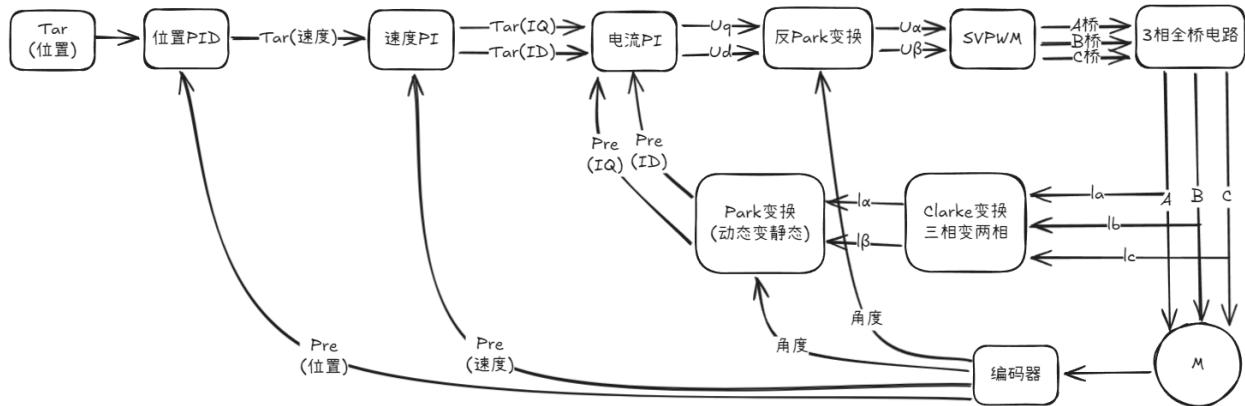


目标：三环嵌套（电流环、速度环、位置环）

FOC控制原理



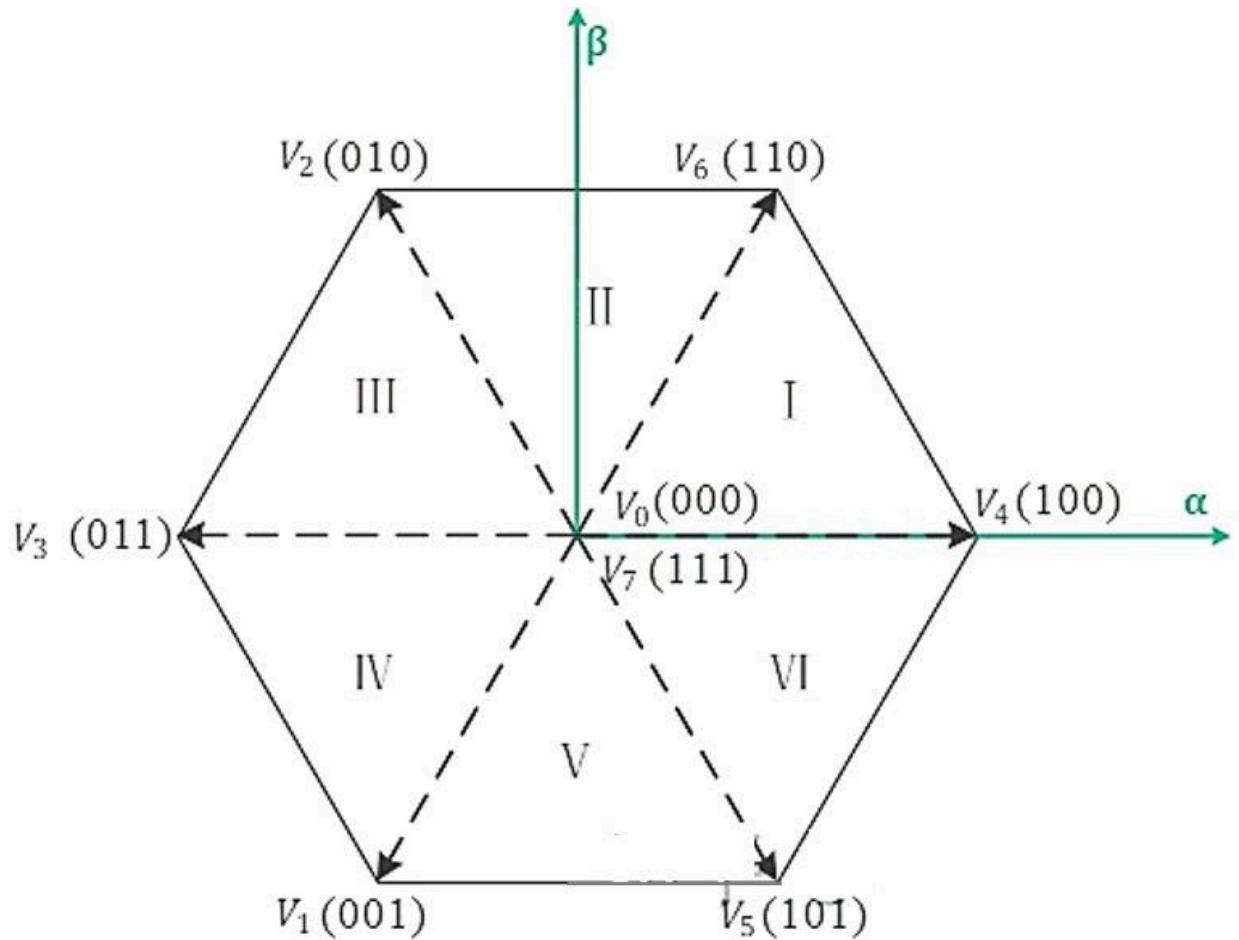
有感FOC步骤框图

过程：

1. 对电机三相电流进行采样得到 I_a 、 I_b 、 I_c
2. 将 I_a 、 I_b 、 I_c 经过 Clarke 变换得到 I_α 、 I_β
3. 将 I_α 、 I_β 经过 Park 变换得到 I_q 、 I_d
4. 计算 I_q 、 I_d 和其设定值 I_{q_ref} 、 I_{d_ref} 的误差
5. 将上述误差输入两个 PID（只用到 PI）控制器，得到输出的控制电压 U_q 、 U_d
6. 将 U_q 、 U_d 进行反 Park 变换得到 U_α 、 U_β
7. 用 U_α 、 U_β 合成电压空间矢量，输入 SVPWM 模块进行调制，输出该时刻三个半桥的状态编码值
8. 按照前面输出的编码值控制三相逆变器的 MOS 管开关，驱动电机
9. 循环上述步骤

原理：（无刷直流电机可分为定子和转子）

1. 六步换相



2. 克拉克变换及其逆变换（降维解耦）

$$\begin{bmatrix} I_\alpha \\ I_\beta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I_a \\ I_b \\ I_c \end{bmatrix}$$

克拉克逆变换可得

$$\begin{cases} I_a = I_\alpha \\ I_b = \frac{\sqrt{3}I_\beta - I_\alpha}{2} \\ I_c = \frac{-\sqrt{3}I_\beta - I_\alpha}{2} \end{cases}$$

3. 帕克变换（θ是电角度，由编码器实时提供的）

$$\begin{bmatrix} I_d \\ I_q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos\theta & \sin\theta \\ -\sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I_\alpha \\ I_\beta \end{bmatrix}$$

