

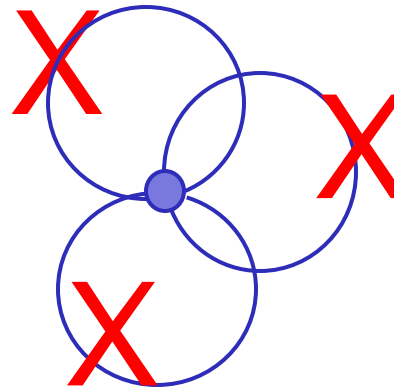
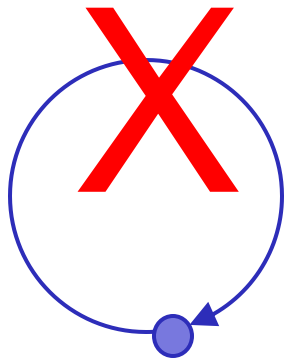


# Grafos

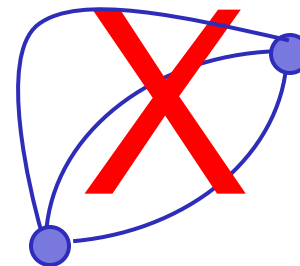
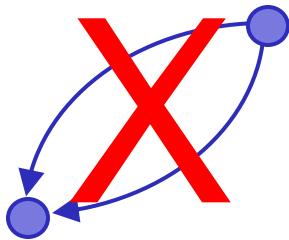
## *Classificação e Forma Matricial*

# Grafo Simples

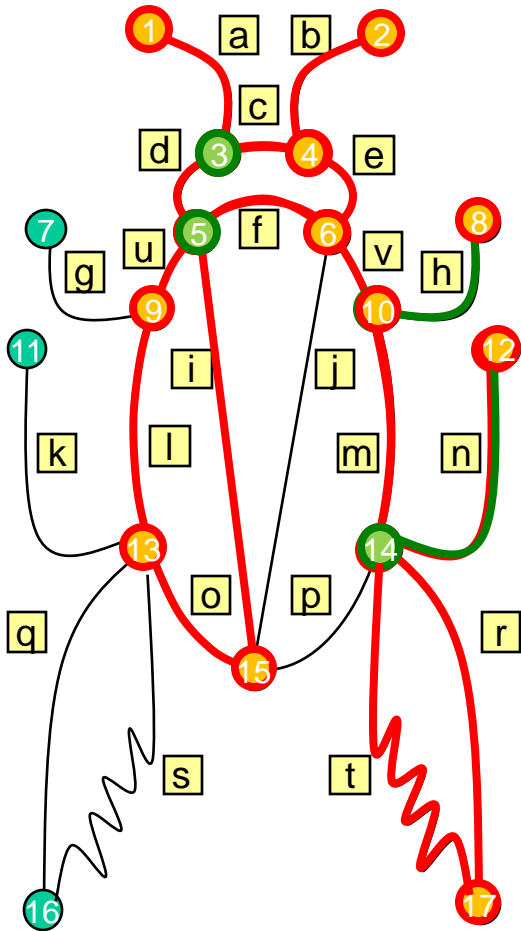
- Não possui laços (*self-loops*)



- Não possui arestas múltiplas



## Passeio (*Walk*)



Sequência não nula, finita e alternada  
de vértices adjacentes e arestas incidentes.

$$W = v_0 e_1 v_1 e_2 v_2 e_3 \dots e_k v_k$$

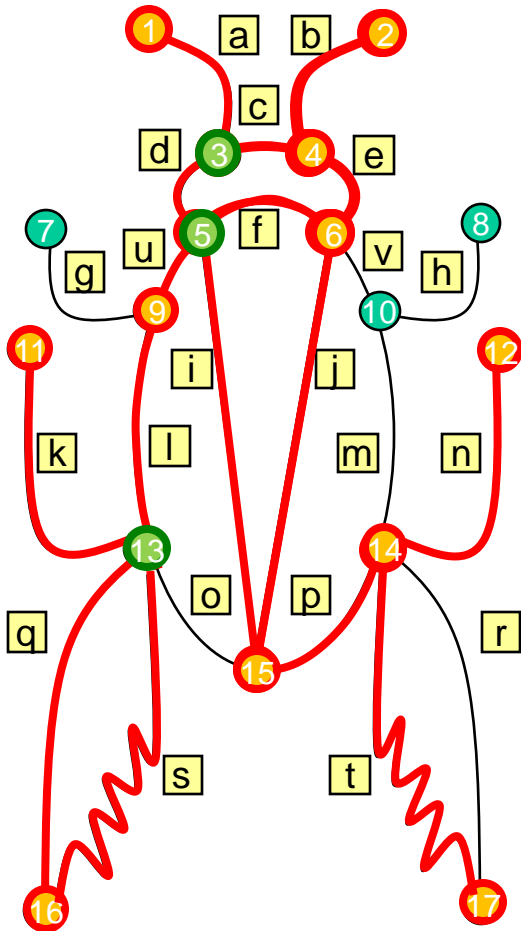
onde:

- $1 \leq k \leq n$  ( $n \in \mathbb{N}$ )
- $\psi(e_k) = \{v_{k-1}, v_k\}$

### Exemplos:

- Antenas = 1a3c4b2
- Cabeça = 3c4e6f5d3 (fechado)
- $W_1 = 14t17r14n12n14m10$
- $W_2 = 5f6v10h8h10m14$
- Asa Esquerda = 5i15o13l9u5 (fechado)
- Patinha Direita Central = 12n14

