



Relatório - Métodos de Ordenação Estrutura de Dados

Equipe : Eliabe Soares, Henricky de Lima
Matriculas: 470820, 475075

Professor: Atílio Gomes

Departamento de Ciência da Computação
Universidade Federal do Ceará (UFC) – Quixadá, CE – Brasil

Dezembro 2019

1 Introdução

O problema consiste em implementar os algoritmos de ordenação, estudados em sala, de forma recursiva e interativa, e de forma que possam ordenar os elementos de uma lista encadeada ou vetor, tendo por objetivo fazer o estudo dos tempos dos mesmos. Os algoritmos estudados foram BubbleSort, InsertionSort, SelectionSort, QuickSort, MergeSort e HeapSort.

2 Divisão de Tarefas

A divisão das tarefas na resolução e implementação para o trabalho foi balanceada, onde os alunos dividiram as implementações do algoritmo de forma que os dois fizessem a mesma quantidade.

3 Metodologia

Tendo como objetivo implementar e testar os tempos dos algoritmos para cada tamanho de vetor testado, foi necessário o uso da biblioteca **chrono**, para a obtenção dos tempos de execução dos algoritmos, a biblioteca **cstdlib**, para trabalhar com números aleatórios, e a biblioteca **fstream**, para trabalhar com arquivos, e foi elaborados métodos para otimizar o processo de geração dos dados em arquivo.

Para agilizar o processo de geração de dados foi utilizado o **Google Colab**, que permite o uso elevado de memória e processamento em nuvem, além da possibilidade de execução paralela. Contudo, foi necessário abrir mão do uso do mesmo vetor para todos os algoritmos, perdendo a precisão geral entre gráficos.

Para facilitar o processo de obtenção dos tempos e reutilização do vetor original foram criadas as funções do tipo **TimeBubbleRecursive** que recebem o vetor ou lista e retorna um double, criam uma cópia do mesmo e a partir desta aplicam ao algoritmo. Desta forma, basta aplicar o método de obtenção do tempo, como pode-se ver no exemplo abaixo.

```
double TimeBubbleRecursive(int *v, int n){
    std::cout<<"\tBUBBLE_Recursive:\n";
    int vec[n];
    for(int i=0;i<n;i++){
        vec[i]=v[i];
    }
    auto ini = std::chrono::high_resolution_clock::now();

    bubbleSort_recursive(vec,n);

    auto fim = std::chrono::high_resolution_clock::now();
    auto d = std::chrono::duration_cast<std::chrono::microseconds>(fim - ini).count();
    std::cout<<"\n\ttime: "<<(double) d/1000000<<" seg\n";
    return (double)d;
}
```

Outro método utilizado, visando o uso no **Google Colab**, foi usar três notebooks separados para rodar alguns algoritmos por vez, isso trás um grande ganho de tempo. Para fazer isso foi necessário, a primeira vista, fazer **main** separadas para cada dupla de algoritmo (Iterativo e recursivo), por isso foi feito uma grande quantidade **main**s, como no exemplo do Apêndice B.1.

Para a geração de gráficos foi utilizado o código do Apêndice B.2, onde utilizou-se **python**, com as bibliotecas **numpy** e **matplotlib** para gerar de forma fácil os gráficos para cada arquivo de dados.

Foi pedido para testar os algoritmos com vetores de tamanhos 1000, 5000, 10000, 50000, 100000, 500000 e 1000000 elementos, gerando cada um de forma aleatória e tirando a média dos tempos de 5 testes. Uma observação a ser feita seria que alguns algoritmos não tinham capacidade de aguentar a memória exigida pelo grande volume de processo necessário, por isso foi reduzido o tamanho dos números de operações de modo que caiba nas limitações do algoritmo.

