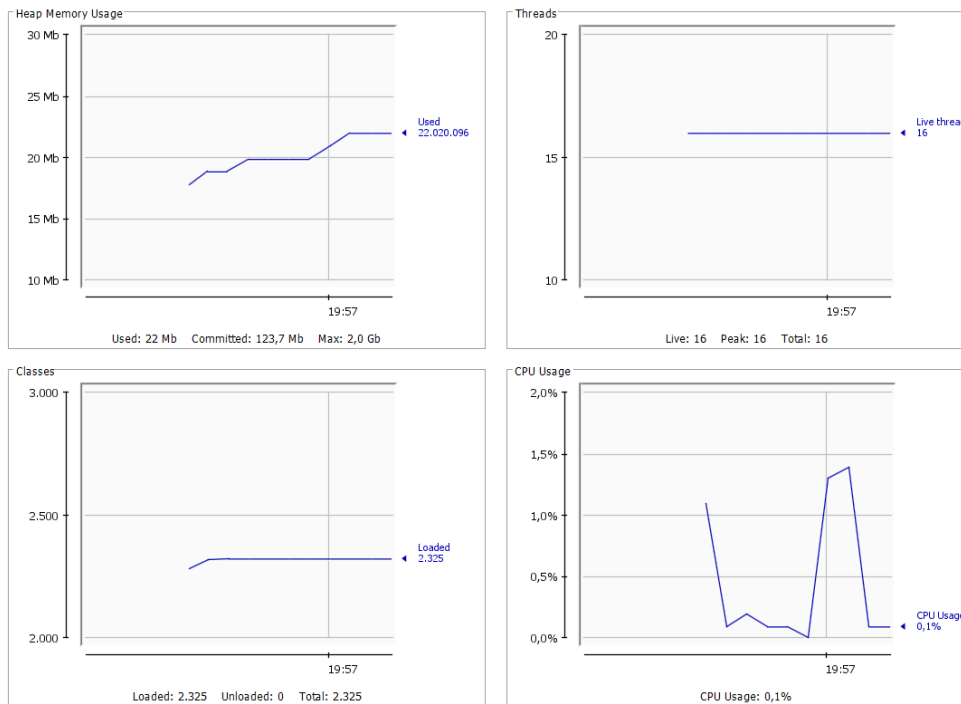
Impresão Pré-Ordem:



Remoção:

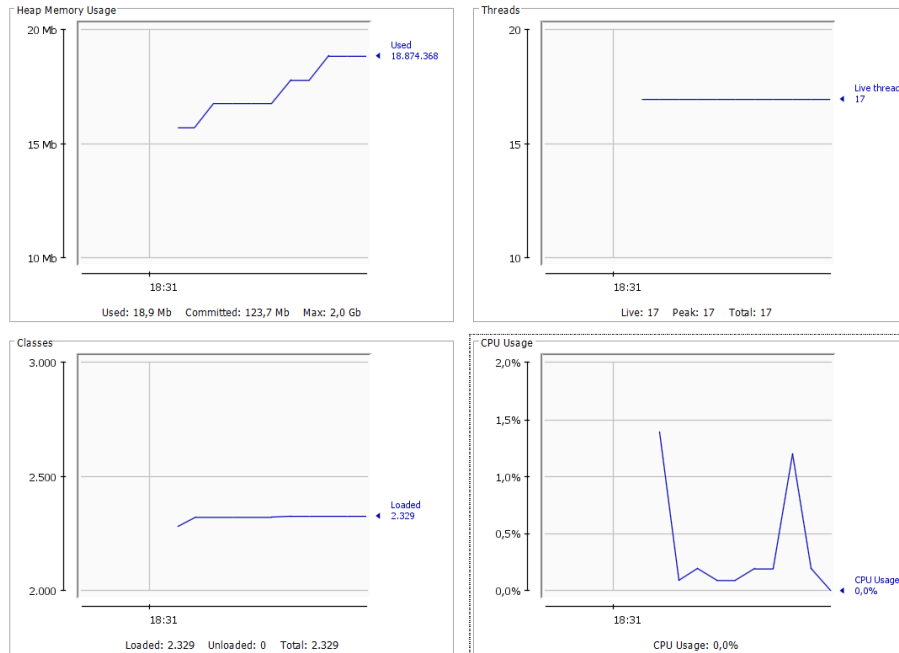


Busca: 2ms

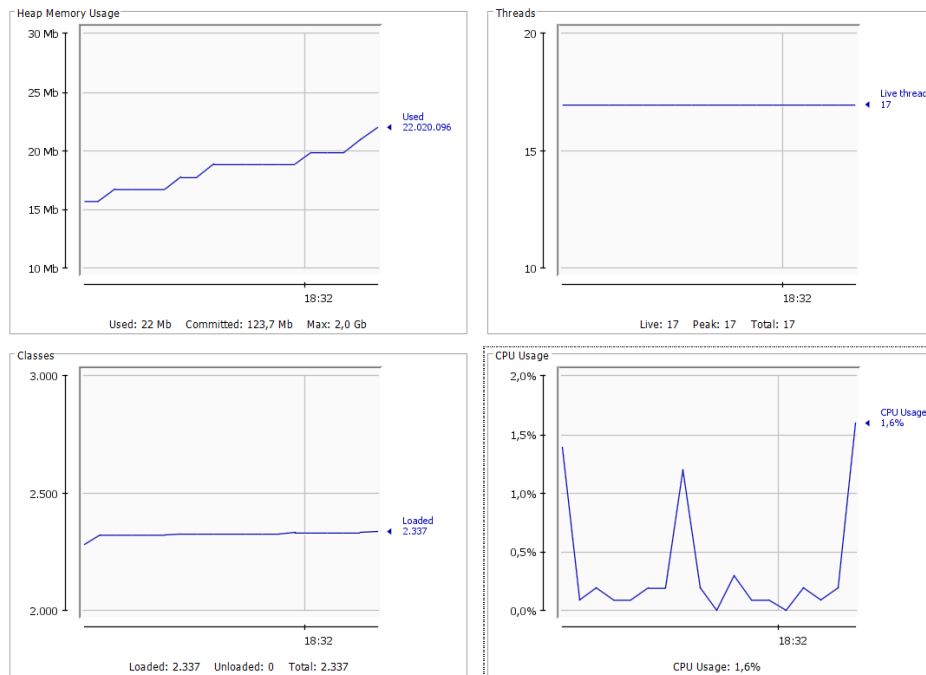


Árvore binária com 20000 elementos:

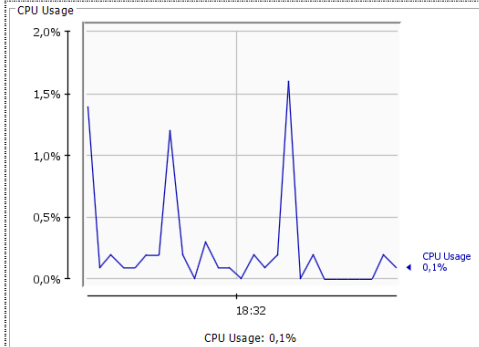
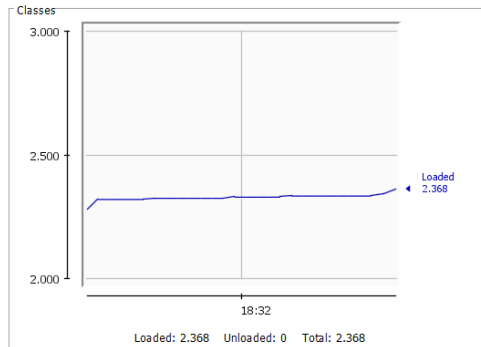
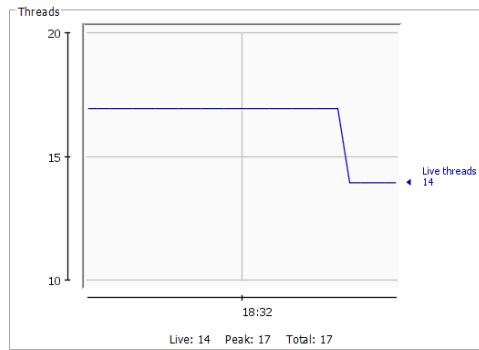
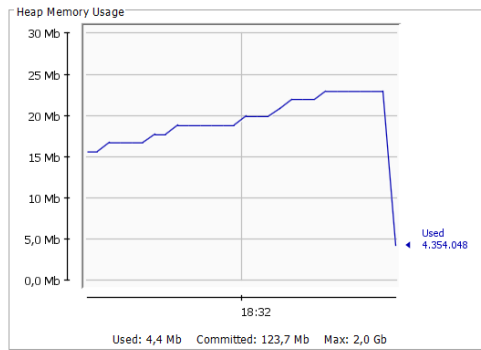
Inserção: 0.024



