

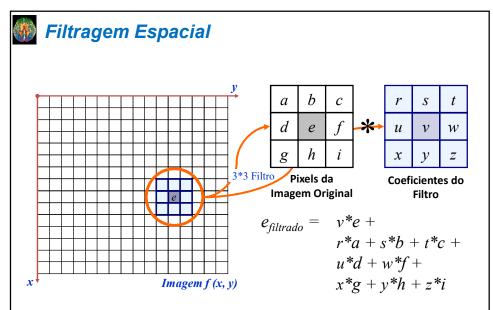
Filtragem no Domínio Espacial

V Vasconcelos

Filtragem Espacial

- •Consiste na aplicação de filtros, máscaras, janelas ou kernels .
- Filtros lineares (ex. filtros de média) e não lineares (ex. filtro mediana)
- Filtros passa-baixo (smoothing filters):
- -eliminam ou atenuam altas frequências da imagem (pormenores de elevado contraste), resultando numa imagem "eshorratada" (blurred).
- •Filtros passa-alto (sharpening filters):
- -eliminam ou atenuam componentes de baixa frequencia (zonas com valores de intensidade que variam lentamente), resultando no aparecimento de pormenores de elevado contraste.
- •Filtros passa-banda e rejeita-banda

Processamento de Imagem Médica



O processamento anterior é repetido para cada pixel da imagem original.



Filtragem Espacial

O processo de filtragem permite obter uma imagem de saída g(x,y) que resulta da aplicação de uma máscara (kernel ou janela) à imagem original. Este processo pode-se resumir da seguinte forma:

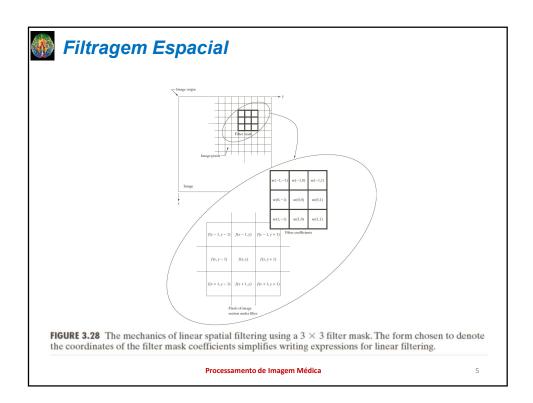
- 1. A máscara $(m \times n)$ é centrada num pixel (x,y) da imagem de entrada f(x,y);
- 2. Os coeficientes da máscara \mathbf{w} são multiplicados pelos valores dos pixels da vizinhança do pixel (x,y) e os produtos são somados, de acordo com :

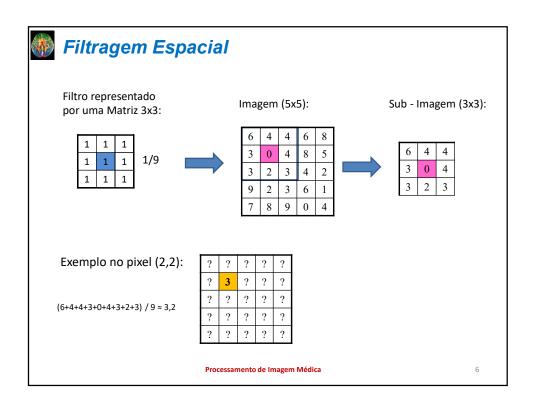
$$g(x,y) = \sum_{u=-a}^{a} \sum_{v=-b}^{b} w(u,v) f(x+u,y+v)$$
onde
$$a = (m-1)/2;$$

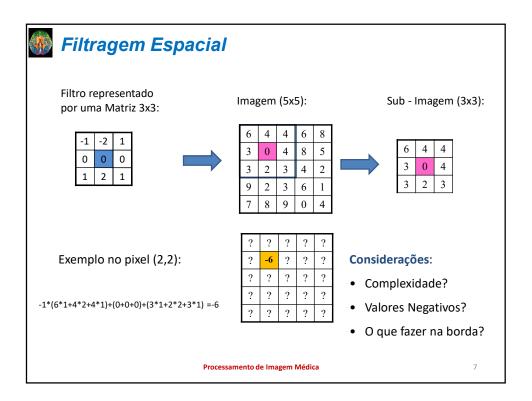
$$b = (n-1)/2;$$

$$m \ e \ n \ im \ p \ are \ s$$

Processamento de Imagem Médica









Filtragem Espacial

- Complexidade da operação entre uma imagem MxN e um filtro mxn?
 - \rightarrow M x N x m x n
 - → Em alguns casos é possível melhorar através máscaras 1D
- Algumas máscaras podem conter valores negativos, levando a resultados com valores negativos (ou mesmo valores fora do espaço de cores)!