4 Complexidade da funções

4.1 BubbleSort

Bubble Sort é um algoritmo de ordem em notação de Big $O(n^2)$ pois nele há dois laços de repetição aninhados sendo que as operações no segundo laço serão executadas, $(n-1)$ vezes, o void BubbleSort em listas encadeadas será mais demorado do que o normal pois há mais instruções, sendo elas de trocas de ponteiro e percorrer uma lista que depende de funções externas.

No Pior caso e no pior caso será $O(n^2)$

A versão recursiva será complexidade de $O(n^2)$ São usadas duas funções uma auxiliar que é chamada para fazer as comparações com todos os elementos e a que é chamada pelo usuário para é usada para enviar o elemento da comparação, com n elementos a função auxiliar é chamada n vezes juntamente com a função que a usa.

4.2 InsertionSort

O Insertion sort em notação Big $O(n^2)$, é proporcional ao número de comparações de quem tem o valor maior. Nessa parte de código while $(i \geq 0 \ \&\& \ A[i] > key)$ vai rodar o laço externo (for $(j = 1; j \leq n; j++)$) mandar de números n , assim ficamos com o somatório $n-1+n-2+n-3+\dots+0 = \frac{n(n-1)}{2} = O(n^2)$. Na Versão recursiva não dá pra afirmar se é $O(n^2)$, pois em cada função há uma chamada recursiva para si mesma.

4.3 QuickSort

Quick é um algoritmo bom, ou seja faz $n \log n$ operações. Usa duas funções.

Ideia é usar um pivô e apartir dele se basear pios todos a direita serão maiores e esquerda menores

```
int particiona (int *A, int p, int r)
void quickSortRecursivo(int *A, int p, int r)
```

Função particiona é usada para escolher um pivô e retorna sua posição

Função quickrcursivo é usada para dividir o vetor, em subvetores

Tempo d Execução : Dependo da divisão tanto pode ser $O(n^2)$ como $O(n \log n)$ Se for uma divisão no melhor caso resolvendo a recorrência $T(n) = 2T(n/2) + (n) = O(n \log n)$

Pior caso $O(n^2)$

4.4 MergeSort

O merge é um algoritmo boom, faz operações em $(n \log n)$

É usado duas funções:

```
void intercala(int *A, int p ,int q, int r)
```

Função recebe um vetor dividido com posições de inicio e fim,logo após, cria um novo vetor e vai colocando em ordem crescente o elementos dos vetores intercalados e por fim coloca d volta no vetor original. Tempo de Execução :

o Vetor é divido mas é percorrido n veze na intercalação

```
void mergeSortRecursive(int *A, int p,int r)
```

a função principal acopla em si a função intercala, a função vai dividindo o vetor se chamando recursivamente até o caso base, quando supera o caso base chama a função intercala Tempo de Execução :

Como vai dividindo o vetor ao meio a pilha de execução da recursão fica bem parecida com uma árvore balanceada então no pior caso ela chamada a altura de uma árvore que é aproximadamente $\log n$ Complexidade em geral = $O(n \log n)$

4.5 HeapSort

O HeapSort é um algoritmo bom, com tempo de execução n no pior caso.O Algoritmo usa de duas funções para se executar completamente :

```
void constroi_heap(int *A, int n):
```

A ideia por trás do heap é tratar a estrtura utilizada seja ela uma lista ou vetor,como uma árvore completa, nessa implementação o tipo de heap utilizado é de max heap ou seja cada tendo o vetor A e k(k variando de 0 a n), nele $A[k/2] \geq A[k]$ (aposição(k/2)posiçãodopaidek).

