Digitaltechnik

Levin Baumann

3. Juni 2020

1 Begriffe

digital wertediskret ⇒ zwischen zwei benachbarten gibt es keine zwischenwerte ⇒ endlich oder auch unendlich (aber abzählbar viele) meist zeitdiskret ("getaktet") ⇒ unsere heutigen Rechner arbeiten digital analog wertekontinuierlich ⇒ zwischen zwei beliebigen gibt es unendlich viele Zwischenwerte ⇒ Immer unendlich (und sogar überabzählbar) viele Werte zeitkontinuierlich ⇒ unsere Welt "arbeitet" analog

2 Codierung

Definition

Codierung ist die Darstellung von Informationen mit einem "Alphabet".

Definition

Alphabet ist eine endliche Menge von Symbolen

Anmerkung: Codierung ist immer mit Digitalisierung verbunden.

2.1 Arten von Codierungen

- Zeichencodierung
- Zahlencodierung (Text-, Bildbearbeitung,...)
- Verschlüssellung (*Achtung:* Unterschied zu anderen Codierungen: Aus der codierten verschlüsselten Info sollen die meisten Menschen nicht auf die Ursprungsinfo schließen können)
- Signalcodierung

2.2 Codierungen

2.2.1 Zeichencodierung

- ASCII: Alphabet besteht aus (ganzen) Zahlen von 0 bis 127
- ISO8859-x: Alphabet besteht aus 0...255
 - -x: verschiedene Sprachräume
 - -1: westeuropäisch
 - -5: kyrillisch
 - -7: griechisch
 - -15: westeuropäisch inkl. €
- Unicode: Anspruch, alle (derzeitigen, künftigen, ehemaligen) Schriftsprachen abzudecken, auch Phantasiesprachen wie Klingonisch oder Elbisch

UTF-8: 256 Zahlenwerte

UTF-16: 65536 Zahlenwerte

 \rightarrow Zeichen werden als variabel lange Symbolfolgen dargestellt. Gesetztes MSB zeigt an, dass mindestens ein Folgesymbol folgt.

2.2.2 Zahlencodierung

I. Abzählsysteme

Fingerabzählsysteme

```
Alphabet = \{Finger\}
Symbolwert (Finger) = 1
```

- \ominus stark beschränkter Wertebereich von 0 bis 10
- ⊖ bis auf weiteres nur nicht-negative ganze Zahlen
- ⊕ extrem einfach und verständlich
- extrem einfache Addition und Subtraktion
- ⊖ Multiplikation und Divisionmit erhöhtem Aufwand
- ⊕ Immer verfügbar/"zur Hand"

Strichliste (einfache)

```
Alphabet = \{I\}
Wert (I) = 1
```

- ⊕ unbeschränkter Wertebereich
- Addition weiter einfach, Subtraktion braucht man eine Entfernungsmöglichkeit/Entwertungsmöglichkeit
- ⊖ Hilfsmittel (Schreibwerkzeug) notwendig
- Θ unübersichtlich darstellbarer Wertebereich bis etwa 10 (10 Symbole notiert)

erweiterte Strichliste ("Lattenzaunsystem")

```
\begin{aligned} & \text{Alphabet} = I, \textit{JHI} \\ & \text{Wert} \; (\; I \; ) = 1 \\ & \text{Wert} \; (\; \textit{JHI} \; ) = 5 \end{aligned}
```

Regeln:Symbole müssen nach Wertigkeit sortiert notiert werden. Fünf einfache Striche müssen immer zu einem "Kombisymbol" zusammengefasst werden.

