### Trabalho 2 – Análise de Algoritmos

## Componentes do grupo

Nome: Henrique Rodrigues de Freitas | Matrícula: 0051352311010

Nome: Kauan Toledo Camargo | Matrícula: 0051352311031

### Instruções

- data de referência para entrega: 12/06.
- em grupos de até 4 alunos.
- considerar no trabalho o print do código fonte e o print das simulações;
- nomear o arquivo como "Trabalho 2 de Análise de Algoritmos + 1º nome de um dos componentes do grupo";
- entregar o trabalho em arquivo PDF pelo email do professor: <u>mauricio.mario@fatec.sp.gov.br</u> assunto = **trabalho 2 de Análise de Algoritmos**.

## *Exercício 1* – Criar uma lista com 10 elementos no formato:

ponteiro anterior	nº nó	"nome do funcionário"	"R\$ salário"	ponteiro próximo
-------------------	-------	-----------------------	---------------	------------------

- -Criar estrutura de dados (objetos) para a lista. Definir a chave da lista e os outros objetos (ponteiros, dados);
- -Utilizando o algoritmo de inserção, inserir um 11° elemento na lista, atualizando os ponteiros dos elementos da mesma;
- Utilizando o algoritmo de remoção, remover um elemento da lista, atualizando os ponteiros;
- Executar o algoritmo de busca de nó na lista para cada um dos 10 elementos individualmente, quantificar o tempo de execução para cada um dos elementos, e concluir de acordo com a posição de cada elemento na lista;

### Exercício 2

Criaruma árvore binária que contextualize em seus nós os bairros da cidade de Santos. Desenhar a árvore, com os nós, ponteiros e bairros. Executar o algoritmo de percurso dos nós, quantificando o tempo de execução. Executar o algoritmo de pesquisa para cada um dos nós da árvore, quantificando o tempo de execução para cada nó. Verificar o quanto a altura "h" de cada nó influencia no tempo de busca.

### Exercício 3

Adaptar o algoritmo Merge-Sort para ordenar a sequência de números B; comparar o tempo de execução com a ordenação por intercalação executada no conjunto A. Se necessário executar o algoritmo n vezes para que o tempo medido seja quantificável.

$$A = [6, 6, 7, 8, 0, 1, 5, 9]$$

B = [15, 22, 39, 44, 51, 55, 67, 83, 44, 50, 61, 72, 74, 83, 96, 98]

# **Respostas:**

## Exercício 1:

```
import time
class Lista:
 def Lista(lista,inicio,chave):
   Lista.L = lista
   Lista.inicio = inicio
    Lista.anterior = Lista.L[chave][0]
   Lista.proximo = Lista.L[chave][4]
    Lista.dimensao = len(Lista.L)
    Lista.chave = Lista.L[chave]
def buscar(L, k):
 for p in range(1):
   x = L
    for i in range(len(L)):
      if x[i][1] == k:
        return x, x[i][1], i
def buscar_inserir(L, pos, novo):
 for p in range(1):
   x = L
    x.append(novo)
    p = len(x)-1
   q = len(x)-2
   while p >= pos:
     temp = x[q]
     x[q] = x[p]
     x[p] = temp
      p = p - 1
    for i in range(1, len(x), 1):
      x[i][0] = i-1
    for i in range(0, len(x)-1, 1):
      x[i][4] = i+1
    return x
def delete(L, k):
 for p in range(1):
   x = L
   x.pop(k)
 for i in range(1, len(x), 1):
   x[i][0] = i-1
 for i in range(1, len(x)-1, 1):
    x[i][0] = i+1
 return x
L = [[0, 1, 'João Silva', 4500.0, 1],[1, 2, 'Maria Oliveira', 5200.0, 2],[2, 3,
'Carlos Pereira', 4800.0, 3],[3, 4, 'Ana Souza', 5300.0, 4],[4, 5, 'Pedro Costa',
4600.0, 5],[5, 6, 'Fernanda Lima', 4700.0, 6],[6, 7, 'Rafael Almeida', 5100.0, 7],[7,
```

```
8, 'Juliana Martins', 4900.0, 8],[8, 9, 'Roberto Gonçalves', 5500.0, 9],[9, 10,
'Patricia Ferreira', 5000.0, 10]]
ele = [10, 11, 'Dor e Sofrimento', '9999.9', 12]
x, chave, pos chave = buscar(L, 5)
Lista.Lista(L, L[0], pos chave)
print('L padrao: ',x,'\n')
L_novo = buscar_inserir(L, pos_chave, ele)
Lista.Lista(L, L[0], pos_chave)
print('L Insert: ',L_novo,'\n')
L novo = delete(L, 5)
Lista.Lista(L, L[0], pos_chave)
print('L Delete: ',L_novo,'\n')
for i in range(len(L)):
 srt = time.time()
 for j in range(100000):
    x, chave, pos_chave = buscar(L, 5)
   Lista.Lista(L, L[i], pos_chave)
 fnl = time.time()
 print(f'Tempo de processo da chave {i}: ', fnl-srt)
```

