2020 年中国地质大学(武汉)数学建模培训试题五 (参赛队员请认真阅读《数学建模竞赛论文格式规范.doc》)

A 题 GPS 坐标信号的检测

GPS 坐标时间序列通过卫星传回地面数据记录地球上固定站点的位移,对于地球上的固定点,通常考虑三个方向上的坐标时间序列,N,E,,U代表南北,东西,垂直方向,类似于三维坐标系的 X,Y,Z 轴。GPS 坐标时间序列的位移包括多个因素,附件是全球 10 个已知站点的 GPS 坐标时间序列数据,并且给出了处理后的三个方向上数据的参考位移(相对于某个固定的位点),以及位移的标准差,请你根据这些数据完成以下几个问题:

- (1) 分析 GPS 坐标时间序列位移中是否存在野值或缺失数据,如果存在,进行一定的预处理:
- (2) 分析 GPS 坐标时间序列位移的组成部分或包含的因素(比如周期、噪声), 建立位移的时间序列模型,通过建立的模型得到各个站点的速度与附件所 给的参考速度进行比较,建立评价模型;
- (3) 分析 GPS 坐标时间序列中周期信号的检测方法,确定各个站点包含的共同 周期以及各个站点可能包含的异常周期,如何确定这些异常周期的存在以 及可能的原因?
- (4) 通过附件三选取距离相近的若干站点,分析这些站点的位移因素中是否存在一定比例的共同因素(共模误差),并分析这些共同因素占每个站点误差(噪声)的比例。