```
1
    program autovalor
 2
 3
     ! Projeto 1 - Introdução à Programação
 4
     ! Nome: Henrique Krastins Okuti
 5
     ! Contato: henrique.okuti@usp.br
 6
 7
         implicit none
8
9
             real*8, dimension(:), allocatable :: x,xaux
10
             real*8 r, vepsilon
11
             real*8 lambda, term
             real*8 raiz2, raiz7, pi, um_menosraiz5, um maisraiz5, raiz10, raiz3
12
13
             integer n, i, j, k, contador, m
14
                                    :: cont= .True.
15
             real*8, dimension(3,3) :: matriz1
16
             real*8, dimension(4,4) :: matriz2
             real*8, dimension(5,5) :: matriz3
17
18
19
            ! Algumas operações úteis para definirmos os elementos das matrizes
20
            raiz2 = sqrt(2.d0)
21
            raiz3 = sqrt(3.d0)
22
            raiz7 = sqrt(7.d0)
23
            raiz10 = sqrt(10.d0)
24
             pi = 4*atan(1.d0)
25
             um menosraiz5 = 1.d0 - sqrt(5.d0)
26
             um maisraiz5 = 1 + sqrt(5.d0)
27
28
             ! Definimos a matriz1:
29
             matriz1 = reshape((/ (raiz2), 8.d0, 13.d0, 8.d0, 3.d0, 5.d0, 13.d0, 5.d0,
             (raiz7) /), (/3,3/))
30
31
             ! Agora confirmamos ela escrevendo ela na tela
32
33
             write(*,*)"Matriz 1:"
34
35
             i = 1
            m = 3
36
37
             n = 3
38
             do i=1, m
39
                 write(*,*)(matriz1(i,j),j=1,3)
40
             enddo
41
42
43
            ! Definimos a matriz2 membro a membro pois tive problemas com o tamanho da
            expressão no compilador
44
            matriz2(1,1) = raiz10
45
            matriz2(1,2) = -2
46
            matriz2(1,3) = 3
47
            matriz2(1,4) = 2
48
            matriz2(2,1) = -2
49
            matriz2(2,2) = 11
50
            matriz2(2,3) = -3
51
            matriz2(2,4) = pi
52
            matriz2(3,1) = 3
53
            matriz2(3,2) = -3
54
            matriz2(3,3) = 6
55
            matriz2(3,4) = 3.5
56
            matriz2(4,1) = 2
57
            matriz2(4,2) = pi
58
            matriz2(4,3) = 3.5
59
            matriz2(4,4) = 6
60
61
             ! Confirmamos os seus elementos escrevendo eles na tela
62
            write(*,*)"Matriz 2:"
63
64
            i = 1
65
             m = 4
             n = 4
66
             do i=1, m
67
```

```
write(*,*)(matriz2(i,j),j=1,4)
 69
              enddo
 70
 71
              ! Definimos a matriz3 membro a membro pelo mesmo motivo que a matriz2
 72
              matriz3(1,1) = -10.d0
 73
              matriz3(1,2) = um maisraiz5
 74
              matriz3(1,3) = -3.d0
 75
             matriz3(1,4) = (-13.d0/15.d0)
 76
             matriz3(1,5) = -1.d0
 77
              matriz3(2,1) = um maisraiz5
              matriz3(2,2) = -10.d0
 78
 79
              matriz3(2,3) = raiz3
              matriz3(2,4) = -4.d0
 80
              matriz3(2,5) = -27.d0
 81
              matriz3(3,1) = -3.d0
 82
 83
              matriz3(3,2) = raiz3
 84
              matriz3(3,3) = um menosraiz5
 85
             matriz3(3,4) = -3.d0
             matriz3(3,5) = -3.d0
 86
 87
             matriz3(4,1) = -(13.d0/15.d0)
 88
             matriz3(4,2) = -4.d0
 89
             matriz3(4,3) = -3.d0
 90
             matriz3(4,4) = -6.d0
 91
             matriz3(4,5) = -4.d0
 92
              matriz3(5,1) = -1.d0
 93
              matriz3(5,2) = -27.d0
 94
             matriz3(5,3) = -3.d0
 95
             matriz3(5,4) = -4.d0
 96
             matriz3(5,5) = -13.d0
 97
 98
             ! Confirmamos os elementos escrevendo a matriz na tela
 99
              write(*,*)"Matriz 3:"
100
              i = 1
             m = 5
101
              n = 5
102
103
              do i=1, m
104
                  write(*,*) (matriz3(i,j),j=1,5)
105
              enddo
106
107
              write(*,*)"Dimensao da matriz:"
108
              read(*,*)n
109
              allocate(x(n))
110
              allocate(xaux(n))
                                  ! Leio a dimensão n da matriz que se deseja calcular o
              autovalor e gero
111
                                   ! os vetores x(n) e xaux(n), que serão utilizados para
                                  multiplicar a matriz
112
113
              write(*,*)"Numero de interacoes:"
114
                           ! Número máximo de loops de múltiplicação que serão
              read(*,*)k
              realizados antes de finalizar o programa
115
              write(*,*)"Precisao desejada (casas decimais):"
116
              read(*,*) vepsilon ! Número da precisao desejada
117
118
              i = 1
119
              do while (i.LE.n)
120
                  call random number(r)
121
                  x(i) = r
                                      ! Gero um vetor aleatório x com n elementos