- ⊕/⊖ Addition etwas erschwert durch Sortieren und Zusammenfassen; Subtraktion zusätzlich erschwert durch Auflösen des Kombisymbols
- \oplus/\ominus etwas komplexer durch zweites Symbol und Sortierregel
- $\oplus/\ominus\,$ übersichtlich darstellbarer Wert bis etwa 50 erweitert

römisches Zahlensystem

Alphabet =
$$\{I, V, X, L, C, D, M\}$$

Wert = $\{1, 5, 10, 50, 100, 500, 1000\}$

Zusatzregel: Symbol kleinerer Wertigkeit darf vor einem Symbol größerer Wertigkeit notiert werden Sein Symbolwert wird dann subtrahiert, statt addiert. Mehr als drei gleiche Symbole sind nicht hintereinander erlaubt

- ⊕/⊖ übersichtlich darstellbarer Wertebereich bis etwa 10.000 (?)
 - ⊖ beschränkter Wertebereich bis ; 4000
 - ⊖ recht hohe Komplexität, relativ geringe Verständlichkeit
 - \ominus extrem komplizierte Addition und Subtraktion

II. Stellenwertsysteme

Dezimalsystem

Alphabet = $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$

Symbole werden auch Ziffern genannt

Zahl ist notiert als Folge von Ziffern: z.B. 4711

Ziffernwert = Symbolwert

Ziffernwert (4) = 4

Zahlenwert = Summe (Ziffernwert * Stellenwert)

Stellenwert (rechte Ziffer) = 1

Stellenwert wächst mit jeder Stelle nach links um Faktor 10

$$Wert(Z_{n-1}...Z_0) = \sum_{i=0}^{n-1} |Z_i| \cdot 10^i$$

SWS zur Basis b

Alphabet enthält b Ziffern

Alphabet beginnt bei Ziffer "0" und endet bei Ziffer "b-1"

$$Wert(Z_{n-1}...Z_0) = \sum_{i=0}^{n-1} |Z_i| \cdot b^i$$

 b_{EIN} mit b > 1

 $Anmerkung \colon b=1$ nicht sinnvoll, da im SWS zur Basis nur die 0 dargestelt werden könnte.

- \oplus/\ominus gewisses "Erstverständnis "Lernaufwand ist nötig
- ⊕/⊖ es gibt für jede Grundrechenart ein Verfahren mit etwas erhöhter Komplexität, welches aber nach erstmaligem Lernaufwand doch relativ problemfrei realisierbar ist
- ⊕/⊖ unbeschränkter Wertebereich
- \oplus/\ominus Wertebereich bis etwa b^10 ist übersichtlich darstelbar

Umrechnung

- Von Basis b nach Basis 10?
 - ⇒ Werteformel
- Von Basis 10 nach Basis b?
 - ⇒ Werteformel umgekehrt
 - ⇒ Ganzzahldivision

$$42_{10} = 101010$$

$$43: 2 = 21R0 = Z_0$$

$$21: 2 = 10R1 = Z_1$$

$$10: 2 = 5R0 = Z_2$$

$$5: 2 = 2R1 = Z_3$$

$$2: 2 = 1R0 = Z_4$$

$$1: 2 = 0R1 = Z_5$$
(1)

Hinweis: Führende "0" können bei Zahlen im SWS beliebig hinzugefügt oder weggelassen werden. allg: Umrechnung von Basis b_1 nach Basis b_2

- meist: von Basis b_1 nach b_2 = 10 dann von b_2 nach b_2
- theoretisch: Ganzzahldivision durch Zielbasis b_2 , aber ausgeführt im SWS zur Ausgangsbasis \Rightarrow Nicht praktikabel

Direkte Umrechnung:

Falls $b_1 = b_2^n$, dann entsprechen n Ziffern zur Basis b_2 einer Ziffer zur Basis b_1 und es ist eine ziffern(block)weise Umrechnung.

Bsp.:
$$b_1 = 2$$
 und $b_2 = 16$

 \rightarrow 4 Ziffern zur Basis 2 entsprechen einer Ziffer zur Basis 16.