帕克逆变换

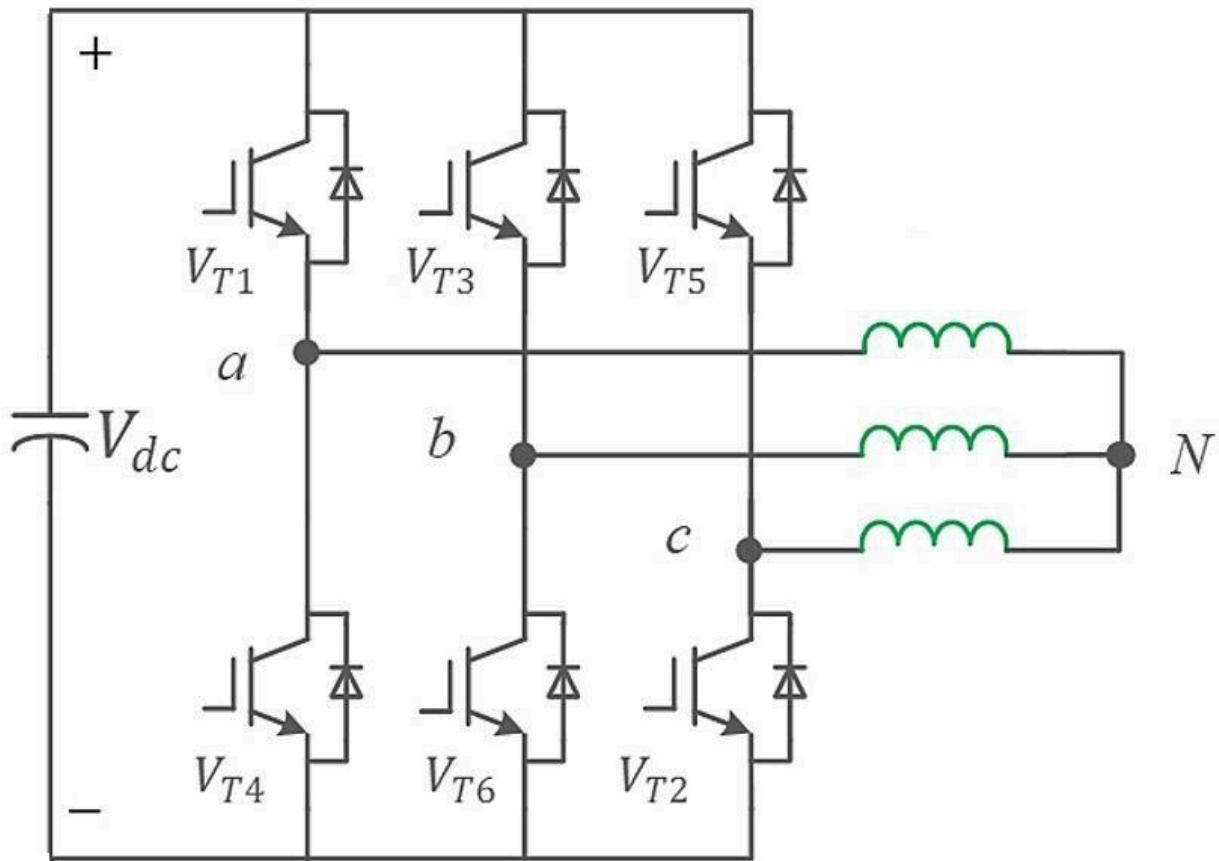
$$\begin{bmatrix} I_\alpha \\ I_\beta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos\theta & \sin\theta \\ -\sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix}^{-1} \cdot \begin{bmatrix} I_d \\ I_q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I_d \\ I_q \end{bmatrix}$$

4. 电角度 = 机械角度 * 极对数

则三相电压空间矢量相加的合成空间矢量 $U(t)$ 就可以表示为

$$U(t) = K[U_A(t) + U_B(t)e^{\frac{j2\pi}{3}} + U_C(t)e^{\frac{j4\pi}{3}}] = K \frac{3\sqrt{2}}{2} U_m e^{j2\pi ft}$$