# Trajeto (*Trail*)

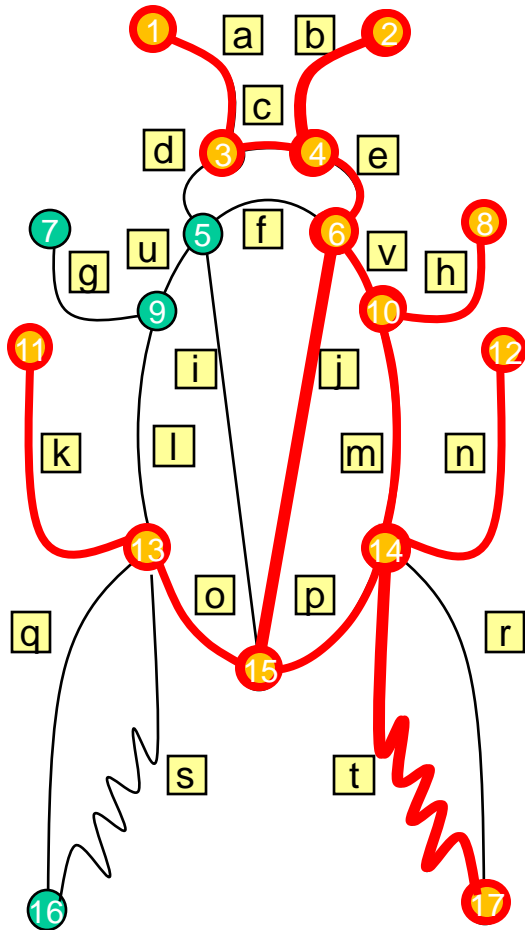


Passeio onde as arestas não se repetem.

Exemplos:

- Antenas = 1a3c4b2
- Cabeça = 3c4e6f5d3 (fechado)
- Patinha Direita Central = 12n14
- $T_1 = 2b4e6j15p14t17$
- $T_2 = 11k13s16q13l9u5i15j6f5$

# Caminho (*Path*)

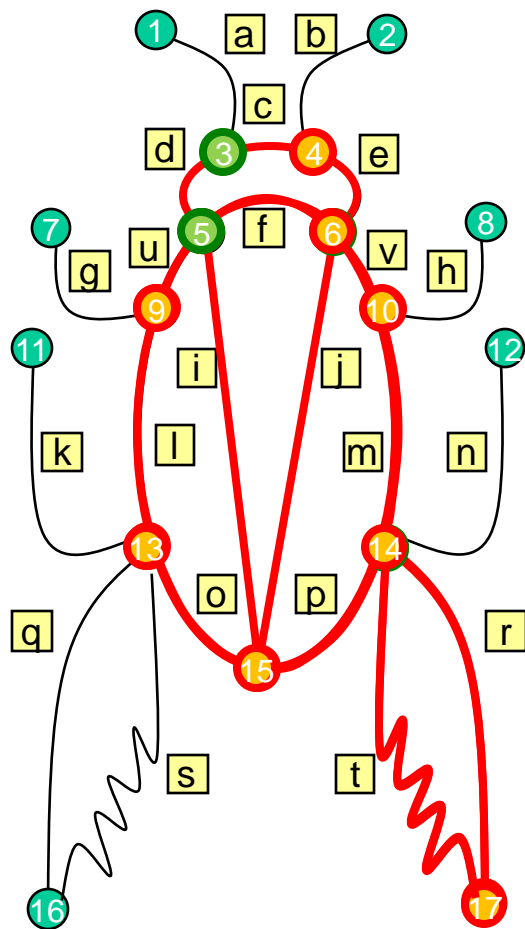


Passeio onde os vértices não se repetem.

## Exemplos:

- Antenas = 1a3c4b2
- Patinha Direita Central = 12n14
- $P_1$  = 11k13o15j6v10m14t17
- $P_2$  = 2b4e6j15p14t17
- $P_3$  = 8h10m14