Duas soluções simples:

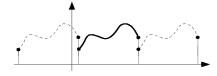
- → arrendondar para o valor existente mais próximo (negativos→0)
- → Transformação dos valores (offset + redistribuição de valores)

Processamento de Imagem Médica



Filtragem Espacial

- Problemas na borda: Como estender o domínio?
 - → Extensão nula
 - → Extensão periódica



→ Extensão por reflexão



• Quantidade par de coeficientes por linha ou coluna! Onde fica o centro do filtro?



Processamento de Imagem Médica



Filtragem Espacial

Através da variação dos coeficientes da máscara pode-se obter

- Suavização (Smoothing)
- Detecção de contornos (Edge Detection)
- Realce (Sharpening)



Filtros de Suavização

Também conhecidos como filtros passa-baixo (eliminam ou atenuam as componentes de alta frequência);

- Permitem reduzir o ruído;
- Redução dos pormenores irrelevantes (relativamente ao tamanho do filtro);
- •Redução dos falsos contornos (produzidos por um nº insuficiente de níveis de cinzento, por ex.);
- •Permitem criar continuidades em linhas ou curvas.

Como será a imagem final após a filtragem pelo filtro de média?

- Cada píxel será a média dos vizinhos;
- •Um píxel branco no meio de píxeis azuis vai ficar azulado, aspecto de imagem esborratada.

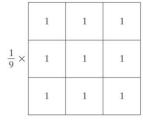
Processamento de Imagem Médica

11



Filtragem Espacial

Exemplos de filtros suavização:





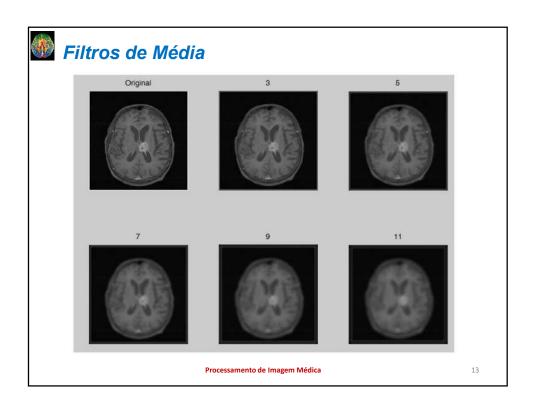
a b FIGURE 3.32 Two 3 × 3 smoothing (averaging) filter masks. The constant multiplier in front of each mask is equal to 1 divided by the sum of the values of its coefficients, as is required to compute an average.

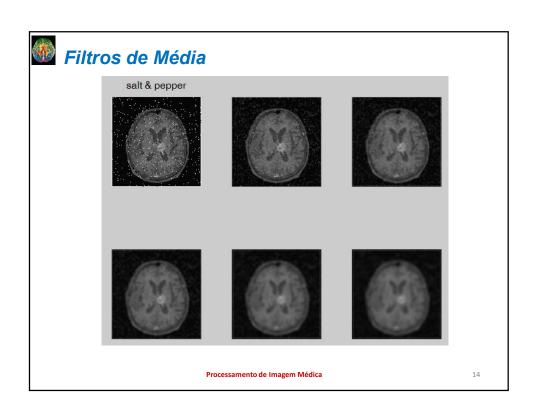
Filtro de Caixa

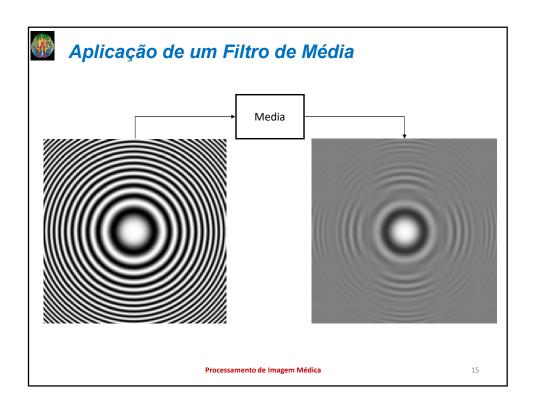
Filtro de Média **Pesada**

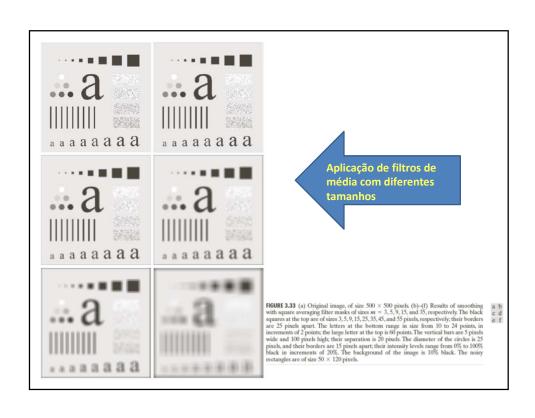


Objectivo: diminuir o efeito do "esborratamento".