Gängige Basen im SWS

b = 10 "Dezimalsystem" \Rightarrow Mensch

b = 2 "Binärsystem", "Dualsystem" \Rightarrow Digitalrechner

b=16 "Hexadezimalsystem " \Rightarrow Computernahe Darstellung von Zahlen

- weniger Stellen
- einfache Umrechnung

b=8"Oktalsystem" \Rightarrow Computernahe Darstellung von Zahlen

b=16vs. b=8nur "normale" Zahlen notwendig

Hexadezimalsystem

Wert	Ziffer	Binär	
0	0	0000	
1	1	0001	BSP: $ABEF_{16}$
2	2	0010	10
3	3	0011	1010 1011 1110 1111
4	4	0100	' '
5	5	0101	
6	6	0110	$0001 \mid 1001 \mid 0001 \mid 1100 \mid 0101_2 = 191C5_{16}$
7	7	0111	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
8	8	1000	
9	9	1001	
10	10	1010	
11	11	1011	
12	12	1100	
13	13	1101	
14	14	1110	
15	15	1111	

Falls $b_1^n = b_2^m$, dann entspricht ein Ziffernblock von n Ziffern zur Basis b_1 einem Ziffernblock von m Ziffern zur Basis b_2 .

$$2^{3n} = 2^{4m}$$
 \Rightarrow $n = 4\&m = 3$
 \Rightarrow 4 Ziffern zur Basis 8 entrsprechen
3 Ziffern zur Basis 16 entrsprechen
Problem: Tabelle hat 2^{12} Zeilen

Einschränkungen aufheben

auch negative Zahlen! Darstellung negativer Zahlen

3 Signalkodierung

Definition

Darstellung von abstrakten Informationen als Signalfolge.

Signal: physisch messbare Größe.

3.1 mögliche Signalformen

elektrisch

Spannung, Stromstärke, elektromagnetische Wellen, Ladung

- optisch

Helligkeit, Farbe

- akustisch Lautstärke, Tonhöhe
- Druck hydraulisch, pneumatisch

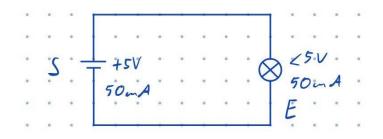


Abbildung 1: Schaltplan mit Spannungsquelle und Glühbirne

in der Computertechnik relevant:

optisch ⇒ für netzwerkschnittstellen

ekeltrisch ⇒ insbesondere in der Digitaltechnik

vor allem: Spannung (evtl. auch Stromstärke)

⇒ eher kleinere Spannungspegel in der Digitaltechnik

Strom Vs. Spannung

Spannung: Verringert sich beim E durch Spannungsfall auf der Leitung, wird verändert durch Störungen von außen

("Übersprechen" elektromagnetische Einstrahlungen)

Strom: Kaum davon betroffen; Stromstärke verändert sich im geschlossenen Stromkreis nicht.

Nachteil Strom: hoher Energieaufwand, große Wärmeentwicklung

⇒ deshalb Spannung statt Strom bei den meisten Computerschnittstellen verwandt.

typische Spannungspegel:

$$\begin{array}{ccc} 0 & \hat{=} & 0V \\ 1 & \hat{=} & 5V \end{array} \right\} \, \text{TTL-Pegel}$$

"Transistor-Transistor-Logic"

⇒ "erfunden"um 1960 von TI (TexasInstruments)

große vs. kleine Spannungspegel

- ⊖ größere sind stromanfällig bei kleineren Spannungen
- viel weniger Energieaufwand bei kleinen Spannungen, also auch weniger Wärmeentwicklung
- ⊕ weniger Störauswrkungen bei kleineren Spannungen
- 🕀 schnelleres Spannungswechseln bei kleinen Spannungshüben möglich

3.2 Umsetzung von Bitfolgen in Spannungspegelfolgen

meist getaktet, d.h. festes Zeitraster für die Bitfolge, d.h. jedes Bit braucht eine konstante, gleichlange zeitdauer

4 Verfahren (1-4) und 4 Eigenschaften(a-d)

- 1. NRZ (Non-Return-to-zero)
 - Während der gesamten Schrittdauer wird der Pegel angegegt, welcher dem zu übertragenen Bitwert entspricht
- 2. RZ (Return-to-Zero) Jeder Schritt wird in zwei Schrittzeithälften eingeteilt. Während der ersten Hälfte wird der Pegel eingenommen, welcher den zu übertragenden Bitwert entspricht und während der zweiten Hälfte immer der "0"Pegel.