# Ciclo (Cycle)



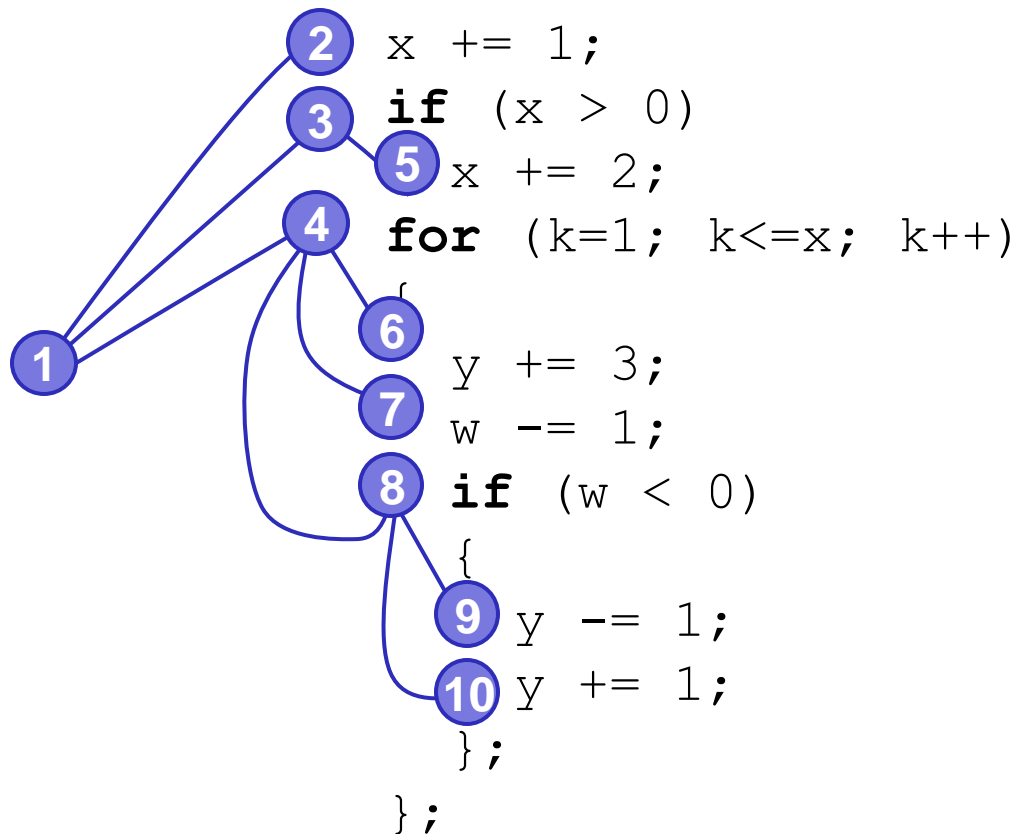
Trajeto fechado ( $v_0=v_k$ ).

Exemplos:

- Cabeça = 3c4e6f5d3 (fechado)
- Asa Esquerda = 5i15o13l9u5 (fechado)
- Patona Direita = 14t17r14 (fechado)
- $C_1$  = 6v10m14t17r14p15j6 (fechado)
- Tronco = 5f6v10m14p15o13l9u5 (fechado)

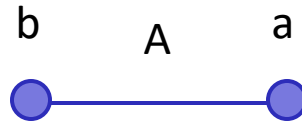
# Exemplo

Representação dos níveis de endentação de um trecho de programa em C.



# Vértices Adjacentes

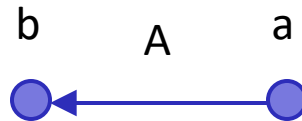
## Grafo



o vértice **a** é adjacente ao vértice **b**

o vértice **b** é adjacente ao vértice **a**

## Dígrafo



o vértice **a** **NÃO** é adjacente ao vértice **b**

o vértice **b** é adjacente ao vértice **a**



# Representações

- representação analítica;
- representação gráfica;
- como armazenar no computador?

$$\Psi(A) = \{a, b\}$$

$$\Psi(B) = \{b, c\}$$

$$\Psi(C) = \{c, c\}$$

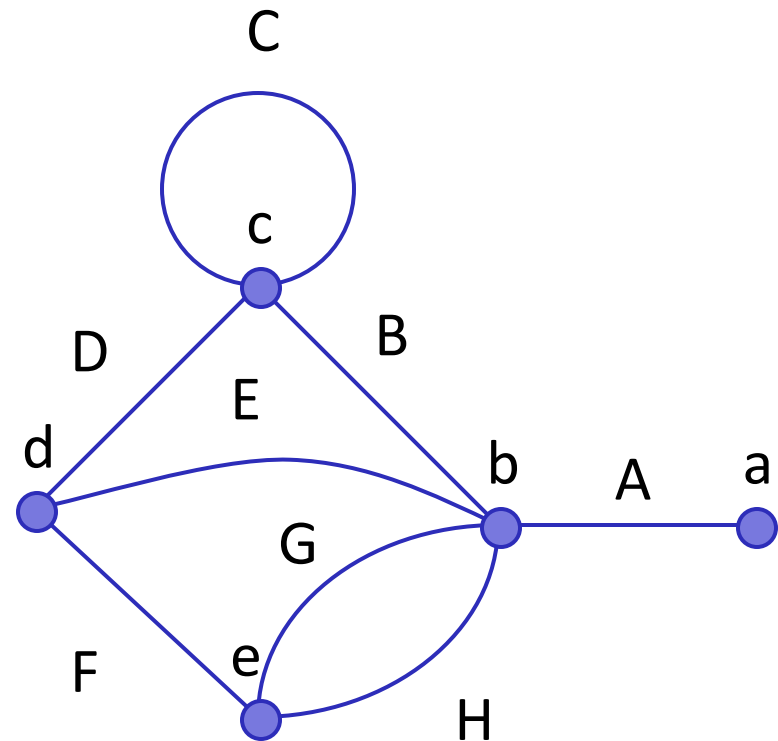
$$\Psi(D) = \{c, d\}$$

$$\Psi(E) = \{b, d\}$$

$$\Psi(F) = \{d, e\}$$

$$\Psi(G) = \{b, e\}$$

$$\Psi(H) = \{b, e\}$$



# Grafo e Matriz de Adjacências

- Cada elemento da matriz é a **quantidade** de arestas que vão do vértice **i** ao vértice **j** e vice-versa (são adjacentes)