Aplicação de um Filtro de Média

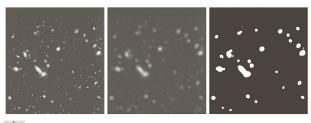


FIGURE 3.34 (a) Image of size 528 × 485 pixels from the Hubble Space Telescope. (b) Image filtered with

- 1 Após a aplicação de um filtro de suavização (préprocessamento) a imagem foi binarizada através da aplicação de um limiar.
- 2 Os pequenos objectos foram excluídos da imagem final.

Processamento de Imagem Médica

17



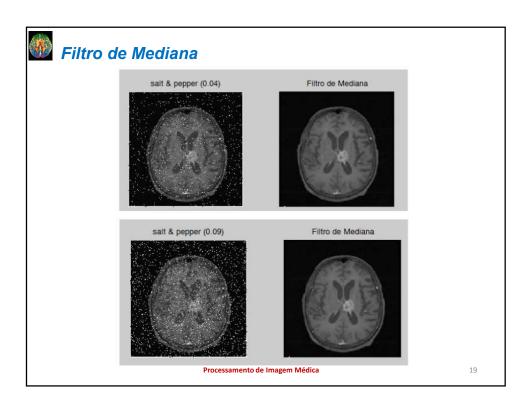
Order-statistic Filters

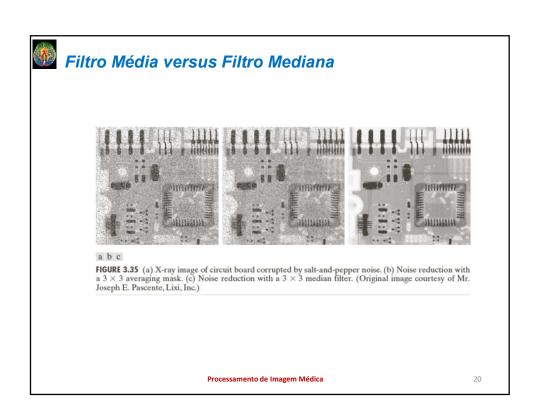
- Ordenam-se os píxeis da vizinhança pelo seu valor e escolhe-se um deles para o valor do píxel central.
- •Filtros não lineares
- •Filtros de Mediana mediana dos valores da vizinhança para o píxel central
 - Especialmente adequados para retirar ruído do tipo sal-e-pimenta
 - Um filtro de mediana força pontos com valores muito diferentes a ficarem com valores semelhantes aos dos restantes vizinhos
 - •Mediana corresponde ao percentil 50 de um conjunto ordenado.

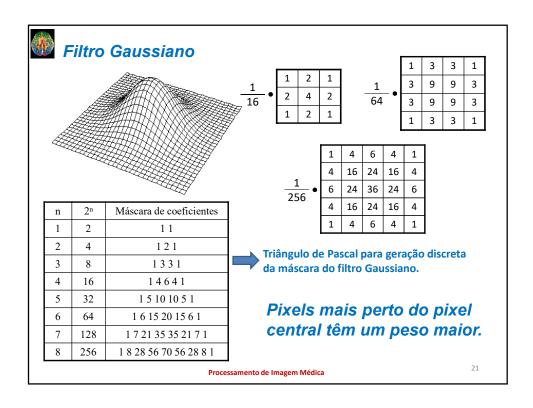


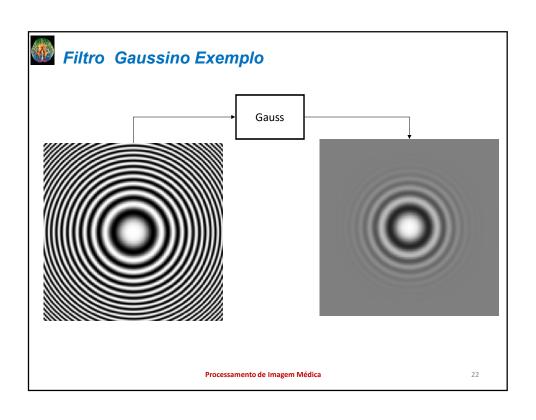
Outros filtros:

- max -para achar os pontos com valor máximo, pontos mais brilhantes (= percentil100)
- min -para achar os pontos com valor mínimo (= percentil10)











Filtros de Realce (Sharpening Filters)

- Realçam as transições de intensidade presentes na imagem
 - •Realçam contornos e descontinuidades (por ex. ruído)
 - •Atenuam zonas com variações lentas de valores de pixéis
- Baseiam-se em *derivadas espaciais* de 1ª e 2ª ordem
- •Um filtro de realce tem frequentemente coeficientes positivos no centro e negativos na periferia.
- •A soma dos coeficientes é zero, portanto em zonas de nível de cinzento constante, a resposta é ≈0.