TRG bei RZ: Bei jeder "1" möglich, dann bei einer "1" zu Beginn und in der Mitte der Schrittzeit ein Pegelwechsel stattfindet

- 3. AMI (Alternate Mark Inversion)
 - Ähnlich NRZ mit single-ended Pegeln, d.h. "0" wird immer mit 0V (während der gesamten Schrittzeit) übertragen, aber "1" abwechselnd mit z.B. +5V und -5V (während der gesamten Schrittzeit)

GFS bei AMI: nachjeder 2. "1": In der Praxis ist der GS-Anteil nach der ungeraden "1" vernachlässigbar (bei langer Übertragungszeit und vielen übertragenen "1"), also praktisch immer GSF.

TRG bei AMI: bei jeder "1" nur bei langer Folge von "0" keine TRG möglich

4. Manchester

Bitwert wird über Spannungswechsel in der Mitte der Schrittzeit dargestellt, z.B. steigende Flanke $\hat{=}$ "1"und fallende Flanke $\hat{=}$ "0".

ggf. ist ein weiterer Spannungswechsel zu Beginn der Schrittzeit notwendig, um den nachfogenden (inhaltsführenden) Spannungswechsel durchführen zu können.

TRG bei Manchester: bei jedem Schritt möglich, da immer Regelwechsel in der Mitte der Schrittzeit.

GFS bei Manchester: immer, da sich die Pegel in erster und zweiter Schrittzeithälfte gegenseitig ausgleichen

SSH bei Manchester: optimal, da "nur "2 Pegel

a) TRG (Taktrückgewinnung)

Möglichkeit, nur aus dem übertragenen Datensignal eine Resynchronisierung biem Empfänger auf den Takt des Senders zu machen

b) GSF (Gleichspannungs-/stromfreiheit)

Motivation: Einsparung der Masseleitung. Im zeitlichen Mittel liegen auf der Signalleitung 0V an.

Ziel: Anhand des mittleren Signalpegels soll der Massepegel "errechnet" werden.

- -Vermeidung einer Potentialverschiebung beim E.
- -Pseudoargument: keine Energieübertragung beim vom S zum E.

Grundvoraussetzung: symmetrische Pegel statt single-ended.

z.B. 1V = +5v und 0 = -5V

dann: GSF bei NRZ: falls #,0" = #,1" (bzw. ",1" und ",0" im Datenstrom gleichverteilt)

Bei den meisten Anwendungs-, Zeichen- und Zahlencodierungen kann keine Gleichverteilung angenommen werden. Ausnahme: Verschlüsselung und Kompression.

c) SSH (Störsicherheit)

(Un-)Anfälligkeit eines Verfahrens ggü. Störungen, welche durch Spannungsschwankungen auf der Leitung verursacht werden.

⇒ direkt abhängig von der Anzahl der verwendeten Pegel, welche auf einen vorgegebenen Potentialbereich verteilt werden müssen (und so natürlich auch beim Empfänger voneinander unterschieden werden müssen)

SSH bei AMI: schlecht, da 3 Pegel

SSH bei NRZ und RZ: gut, da "nur" 2 Pegel (und weniger Pegel geht nicht ©)

