MSc. Research Methods - Statistikteil Lösungen 2018

Gian-Andrea Egeler
January 2019

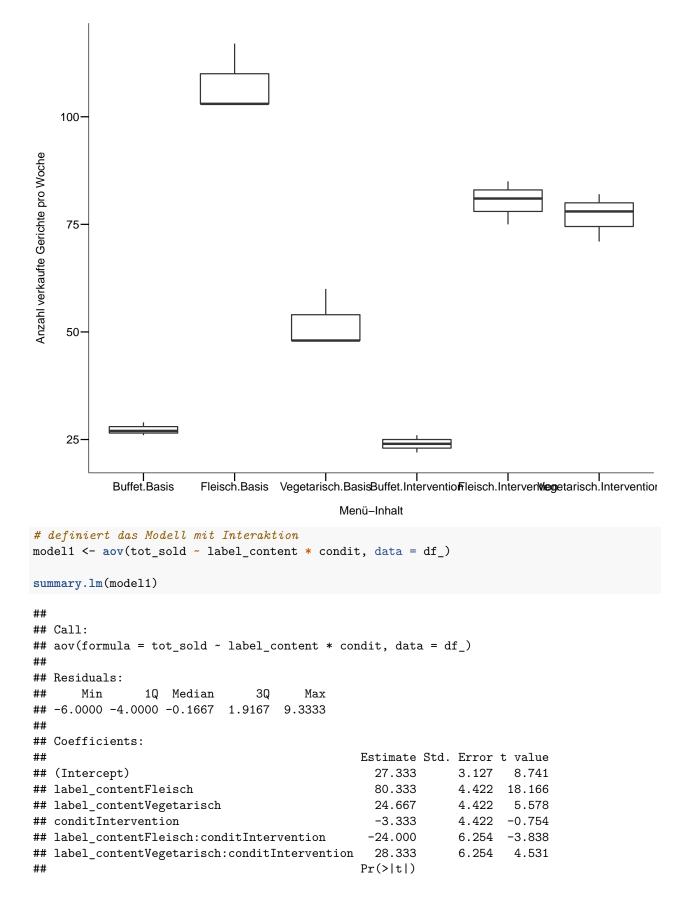
Musterlösung Aufgabe 2.3S: ANOVA mit Interaktion

```
# klone den originaler Datensatz
df <- nova

# fasst die vier Inhalte der Gerichte zu drei Inhalten zusammen.
df$label_content[grep("Pflanzlich+",df$label_content)] <- "Vegetarisch"

# gruppiert Daten gemäss Bedingungen, Menü-Inhalt und Wochen
df_ <- df %>%
    group_by(condit, label_content, week) %>%
    summarise(tot_sold = n()) %>%
    drop_na() # lasst die unbekannten Menü-Inhalte weg

# überprüft Voraussetzungen für eine ANOVA
# Boxplots zeigt klare Varianzheterogenität
ggplot(df_, aes(x = interaction(label_content, condit), y = tot_sold)) +
    geom_boxplot(fill="white", size = 1) +
    labs(x = "\nMenü-Inhalt", y = "Anzahl verkaufte Gerichte pro Woche\n") +
    mytheme
```



```
## (Intercept)
                                                         1.50e-06 ***
## label_contentFleisch
                                                         4.27e-10 ***
## label_contentVegetarisch
                                                         0.000120 ***
## conditIntervention
                                                         0.465516
## label_contentFleisch:conditIntervention
                                                         0.002363 **
   label_contentVegetarisch:conditIntervention 0.000689 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 5.416 on 12 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9787, Adjusted R-squared: 0.9698
## F-statistic: 110.3 on 5 and 12 DF, p-value: 1.334e-09
autoplot(model1) + mytheme # Inspektion der Modellvoraussetzung: ist ok
      Residuals vs Fitted
                                                             Normal Q-Q
  10
                                                          2
                                                      Standardized residuals
   5
Residuals
  -5
                                                                                                          2
                                              100
               40
                          60
                                    80
                                                             -2
                                                                                    Ó
     20
                        Fitted values
                                                                           Theoretical Quantiles
                                                             Contanst Leverage:
Residuals vs Factor Levels
   1.5
                                                          2
/|Standardized residuals|
O :
O :
                                                      Standardized Residuals
  0.0
                          60
      20
                40
                                    80
                                              100
                                                              BuffeBBfasisInterviensibleBasisInterv
                         Fitted values
                                                                         Factor Level Combination
```