Processamento de Imagem Médica

23



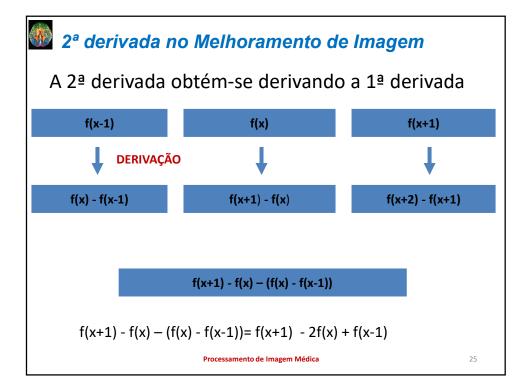
1ª Derivada

A fórmula para a 1ª derivada é:

$$\frac{\partial f}{\partial x} = f(x+1) - f(x)$$

A diferença entre valores consecutivos.

Processamento de Imagem Médica





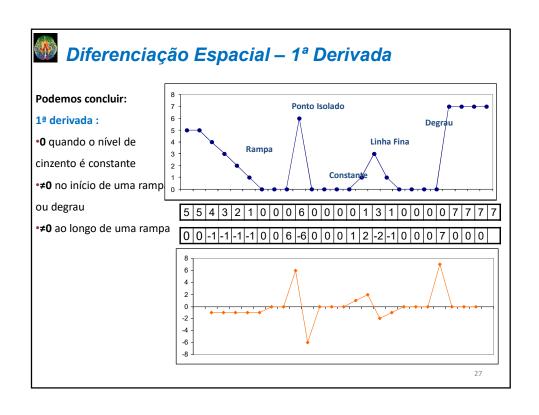
2ª Derivada

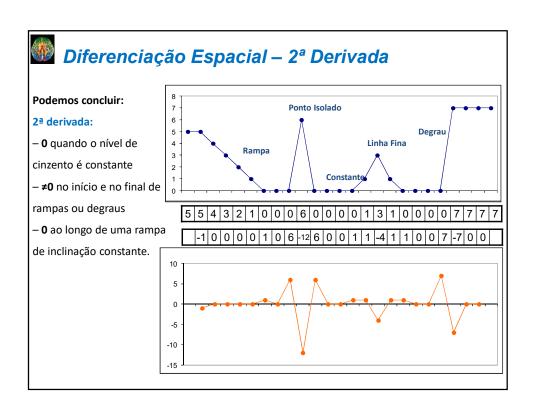
A fórmula para a 2ª derivada é:

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} = f(x+1) + f(x-1) - 2f(x)$$

Tem em consideração os valores antes e depois do valor corrente.

Processamento de Imagem Médica







Diferenciação Espacial

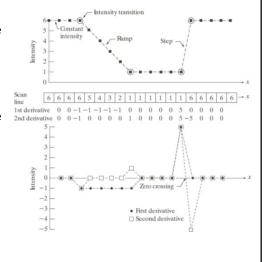
Podemos concluir:

1ª derivada:

- -0 quando o nível de cinzento é constante
- -≠0 no início de uma rampa ou degrau
- –≠0 ao longo de uma rampa

•2ª derivada:

- -0 quando o nível de cinzento é constante
- -≠0 no início e no final de rampas ou degraus
- –0 ao longo de uma rampa de inclinação constante.





1ª & 2ª Derivada

1ª Derivada

- •Dá origem a contornos mais grossos na imagem
- •Geralmente tem resposta a degraus mais fortes, especialmente quando a transição não se faz do nível de cinzento zero.
- •São mais usadas na extracção de contornos, mas também têm aplicação na melhoria de imagem.

2ª Derivada

- •Tem uma resposta mais forte aos detalhes finos, por. ex., linhas de espessura fina, pontos isolados (como o ruído).
- •Produz uma resposta dupla para degraus
- •Geralmente, são mais adequadas para melhoria de contraste, porque realçam os pequenos pormenores.

Processamento de Imagem Médica



1ª Derivada, o Gradiente

Para uma função f(x, y) o gradiente de f nas coordenadas (x, y) é dado pelo vector coluna:

Não é invariante à rotação
$$\nabla \mathbf{f} = \begin{bmatrix} G_x \\ G_y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial f}{\partial x} \\ \frac{\partial f}{\partial y} \end{bmatrix}$$

A magnitude do vector gradiente é dado por:

$$\nabla f = mag(\nabla f) = \left[G_x^2 + G_y^2\right]^{1/2} = \left[\left(\frac{\partial f}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial y}\right)^2\right]^{1/2}$$

$$\nabla f \approx \left|G_x\right| + \left|G_y\right|$$

$$\theta = tg^{-1} \left[\frac{G_y}{G_x}\right]$$
Direcão da aresta $\phi = \theta - 90^\circ$

Direção da aresta $\phi = \theta - 90^{\circ}$



1ª Derivada, o gradiente

Uma região 3x3, sendo os Z's os valores de nível de cinza da região.