TempodeExecução :

Comoavariávelpresentenafunçãoovaidescendodenívelmcadaiteraçãopensandoemumaárvore, sendosendorepetidonvezes, sab $\lfloor \log n \rfloor + 1$, nesse caso como são feitas n vezes a mudança de nível a complexidade fica do tipo $n \cdot \log n = O(n \log n)$

```
void peneira(int *A,int n)
```

A função peneira vai descendo a árvore com o objetivo de ajustar um quase heap ou seja dentro do vetor há um $A[k/2] < A[k]$ nesse caso é necessário ajustar a posição do $A[k/2]$,descendo pela a arvore Tempo de Execução:

Como a função desce o elemento que esteja nos padrões de um max heap, no ior caso até chegar no último nível $(1 + \lfloor \log n \rfloor)$ vezes complexida da função fica aproximadamente $n \log n = O(n \log n)$

```
void heapsortIterative(int *A, int n)
```

A função `heapsortIterative` que é a principal chamando as outras duas anteriores para fazer as operações. Tempo de Execução :

É chamada apenas uma vez a função `constroi heap` de complexidade $n \log n$

A função `peneira` é chamada aproximadamente n vezes, a mesma tendo complexidade $\log n$

Complexidade Geral fica $2n \log n = O(n \log n)$

Versão Recursiva

```
void heapsortRecursive(int *A, int n, bool e = true)
```

Funcionamento : A função começa com n elementos, com o vetor `A`, e uma flag, sendo essa usada para definir quando se usar a função `constroi heap`, na primeira execução com a flag esta com valor `true` usa a função `coonstrói heap` logo após troca o vetor na posição zero (`A[0]`) com vetor na posição $(n-1)$ (`A[n-1]`), jogando o maior elemento para o final do vetor, logo após é usada função `peneira` para reajustar o heap, por fim a função é chamada recursivamente passando o vetor, flag com valor `false`, tamanho $n-1$. Tempo de execução :

função `constroi_heap` é chamada uma vez ($n \log(n)$)

funcao `peneira` é chamada n vezes ($\log n$)

Complexidade Geral no pior caso $2n \log n = O(n \log n)$

A Figuras

Resultados obtidos dos dados.