122
                  i = i+1
123
              end do
124
125
126
              write(*,*)"Vetor utilizado para o chute inicial:"
127
              write (*,*) (x(i),i=1,n)
128
              write(*,*) "CALCULANDO"
129
130
              contador = 0
131
              do while (cont)
132
                  contador = contador +1 ! O contador será usado para ser comparado com o
                  número máximo de loops, "K",
```

68

```
133
                                               lido anteriormente. Ele será incrementado em 1
                                           a cada loop
134
                  do i = 1, n
                      term = 0.0d0
135
                                     ! 'term' representa cada linha resultante da
                      multiplicação entre a matriz e x, para cada uma das i linhas
136
137
                      if (n.EQ.3) then
138
                          do j = 1, n
139
                               term = (\text{term} + x(j) * \text{matriz1}(i,j)) ! Faço a operação descrita
140
141
                          end do
142
                      else if (n.EQ.4) then
143
                           do j = 1, n
                               term = (term + x(j)*matriz2(i,j)) ! Faço a operação descrita
144
                               acima
145
146
                           end do
147
                      else if (n.EQ.5) then
148
                          do j = 1, n
149
                           term = (\text{term} + x(j) * \text{matriz} 3(i,j)) ! Faço a operação descrita acima
150
151
                          end do
152
                      endif
153
154
                      xaux(i) = term ! Defino a linha "i" do vetor xaux como o termo 'term'.
155
                      ! Ainda não podemos alterar o valor do vetor original x pois ele está
                      sendo usado na múltiplicação,
                      ! então xaux está sendo usado para armazenar todos os valoes que serão
156
                      substituídos
157
                      ! de uma vez após o término da operação
158
159
                  end do
160
                  x = xaux
                             ! Após a multiplicação faço a substituição dos valores de x
                  pelos armazenados em xaux
161
                  ! Caso a diferença entre a última aproximação do autovalor dominante e a
162
                  nova seja menor que um valor epsilon
163
                  ! OU caso o número máximo de loops 'k' tenha sido atingido, o programa é
                  interrompido
164
                  if (n.NE.5) then
165
                      if (abs(lambda-maxval(x)).LE.(10.d0**(-vepsilon)) .OR. contador.GE.k)
                      then
166
                          cont = .False.
167
                      end if
168
                  ! Mesmo caso da interrupção mas para a matriz 5x5 usamos minval(x) por
                  questão de convergência
169
                  else
170
                      if (abs(lambda-minval(x)).LE.(10.d0**(-vepsilon)) .OR. contador.GE.k)
                      then ! Caso a diferença entre a última aproximação do autovalor
                      dominante e a nova seja menor que um valor epsilon OU caso o número
                      máximo de loops 'k' tenha sido atingido, o programa é interrompido
171
                          cont = .False.
172
                      end if
173
                  endif
174
                  write(*,*)"Vetor:",(x(i),i=1,n)
175
                  if (n.NE.5) then
176
                      lambda = maxval(x) ! o autovalor dominante lambda é igual ao maior
                      número do vetor x
177
                      x = x/lambda! divido x pelo autovalor para ajustá-lo para o próximo
                      ciclo
178
                      write(99,*)contador,lambda ! Escrevo o autovalor e o numero da
                      interação no loop
                  else
179
                      lambda = minval(x) ! Para o caso n = 5 tomamos o menor valor para o
180
                      cálculo do vetor x
181
                                       ! Caso contrário a solução fica oscilando sem saber a
                                       direção de convergência
182
                      x = x/lambda
                                      ! divido x pelo autovalor para ajustá-lo para o próximo
```

```
ciclo
183
                     write(99,*)contador,lambda ! Escrevo o número da interação no loop e o
                     autovalor
184
                 endif
            end do
185
186
187
            write(*,*)"O valor do autovalor dominante:"
188
             write(*,*)lambda ! Retorna no terminal o autovalor dominante
189
190
    end program autovalor
```