- $\Psi(A) = \{a, b\}$
- $\Psi(B) = \{b, c\}$
- $\Psi(C) = \{c, c\}$
- $\Psi(D) = \{c, d\}$
- $\Psi(E) = \{b, d\}$
- $\Psi(F) = \{d, e\}$
- $\Psi(G) = \{b, e\}$
- $\Psi(H) = \{b, e\}$

Simétrica

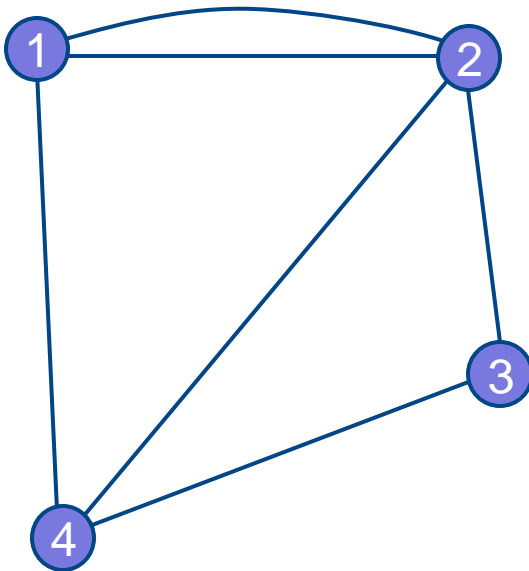
para **j** ↓

de **i** →

	a	b	c	d	e
a	0	1	0	0	0
b	1	0	1	1	2
c	0	1	1	1	0
d	0	1	1	0	1
e	0	2	0	1	0

# Exercício

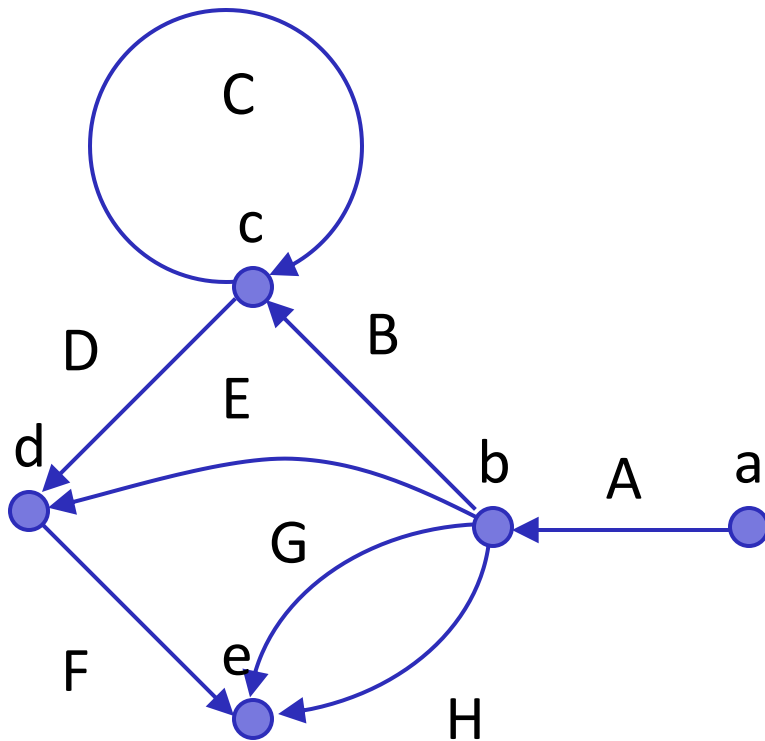
Escreva a matriz de adjacência para o grafo seguinte.



	1	2	3	4
1	0	2	0	1
2	2	0	1	1
3	0	1	0	1
4	1	1	1	0

# Dígrafo e Matriz de Adjacências

- cada elemento da matriz é a **quantidade** de arestas que vão do vértice **i** ao vértice **j** (o **j** é adjacente ao **i**)



Atenção!