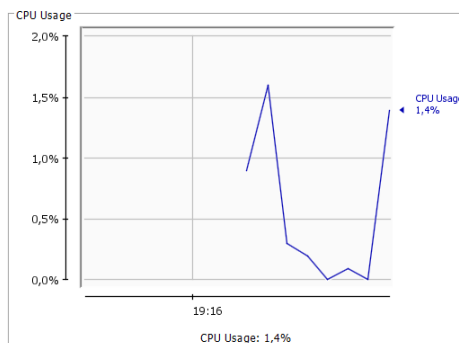
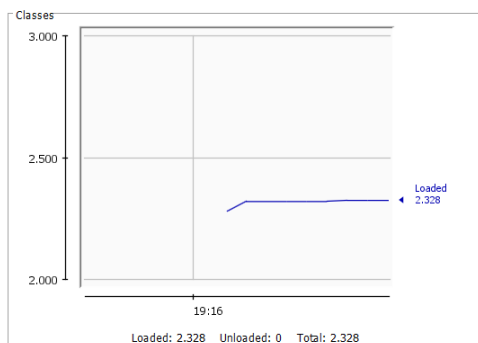
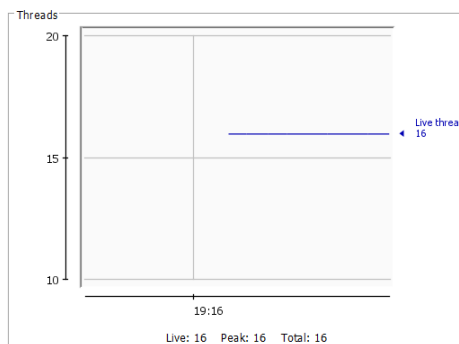
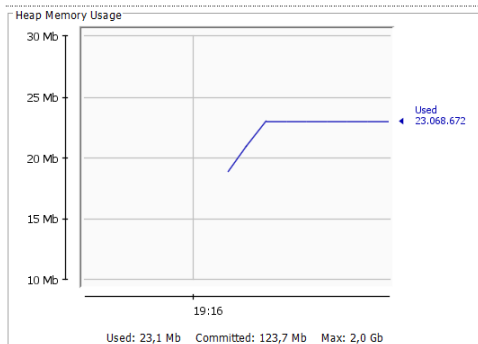
Impressão Pré-Ordem:



Remoção:

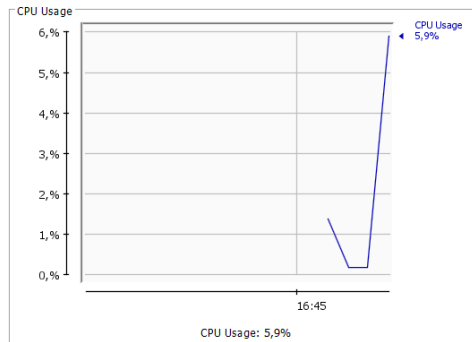
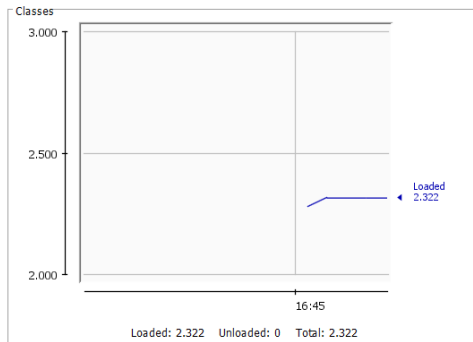
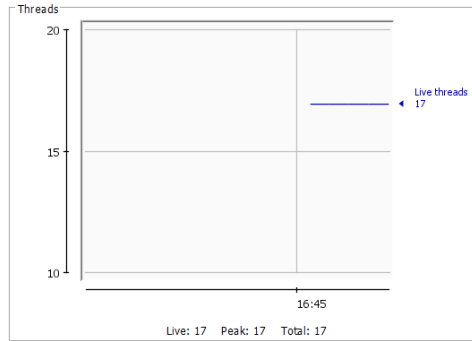
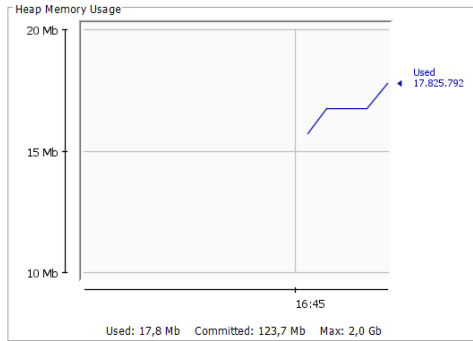