## Console ex1:

```
L padrao: [[0, 1, 'João Silva', 4500.0, 1], [1, 2, 'Maria Oliveira', 5200.0, 2], [2, 3, 'Carlos Pereira', 4800.0, 3], [3, 4, 'Ana Souza', 5300.0, 4], [4, 5, 'Pedro Costa', 4600.0, 5], [5, 6, 'Fernanda Lima', 4700.0, 6], [6, 7, 'Rafael Almeida', 5100.0, 7], [7, 8, 'Juliana Martins', 4900.0, 8], [8, 9, 'Roberto Gonçalves', 5500.0, 9], [9, 10, 'Patricia Ferreira', 5000.0, 10]

L Insert: [[0, 1, 'João Silva', 4500.0, 1], [0, 2, 'Maria Oliveira', 5200.0, 2], [1, 3, 'Carlos Pereira', 4800.0, 3], [2, 4, 'Ana Souza', 5300.0, 4], [3, 6, 'Fernanda Lima', 4700.0, 5], [4, 7, 'Rafael Almeida', 5100.0, 6], [5, 8, 'Juliana Martins', 4900.0, 7], [6, 9, 'Roberto Gonçalves', 5500.0, 8], [7, 11, 'Dor e Sofrimento', '9999.9', 9], [8, 5, 'Pedro Costa', 4600.0, 10], [9, 10, 'Patricia Ferreira', 5000.0, 10]]

Tempo de processo da chave 0: 0.1912386417388916
Tempo de processo da chave 1: 0.19620418548583904
Tempo de processo da chave 2: 0.194266666290832
Tempo de processo da chave 2: 0.1942666666290832
Tempo de processo da chave 3: 0.197604778042383
Tempo de processo da chave 4: 0.29591378211975698
Tempo de processo da chave 5: 0.1999321916060167
Tempo de processo da chave 6: 0.199232816696167
Tempo de processo da chave 7: 0.197684935766498
Tempo de processo da chave 8: 0.1882617473662295
Tempo de processo da chave 8: 0.1882617473682265
```

## Exercício 2:

```
#ex 2 lista 2
import time

class Node:
    def __init__(self, bairro, esquerda=None, direita=None):
        self.bairro = bairro
        self.esquerda = esquerda
        self.direita = direita

class BinaryTree:
    def __init__(self):
```

```
self.raiz = None
def insert(self, bairro):
    if not self.raiz:
        self.raiz = Node(bairro)
    else:
        self. insert(self.raiz, bairro)
def _insert(self, node, bairro):
    if bairro < node.bairro:</pre>
        if node.esquerda:
            self._insert(node.esquerda, bairro)
        else:
            node.esquerda = Node(bairro)
    else:
        if node.direita:
            self._insert(node.direita, bairro)
            node.direita = Node(bairro)
def traverse(self):
    self._traverse(self.raiz)
def _traverse(self, node):
    if node:
        self. traverse(node.esquerda)
        print(node.bairro)
        self._traverse(node.direita)
def search(self, bairro):
    start time = time.time()
    result = self._search(self.raiz, bairro)
    end time = time.time()
    print(f"Tempo de busca para {bairro}: {end_time - start_time:.6f} segundos")
    return result
def _search(self, node, bairro):
    if node:
        if node.bairro == bairro:
            return True
        elif bairro < node.bairro:</pre>
            return self._search(node.esquerda, bairro)
        else:
            return self._search(node.direita, bairro)
    return False
def findHeight(self, node, x):
    if node is None:
        return -1
    if node.bairro == x:
        return 0
    leftHeight = self.findHeight(node.esquerda, x)
    rightHeight = self.findHeight(node.direita, x)
    if leftHeight > rightHeight:
```

```
return leftHeight + 1
        else:
            return rightHeight + 1
# Criar a árvore binária
arvore = BinaryTree()
# Inserir os bairros da cidade de Santos
bairros = ["Gonzaga", "Ponta da Praia", "Embaré", "Aparecida", "São Vicente", "Santos
Centro", "Vila Mathias", "Vila Belmiro", "Boqueirão", "Campo Grande"]
for bairro in bairros:
    arvore.insert(bairro)
# Desenhar a árvore
print("Árvore binária:")
arvore.traverse()
# Executar o algoritmo de percurso dos nós
start_time = time.time()
arvore.traverse()
end_time = time.time()
print(f"Tempo de percurso: {end_time - start_time:.6f} segundos")
# Executar o algoritmo de pesquisa para cada um dos nós da árvore
for bairro in bairros:
    arvore.search(bairro)
# Verificar o quanto a altura "h" de cada nó influencia no tempo de busca
print("Influência da altura 'h' no tempo de busca:")
for bairro in bairros:
    altura = arvore.findHeight(arvore.raiz, bairro)
    print(f"Bairro: {bairro}, Altura: {altura}, Tempo de busca:
{arvore.search(bairro)}")
```