Fazit: Die Inspektion des Modells zeigt keine schwerwiegenden Verletzungen der Modellvoraussetzung. Nächster Schritt post-hoc-Tests nach Tukey.

```
# post-hoc-Tests nach Tukey
TukeyHSD(model1)
## Tukey multiple comparisons of means
```

95% family-wise confidence level

```
##
## Fit: aov(formula = tot_sold ~ label_content * condit, data = df_)
##
## $label_content
##
                             diff
                                        lwr
                                                        p adj
                                                  upr
                                  59.99107
## Fleisch-Buffet
                         68.33333
                                             76.67559 0.0e+00
## Vegetarisch-Buffet
                         38.83333
                                  30.49107
                                             47.17559 1.0e-07
  Vegetarisch-Fleisch -29.50000 -37.84226 -21.15774 1.9e-06
##
##
   $condit
##
                           diff
                                       lwr
                                                        p adj
                                                upr
   Intervention-Basis -1.888889 -7.451701 3.673923 0.4736291
##
##
##
  $`label_content:condit`
##
                                                        diff
                                                                    lwr
## Fleisch:Basis-Buffet:Basis
                                                   80.333333
                                                               65.47963
## Vegetarisch:Basis-Buffet:Basis
                                                   24.666667
                                                                9.81296
## Buffet:Intervention-Buffet:Basis
                                                   -3.333333 -18.18704
                                                              38.14629
## Fleisch:Intervention-Buffet:Basis
                                                   53.000000
## Vegetarisch:Intervention-Buffet:Basis
                                                   49.666667
                                                              34.81296
## Vegetarisch:Basis-Fleisch:Basis
                                                  -55.666667 -70.52037
## Buffet:Intervention-Fleisch:Basis
                                                  -83.666667 -98.52037
## Fleisch:Intervention-Fleisch:Basis
                                                  -27.333333 -42.18704
## Vegetarisch:Intervention-Fleisch:Basis
                                                  -30.666667 -45.52037
## Buffet:Intervention-Vegetarisch:Basis
                                                  -28.000000 -42.85371
## Fleisch:Intervention-Vegetarisch:Basis
                                                   28.333333
                                                              13.47963
## Vegetarisch:Intervention-Vegetarisch:Basis
                                                   25.000000
                                                              10.14629
## Fleisch:Intervention-Buffet:Intervention
                                                   56.333333
                                                              41.47963
## Vegetarisch:Intervention-Buffet:Intervention
                                                   53.000000
                                                              38.14629
                                                   -3.333333 -18.18704
## Vegetarisch:Intervention-Fleisch:Intervention
##
                                                        upr
                                                                 p adj
## Fleisch:Basis-Buffet:Basis
                                                   95.18704 0.0000000
## Vegetarisch:Basis-Buffet:Basis
                                                   39.52037 0.0012966
## Buffet:Intervention-Buffet:Basis
                                                   11.52037 0.9704018
## Fleisch:Intervention-Buffet:Basis
                                                   67.85371 0.0000006
## Vegetarisch:Intervention-Buffet:Basis
                                                   64.52037 0.0000012
## Vegetarisch:Basis-Fleisch:Basis
                                                  -40.81296 0.0000003
## Buffet:Intervention-Fleisch:Basis
                                                  -68.81296 0.0000000
## Fleisch:Intervention-Fleisch:Basis
                                                  -12.47963 0.0005207
## Vegetarisch:Intervention-Fleisch:Basis
                                                  -15.81296 0.0001771
## Buffet:Intervention-Vegetarisch:Basis
                                                  -13.14629 0.0004174
## Fleisch:Intervention-Vegetarisch:Basis
                                                   43.18704 0.0003741
## Vegetarisch:Intervention-Vegetarisch:Basis
                                                   39.85371 0.0011541
## Fleisch:Intervention-Buffet:Intervention
                                                   71.18704 0.0000003
## Vegetarisch:Intervention-Buffet:Intervention
                                                   67.85371 0.0000006
## Vegetarisch:Intervention-Fleisch:Intervention
                                                   11.52037 0.9704018
```