Busca: 2 ms

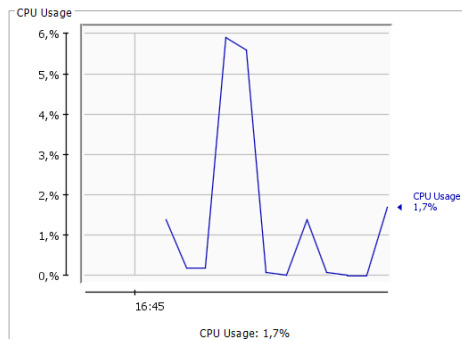
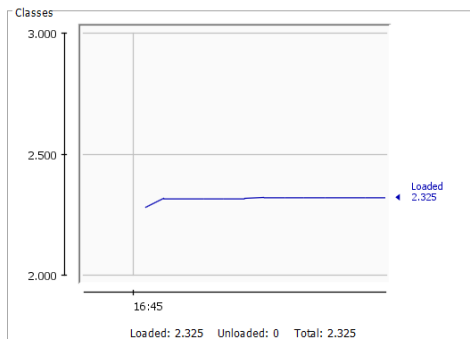
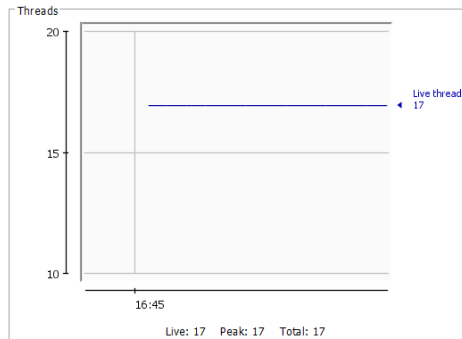
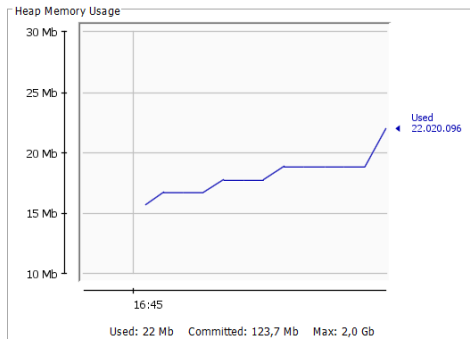


Árvore AVL com 20000 elementos:

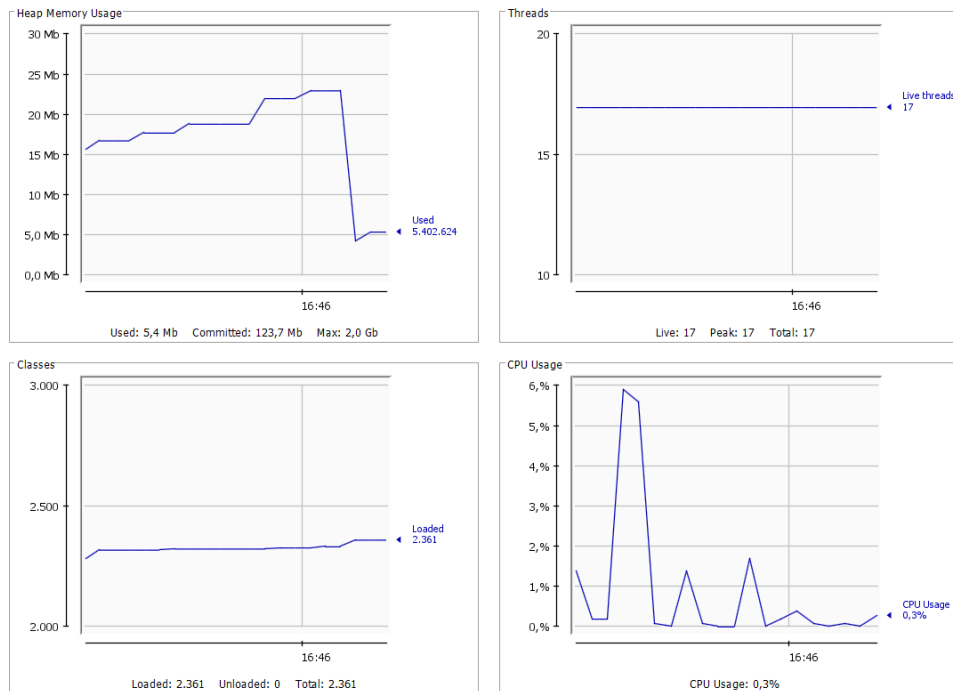
Inserção: 6735 ms



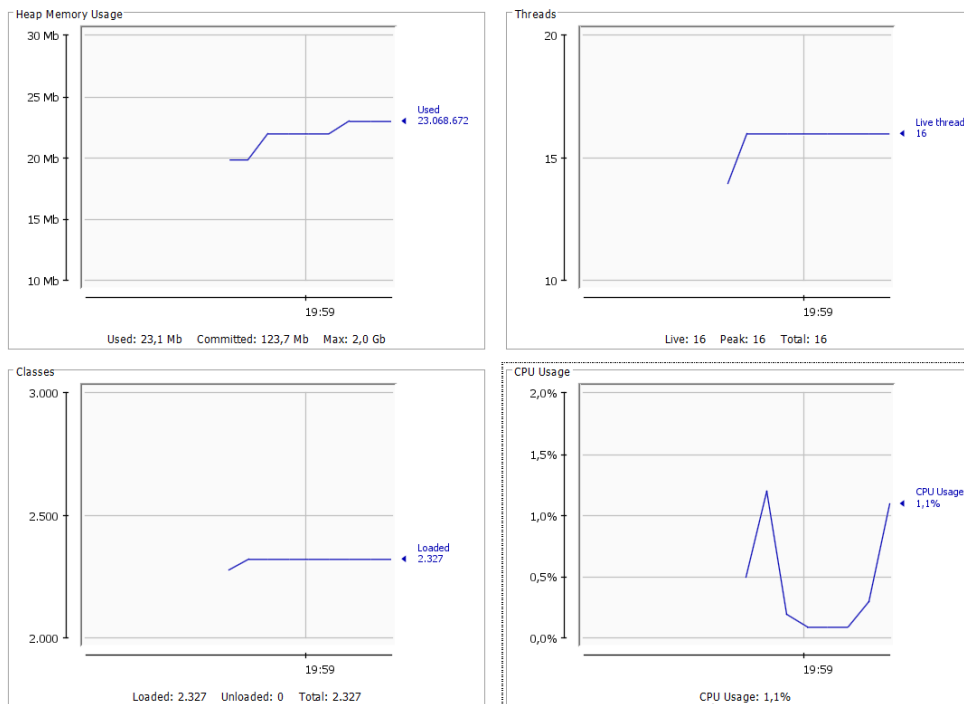
Impresão Pré-Ordem:



Remoção:



Busca: 2 ms



Compare também a remoção e a busca.

- A diferença entre a remoção e a busca encontra o node e verifica os filhos e faz a rotação da árvore se necessário, a busca procura o elemento como a remoção e retorna um valor se achar.

Realize uma análise crítica quanto a implementação das arvores e seus métodos.

- Para realizar uma análise crítica desse trabalho talvez seja melhor ver os pontos positivos e negativos de cada método:

Binária:

- Metodologia de remoção, rotação e inserção mais simples
- Ocupam um pouco menos espaço e podem ser mais rápidas pois não precisam fazer operações adicionais
- Dependendo da árvore ela pode ser desbalanceada, o que torna percorrer ela menos eficiente

AVL:

- O principal apelo da AVL é o balanceamento automático de uma árvore, desse jeito percorrer a árvore fica mais eficiente
- A inserção e remoção de elementos pode ser mais lenta, sendo que teremos que fazer as rotações para manter o balanceamento
- Como criamos mais variáveis (As temporárias para a rotação como exemplo) o programa pode ser um pouco mais pesado e pode utilizar mais memória para rodar.

Qual funciona melhor? Em qual situação? Porque?

- Dado um vetor ou uma quantidade de números aleatórios, se a sequência que vai ser inserida na árvore estiver mais ou menos balanceada o método mais rápido e eficiente vai ser a árvore binária, já que ela não precisa fazer as rotações para deixar a árvore balanceada.

Código

Árvore Binária:

Função de inserir na árvore binária:

```
public static Nodes inserir(Nodes raiz, int numero) {
    if (raiz == null) {
        return new Nodes(numero);
    }
    if (numero >= raiz.getInfo()) {
        raiz.setDireita(inserir(raiz.getDireita(), numero));
    } else {
        raiz.setEsquerda(inserir(raiz.getEsquerda(), numero));
    }
    return raiz;
}
```

Verifica se é menor ou maior que a raiz e adiciona nos ramos baseado nesta ordem.

Funções de impressão na árvore binária.:

```
public static void imprimirIn(Nodes raiz){
    // Forma inordem
    if (raiz != null) {
        imprimirIn(raiz.getEsquerda());
        System.out.print(raiz.getInfo() + " ");
        imprimirIn(raiz.getDireita());
    }
}
```

O método `imprimirIn` funciona da seguinte forma: vai partir da raiz e vai até o máximo da esquerda usando chamada recursiva, `raiz.getEsquerda` for null o código passa para a próxima linha, será printado o número correspondente, e depois vai passar para a direita e repete o processo até acabar os elementos.

```

public static void imprimirPre(Nodes raiz){
    // Forma pré ordem
    if (raiz != null) {
        System.out.print(raiz.getInfo() + " ");
        imprimirPre(raiz.getEsquerda());
        imprimirPre(raiz.getDireita());
    }
}

```

ImprimirPre funciona da seguinte maneira: irá printar a raiz e ir para a esquerda com chamada recursiva, printando todo elemento a esquerda e depois vai para a direita printando todo elemento à direita.

```

public static void imprimirPos(Nodes raiz){
    // Forma pos ordem
    if (raiz != null) {
        imprimirPos(raiz.getEsquerda());
        imprimirPos(raiz.getDireita());
        System.out.print(raiz.getInfo() + " ");
    }
}

```

O método imprimirPos funciona da seguinte maneira: com a chamada recursiva, é percorrido até o último nó, quando esquerda e direita forem nulos, será printado o elemento e por conta da recursividade será printado os elementos acima.