可见 $U(t)$ 是一个旋转空间矢量，其幅值不变，为相电压峰值的1.5倍。

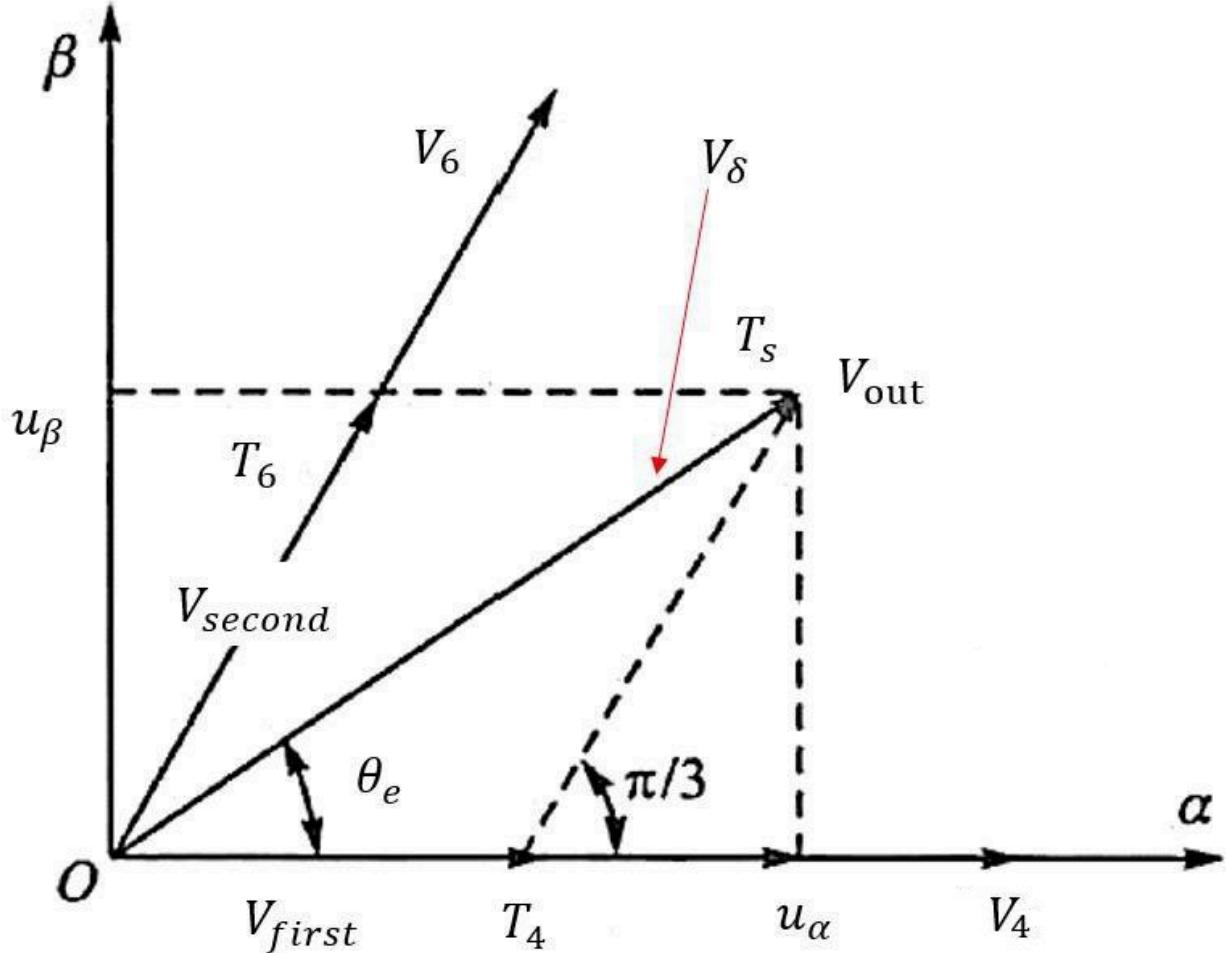


S_a	S_b	S_c	状态V	V_{AN}	V_{BN}	V_{CN}
0	0	0	V_0	0	0	0
0	0	1	V_1	$-\frac{1}{3}V_{dc}$	$-\frac{1}{3}V_{dc}$	$\frac{2}{3}V_{dc}$
0	1	0	V_2	$-\frac{1}{3}V_{dc}$	$\frac{2}{3}V_{dc}$	$-\frac{1}{3}V_{dc}$
0	1	1	V_3	$-\frac{2}{3}V_{dc}$	$\frac{1}{3}V_{dc}$	$\frac{1}{3}V_{dc}$
1	0	0	V_4	$\frac{2}{3}V_{dc}$	$-\frac{1}{3}V_{dc}$	$-\frac{1}{3}V_{dc}$
1	0	1	V_5	$\frac{1}{3}V_{dc}$	$-\frac{2}{3}V_{dc}$	$\frac{1}{3}V_{dc}$
1	1	0	V_6	$\frac{1}{3}V_{dc}$	$\frac{1}{3}V_{dc}$	$-\frac{2}{3}V_{dc}$
1	1	1	V_7	0	0	0