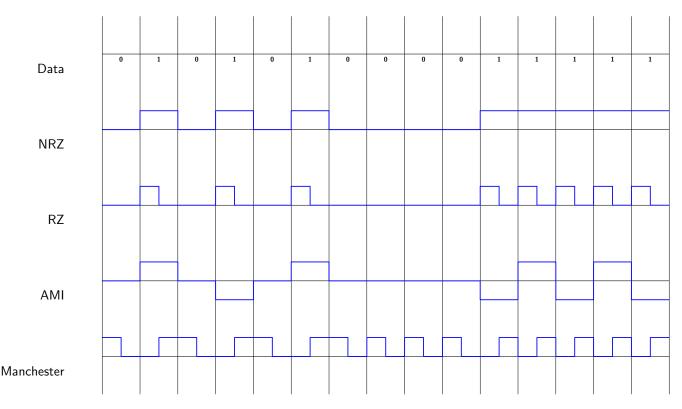


Abbildung 2: Pegelgraphen der einzelnen Verfahren

Bandbreitenbedarf, bandbreitenbegrenzte Übertragungskanäle

Nyquist-Theorem: Über einen Übertragungskanal mit beschränkter Bandbreite kann maximal mit der Schrittrate übertragen werden, welche der doppelten Bandbreite entspricht.

BBB (Bandbreitenbedarf): notwendige Bandbreite für ein bestimmtes Signalcodierungsverfahren bei einer bestimmten vorgegebenen Schrittrate

BBB bei NRZ: halbe Schrittrate, d.h. optimal H. Nyquist (max Frequenz bei "010101...")

BBB bei RZ: Schrittrate, d.h. doppelt so viel wie nötig. (max Frequenz bei "000000...", oder "111111...")

BBB bei AMI: halbe Schrittrate (max Frequenz bei "111111...")

BBB bei Manchester: Schrittrate (max Frequenz bei "000000..."oder "111111")

	TRG	GSF symm. Pegel als Grundvoraussetzung	SSH abhängig von Anzahl Pegel	BBB abhängig von Schrittrate	
NRZ	bei "01 "und "10 "	#,,1 "= # ,,0 " (1 und 0 gleichverteilt)	2 (+)	halbe (+)	
RZ	bei jeder "1 "	symm. Pegel & nur "1 ", single ended & nur "0 ", #1 = #0 und umgekehrt	2 (+)	ganze	
AMI	bei jeder "1"	nach jeder zweiten "1", in der Praxis "immer"	3 ⊝	halbe (+)	
Manch.	immer +	immer (++)	2 +	ganze	

Einsatz:

- NRZ für interne Schnittstellen, bei denen der Verzicht auf Takt- oder Masseleitung nicht relevant ist
- Manchester gerne für Netzwerkschnittstellen (z.B. Ethernet) um auf Takt- und Masseleitung verzichten zu können

3 Verfahren zur sicheren Taktrückgewinnung:

1. Startbitsequenz

Vor n Nutzdatenbit wird eine Startbitsequenz gestellt, welche sichere TRG ermöglicht. z.B. bei NRZ: "01"oder "10". n ist abhängig von der Genauigkeit der Uhren.

Nachteil: relativ großer Overhead, effektive Nutzdatenrate deutlich kleiner als die Schrittrate. Im Beispiel: Nutzdatenrate = $\frac{n}{n+2} \cdot Schrittweite$

Bsp: bei RZ oder AMI reicht ein einfaches "1"-Startbit. (Keine "Sequenz", weniger Overhead)

Anwendung: z.B.serielle Schnittstelle RS232

2. Bitstuffing ("Bitstopfen")

Nach jeweils n gleichen direkt aufeinanderfolgenden Bitwerten wird ein Bit mit dem eingesetzten Bitwert eingefügt. z.B. n=3:

Hinweis: Der Empfänger schaut nach n gleichen Bitwerten den nächsten Bitwert an. Bei entgegengesetztem Bitwert wird dieses "Stopfbit"entfernt. Bei gleichem Bitwert wird ein Fehler nach oben gemeldet.