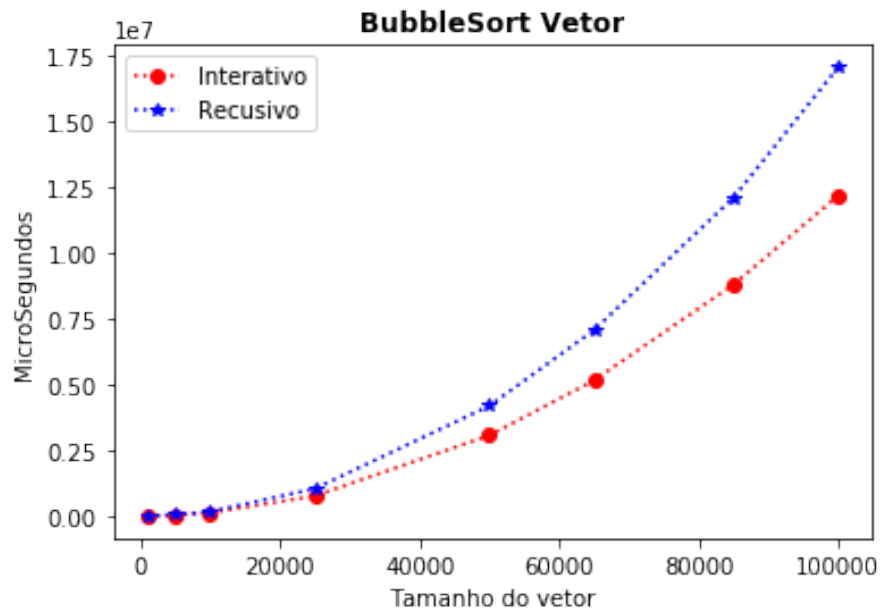


Figure 1: Gráfico do BubbleSort para Vetor

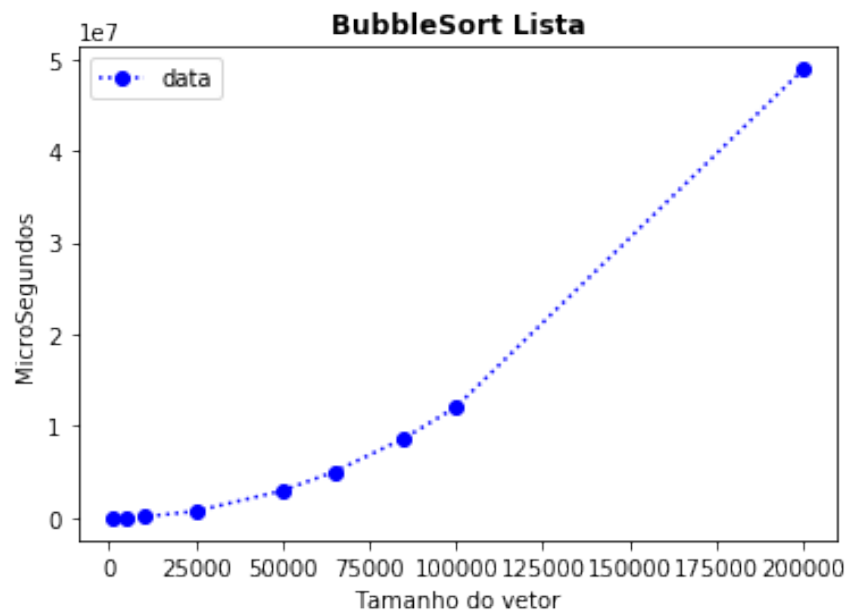


Figure 2: Gráfico do BubbleSort para Lista

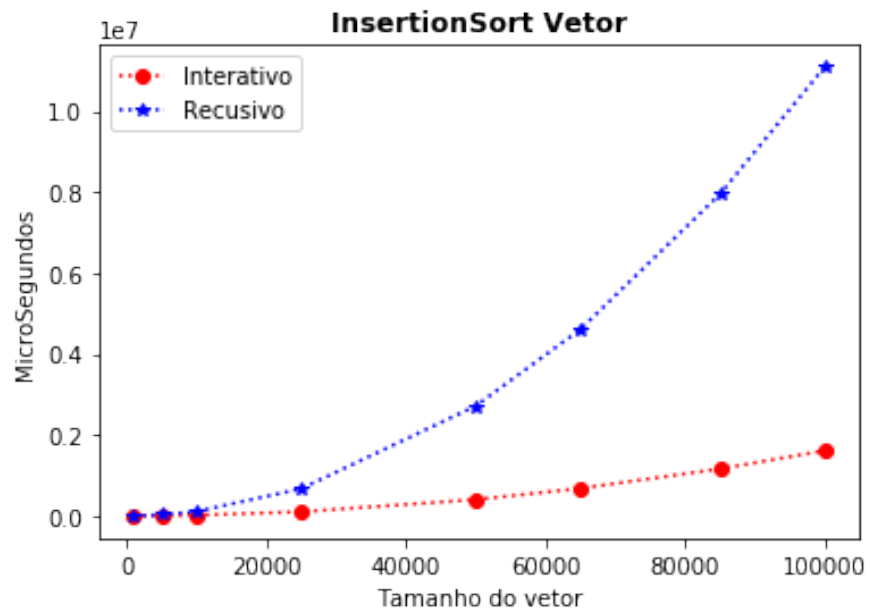


Figure 3: Gráfico do InsertionSort para Vetor

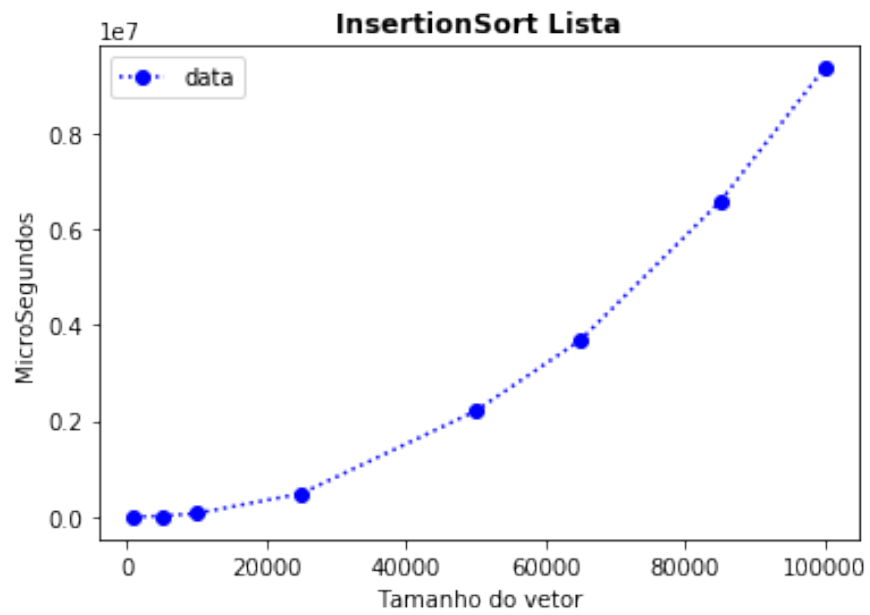


Figure 4: Gráfico do InsertionSort para Lista

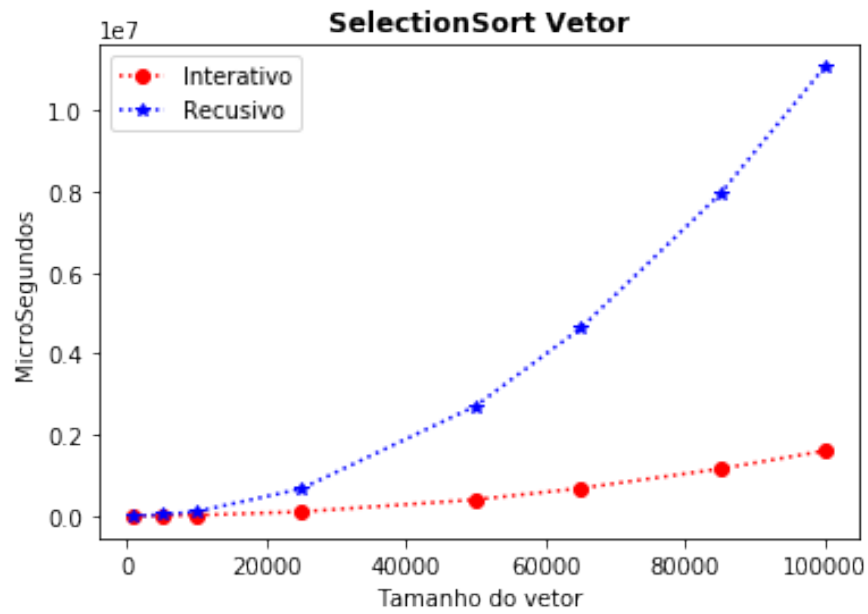


Figure 5: Gráfico do SelectionSort para Vetor

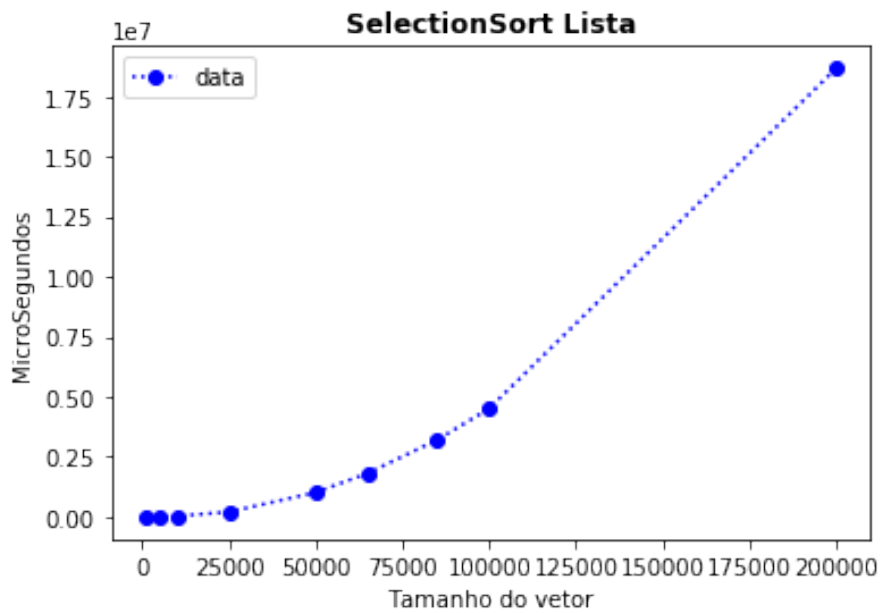


Figure 6: Gráfico do SelectionSort para Lista

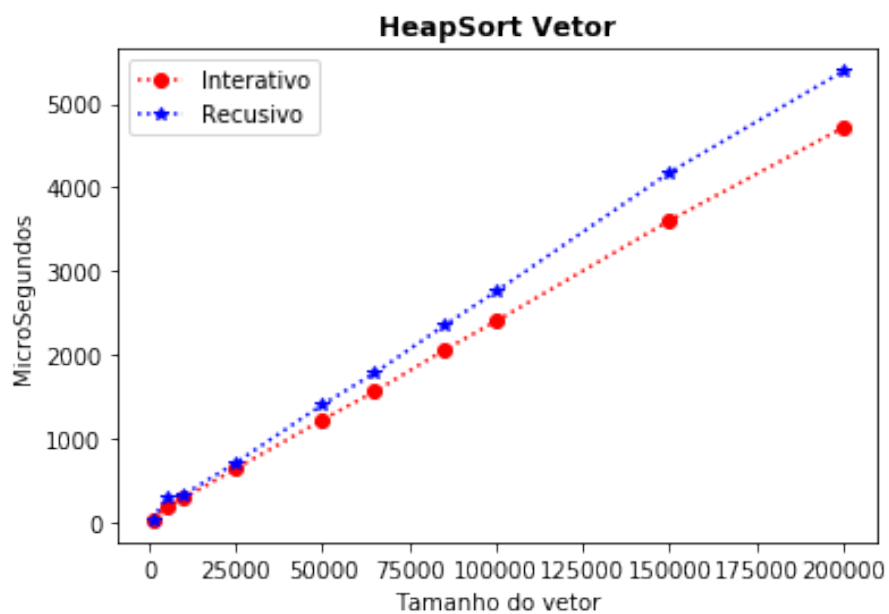


Figure 7: Gráfico do HeapSort para Vetor

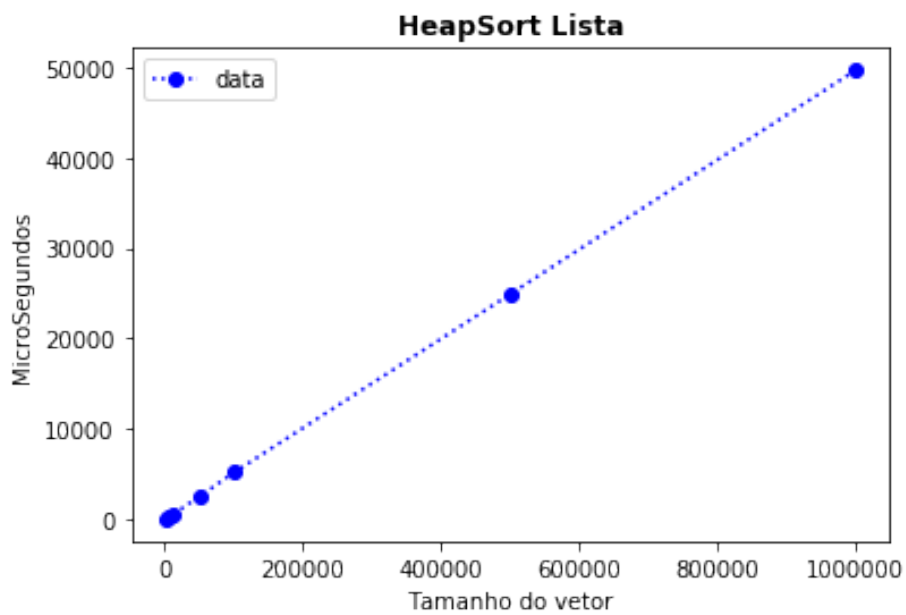


Figure 8: Gráfico do HeapSort para Lista

