全国 2020 年 10 月高等教育自学考试

高等数学(工本)试题

课程代码:00023

- 1. 请考生按规定用笔将所有试题的答案涂、写在答题纸上。
- 2. 答题前,考生务必将自己的考试课程名称、姓名、准考证号用黑色字迹的签字笔或钢笔 填写在答题纸规定的位置上。

选择题部分

注意事项:

每小题选出答案后,用2B铅笔把答题纸上对应题目的答案标号涂黑。如需改动,用橡皮 擦干净后,再选涂其他答案标号。不能答在试题卷上。

- 一、单项选择题:本大题共5小题,每小题3分,共15分。在每小题列出的备选项中只有一项 是最符合题目要求的,请将其选出。
- 1. 在空间直角坐标系中,点(2, -1, -9) 在
 - A. 第一卦限
- B. 第四卦限
- C. 第五卦限
- D. 第八卦限

- 2. 极限 $\lim_{x\to 2} \frac{\sin(3xy)}{y}$
 - A. 等于2
- B. 等于3
- C. 等于6
- D. 不存在
- 3. 已知 $e^{x-y}dx e^{x-y}dy$ 是某函数 u(x,y) 的全微分,则 u(x,y) =
 - A. e^{x-y}

- $B_{x} e^{x-y}$

 $D_{x} - e^{y-x}$

- 4. 方程 $\frac{dy}{dx} = y$ 的通解为
 - A. $\gamma = e^{Cx}$

- B. $\gamma = Ce^x$ C. $\gamma = C + e^x$ D. $\gamma = e^C + e^x$
- 5. 下列无穷级数中,条件收敛的无穷级数是

 - A. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{\sqrt{n}}$ B. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n \cdot 5^n}{2^n}$ C. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n \cdot n}{n+1}$ D. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{2^n}$

非选择题部分

注意事项:

用黑色字迹的签字笔或钢笔将答案写在答题纸上,不能答在试题卷上。

二、填空题:本大题共5空,每空2分,共10分。

6. 设向量
$$\alpha = \{-1,1,0\}$$
 , $\beta = \{3,2,-1\}$, 则 $2\alpha - \beta =$ _______.

7. 已知
$$f(xy, x - y) = (x + y)^2$$
,则 $f(x,y) =$ ______.

8. 设
$$C: x + y = 4(0 \le x \le 4)$$
,则对弧长的曲线积分 $\int_C \sqrt{2}(x + y) ds = _____.$

9. 微分方程
$$y' = 2x$$
 满足初始条件 $y(0) = 0$ 的特解 $y^* = 0$

10. 设函数
$$f(x)$$
 是周期为 2π 的周期函数, $f(x)$ 的傅里叶级数为 $\frac{1}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1} \cdot 2}{n} \sin nx$,则 $f(x)$ 的傅里叶系数 $a_1 =$

三、计算题:本大题共12小题,每小题5分,共60分。

- 11. 已知平面过点 $P_1(1,2,-1)$, $P_2(0,-3,1)$ 及 $P_3(3,2,0)$, 求该平面方程.
- 12. 设函数 $z = x^3 + \arctan \frac{x}{y}$, 求 $\frac{\partial z}{\partial x}$.

13. 设函数
$$z = e^{2x+y}\cos(x-y)$$
,求全微分 dz.

14. 设方程
$$z^x = y^x$$
,确定函数 $z = z(x,y)$,求 $\frac{\partial z}{\partial x}$

15. 设函数
$$f(x,y) = 5 - x^2 - y^2$$
, 求梯度 **grad** $f(2,1)$.

16. 计算二重积分
$$\iint_D 2xy dx dy$$
, 其中积分区域 $D: x \ge 0$, $y \ge 0$, $x + y \le 1$.

17. 计算三重积分
$$\iint_{\Omega} 6x^2yz dx dy dz$$
, 其中积分区域 $\Omega: 0 \le x \le 1, 0 \le y \le 2, 0 \le z \le 3$.

18. 计算对坐标的曲线积分
$$\int_C (x-2y) dx$$
,其中 C 为从 $(-1,0)$ 沿 $y=1-x^2$ 到 $(1,0)$ 的弧段.

19. 求微分方程
$$\frac{dy}{dx} = \frac{1 + y^2}{1 + x^2}$$
 满足初始条件 $y(0) = 1$ 的特解.

20. 求微分方程
$$y'' + y' = 0$$
 的通解.

21. 判断无穷级数
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{n} n!}{n^{n}}$$
 的敛散性.

22. 将函数
$$f(x) = \frac{1}{4+x}$$
 展开为 x 的幂级数.

浙 00023# 高等数学(工本)试题 第 2 页(共 3 页)

四、综合题:本大题共3小题,每小题5分,共15分。

- 23. 求函数 $f(x,y) = 6y 6x x^2 y^2 + 3$ 的极值.
- 24. 求曲面 $z = x^2 + y^2$ 在点 $P_0(-1, -1, 2)$ 处的法线方程.
- 25. 用定义证明无穷级数 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2}{\sqrt{n+1} + \sqrt{n}}$ 发散.