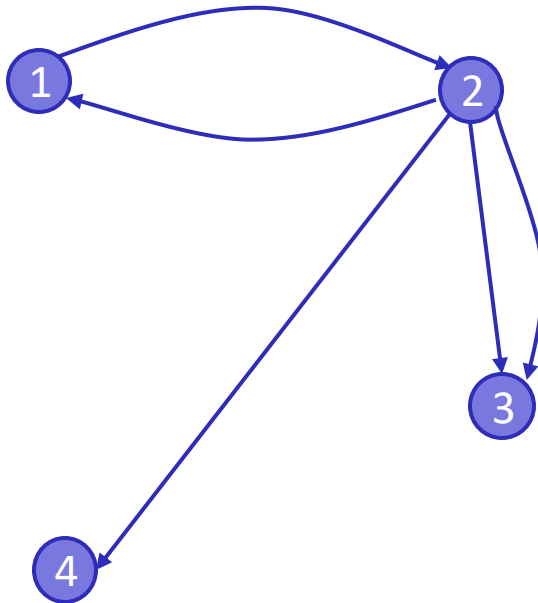
para **j** ↓

de **i** →

	a	b	c	d	e
a	0	1	0	0	0
b	0	0	1	1	2
c	0	0	1	1	0
d	0	0	0	0	1
e	0	0	0	0	0

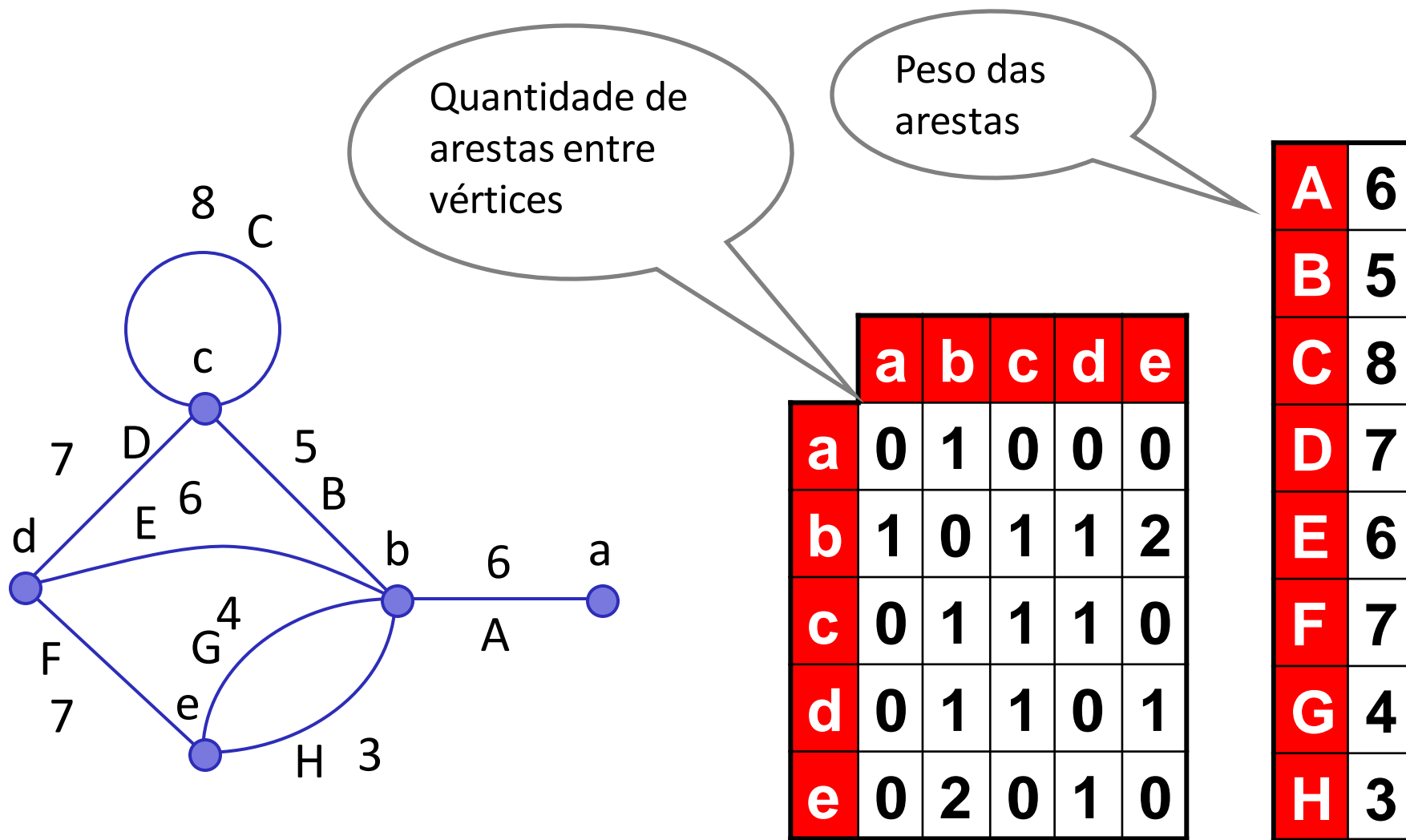
# Exercício

Escreva a matriz de adjacência para o dígrafo seguinte.



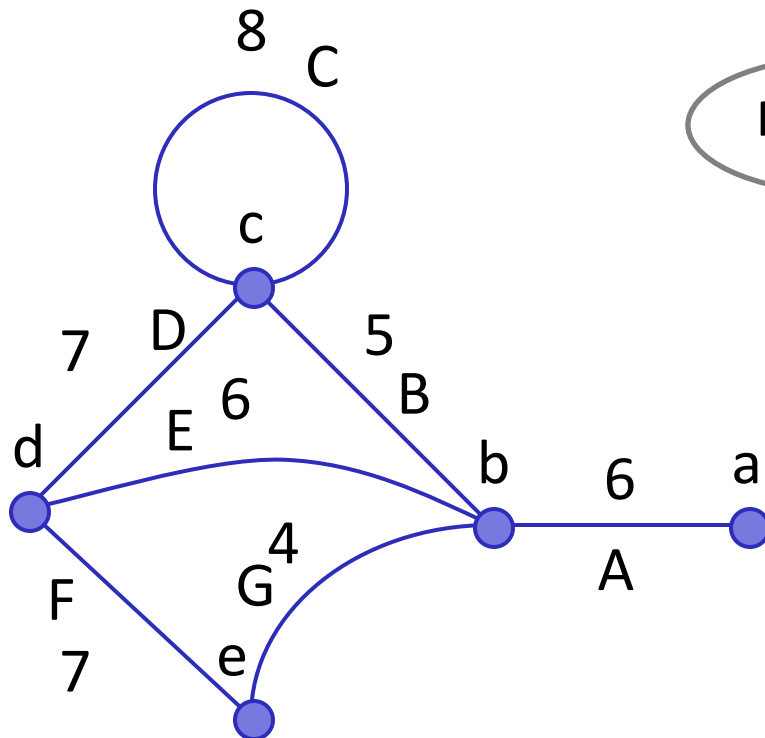
	1	2	3	4
1	0	1	0	0
2	1	0	2	1
3	0	0	0	0
4	0	0	0	0