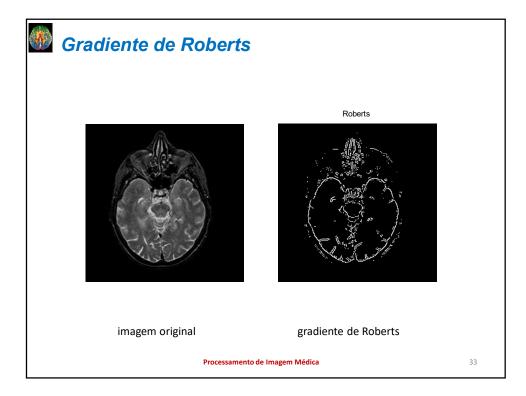
z ₁	z ₂	z ₃
Z ₄	Z ₅	z ₆
z ₇	z ₈	z ₉

Operador de Roberts

$$G_{x} = (z_{9} - z_{5}) \qquad G_{x} = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$G_{y} = (z_{8} - z_{6})$$

$$\nabla f \approx |(z_{9} - z_{5})| + |(z_{8} - z_{6})| \qquad G_{y} = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$



Operadores de Prewitt e Sobel

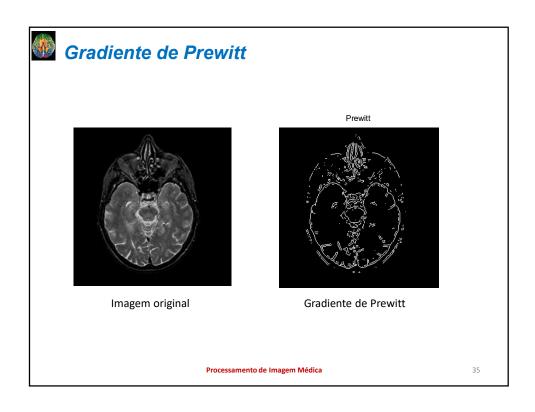
• Operadores 3x3 de *Prewitt:*

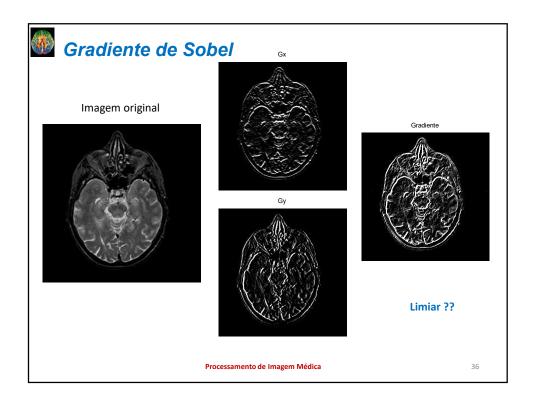
$$G_{x} = \begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \qquad G_{y} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

• Operadores 3x3 de Sobel :

$$G_{x} = \begin{bmatrix} -1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} \qquad G_{y} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Processamento de Imagem Médica





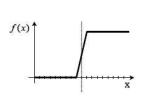


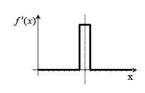
Primeira derivada versus Segunda derivada:

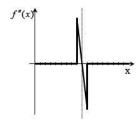
Descontinuidade espacial da amplitude dos pixels.

Magnitude elevada do gradiente espacial.

- ** Primeira derivada (pico)
- ** Segunda derivada (zero crossing)







Processamento de Imagem Médica

27



2ª Derivada no Melhoramento de Imagem

A 2º derivada é mais útil no melhoramento da imagem que a 1º derivada

- Resposta mais "forte" a detalhes
- Implementação mais simples

Filtro Laplaciano

- Isótropico (independente da direcção das descontinuidades na imagem)
- Um dos filtros de melhoramento mais simples

Processamento de Imagem Médica



💯 Laplaciano

O Laplaciano é uma função bidimensional definido por:

$$\nabla^2 f = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2}$$

Frequentemente são consideradas as aproximação da 2ª derivada parcial na direcção x e y:

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} = f(x+1, y) + f(x-1, y) - 2f(x, y)$$

$$\frac{\partial^2 f}{\partial y^2} = f(x, y+1) + f(x, y-1) - 2f(x, y)$$



🚨 Laplaciano

O Laplaciano pode ser aproximado por:

$$\nabla^{2} f = [f(x+1, y) + f(x-1, y) + f(x, y+1) + f(x, y-1)] - 4f(x, y)$$

Pode ser implementado através do filtro

0	0	0
1	-2	1
0	0	0

0	1	0
1	-4	1
0	1	0



Outras Formas de Implementar o Laplaciano

0	1	0	1	1	1
1	-4	1	1	-8	1
0	1	0	1	1	1
0	-1	0	-1	-1	-1
-1	4	-1	-1	8	-1
0	-1	0	-1	-1	-1

- (a) Máscara de filtro usada
- (a) Máscara de filtro usada

 FIGURE 3.37
 (a) Filter mask used
 to implement
 Eq. (3.6-6).
 (b) Mask used to
 implement an
 extension of this
 equation that
 includes the
 diagonal terms.
 (c) and (d) Two
 other implementations of the
 Laplacian found
 dessa equação que inclui
 termos diagonais. termos diagonais.
 - (c) e (d) Duas outras implementações do Laplaciano encontrado frequentemente na prática.