Vor-/Nachteile: Overhead bei NRZ im schlimmsten fall nur halb so groß wie bei der Startbitsequenz (nur eine statt zwei Schrittzeiten pro n Nutzdatenbit) und im besten Fall gar kein Overhead!

bei RZ: nur nach n "0"wird eine "1 "eingefügt, d.h. weniger Overhead als bei NRZ und Bitstuffing. Verfahren ist komplex und deshalb "teuer"und "fehleranfällig". Nutzdatenrate ist nicht konstant abhängig von Schrittrate, sondern sie variiert abhängig von den zu übermittelnden Nutzdaten (Overhead ist variabel) ⇒ schlecht für Anwendungen mit konstanter Nutzdatenrate (z.B. PCM-kodiertes Audio)

Anwendung: Ethernet (um Bitmuster des Frame-Delimiters "01111110"auszuschließen ⇒ nach fünf "1"wird eine Stopf-,,0"eingeschoben)

3. Blockcodierung

Ein Block von n Nutzdatenbit wird als Block von (n+i) zu übertragende Datenbit codiert, wobei nur solche Blöcke verwendet werden, welche sichere TRG ermöglichen.

Nachteil: konstant großer Overhead

Vorteil: ggf. sind weitere positive Eigenschaften erzielbar durch geeignete Auswahl der zu verwendenden Datenblöcke bei der Übertragung (vgl. 8B10B-Codierung und GSF!)

Anwendung: z.B. ISDN und viele andere

Ganggenauigkeit der Uhren und Anzahl der Schritte ohne Resynchronisierung:



Der Pegel wird beim Empfang in der Mitte der angenommenen Schrittzeit abgetastet.

 \Rightarrow Die erlaubte Abweichung der Uhr bei E von der uhr bei S ist (weniger als) eine halbe Schrittzeit. Da sowohl S- als auch E-Uhr eine Ganggenauigkeit aufweisen können, darf jede Uhr um maximal 25% einer Schrittzeit abweichen. Bsp: Bei 5% spezifischer Ganggenauigkeit wären 5 Schirrte "zu viel"

4 Boolsche Algebra

(angelehnt an das Skript von Burkhard Stiller an der Uni Zürich "Info3 Modul Schaltnetze")

Benannt nach irischem (?) Mathematiker George Boole (1815-1864) Rechensystem mit bestimmten Regeln:

- ullet endliche Wertemenge W
- zwei zweistellige Operatoren ⊗, ⊕
- Abgeschlossenheit: $\forall a, b \in W : a \otimes b \in W, a \oplus b \in W$

Es gelten die 4 huntington'schen Axiome: $\forall a, b, c \in W$

- (H1) **Kommutativgesetz** $a \oplus b = b \oplus a, \ a \otimes b = b \otimes a$
- (H2) **Distributivgesetz** $a \oplus (b \otimes c) = (a \oplus b) \otimes (a \oplus c)$ $a \otimes (b \oplus c) = (a \otimes b) \oplus (a \otimes c)$
- $\underbrace{\text{H4}}_{a \oplus \overline{a} = e \text{ , } a \otimes \overline{a} = n}^{\text{Hamilian}}$

Spezialfall: Schaltalgebra

Wertemenge besteht aus zwei Werten: $IV = \{0,1\} = \{false, true\} = \{falsch, wahr\} = \{off, on\} = \{aus, an\}$ Operatoren: statt \oplus : \lor , ODER, OR (, +) statt \otimes : \land , UND, AND(statt $a \land b$ geht auch ab) \Rightarrow zweistellige Operatoren

Durch $\underbrace{\text{H4}}$ wird ein einstelliger Operator definiert: $\overline{a} = \neg a \ NICHT, NOT$