# Rede e Matriz de Adjacências e de Pesos



# Rede e Matriz de Pesos

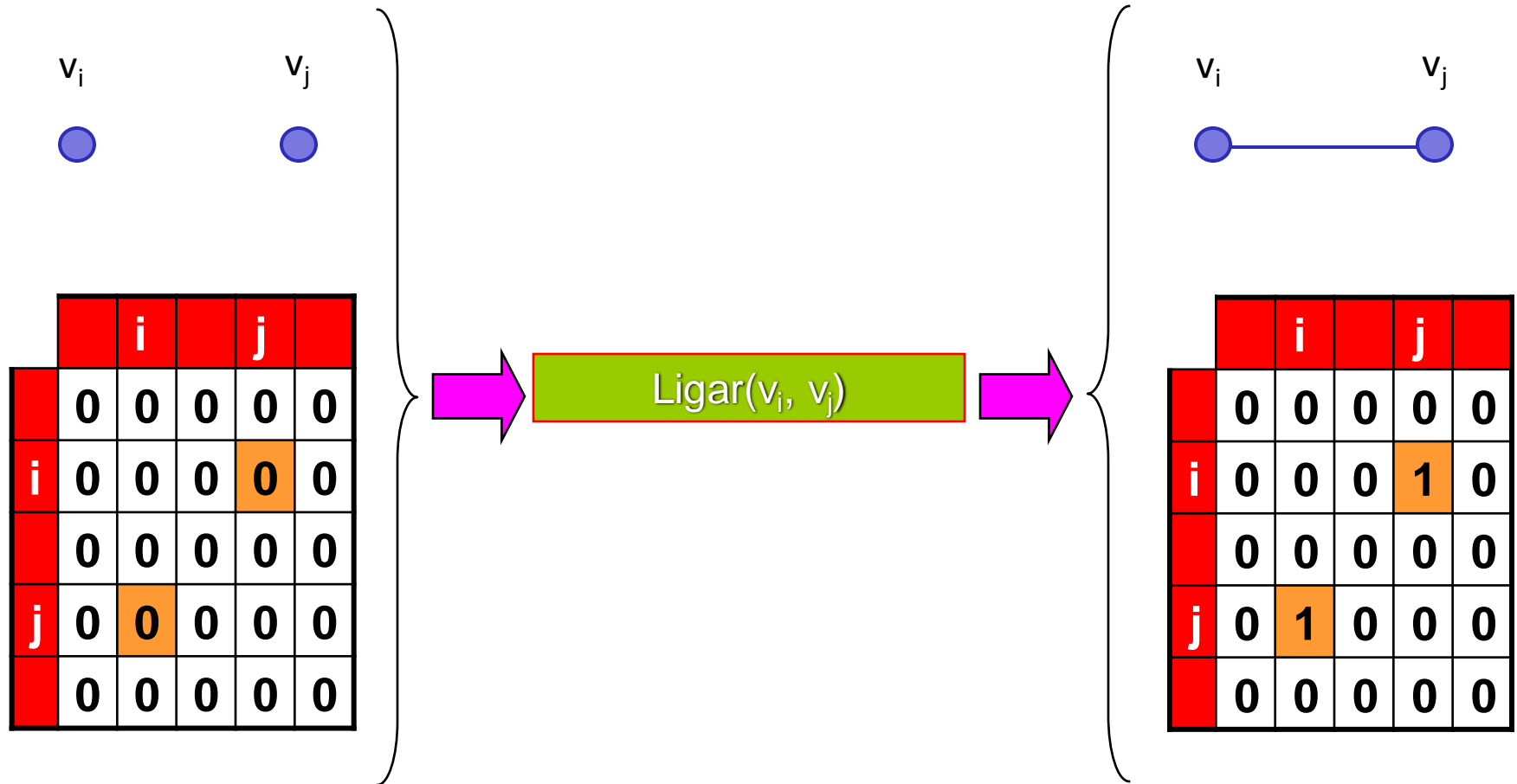
Somente para grafos sem arestas múltiplas.