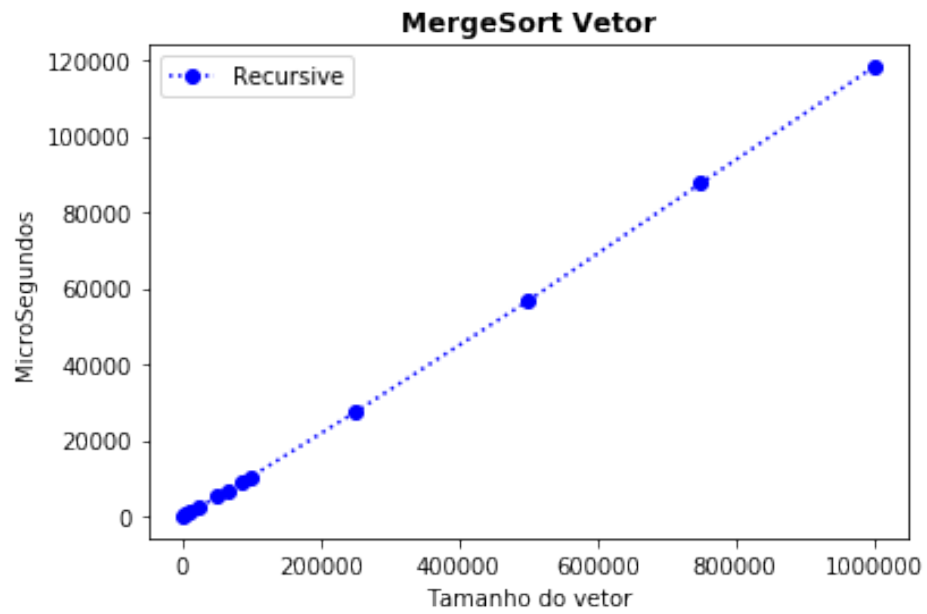


Figure 9: Gráfico do MergeSort para Vetor

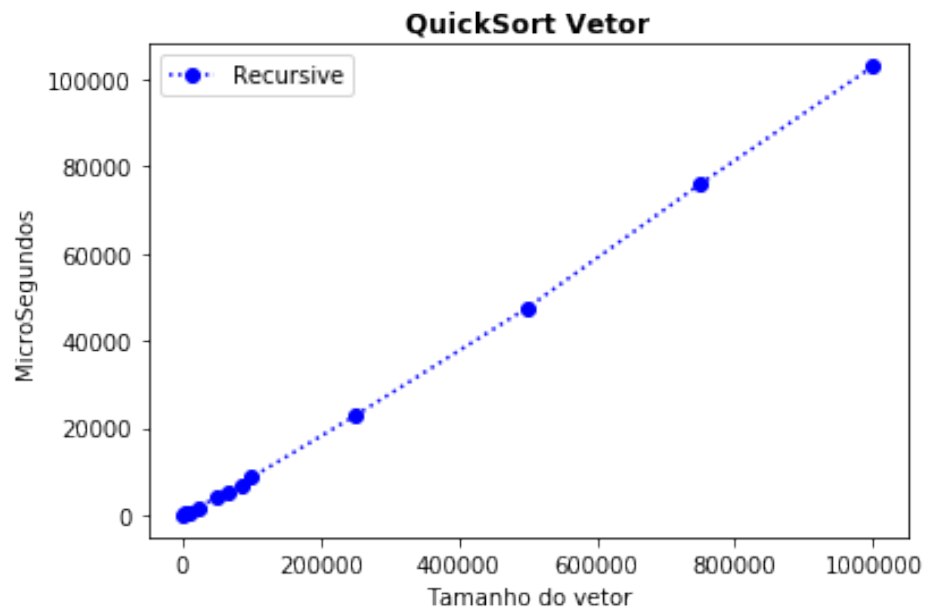


Figure 10: Gráfico do QuickSort para Vetor

B Códigos

B.1 Gerar Dados C++

```
#include <fstream> //arquivos
using namespace std;
//Global
const int tam[] = {1000,5000,10000,50000,100000,500000,1000000};
int TOTAL_N = sizeof(tam)/sizeof(tam[0]);
int main(){
    auto iniGeral = std::chrono::high_resolution_clock::now(); //tempo
    //Arquivo:
    ofstream arqOut;
    string linha; // string que vai armazenar as linhas do arquivo
    string aux = ""; // string auxiliar para trabalhar com numero >9
    //definindo o arquivo no diretório
