# Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

#### Hermann Böttcher

Universität Konstanz



22/11/2018



Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen



Hermann Böttcher Universität Konstanz
Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

## Übersicht

Graphen - Einführung

◆ロ > ←回 > ← 直 > ← 直 → り へ ⊙

Hermann Böttcher Universität Konstanz
Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

— Übersicht

Übersicht

Graphen - Einführung

## Graphen - Einführung

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

- 2D Monoschicht aus Kohlenstoffatomen in Bienenwabenstruktur
- Grundbaustein aller andersdimensionalen Graphitstrukturen
- Zunächst für "akademisches Material gehalten" (thermodynamisch instabil)
- 2004 als stabile Strukturen entdeckt
- Exeptionell hohe kristalline und elektronische Qualität



Hermann Böttcher Universität Konstanz

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

-Graphen - Einführung

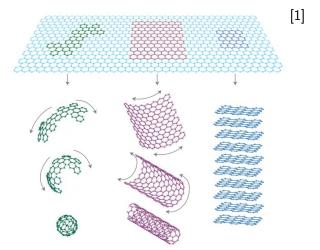
#### raphen - Einführung

- 2D Monoschicht aus Kohlenstoffatomen in Bienenwabenstruktur
- Grundbaustein aller andersdimensionalen Graphitstrukture
- Zunächst für "akademisches Material gehalten" (thermodynamisch instabil)
- Eventional hope kristalline and elektronische Qualität
- Exeptionell hohe kristalline und elektronische Qu

- Zwei überlappende Dreiecksgitter
- Bilder folgen gleich
- Schmelztemperatur von Dünnfilmen sinkt rapide mit kleiner werdenden Dicke
- Erklärung: Wegen hoher interatomarer Bindungsenergie nicht anfällig für thermische Dislokationen und andere Kristalldefekte; Lecht gekrumpelt → Elastische Energie aber Unterdrückung thermischer Vibrationen
- Ladungsträger: Masselose Dirac-Fermionen

### Graphitstrukturen

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen





Hermann Böttcher Universität Konstanz

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

018-11-17

-Graphitstrukturen



- nanotubes (1D), Fullerene (0D), Graphit (3D)
- Monolagen bisher kaum herstellbar → wie viele Lagen k\u00f6nnen als 2D Struktur betrachtet werden?
- Elektronische Struktur ändert sich rapide bei Erreichen von 10 Schichten
   Bis zu 2 Schichten → 1 Ladungsträgertyp, 1 Lochtyp (simples elektronisches Spektrum);
  - 3+ Schichten  $\rightarrow$  mehrere Ladungsträger- und Lochtypen (kompliziertes elektronisches Spektrum);
- ullet  $\Rightarrow$  1, 2, 3+j10 Lagenstrukturen in 3 2D Kristalle unterscheidbar

#### Produktion

- Chemische Dampfablagerung auf Metallsubstraten
- Chemische Dekomposition von SiC

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

■ Mikromechanisches Abspalten von Graphit



Hermann Böttcher Universität Konstanz Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

└─ Produktion

#### Produktion

- Chemische Dampfablagerung auf Metallsubstraten ■ Chemische Dekomposition von SiC
- Mikromechanisches Abspalten von Graphit

#### Produktion

- Chemische Dampfablagerung auf Metallsubstraten
- Chemische Dekomposition von SiC
- Mikromechanisches Abspalten von Graphit

#### Abspalten mithilfe von Klebeband

20-100 Lagen, nicht weniger!



Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

 $\sqsubseteq$ Produktion

Chemische Dampfablagerung auf Metallsubstraten
Chemische Dekomposition von SiC

Produktion

Chemische Dampfablagerung auf Metallsubstraten
Chemische Dekomposition von SiC
Mikromechanisches Abspalten von Graphit
Abspalten mithife von Kitsband
20-100 Lagen, nicht weniger!

Hermann Böttcher Universität Konstanz

Besonderheiten in Graphen



Hermann Böttcher Universität Konstanz
Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

└─Quanten Hall Effekt in Graphen I

2018-11-17



- 10 mal höhere Temperatur als bisher in anderen Materialien observiert
- Dirac-Gleichung, nicht Schrödinger-Gleichung beschreibt die elektrischen Eigenschaften am einfachsten
- Quasiteilchencharakter vergleichbar mit geladenen Neutrinos

#### Besonderheiten in Graphen

Observierbar bei Raumtemperatur



Hermann Böttcher Universität Konstanz
Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

└─Quanten Hall Effekt in Graphen I

2018-11-17



- 10 mal höhere Temperatur als bisher in anderen Materialien observiert
- Dirac-Gleichung, nicht Schrödinger-Gleichung beschreibt die elektrischen Eigenschaften am einfachsten
- Quasiteilchencharakter vergleichbar mit geladenen Neutrinos
- Anstelle der Lichtgeschwindigkeit c tritt die Fermi-Geschwindigkeit  $v_{\rm F}$  der  $e^-$

#### Besonderheiten in Graphen

- Observierbar bei Raumtemperatur
- Masselose relativistische Teilchen als Ladungsträger



Hermann Böttcher Universität Konstanz
Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

└─Quanten Hall Effekt in Graphen I

2018-11-



- 10 mal höhere Temperatur als bisher in anderen Materialien observiert
- Dirac-Gleichung, nicht Schrödinger-Gleichung beschreibt die elektrischen Eigenschaften am einfachsten
- Quasiteilchencharakter vergleichbar mit geladenen Neutrinos
- Anstelle der Lichtgeschwindigkeit c tritt die Fermi-Geschwindigkeit  $v_{\rm F}$  der  $e^-$