Pesos

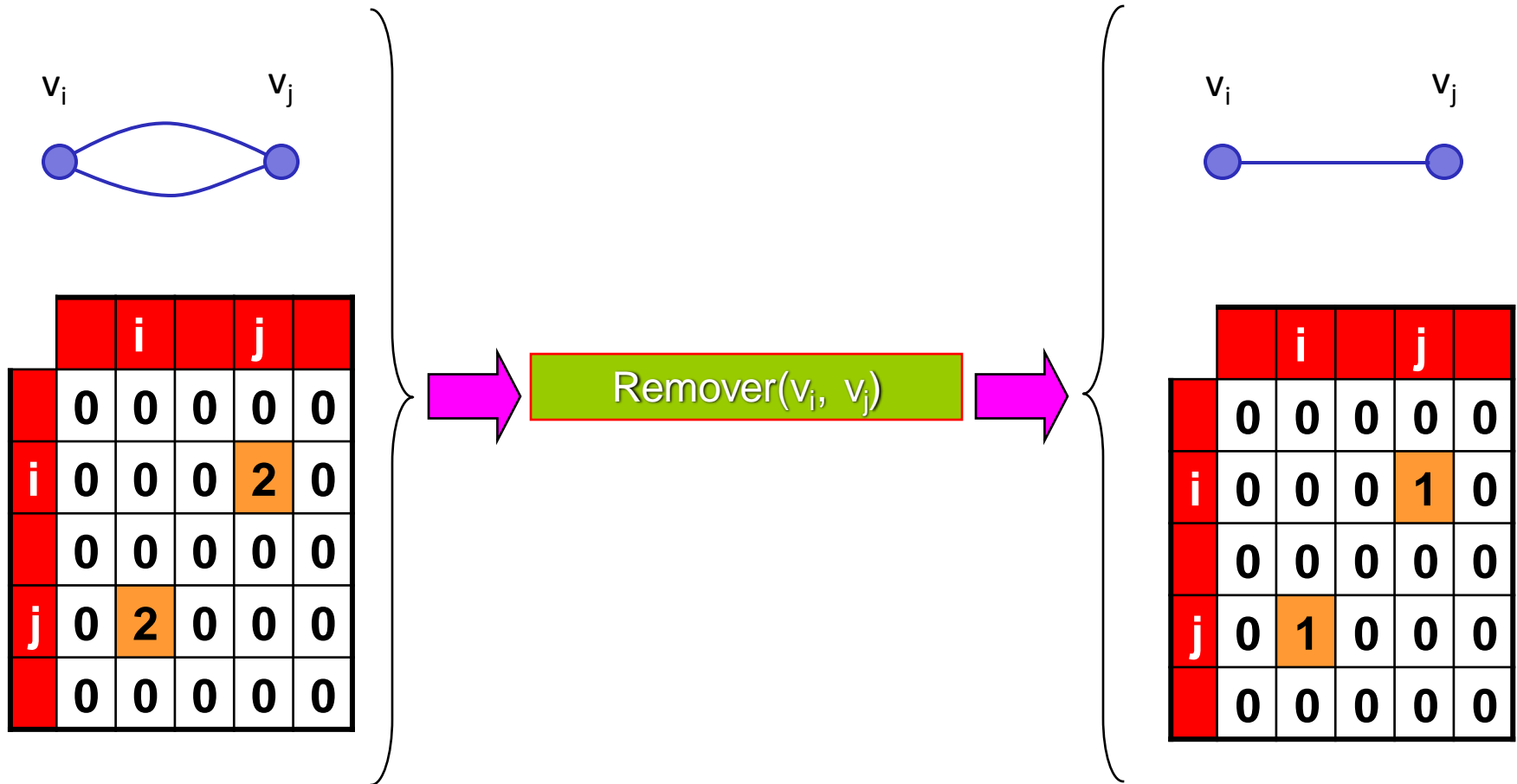
	a	b	c	d	e
a	0	6	0	0	0
b	6	0	5	6	4
c	0	5	8	7	0
d	0	6	7	0	7
e	0	4	0	7	0

