

提高组模拟赛

| | | | |
|---------|--------------|---------|------------|
| 题目名称 | 灯塔覆盖 | 剪刀石头布 | 滑稽果 |
| 题目类型 | 传统型 | 传统型 | 传统型 |
| 目录 | lighting | rsp | energy |
| 可执行文件名 | lighting | rsp | energy |
| 输入文件名 | lighting.in | rsp.in | energy.in |
| 输出文件名 | lighting.out | rsp.out | energy.out |
| 每个测试点时限 | 1s | 3s | 2s |
| 内存限制 | 512M | 512M | 512M |
| 测试点数目 | 10 | 10 | 20 |
| 每个测试点分值 | 10 | 10 | 5 |

提交源程序文件名：

| | | | |
|--------------|--------------|---------|------------|
| 对于 C++语言 | lighting.cpp | rsp.cpp | energy.cpp |
| 对于 C 语言 | lighting.c | rsp.c | energy.c |
| 对于 Pascal 语言 | lighting.pas | rsp.pas | energy.pas |

编译选项：

| | | | |
|--------------|---------|---------|---------|
| 对于 C++语言 | -O2 -lm | -O2 -lm | -O2 -lm |
| 对于 C 语言 | -O2 -lm | -O2 -lm | -O2 -lm |
| 对于 Pascal 语言 | -O2 | -O2 | -O2 |

*评测时不单独设置栈空间限制，为内存限制。

灯塔覆盖(lightning)

【题目描述】

一块大小为 $N*N$ 的场地，场地上有 K 个灯塔。每个灯塔可以照亮一块以它为顶点且平行于坐标轴的矩形。小 L 想知道，是否存在一种灯塔照明方案，使得整个场地都被照亮。多组数据。

**注意不是每个格点被照亮，而是每个格子都被照亮。*

【输入格式】

从文件 *lightning.in* 中读入数据。

第一行一个正整数 T ，表示数据组数。

对于每一组数据：

第一行 2 个整数 K, N ，表示场地大小和的灯塔数量。

第二行到第 $K+1$ 行，每行两个整数 X_i, Y_i 表示每一个灯塔的坐标。

【输出格式】

输出到文件 *lightning.out* 中。

对于每一组数据，如果灯光可以覆盖所有的场地，输出“yes”，否则输出“no”。

【样例 1 输入】

```
2
2 10
0 0
1 0
2 10
1 2
1 1
```

【样例 1 输出】

```
yes
no
```

【样例 2 输入】

见下发文件 *lightning2.in* 。

【样例 2/3/4 输出】

见下发文件 *lightning2.ans* 。

【子任务】

对于 100% 的数据： $1 \leq N \leq 10^9$ ； $K \leq 100$ ； $T \leq 100$ ；

详细数据范围见下表：

| 测试点编号 | N | K | 测试点编号 | N | K |
|-------|-------------|----------|-------|-------------|------------|
| 1 | ≤ 1000 | ≤ 2 | 6 | $\leq 10^9$ | ≤ 15 |
| 2 | | ≤ 5 | 7 | | |
| 3 | | ≤ 6 | 8 | | ≤ 100 |
| 4 | | ≤ 7 | 9 | | |
| 5 | | ≤ 8 | 10 | | |

石头剪刀布(rsp)

【题目描述】

小 P 最近迷上了石头剪刀布，他观看了一场沙雕石头剪刀布大赛

比赛共有 2^n 个沙雕参加，选手的编号为 $0 \dots 2^n - 1$ ，分为 n 轮，在每轮中，第 0 位选手和第 1 位选手对战，胜者作为新的第 0 位选手，第 2 位和第 3 位对战，胜者作为新的第 1 位选手，以此类推。

小 P 得知，每个沙雕都有一种固定的偏爱决策，每个沙雕在每一次对战中都只会使用他的偏爱决策。

如果一次对战的双方的偏爱决策相同，那么这次对战就永远不会结束，那么作为观众会十分无聊。

现在，小 P 知道了偏爱每种决策的沙雕数目，他想知道一种能够决出最终胜负的初始的次序。

若有多种可能次序，我们设字典序最小的为答案。

因为答案可能很长，你只需要输出答案的 hash 值以及第 1 到 r 位。

$\text{hash} = \sum S_i \times 233^i \bmod 998244353$ ($i=0 \dots 2^n-1$)

(S_i 表示初始标号为 i 的人的偏好决策对应的大写字母 ASCII 码)