Methoden

Ziel war es, die Unterschiede in den Verkaufszahlen pro Menü-Inhalt und pro Bedingung aufzuzeigen. Da die Kriteriumsvariable (Verkaufszahlen) metrisch und die beiden Prädiktorvariablen kategorial sind, wurde eine zweifaktorielle ANOVA mit Interaktion gerechnet. Die visuelle Inspektion des Models zeigte keine schwerwiegenden Verletzungen der Voraussetzungen. Um die Einzelvergleiche zu sehen, wurde einen post-hoc-Test nach Tukey durchgeführt.

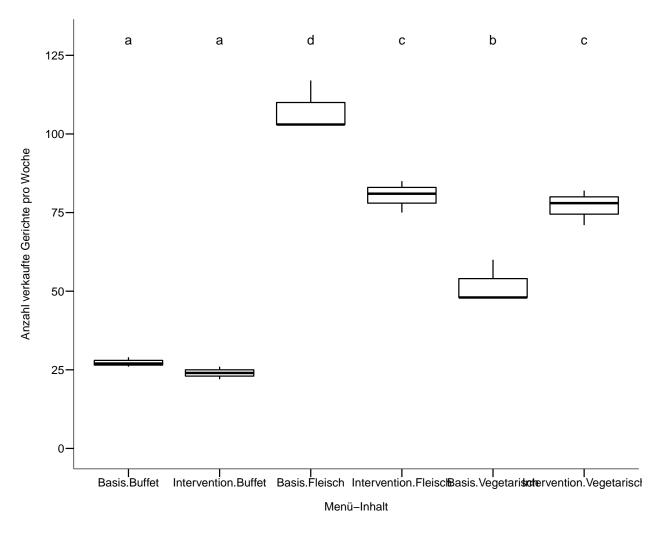


Figure 1: Box-Whisker-Plots der wöchentlichen Verkaufszahlen pro Menü-Inhalte. Kleinbuchstaben bezeichnen homogene Gruppen auf p < .05 nach Tukeys post-hoc-Test.

Ergebnisse

Die Menü-Inhalte (Fleisch, Vegetarisch und Buffet) zwischen den Bedingungen Basis oder Interventionswochen unterscheiden sich in den Verkaufszahlen signifikant (F(5, 12) = 110.252, p < .001). Anschliessend durchgeführte post-hoc-Tests (Tukey) zeigen vor allem zwei interessante Ergbenisse: 1) in den Interventionswochen wurden signifikant weniger Fleischgerichte gekauft als in den Basiswochen 2) in den Interventionswochen wurden signifikant mehr vegetarische Gerichte verkauft (siehe Figure 1 oder Figure 2).

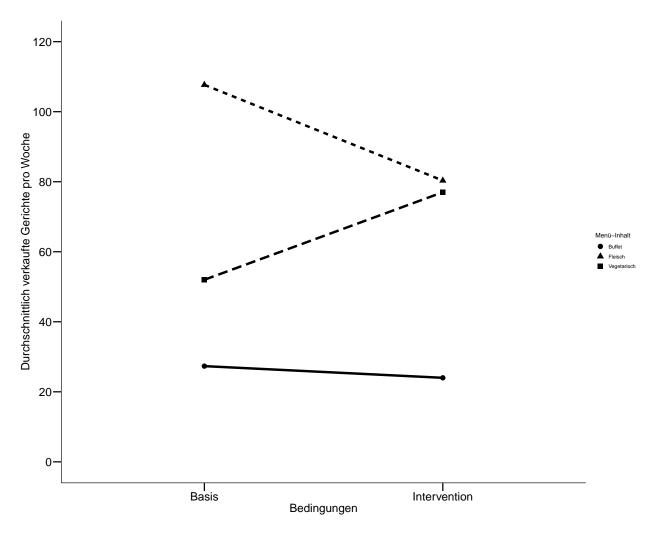


Figure 2: Wöchentliche Verkaufszahlen aggregiert für die drei Menü-Inhalte.