$$\begin{cases} V_0 = V_7 = 0 \\ V_1 = \frac{2}{3}(-\frac{1}{3}V_{dc} - \frac{1}{3}V_{dc}e^{\frac{j2\pi}{3}} + \frac{2}{3}V_{dc}e^{\frac{j4\pi}{3}}) = \frac{2}{3}V_{dc}e^{\frac{j4\pi}{3}} \\ V_2 = \frac{2}{3}(-\frac{1}{3}V_{dc} + \frac{2}{3}V_{dc}e^{\frac{j2\pi}{3}} - \frac{1}{3}V_{dc}e^{\frac{j4\pi}{3}}) = \frac{2}{3}V_{dc}e^{\frac{j2\pi}{3}} \\ V_3 = \frac{2}{3}(-\frac{2}{3}V_{dc} + \frac{1}{3}V_{dc}e^{\frac{j2\pi}{3}} + \frac{1}{3}V_{dc}e^{\frac{j4\pi}{3}}) = -\frac{2}{3}V_{dc} \\ V_4 = \frac{2}{3}(\frac{2}{3}V_{dc} - \frac{1}{3}V_{dc}e^{\frac{j2\pi}{3}} - \frac{1}{3}V_{dc}e^{\frac{j4\pi}{3}}) = \frac{2}{3}V_{dc} \\ V_5 = \frac{2}{3}(\frac{1}{3}V_{dc} - \frac{2}{3}V_{dc}e^{\frac{j2\pi}{3}} + \frac{1}{3}V_{dc}e^{\frac{j4\pi}{3}}) = \frac{2}{3}V_{dc}e^{\frac{j5\pi}{3}} \\ V_6 = \frac{2}{3}(\frac{1}{3}V_{dc} + \frac{1}{3}V_{dc}e^{\frac{j2\pi}{3}} - \frac{2}{3}V_{dc}e^{\frac{j4\pi}{3}}) = \frac{2}{3}V_{dc}e^{\frac{j\pi}{3}} \end{cases}$$

可以分成一组零向量 V_0 、 V_7 和一组非零向量 V_1 、 V_2 、 V_3 、 V_4 、 V_5 、 V_6 ，将这六个非零向量的顶点连接起来，可以分成6个扇形区域。

在 T_s 周期内，可以分成多个 T_i ，即 $T_s = \sum_{i=1}^n T_i$ ，其中 T_s 是无穷小项



在扇形分区1：

$$\begin{cases} T_s V_{out} = T_4 V_4 + T_6 V_6 + T_0 V_0 \\ T_s = T_0 + T_4 + T_6 \\ V_{first} = \frac{T_4}{T_s} V_4 \\ V_{second} = \frac{T_6}{T_s} V_6 \\ \frac{|V_{out}|}{\sin(\frac{\pi}{3})} = \frac{|V_{first}|}{\sin(\frac{\pi}{3} - \theta)} = \frac{|V_{second}|}{\sin(\theta)} \\ V_4 = \frac{2}{3}V_{dc} \\ V_6 = \frac{2}{3}V_{dc}e^{\frac{j\pi}{3}} \end{cases}$$

可以得到

$$\begin{cases} |V_4| = |V_6| = \frac{2}{3} V_{dc} \\ |V_{out}| = u_m \\ T_4 = \sqrt{3} \frac{u_m}{V_{dc}} T_s \sin\left(\frac{\pi}{3} - \theta\right) \\ T_6 = \sqrt{3} \frac{u_m}{V_{dc}} T_s \sin(\theta) \\ T_0 = T_7 = \frac{1}{2}(T_s - T_4 - T_6) \end{cases}$$

已经在开关周期 T_s 是不够的，还需要知道这个 T_i 是怎么分配的，可以按照一个原则来分配：在合成一次参考电压时（一个开关周期 T_s 内），开关动作次数最少。这样逆变器上开关的损耗最小。

扇形位置	开关顺序
$I(0^\circ \leq \theta \leq 60^\circ)$	0→4→6→7→7→6→4→0
$II(60^\circ \leq \theta \leq 120^\circ)$	0→2→6→7→7→6→2→0
$III(120^\circ \leq \theta \leq 180^\circ)$	0→2→3→7→7→3→2→0
$IV(180^\circ \leq \theta \leq 240^\circ)$	0→1→3→7→7→3→1→0
$V(240^\circ \leq \theta \leq 300^\circ)$	0→1→5→7→7→5→1→0
$VI(300^\circ \leq \theta \leq 360^\circ)$	0→4→5→7→7→5→4→0