In ordem, pré ordem e pós ordem respectivamente.

Funções para encontrar elementos maiores ou menores:

```

public static Nodes encontrarMaior(Nodes raiz) {
    if (raiz == null) {

```



```

        return null;
    }
    while (raiz.getDireita() != null) {
        raiz = raiz.getDireita();
    }
    return raiz;
}

```

```

public static Nodes encontrarMenor(Nodes raiz) {
    if (raiz == null) {
        return null;
    }
    while (raiz.getEsquerda() != null) {
        raiz = raiz.getEsquerda();
    }
    return raiz;
}

```

Encontrar os elementos maiores ou menores para substituição.

Função de encontrar posição na árvore:

```

public static int encontrarPosicao(Nodes raiz) {
    if (raiz == null) {
        return 0;
    } else {
        // Para saber onde estamos em uma árvore podemos calcular a altura do lado
        // esquerdo e direito
        // Se a esquerda for maior estamos no lado esquerdo e vice versa.
        int alturaEsquerda = encontrarPosicao(raiz.getEsquerda());
    }
}

```

```

    int alturaDireita = encontrarPosicao(raiz.getDireita());
    if (alturaEsquerda > alturaDireita) {
        return 1 + alturaEsquerda;
    } else {
        return 1 + alturaDireita;
    }
}
}
}

```

Para saber em qual lado da árvore estamos, dado um node. É adicionado 1 pois estamos contando o nó atual como parte do caminho.

Função para remover um elemento da árvore:

```

public static Nodes removerElemento(Nodes raiz, int elemento){
    if(raiz != null){
        if(raiz.getInfo() == elemento){
            System.out.println("Encontramos o número!");
            // Verificamos se o node não possui filhos
            if(raiz.getEsquerda() == null && raiz.getDireita() == null){
                return null
            }

            // Aqui verificamos se ele tem um filho em alguma de suas raizes
            if (raiz.getEsquerda() == null) {
                return raiz.getDireita();
            } else if (raiz.getDireita() == null) {
                return raiz.getEsquerda();
            }

            // Calcule as alturas das subárvores para ver qual lado da árvore estamos

```

```

int alturaEsquerda = encontrarPosicao(raiz.getEsquerda());
int alturaDireita = encontrarPosicao(raiz.getDireita());

// Escolha o elemento substituto com base na altura das subárvores
if (alturaEsquerda > alturaDireita) {
    // Substituir pelo maior elemento da subárvore esquerda
    Nodes maiorEsquerda = encontrarMaior(raiz.getEsquerda());
    raiz.setInfo(maiorEsquerda.getInfo());
    raiz.setEsquerda(removeElemento(raiz.getEsquerda(),
maiorEsquerda.getInfo()));
} else {
    // Substituir pelo menor elemento da subárvore direita
    Nodes menorDireita = encontrarMenor(raiz.getDireita());
    raiz.setInfo(menorDireita.getInfo());
    raiz.setDireita(removeElemento(raiz.getDireita(), menorDireita.getInfo()));
}
}
else if (elemento < raiz.getInfo()) {
    // O elemento a ser removido está na subárvore esquerda já que e menor
    raiz.setEsquerda(removeElemento(raiz.getEsquerda(), elemento));
} else {
    // O elemento a ser removido está na subárvore direita já que e maior
    raiz.setDireita(removeElemento(raiz.getDireita(), elemento));
}
}
return raiz;
}

```

O código de remoção funciona da seguinte maneira, será verificado se o elemento escolhido tem algum filho, se esquerda for null da getDireita, se direita for null da getEsquerda, após isso, será calculado a altura das subárvores esquerda e direita para depois ser escolhido o elemento substituto se a altura da esquerda for maior que da direita vai ser usada a regra “substituir pelo maior elemento da subárvore esquerda”, como foi passado em sala de aula. Caso direita seja maior, usará a regra “substituir pelo menor elemento da subárvore direita”. Depois do elemento ser substituído, o elemento que foi escolhido para substituir deve ser removido e com a recursão isso é resolvido.

No main nós inicializamos o scanner e o random, pedimos o input de elementos para o usuário. Então logo em seguida iniciamos o timer e inserimos os elementos aleatórios na árvore e pega quanto tempo levou este processo e imprimimos o tempo e a árvore criada usando a pré ordem. Perguntamos um número para inserção e outro para remoção para testar a árvore, juntamente mostrando quanto tempo levou cada ação.