4.1 Schaltalgebra

4.1.1 Huntingtonsche Axiome in der Schaltalgebra

$$\stackrel{\textstyle \longleftarrow}{\text{H1}} \ a \lor b = b \lor a, \ a \land b = b \land a$$

$$\underbrace{\text{H2}} \ a \lor (b \land c) = (a \lor b) \land (a \lor c)$$

$$a \land (b \lor c) = (a \land b) \lor (a \land c)$$

$$(H3) \ a \lor 0 = a, \ a \land 1 = a$$

$$(\overline{H4}) \ a \lor \overline{a} = 1, \ a \land \overline{a} = 0$$

$$(oder: \ a \lor \neg a = 1, \ a \land \neg a = 0)$$

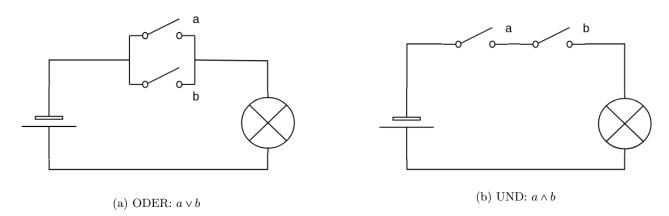


Abbildung 3: Darstellung zweistelliger Operatoren mit Schaltnetzen

b	a	$a \lor b$	$a \wedge b$
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	1	1

Tabelle 1: Wahrheitstabellen für UND/ODER und Negierung

4.1.2 Warum Schaltalgebra?

⇒ Darstellung der zweistelligen Operatoren mit Schalttasten, wobei die Werte durch Schalter dargestellt wurden. Darstellung mit Wertetabellen:

Ausdrücke der Schaltalgebra ("boolsche Ausdrücke") bestehen aus:

- ein- und zweistelligen Operatoren
- Variable (als Platzhalter für einen Wert)
- Wert
- Klammern

Definition: Eingangsbelegung

Jeder Variable wird ein konkreter Wert zugeordnet

Definition: Ausgangsbelegung

Der Wert, welcher sich bei einem boolschen Ausdruck bei einer konkreten E-Belegung ergibt, wenn man den boolschen Ausdruck "auswertet".

Auswertung eines boolschen Ausdrucks: $(a \land \neg c) \lor 1 \land (b \land c) \lor (0 \land d)$ (Siehe Tabelle 2)

- Festlegung der E-Belegung
- Ersetzen der Variablen durch die entsprechenden Werte
- Auswerten "von innen nach außen"

Zunächst den Teilausdruck mit der stärksten Bindungskraft, zuletzt der Teilausdruck mit der schwächsten Bindungskraft: am stärksten... NOT, Klammer, AND, OR ...am schwächsten

• bei gleicher Bindungskraft Auswertug von links nach rechts

#	d	c	b	a	$\neg c$	$a \land \neg c$	$1 \wedge (b \wedge c)$	$0 \wedge d$	$x \vee y$	f
0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	1	1	0	0	1	1
2	0	0	1	0	1	0	0	0	0	0
3	0	0	1	1	1	1	0	0	1	1
4	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0
6	0	1	1	0	0	0	1	0	1	1
7	0	1	1	1	0	0	1	0	1	1
8	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
9	1	0	0	1	1	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	1	0	0	0	0	0
11	1	0	1	1	1	1	0	0	1	1
12	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0
13	1	1	0	1	0	0	0	0	0	0
14	1	1	1	0	0	0	1	0	1	1
15	1	1	1	1	0	0	1	0	1	1

Tabelle 2: Wahrheitstabelle für $f = (a \land \neg c) \lor 1 \land (b \land c) \lor (0 \land d)$

4.1.3 Aus den Huntingtonschen axiomen abgeleitete (beweisbare Gesetze)

Assoziativgesetz $(a \land b) \land c = a \land (b \land c)$

 $(a \lor b) \lor c = a \lor (b \lor c)$

Idempotenzgesetz $a \wedge a = a$

 $a \lor a = a$

Absorptionsgesetz $a \land (a \lor b) = a$

 $a \lor (a \land b) = a$

DeMorgan-Gesetz $\overline{(a \wedge b)} = \overline{a} \vee \overline{b}$

 $\overline{(a \lor b)} = \overline{a} \land \overline{b}$