扇区判定

扇区	$-\frac{\sqrt{3}}{2}\alpha - \frac{1}{2}\beta$	$\frac{\sqrt{3}}{2}\alpha - \frac{1}{2}\beta$	u_β	N
I	0	1	1	3
II	0	0	1	1
III	1	0	1	5
IV	1	0	0	4
V	1	1	0	6
VI	0	1	0	2

根据上图可以得到以 U_α 、 U_β 为自变量：

$$\begin{cases} u_\alpha = \frac{T_4}{T_s} |V_4| + \frac{T_6}{T_s} |V_6| \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) \\ u_\beta = \frac{T_6}{T_s} |V_6| \sin\left(\frac{\pi}{3}\right) \end{cases}$$

可以推导到

$$\begin{cases} T_4 = \frac{\sqrt{3}T_s}{2V_{dc}}(\sqrt{3}u_\alpha - u_\beta) \\ T_6 = \frac{\sqrt{3}T_s}{V_{dc}}u_\beta \end{cases}$$

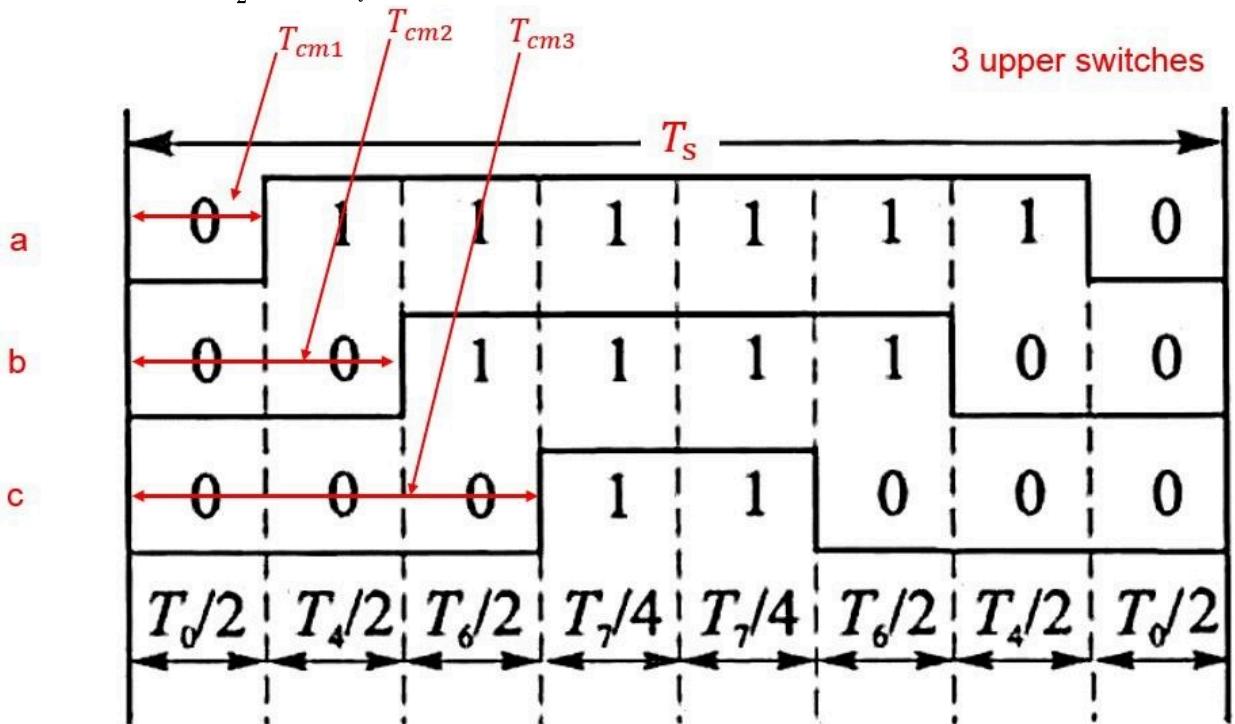
为了在其他扇区中重复利用在第一个扇区得到的上述结论并简化表达式，定义了三个变量

$$\begin{cases} X = \frac{\sqrt{3}T_s u_\beta}{V_{dc}} \\ Y = \frac{\sqrt{3}T_s}{V_{dc}}\left(\frac{\sqrt{3}}{2}u_\alpha + \frac{1}{2}u_\beta\right) \\ Z = \frac{\sqrt{3}T_s}{V_{dc}}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}u_\alpha + \frac{1}{2}u_\beta\right) \end{cases}$$