    arqOut.open("dadosQuick.txt",ios::out); //escrita
    //quantidade de testes para a média
    int N_media= 5;
    for(int k: tam){ //for percorrendo os tamanhos
        int somaI = 0, SomaR =0;
        int mediaI=0,MediaR=0;
        aux = "";
        int n = k;
        auto ini = std::chrono::high_resolution_clock::now();
        for(int l =0;l<N_media;l++){ //for para fazer as médias
            std::cout<<"N: "<<n;
            int v[n];
            srand(time(NULL));
            for(int i=0;i<n;i++){ // for para gerar os valores
                v[i] = rand();
            }
            std::cout<<"-----\n::QUICK_SORT::\n";
            SomaR += TimeQuickRecursive(v,n);
            if(l == N_media-1){
                //rodou N vezes e tiro a média
                MediaR = SomaR/N_media;
                SomaR=0;//limpa
            }
        }
        //pego a média
        MediaR = MediaR/N_media;
        //salvo
        aux = to_string(n)+"\t"+" \t"+to_string(MediaR);
        arqOut << aux <<"\n";
        auto fim = std::chrono::high_resolution_clock::now();
        auto d = std::chrono::duration_cast<std::chrono::microseconds>(fim - ini).count();
        std::cout<<"\n>>>Time to "<< k<<": "<<(double) d/1000000<<" seg\n";
    }
    arqOut.close();
}
```

B.2 Gerar Gráficos em python

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
def CriaGraf(path,Title, qtd=2,Legenda = "data"):
    M = np.loadtxt(path) #importar arquivos
    n,I,R = [],[],[]
    for i in range(0,len(M[:])): n.append(M[i][0])
    for i in range(0,len(M[:])): I.append(M[i][1])
    if(qtd ==2)://verificador
        for i in range(0,len(M[:])): R.append(M[i][2])
    if(qtd ==2):
        plt.plot(n,I,"r:o",label = "Interativo")
        plt.plot(n,R,"b:*",label = "Recusivo")
    else: plt.plot(n,I,"b:o",label = Legenda)

    plt.title(Title,fontweight="bold")
    plt.xlabel("Tamanho do vetor")
    plt.ylabel("MicroSegundos")
    plt.legend()
    plt.show()
# Usando
CriaGraf("Dados/dadosBubble.txt","BubbleSort Vetor")
CriaGraf("Dados/dadosBubbleList.txt","BubbleSort Lista",1)
```