Função de busca na árvore:

```
public static boolean busca(Nodes raiz, int elemento){
    if(raiz != null){
        if(raiz.getInfo() == elemento){
            // Encontramos o elemento que estavamos buscando
            System.out.println("Elemento encontrado!");
            return true;
        }

        busca(raiz.getEsquerda(), elemento);
        busca(raiz.getDireita(), elemento);
    }

    return false;
}
```

A busca percorre a árvore procurando o elemento, verificando o nó atual, se direcionando para a esquerda ou direita.

Árvore AVL

Inserção:

```
public static Nodes inserir(Nodes raiz, int numero) {  
    // Se a raiz for nula, criamos um novo nó com o número e o retornamos como a  
    nova raiz  
    if (raiz == null) {  
        return new Nodes(numero);  
    }  
    // Se o número for maior ou igual ao valor na raiz atual, inserimos à direita  
    if (numero >= raiz.getInfo()) {  
        raiz.setDireita(inserir(raiz.getDireita(), numero));  
    } else {  
        // Caso contrário, inserimos à esquerda  
        raiz.setEsquerda(inserir(raiz.getEsquerda(), numero));  
    }  
    // Verificamos o fator de equilíbrio da raiz para determinar se a árvore está  
    desbalanceada  
    int equilibrio = calcularAltura(raiz);  
    // Rotações necessárias com base no fator de equilíbrio  
    if (equilibrio > 1) {  
        // Se o fator de equilíbrio for maior que 1, a árvore está desbalanceada para a  
        esquerda  
        if (numero < raiz.getEsquerda().getInfo()) {  
            // Se o número for menor que o valor no filho esquerdo da raiz, realizamos  
            uma rotação à direita simples  
            return rotacaoDireita(raiz);  
        }  
    }  
}
```

```

    } else {
        // Caso contrário, realizamos uma rotação à esquerda seguida por uma
        rotação à direita
        raiz.setEsquerda(rotacaoEsquerda(raiz.getEsquerda()));
        return rotacaoDireita(raiz);
    }
}

if (equilibrio < -1) {
    // Se o fator de equilíbrio for menor que -1, a árvore está desbalanceada para a
    direita
    if (numero >= raiz.getDireita().getInfo()) {
        // Se o número for maior ou igual ao valor no filho direito da raiz, realizamos
        uma rotação à esquerda simples
        return rotacaoEsquerda(raiz);
    } else {
        // Caso contrário, realizamos uma rotação à direita seguida por uma rotação
        à esquerda
        raiz.setDireita(rotacaoDireita(raiz.getDireita()));
        return rotacaoEsquerda(raiz);
    }
}

// Se a árvore está balanceada ou as rotações foram realizadas, retornamos a raiz
atualizada
return raiz;
}

```

O processo começa verificando se a raiz da árvore é nula. Se for, um novo nó é criado com o número fornecido e é definido como a nova raiz da árvore. Em seguida, com base no valor do número, o novo nó é inserido na subárvore à direita ou à esquerda, seguindo a propriedade de busca binária. Após a inserção, o código calcula o fator de equilíbrio da raiz para determinar se a árvore está desbalanceada. Se o fator de equilíbrio indicar um desbalanceamento à esquerda (maior que 1), o código realiza rotações à direita para restaurar o equilíbrio. Por outro lado, se o fator de equilíbrio

indicar um desbalanceamento à direita (menor que -1), o código realiza rotações à esquerda para restaurar o equilíbrio.

Calcular Altura:

```
public static int calcularAltura(Nodes raiz){  
    if(raiz == null){  
        return 0;  
    }  
    int alturaEsquerda = encontrarPosicao(raiz.getEsquerda());  
    int alturaDireita = encontrarPosicao(raiz.getDireita());  
    return alturaEsquerda - alturaDireita;  
}
```

Vai chamar encontrarPosicao, que vai retornar o valor das alturas esquerda e direita, e depois fazer esquerda – direita e retornar o resultado.

Rotações:

```
public static Nodes rotacaoDireita(Nodes raiz){  
    if(raiz != null) {  
        Nodes novaRaiz = raiz.getEsquerda();  
        Nodes temp = novaRaiz.getDireita();  
        novaRaiz.setDireita(raiz);  
        raiz.setEsquerda(temp);  
        return novaRaiz;  
    }  
    return raiz;  
}
```

Primeiro, selecionamos a nova raiz, que é o filho esquerdo da raiz original. Em seguida, armazenamos temporariamente a subárvore direita da nova raiz. A nova raiz se torna a raiz original, e a subárvore direita temporária se torna o filho esquerdo da raiz original.

```

public static Nodes rotacaoEsquerda(Nodes raiz){
    If(raiz != null) {
        Nodes novaRaiz = raiz.getDireita();
        Nodes temp = novaRaiz.getEsquerda();
        novaRaiz.setEsquerda(raiz);
        raiz.setDireita(temp);
        return novaRaiz;
    }
    return raiz;}