可以归到下列表中

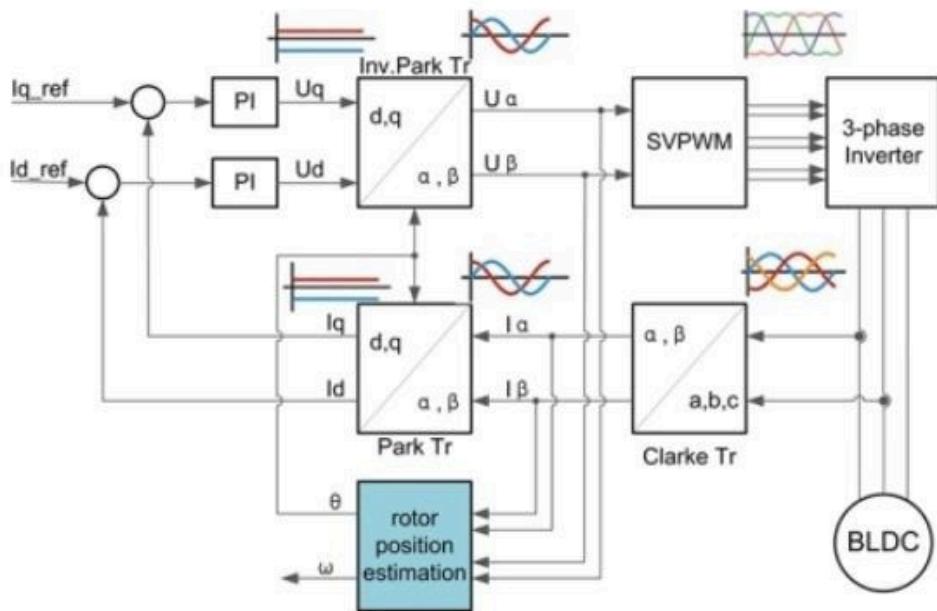
N	$1(II)$	$2(VI)$	$3(I)$	$4(IV)$	$5(III)$	$6(V)$
T_{first}	Z	Y	$-Z$	$-X$	X	$-Y$
T_{second}	Y	$-X$	X	Z	$-Y$	$-Z$

$$T_0(T_7) T_0(T_7) = \frac{1}{2}(T_s - T_{first} - T_{second})$$



可求得 T_{cm1} 、 T_{cm2} 、 T_{cm3} 如下表所示

N	$1(II)$	$2(VI)$	$3(I)$	$4(IV)$	$5(III)$	$6(V)$
T_{cm1}	$\frac{T_0+T_{first}}{2}$	$\frac{T_0}{2}$	$\frac{T_0}{2}$	$\frac{T_0+T_{first}+T_{second}}{2}$	$\frac{T_0+T_{first}+T_{second}}{2}$	$\frac{T_0+T_{first}}{2}$
T_{cm2}	$\frac{T_0}{2}$	$\frac{T_0+T_{first}+T_{second}}{2}$	$\frac{T_0+T_{first}}{2}$	$\frac{T_0+T_{first}}{2}$	$\frac{T_0}{2}$	$\frac{T_0+T_{first}+T_s}{2}$
T_{cm3}	$\frac{T_0+T_{first}+T_{second}}{2}$	$\frac{T_0+T_{first}}{2}$	$\frac{T_0+T_{first}+T_{second}}{2}$	$\frac{T_0}{2}$	$\frac{T_0+T_{first}}{2}$	$\frac{T_0}{2}$



速度环

U_d	d相电压	R_s	电阻
U_q	q相电压	ω_e	反电动势
L_d	d相电感	Ψ_f	磁链
L_q	q相电感		

影响因子
$$\begin{cases} U_d = R_s I_d + L_d \frac{dI_d}{dt} - \omega_e L_q I_q \\ U_q = R_s I_q + L_q \frac{dI_q}{dt} - \omega_e (L_d I_d + \Psi_f) \end{cases}$$

电源电压
负载
电机参数