Universidad Nacional Autónoma de México

FACULTAD DE CIENCIAS

Complejidad Computacional

Práctica 1 No Determinismo

 $Lucy\ Gasca\ Soto$ $Brenda\ Margarita\ Becerra\ Ruiz$

Autor

Delgado Díaz Hermes Alberto



Problema 01: La mayoría en una secuencia.

Sea $C = \{1, 2, ..., k\}$ el subconjunto de los primeros k números naturales y V una secuencia de n números tomados del conjunto C, con n > k. Un elemento x es una **Mayoría** en V si el número de veces que aparece x en V es estrictamente mayor que n/2.

Problema M: Dada una secuencia V, de n números tomados del conjunto C, con n > k, encontrar al elemento que sea mayoría en V, si es que tal existe.

Versión como problema de decisión

Dada una secuencia V de n números tomados del conjunto C, ¿existe un elemento x tal que su número de apariciones en V sea estrictamente mayor que n/2?

Algoritmo No Determinista

- ullet Fase Adivinadora. Se utiliza la primitiva nd-choice para 'adivinar' un candidato x que pertenezca al conjunto C.
- ◆ Fase Verificadora.
 Una vez que se selecciona a x, se recorre la secuencia V para contar el número de apariciones de x. Se verifica que el conteo sea mayor que n/2. Si se cumple la condición, se acepta la solución; si no, se rechaza.

Programa

Dentro del código se encuentra un ejemplo de ejecución, donde hace 5 intentos de candidatos para saber si es mayoritario el candidato o no.

Ejemplo de resultado:

• Cuando no se acepta la solución de los candidatos.

```
Intento 1: Elemento candidato: 3
El elemento 3 no es mayoritario (aparece 1 veces en 46 elementos).
Intento 2: Elemento candidato: 3
El elemento 3 no es mayoritario (aparece 1 veces en 46 elementos).
Intento 3: Elemento candidato: 12
El elemento 12 no es mayoritario (aparece 0 veces en 46 elementos).
Intento 4: Elemento candidato: 4
El elemento 4 no es mayoritario (aparece 2 veces en 46 elementos).
Intento 5: Elemento candidato: 9
El elemento 9 no es mayoritario (aparece 1 veces en 46 elementos).
No se encontró un candidato mayoritario válido en los intentos realizados.
```

• Cuando se acepta la solución.

```
Intento 1: Elemento candidato: 6
El elemento 6 es mayoritario (aparece 25 veces en 46 elementos).
Resultado: 6
```

Comando de ejecución: Dentro de la carpeta src

```
?- Python Problema01.py
```

Problema 02: 3-Dimensional Matching

Consideremos tres conjuntos: B, G y H cada conjunto tiene n elementos y existe una relación $T \subseteq B \times G \times H$.

Problema 3DM: Encontrar el conjunto de n tripletas, de tal manera que ningún par de ellas tenga componentes en común.

Versión como problema de decisión

Dados tres conjuntos B, G y H, cada conjunto tiene n elementos y existe una relación $T \subseteq B \times G \times H$, , ¿existe un subconjunto $M \subseteq T$ de n triplas tal que ninguna pareja de triplas en M comparta algún elemento?

Algoritmo No Determinista

- ullet Fase Adivinadora. Se utiliza la primitiva nd-choice para 'adivinar' un subconjunto M de T formado por n triplas.
- ullet Fase Verificadora. Se verifica que M contenga n triplas. Después se comprueba que, para cada par de triplas en M, no exista ningún elemento en común.

Programa

Dentro del código se encuentra un ejemplo de ejecución, donde hace 5 intentos de candidatos para saber si el candidato es el subconjunto M de n triplas que cumpla con las condiciones.

```
B = ['Fernanda','Julieta','Ana']
G = ['Juan', 'Alan', 'Gustavo']
H = ['Casa1', 'Casa2', 'Casa3']
        ('Julieta', 'Alan', 'Casa3'),
       ('Ana', 'Juan', 'Casa1'),
('Ana', 'Juan', 'Casa2'),
('Ana', 'Juan', 'Casa3'),
('Ana', 'Alan', 'Casa1'),
('Ana', 'Alan', 'Casa2'),
        ('Ana', 'Gustavo', 'Casa1'),
        ('Ana', 'Gustavo', 'Casa3'),
```

Ejemplo de resultado:

• Cuando no se acepta la solución de los candidatos.

```
Intento 1: Conjunto candidato (M): [('Ana', 'Alan', 'Casa2'), ('Fernanda', 'Juan', 'Casa3'), ('Ana', 'Juan', 'Casa2')]
La verificación falla: se repite algún elemento en las tripletas.
Intento 2: Conjunto candidato (M): [('Fernanda', 'Juan', 'Casa2'), ('Ana', 'Gustavo', 'Casa1'), ('Fernanda', 'Gustavo', 'Casa1')]
La verificación falla: se repite algún elemento en las tripletas.
Intento 3: Conjunto candidato (M): [('Fernanda', 'Alan', 'Casa2'), ('Fernanda', 'Juan', 'Casa1'), ('Julieta', 'Juan', 'Casa2')]
La verificación falla: se repite algún elemento en las tripletas.
Intento 4: Conjunto candidato (M): [('Julieta', 'Gustavo', 'Casa2'), ('Julieta', 'Juan', 'Casa3'), ('Julieta', 'Alan', 'Casa1')]
La verificación falla: se repite algún elemento en las tripletas.
Intento 5: Conjunto candidato (M): [('Julieta', 'Juan', 'Casa2'), ('Julieta', 'Gustavo', 'Casa1'), ('Julieta', 'Gustavo', 'Casa3')]
La verificación falla: se repite algún elemento en las tripletas.
Intento 6: Conjunto candidato (M): [('Ana', 'Alan', 'Casa3'), ('Julieta', 'Alan', 'Casa2'), ('Ana', 'Gustavo', 'Casa1')]
La verificación falla: se repite algún elemento en las tripletas.
Intento 7: Conjunto candidato (M): [('Ana', 'Alan', 'Casa2'), ('Ana', 'Gustavo', 'Casa1'), ('Julieta', 'Alan', 'Casa1')]
La verificación falla: se repite algún elemento en las tripletas.
Intento 8: Conjunto candidato (M): [('Ana', 'Alan', 'Casa1'), ('Julieta', 'Alan', 'Casa1'), ('Ana', 'Juan', 'Casa3')]
La verificación falla: se repite algún elemento en las tripletas.
Intento 9: Conjunto candidato (M): [('Fernanda', 'Alan', 'Casa3'), ('Ana', 'Alan', 'Casa1'), ('Julieta', 'Gustavo', 'Casa1')]
La verificación falla: se repite algún elemento en las tripletas.
Intento 10: Conjunto candidato (M): [('Fernanda', 'Gustavo', 'Casa1'), ('Ana', 'Alan', 'Casa3'), ('Fernanda', 'Alan', 'Casa3')]
La verificación falla: se repite algún elemento en las tripletas.
No se encontró un conjunto candidato válido en los intentos realizados.
```

• Cuando se acepta la solución.

```
Intento 1: Conjunto candidato (M): [('Ana', 'Gustavo', 'Casa1'), ('Julieta', 'Gustavo', 'Casa2'), ('Julieta', 'Juan', 'Casa3')]

La verificación falla: se repite algún elemento en las tripletas.

Intento 2: Conjunto candidato (M): [('Julieta', 'Alan', 'Casa2'), ('Fernanda', 'Juan', 'Casa1'), ('Ana', 'Juan', 'Casa1')]

La verificación falla: se repite algún elemento en las tripletas.

Intento 3: Conjunto candidato (M): [('Ana', 'Alan', 'Casa3'), ('Julieta', 'Alan', 'Casa2'), ('Fernanda', 'Gustavo', 'Casa1')]

La verificación falla: se repite algún elemento en las tripletas.

Intento 4: Conjunto candidato (M): [('Ana', 'Juan', 'Casa2'), ('Ana', 'Juan', 'Casa1'), ('Fernanda', 'Alan', 'Casa3')]

La verificación falla: se repite algún elemento en las tripletas.

Intento 5: Conjunto candidato (M): [('Fernanda', 'Gustavo', 'Casa1'), ('Fernanda', 'Gustavo', 'Casa2'), ('Fernanda', 'Alan', 'Casa2')]

La verificación falla: se repite algún elemento en las tripletas.

Intento 6: Conjunto candidato (M): [('Fernanda', 'Gustavo', 'Casa2'), ('Ana', 'Alan', 'Casa1'), ('Julieta', 'Juan', 'Casa3')]

La verificación es exitosa. M es un 3DM válido.

Resultado: [('Fernanda', 'Gustavo', 'Casa2'), ('Ana', 'Alan', 'Casa1'), ('Julieta', 'Juan', 'Casa3')]
```

Comando de ejecución:

Dentro de la carpeta src

```
?- Python Problema02.py
```

La idea de hacer intentos dentro del código es que haya una alta probabilidad de que al menos una vez seleccionemos al candidato que cumpla las condiciones de los problemas.