【输入格式】

从文件 *rsp.in* 中读入数据。

第一行两个整数 n , op ，表示数据规模和数据类型。

当 $op = 1$ 时，不需要输出答案的第 1 到 r 位。

当 $op = 2$ 时，不需要输出 hash 值。

第二行一个大整数，表示偏爱决策为石头 R 的人数。

第三行一个大整数，表示偏爱决策为剪刀 S 的人数。

第四行一个大整数，表示偏爱决策为布 P 的人数。

若 $op \neq 1$ ，第五，六行，两个 n 位二进制数 l, r ，表示要求你输出的范围。

【输出格式】

输出到文件 *rsp.out* 中。

若不存在合法初始序列，输出 -1，否则：

若 $op \neq 2$ ，输出一个整数，表示最优序列 hash 值。

若 $op \neq 1$ ，输出一个由 "R, S, P" 构成的字符串，表示最优序列的第 1 到 r 位。

【样例 1 输入】

```
4 3
4
4
8
0000
1111
```

【样例 1 输出】

-1

【样例 2 输入】

1 1
1
1
0

【样例 2 输出】

19421

【样例 3 输入】

3 3
2
3
3
011
110

【样例 3 输出】

879001374
SPSR

【子任务】

对于 100%的数据： $1 \leq n \leq 300000$, $0 \leq r-1 \leq 300000$, $R+S+P=2^n$ 。

详细数据范围见下表：

| 测试点编号 | N | r-1 | op |
|-------|---------------|---------------|----|
| 1 | ≤ 3 | ≤ 8 | 1 |
| 2 | | | 3 |
| 3 | ≤ 20 | ≤ 1000 | 1 |
| 4 | | | 2 |
| 5 | ≤ 2000 | ≤ 2000 | 1 |
| 6 | | | 2 |
| 7 | | | 3 |
| 8 | ≤ 300000 | ≤ 300000 | 1 |
| 9 | | | 2 |
| 10 | | | 3 |

滑稽果(energy)

【题目描述】

树上现在有着 n 个滑稽果，每个滑稽果有一个能量值 V_i ，小 L 将要从树上取下 k 个滑稽果。

小 L 对于每种能量和选取的方案数感兴趣，但由于不同的能量和太多了，所以他只想要知道（能量和*方案数）的异或和。具体来说，他想要知道：

$\text{ans}_i * i \bmod 998244353$ 的异或和（设能量和为 i 的选取方案数为 ans_i ）

注意如果选了 2 个滑稽果 a 和 b ， (a, b) 和 (b, a) 视为一种方案。选 3 个滑稽果 (a, b, c) 时， (a, b, c) ， (b, c, a) ， (c, a, b) ， (c, b, a) ， (b, a, c) ， (a, c, b) 视为一种方案。

【输入格式】

从文件 *energy.in* 中读入数据。

第一行 2 个整数 N, K ，表示滑稽果的数量，选取的个数。

第二行 N 个整数 $V_1..V_n$ 。表示每个滑稽果的能量值。

【输出格式】

输出到文件 *energy.out* 中。

设答案中能量和为 i 的方案数为 ans_i 。

输出所有 ans_i 不为 0 的位置中， $\text{ans}_i * i \bmod 998244353$ 的异或和。注意最后的异或和不要再一次取模。

【样例 1 输入】

```
4 3
1 2 2 5
```

【样例 1 输出】

```
28
```

【样例 1 解释】

有 4 种不同的选取方案 $(1, 2, 3)$ $(1, 2, 4)$ $(1, 3, 4)$ $(2, 3, 4)$ ，它们的能量和分别为 5, 8, 8, 9。异或和为 $5 \text{ xor } (8*2) \text{ xor } 9 = 28$ 。

【样例 2/3/4 输入】

见下发文件 *energy2/3/4.in*。

这三个输入对应了 $K=2/3/4$ 的情况。

【样例 2/3/4 输出】

见下发文件 *energy2/3/4.ans*。

【子任务】

对于 100% 的数据： $1 \leq N \leq 200000$ ； $K \leq 4$ ； $1 \leq V_i \leq 100000$ ；

详细数据范围见下表：

| 测试点编号 | N | K | Vi |
|-------|---------|----|---------|
| 1 | ≤1000 | ≤4 | ≤1000 |
| 2 | | | |
| 3 | ≤200000 | =2 | |
| 4 | | =3 | |
| 5 | | | |
| 6 | | | |
| 7 | | =4 | |
| 8 | | | |
| 9 | | | |
| 10 | | | |
| 11 | | | |
| 12 | | =2 | ≤100000 |
| 13 | | =3 | |
| 14 | | | |
| 15 | | | |
| 16 | | =4 | |
| 17 | | | |
| 18 | | | |
| 19 | | | |
| 20 | | | |