Console ex2:

Árvore binária: Aparecida Boqueirão Campo Grande Embaré Gonzaga Ponta da Praia Santos Centro São Vicente Vila Belmiro Vila Mathias **Aparecida** Boqueirão Campo Grande Embaré Gonzaga Ponta da Praia Santos Centro São Vicente Vila Belmiro Vila Mathias Tempo de percurso: 0.000997 segundos Tempo de busca para Gonzaga: 0.000000 segundos Tempo de busca para Ponta da Praia: 0.000000 segundos Tempo de busca para Embaré: 0.000000 segundos Tempo de busca para Aparecida: 0.000000 segundos Tempo de busca para São Vicente: 0.000000 segundos Tempo de busca para Santos Centro: 0.000000 segundos Tempo de busca para Vila Mathias: 0.000000 segundos Tempo de busca para Vila Belmiro: 0.000000 segundos Tempo de busca para Boqueirão: 0.000000 segundos Tempo de busca para Campo Grande: 0.000000 segundos Influência da altura 'h' no tempo de busca: Tempo de busca para Gonzaga: 0.000000 segundos Bairro: Gonzaga, Altura: 0, Tempo de busca: True Tempo de busca para Ponta da Praia: 0.000000 segundos Bairro: Ponta da Praia, Altura: 4, Tempo de busca: True Tempo de busca para Embaré: 0.000000 segundos Bairro: Embaré, Altura: 4, Tempo de busca: True Tempo de busca para Aparecida: 0.000000 segundos Bairro: Aparecida, Altura: 4, Tempo de busca: True Tempo de busca para São Vicente: 0.000000 segundos Bairro: São Vicente, Altura: 4, Tempo de busca: True Tempo de busca para Santos Centro: 0.000000 segundos Bairro: Santos Centro, Altura: 4, Tempo de busca: True Tempo de busca para Vila Mathias: 0.000000 segundos Bairro: Vila Mathias, Altura: 4, Tempo de busca: True Tempo de busca para Vila Belmiro: 0.000000 segundos Bairro: Vila Belmiro, Altura: 4, Tempo de busca: True Tempo de busca para Boqueirão: 0.000000 segundos Bairro: Boqueirão, Altura: 4, Tempo de busca: True Tempo de busca para Campo Grande: 0.000000 segundos Bairro: Campo Grande, Altura: 4, Tempo de busca: True

```
import time
import random
def merge sort(arr):
    if len(arr) <= 1:</pre>
        return arr
    mid = len(arr) // 2
    left = merge_sort(arr[:mid])
    right = merge_sort(arr[mid:])
    return merge(left, right)
def merge(left, right):
    result = []
    while len(left) > 0 and len(right) > 0:
        if left[0] <= right[0]:</pre>
            result.append(left.pop(0))
        else:
            result.append(right.pop(0))
    result.extend(left)
    result.extend(right)
    return result
def intercalacao(A):
    n = len(A)
    for i in range(n-1):
        for j in range(n-i-1):
           if A[j] > A[j+1]:
                A[j], A[j+1] = A[j+1], A[j]
    return A
A = [6, 6, 7, 8, 0, 1, 5, 9]
B = [15, 22, 39, 44, 51, 55, 67, 83, 44, 50, 61, 72, 74, 83, 96, 98]
# Executar o algoritmo de ordenação por intercalação em A
start_time = time.time()
for _ in range(1000): # Executar 1000 vezes para que o tempo seja quantificável
    intercalacao(A.copy()) # Copiar a lista A para não alterar a original
end time = time.time()
print(f"Tempo de ordenação por intercalação em A: {end_time - start_time:.6f}}
segundos")
# Executar o algoritmo Merge-Sort em B
start time = time.time()
for _ in range(1000): # Executar 1000 vezes para que o tempo seja quantificável
    merge_sort(B.copy()) # Copiar a lista B para não alterar a original
end time = time.time()
print(f"Tempo de ordenação por Merge-Sort em B: {end time - start time:.6f}
segundos")
```

## Console ex3:

Tempo de ordenação por intercalação em A: 0.003992 segundos Tempo de ordenação por Merge-Sort em B: 0.016027 segundos