#### Besonderheiten in Graphen

- Observierbar bei Raumtemperatur
- Masselose relativistische Teilchen als Ladungsträger

#### Ursprung



Hermann Böttcher Universität Konstanz
Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

└─Quanten Hall Effekt in Graphen I

2018-11

inten Hall Effekt in Graphen I	
Besonderheiten in Graphen	
Observierbar bei Raumtemperatur	
Masselose relativistische Teilchen als Ladungsträger	
Ursprung	

- 10 mal höhere Temperatur als bisher in anderen Materialien observiert
- Dirac-Gleichung, nicht Schrödinger-Gleichung beschreibt die elektrischen Eigenschaften am einfachsten
- Quasiteilchencharakter vergleichbar mit geladenen Neutrinos
- Anstelle der Lichtgeschwindigkeit c tritt die Fermi-Geschwindigkeit  $v_{\rm F}$  der  $e^-$

#### Besonderheiten in Graphen

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

- Observierbar bei Raumtemperatur
- Masselose relativistische Teilchen als Ladungsträger

#### Ursprung

■ Gebundene  $e^-$  im C-Atom  $\rightarrow$  nicht relativistisch



Hermann Böttcher Universität Konstanz

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

Quanten Hall Effekt in Graphen I

2018-11



- 10 mal höhere Temperatur als bisher in anderen Materialien observiert
- Dirac-Gleichung, nicht Schrödinger-Gleichung beschreibt die elektrischen Eigenschaften am einfachsten
- Quasiteilchencharakter vergleichbar mit geladenen Neutrinos
- Anstelle der Lichtgeschwindigkeit c tritt die Fermi-Geschwindigkeit  $v_{\rm F}$  der  $e^-$

#### Besonderheiten in Graphen

- Observierbar bei Raumtemperatur
- Masselose relativistische Teilchen als Ladungsträger

#### Ursprung

- Gebundene  $e^-$  im C-Atom  $\rightarrow$  nicht relativistisch
- e im periodischen Potential der Kristallstruktur von Graphen
  - → relativistisch

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen



Hermann Böttcher Universität Konstanz Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

Quanten Hall Effekt in Graphen I

2018-1



- 10 mal höhere Temperatur als bisher in anderen Materialien observiert
- Dirac-Gleichung, nicht Schrödinger-Gleichung beschreibt die elektrischen Eigenschaften am einfachsten
- Quasiteilchencharakter vergleichbar mit geladenen Neutrinos
- Anstelle der Lichtgeschwindigkeit c tritt die Fermi-Geschwindigkeit  $v_{\rm F} \, {\rm der} \, e^-$

#### Besonderheiten in Graphen

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

- Observierbar bei Raumtemperatur
- Masselose relativistische Teilchen als Ladungsträger

#### Ursprung

- Gebundene  $e^-$  im C-Atom  $\rightarrow$  nicht relativistisch
- e<sup>−</sup> im periodischen Potential der Kristallstruktur von Graphen
   → relativistisch
- Quasiteilchen; durch Dirac-Gleichung beschrieben



Hermann Böttcher Universität Konstanz

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

└─Quanten Hall Effekt in Graphen I



- 10 mal höhere Temperatur als bisher in anderen Materialien observiert
- Dirac-Gleichung, nicht Schrödinger-Gleichung beschreibt die elektrischen Eigenschaften am einfachsten
- Quasiteilchencharakter vergleichbar mit geladenen Neutrinos
- Anstelle der Lichtgeschwindigkeit c tritt die Fermi-Geschwindigkeit  $v_{\rm F}$  der  $e^-$

#### Besonderheiten in Graphen

- Observierbar bei Raumtemperatur
- Masselose relativistische Teilchen als Ladungsträger

#### Ursprung

- Gebundene  $e^-$  im C-Atom  $\rightarrow$  nicht relativistisch
- e<sup>−</sup> im periodischen Potential der Kristallstruktur von Graphen
   → relativistisch
- Quasiteilchen; durch Dirac-Gleichung beschrieben
- *v*<sub>F</sub> statt *c*

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen



Hermann Böttcher Universität Konstanz

Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

└─Quanten Hall Effekt in Graphen I



- 10 mal höhere Temperatur als bisher in anderen Materialien observiert
- Dirac-Gleichung, nicht Schrödinger-Gleichung beschreibt die elektrischen Eigenschaften am einfachsten
- Quasiteilchencharakter vergleichbar mit geladenen Neutrinos
- Anstelle der Lichtgeschwindigkeit c tritt die Fermi-Geschwindigkeit  $v_{\rm F}$  der  $e^-$

Das Besondere Quantenelektrodynamische Phenomäne meist proportional zu c und damit

$$\frac{c}{v_{\rm F}} \approx 300$$

mal stärker in Graphen!



Landau-Niveaus und Quanten-Hall-Effekt in Graphen

Quanten Hall Effekt in Graphen I

Das Besondere Quantenelkitzrodynamische Phenomäne meist proportional zu c und damit  $\frac{c}{v_F}\approx 300$  mal stärker in Graphen!

Quanten Hall Effekt in Graphen I

Hermann Böttcher Universität Konstanz

Graphitstrukturen

Hermann Böttcher