```

Remoção:

```

public static Nodes removerElemento(Nodes raiz, int elemento) {
    if (raiz == null) {
        return raiz;
    }

    if (elemento < raiz.getInfo()) {
        raiz.setEsquerda(removerElemento(raiz.getEsquerda(), elemento));
    } else if (elemento > raiz.getInfo()) {
        raiz.setDireita(removerElemento(raiz.getDireita(), elemento));
    } else {
        // Encontrou o elemento a ser removido

        // Verificar se o nó possui um ou nenhum filho
        if (raiz.getEsquerda() == null || raiz.getDireita() == null) {
            Nodes temp = null;
            if (temp == raiz.getEsquerda()) {
                temp = raiz.getDireita();
            }
        }
    }
}

```



```

    } else {
        temp = raiz.getEsquerda();
    }

    // Se não tem filhos, apenas retorna o filho (pode ser nulo)
    if (temp == null) {
        raiz = null;
    } else {
        // Caso com um filho, copia o conteúdo do filho
        raiz = temp;
    }
} else {
    // Caso com dois filhos, encontrar o sucessor em ordem
    Nodes temp = encontrarMenor(raiz.getDireita());

    // Copiar o conteúdo do sucessor em ordem para este nó
    raiz.setInfo(temp.getInfo());

    // Remover o sucessor em ordem
    raiz.setDireita(removeElemento(raiz.getDireita(), temp.getInfo()));
}
}

// Se a árvore tinha apenas um nó, retorne
if (raiz == null) {
    return raiz;
}

```

```

// Verificar o fator de equilíbrio da raiz

int estado = calcularAltura(raiz);

// Realizar as rotações necessárias com base no fator de equilíbrio
if (estado > 1) {
    if (raiz.getInfo() > raiz.getEsquerda().getInfo()) {
        // Rotação à direita simples
        return rotacaoDireita(raiz);
    } else {
        // Rotação à esquerda seguida por rotação à direita
        raiz.setEsquerda(rotacaoEsquerda(raiz.getEsquerda()));
        return rotacaoDireita(raiz);
    }
}

if (estado < -1) {
    if (raiz.getInfo() < raiz.getDireita().getInfo()) {
        // Rotação à esquerda simples
        return rotacaoEsquerda(raiz);
    } else {
        // Rotação à direita seguida por rotação à esquerda
        raiz.setDireita(rotacaoDireita(raiz.getDireita()));
        return rotacaoEsquerda(raiz);
    }
}

return raiz;
}

```

O método de remoção é semelhante ao da árvore binária comum, vai achar o elemento, verificar se tem filhos e aplicar a regra. A diferença está em que depois da remoção será feito o balanceamento aplicando a rotação com base no valor da variável estado que chama o método calcularAltura que então é usada para comparar com os valores dos Nodes da esquerda e Direita para ver se alguma rotação é possível.

Função de busca na árvore:

```
public static boolean busca(Nodes raiz, int elemento){  
    if(raiz != null){  
        if(raiz.getInfo() == elemento){  
            // Encontramos o elemento que estavamos buscando  
            System.out.println("Elemento encontrado!");  
            return true;  
        }  
  
        busca(raiz.getEsquerda(), elemento);  
        busca(raiz.getDireita(), elemento);  
    }  
  
    return false;  
}
```

A busca percorre a árvore procurando o elemento, verificando o nó atual, se direcionando para a esquerda ou direita.

Conclusão:

A escolha entre a árvore Binária e AVL depende de como ela vai ser utilizada, levando em conta quantos elementos ela vai ter, se os elementos já estão mais balanceados e o quanto de poder de processamento e espaço deve utilizar. Se você necessita de uma árvore simples e que não ocupe muito espaço a árvore binária seria recomendada, ou se precisar de uma árvore que consiga cuidar de muitos elementos

com desbalanceamento, seja mais complexa mas pode ter um melhor desempenho a árvore AVL seria a recomendada.

Foi observado que a árvore binária tem suas inserções mais rápidas, porém ela fica desordenada, e é na ordenação que a árvore AVL tem vantagem, como por exemplo na busca que para a árvore binária, foi utilizado mais recurso do que na árvore AVL. A remoção de um nó de uma árvore binária resulta em um desbalanceamento, já na árvore AVL, mesmo que demande um pouco mais de processamento, a árvore sempre estará balanceada. Em geral, a árvore AVL compensa o seu custo adicional com um desempenho consistente.