# Matriz de Adjacências – Operações Primitivas com Arcos

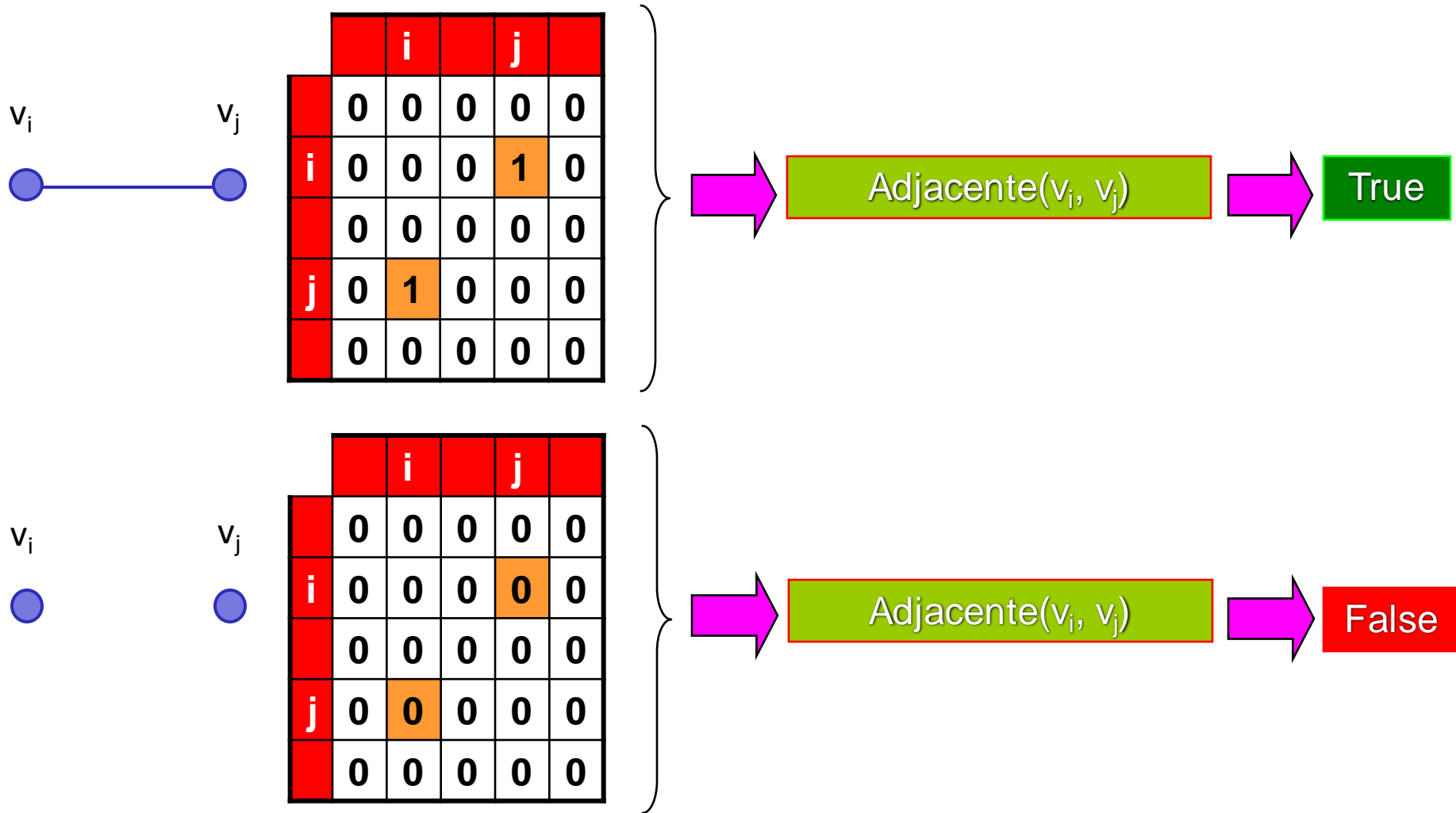




# Matriz de Adjacências – Operações Primitivas com Arcos

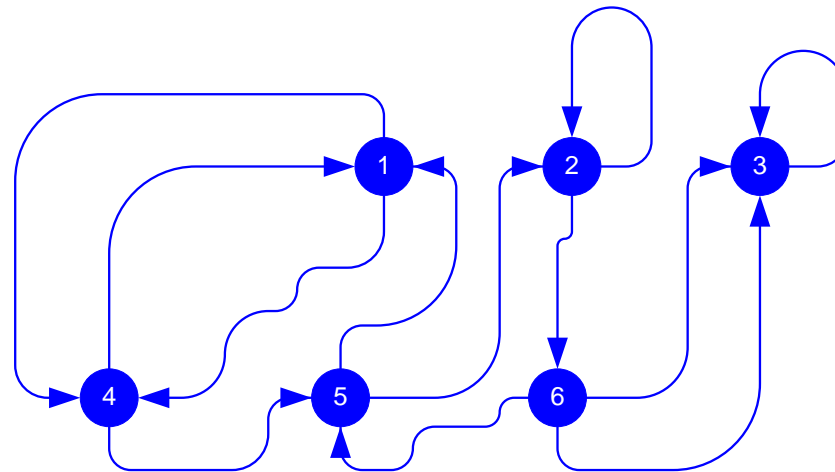
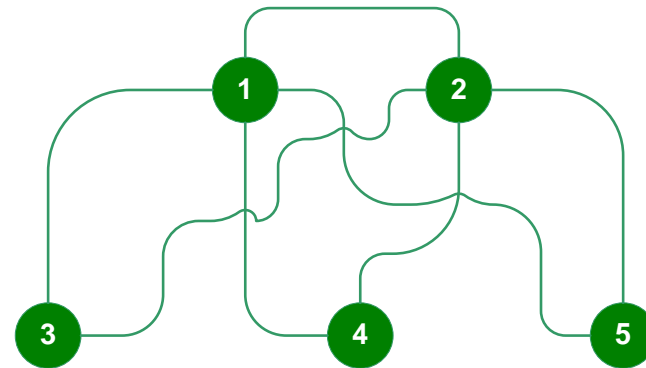
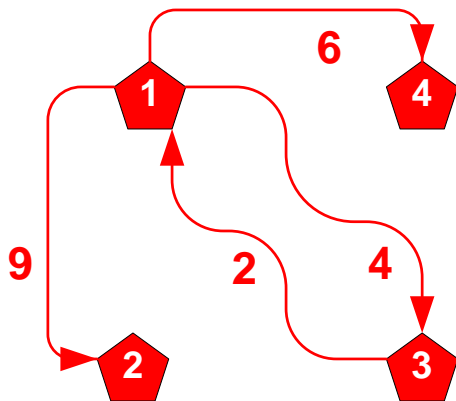


# Matriz de Adjacências – Operações Primitivas com Arcos



# Exercício

Escreva a matriz de adjacências dos grafos a seguir.



# Exercício

Esboce os grafos a partir da matriz de pesos.

	ta	te	ti	to	tu
ta	0	2	1	2	0
te	1	2	0	0	0
ti	3	0	1	0	2
to	0	0	3	0	1
tu	2	0	3	0	2

	l	u	c	a
l	0	2	1	2
u	2	2	0	0
c	1	0	1	3
a	2	0	3	0

	v	i	l	m	a
v	1	1	1	2	0
i	1	2	0	3	1
l	3	1	2	0	1
m	0	1	2	0	1
a	2	0	1	0	1