Processamento de Imagem Médica

41



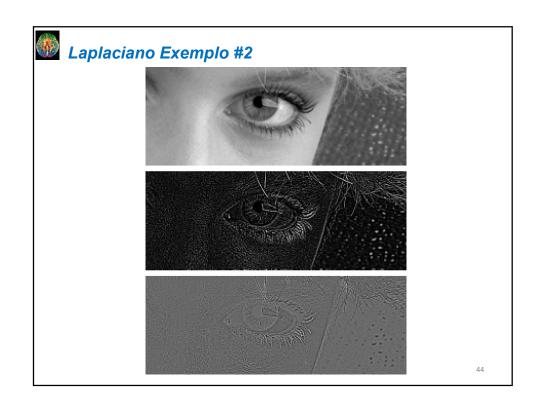
Realce através do Laplaciano

A função fspecial ('laplacian', alpha) implementa uma máscara mais geral que permite o tuning dos resultados.

alpha varia entre [0-1]

$$\begin{array}{c|ccc} \alpha & \frac{1-\alpha}{1+\alpha} & \frac{\alpha}{1+\alpha} \\ \frac{1-\alpha}{1+\alpha} & \frac{-4}{1+\alpha} & \frac{1-\alpha}{1+\alpha} \\ \frac{\alpha}{1+\alpha} & \frac{1-\alpha}{1+\alpha} & \frac{\alpha}{1+\alpha} \end{array}$$







Laplaciano Exemplo #3





Processamento de Imagem Médica

45



Realce através do Laplaciano

Sendo o Laplaciano um operador derivativo, a sua aplicação realça as descontinuidades de intensidade numa imagem e "desenfatiza" regiões com níveis de intensidade que variam lentamente.

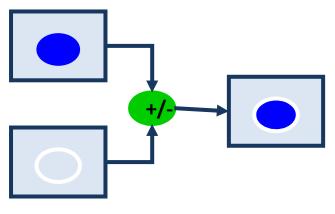
Os **pormenores podem ser recuperados**, mantendo os efeitos do Laplaciano, simplesmente adicionando a imagem Laplaciana à imagem original.

Processamento de Imagem Médica



Realce através do Laplaciano

Os contornos detectados pelo Laplaciano podem ser usados para realçar a imagem!



Processamento de Imagem Médica

17



Realce através do Laplaciano

O realce de uma imagem usando o Lapaciano é dado por:

$$g(x,y) = f(x,y) - c \left[\nabla^2 f(x,y) \right]$$

f(x,y) é a imagem original e c é 1 se o coeficiente central da máscara Laplaciana é negativo ou -1 se é positivo .

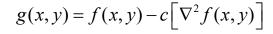
Como o Laplaciano é um **operador derivativo**, realça a imagem mas devolve **0** em áreas de valor constante. Adicionando a imagem original restaura-se as tonalidades originais da imagem.

Processamento de Imagem Médica



Realce através do Laplaciano











- (a) Imagem suavizada.
- (b) Laplaciano sem escala(os valores negativos são apenas colocados a zero)
- (c) Laplaciano com escala (soma de uma constante para que todos os pixels se enquadrem em [0,255])
- (d) Imagem realçada usando máscara ([0 1 0; 1 -4 1; 0 1 0]
- (e) Resultado de uso da máscara ([1 1 1; 1 -8 1; 1 1 1].

ento de Imagem Médica



Realce através do Laplaciano - Simplificação

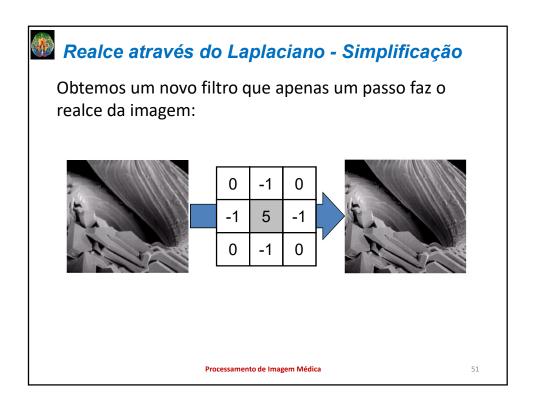
Podemos efetuar todo o processamento com apenas um passo:

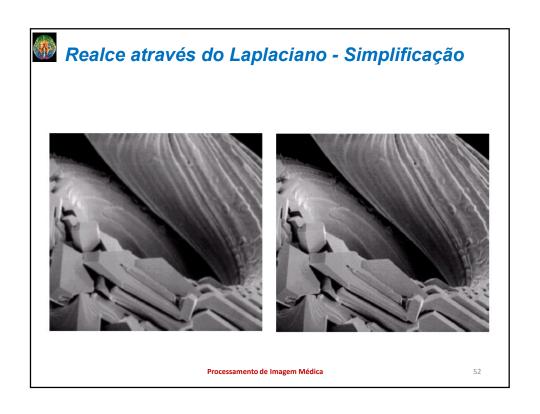
$$g(x,y) = f(x,y) - \nabla^2 f(x,y)$$

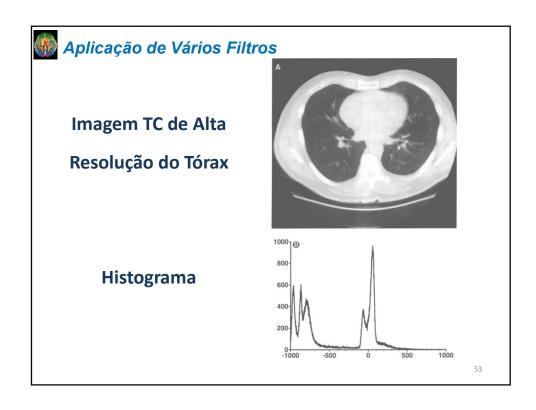
$$= f(x,y) - [f(x+1,y) + f(x-1,y) + f(x,y+1) + f(x,y+1) - 4f(x,y)]$$

$$= 5f(x,y) - f(x+1,y) - f(x-1,y)$$

$$- f(x,y+1) - f(x,y-1)$$







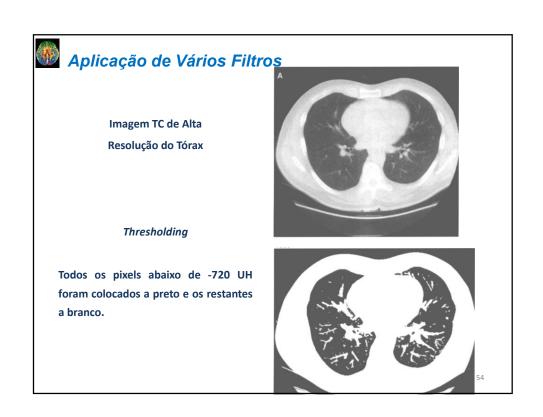




Imagem TC de Alta Resolução do Tórax



Esborratar (blurring)

Aplicação de um filtro de média 9x9.



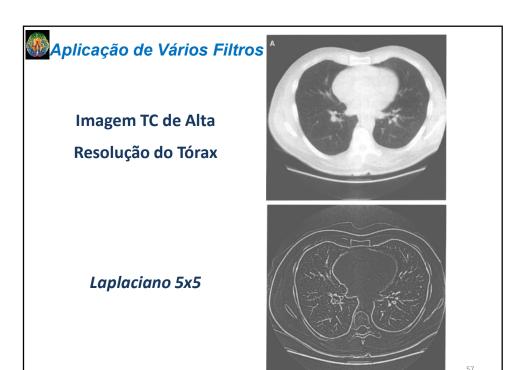
55



Imagem TC de Alta Resolução do Tórax

Deteção de edges - Sobel







UNSHARP MASKING

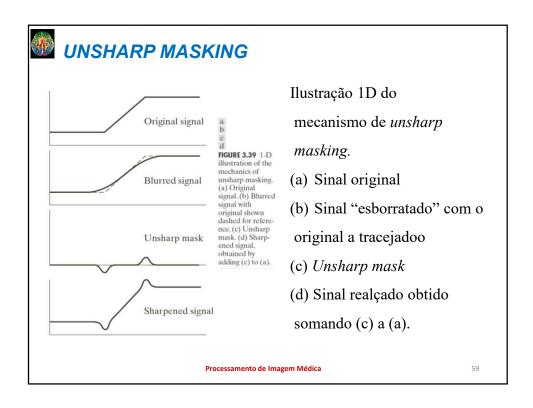
O realce de imagens também se pode obter pela subtração à imagem original de uma imagem suavizada (blurred, smoothed). Esse processo chamado unsharp masking:

- 1) "Esborratar" a imagem original;
- 2)Subtrair a imagem "esborratada" da original, a diferença resultante é chamada de *unsharp mask* ;

$$f_u(x, y) = f(x, y) - \overline{f}(x, y)$$

3) Adicionando a máscara à imagem original, obtem-se a imagem melhorada (*sharpened image*).

Processamento de Imagem Médica





HIGH-BOOST FILTERING

Uma generalização do *unsharp masking designa-se por high-boost filtering* e é dada por:

$$f_{bb}(x, y) = Af(x, y) - \overline{f}(x, y), com A \ge 1$$

Esta equação pode ser escrita da seguinte forma:

$$f_{hb}(x,y) = (A-1)f(x,y) + f(x,y) - \overline{f}(x,y), com A \ge 1$$

Substituindo pela *unsharp masking obtemos a expressão para o high-boost filtering* de uma imagem

$$f_{hb}(x, y) = (A-1)f(x, y) + f_s(x, y)$$

Processamento de Imagem Médica



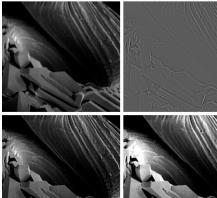
HIGH-BOOST FILTERING

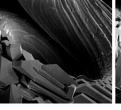
A implementação high-boost filtering pode ser feita usando as máscaras

0	-1	0	-1	-1	-1
-1	A + 4	-1	-1	A + 8	-1
0	-1	0	-1	-1	-1



- a) Imagem escurecida.
- b) Laplaciano da imagem a) usando a máscara da direita, com A = 0.
- c) Melhoramento usado o Laplaciano com A = 1.
- c) Melhoramento usado o Laplaciano com A = 1.7. Processamento de Imagem Médica







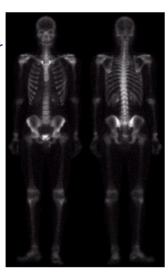


Melhoramento da Imagem Usando Diversas Técnicas

Scanner de corpo inteiro

Objetivo: melhorar a imagerr realçando os detalhes:

- O melhoramento da imagem não é conseguido apenas através de uma única operação.
- Devem ser combinadas técnicas para melhorar o resultado final.





Melhoramento da Imagem Usando Diversas Técnicas Scanner de corpo inteiro:

Problemas:

- Baixo intervalo dinâmico dos níveis de cinzento;
- Muito ruído.

Propostas:

- 1 Laplaciano para realçar detalhes finos.
- 2 Gradiente para destacar os *edges* mais proeminentes.
- 3 Transformações de nível de cinzento para aumentar a gama dinâmica dos níveis de cinzento.

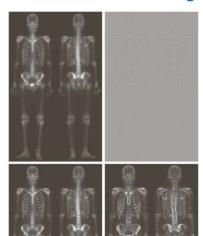
Pr.ocessamento de Imagem Médica



64

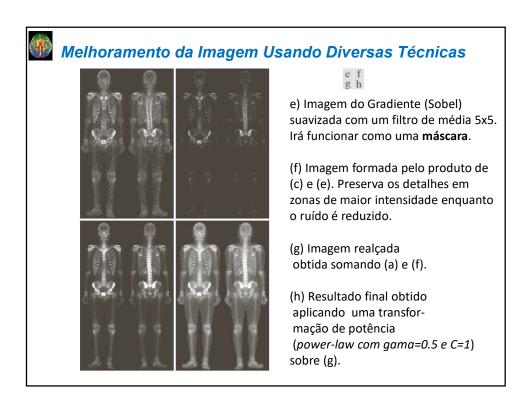


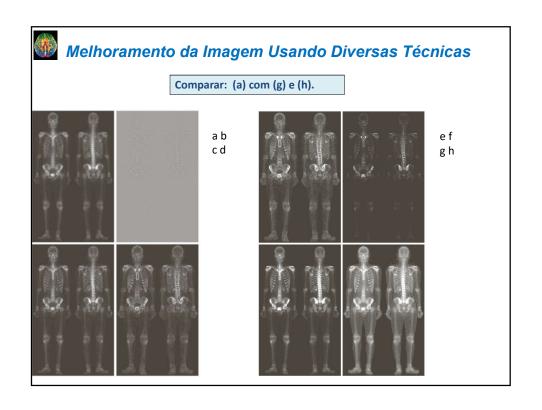
Melhoramento da Imagem Usando várias Técnicas





- (a) Imagem Original. Scanner do corpo completo.
- (b) Laplaciano de (a). Máscara com pixel central 8 e restantes -1.
- (c) Imagem realçada obtida somando (a) e (b). Realce do Ruído??
- (d) Gradiente de Sobel de (a).







Laplaciano

- Geralmente o Laplaciano não é usado *per si* uma vez que é muito sensível ao ruído.
- •Usualmente quando o Laplaciano é utilizado para detecção de contornos é combinado com um filtro Gaussiano de suavização.

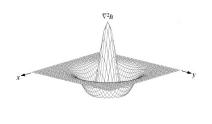
Processamento de Imagem Médica

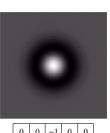
68

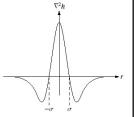


Laplaciano de uma Gaussiana LoG

O filtro Laplaciano de uma Gaussiana (LoG) recorre à Gaussiana para atenuação do ruído e ao Laplaciano para a detecção de contornos.







0 -1 -2 -1 0 -1 -2 16 -2 -1 0 -1 -2 -1 0 0 0 -1 0 0



Referências Bibliográficas

- 1. R. C. Gonzalez, R. E. Woods, Digital image processing, Pearson/Prentice Hall, Third Edition, 2008.
- 2. G. Dougherty, Digital Image Processing for Medical Applications, Cambridge University Press, 2009.
- 3. L. G. Shapiro, G. C. Stockman, Computer Vision, Prentice Hall, 2001.
- 4. K. Najarian, R. Splinter, Biomedical Signal and Image Processing, CRC Press, 2005.

Nota: As imagens que se encontram nos diapositivos constam das referências bibliográficas ou são propriedade da autora.