

# Digitaltechnik

Levin Baumann

3. Juni 2020

## 1 Begriffe

digital	analog
wertediskret	wertekontinuierlich
⇒ zwischen zwei benachbarten gibt es <u>keine</u> Zwischenwerte	⇒ zwischen zwei beliebigen gibt es unendlich viele Zwischenwerte
⇒ endlich oder auch unendlich (aber abzählbar viele)	⇒ Immer unendlich (und sogar überabzählbar) viele Werte
meist zeitdiskret („getaktet“)	zeitkontinuierlich
⇒ unsere heutigen Rechner arbeiten digital	⇒ unsere Welt „arbeitet“ analog

## 2 Codierung

### Definition

Codierung ist die Darstellung von Informationen mit einem „Alphabet“.

### Definition

Alphabet ist eine endliche Menge von Symbolen

*Anmerkung: Codierung ist immer mit Digitalisierung verbunden.*

### 2.1 Arten von Codierungen

- Zeichencodierung
- Zahlencodierung (Text-, Bildbearbeitung,...)
- Verschlüsselung (*Achtung:* Unterschied zu anderen Codierungen: Aus der codierten verschlüsselten Info sollen die meisten Menschen nicht auf die Ursprungsinfo schließen können)
- Signalcodierung

### 2.2 Codierungen

#### 2.2.1 Zeichencodierung

- ASCII: Alphabet besteht aus (ganzen) Zahlen von 0 bis 127
- ISO8859-x: Alphabet besteht aus 0...255
  - x: verschiedene Sprachräume
  - 1: westeuropäisch
  - 5: kyrillisch
  - 7: griechisch
  - 15: westeuropäisch inkl. €
- Unicode: Anspruch, alle (derzeitigen, künftigen, ehemaligen) Schriftsprachen abzudecken, auch Phantasiesprachen wie Klingonisch oder Elbisch
  - UTF-8: 256 Zahlenwerte
  - UTF-16: 65536 Zahlenwerte
  - Zeichen werden als variabel lange Symbolfolgen dargestellt. Gesetztes MSB zeigt an, dass mindestens ein Folgesymbol folgt.

## 2.2.2 Zahlencodierung

### I. Abzählssysteme

#### Fingerabzählssysteme

Alphabet = {Finger}

Symbolwert (Finger) = 1

- ⊖ stark beschränkter Wertebereich von 0 bis 10
- ⊖ bis auf weiteres nur nicht-negative ganze Zahlen
- ⊕ extrem einfach und verständlich
- ⊕ extrem einfache Addition und Subtraktion
- ⊖ Multiplikation und Division mit erhöhtem Aufwand
- ⊕ Immer verfügbar / „zur Hand“


#### Strichliste (einfache)

Alphabet = {I}

Wert (I) = 1

- ⊕ unbeschränkter Wertebereich
- ⊕ Addition weiter einfach, Subtraktion braucht man eine Entfernungsmöglichkeit/Entwertungsmöglichkeit
- ⊖ Hilfsmittel (Schreibwerkzeug) notwendig
- ⊖ unübersichtlich darstellbarer Wertebereich bis etwa 10 (10 Symbole notiert)

#### erweiterte Strichliste („Lattenzaunsystem“)

Alphabet = I, 

Wert (I) = 1

Wert () = 5

Regeln: Symbole müssen nach Wertigkeit sortiert notiert werden. Fünf einfache Striche müssen immer zu einem „Kombisymbol“ zusammengefasst werden.

- ⊕/⊖ Addition etwas erschwert durch Sortieren und Zusammenfassen; Subtraktion zusätzlich erschwert durch Auflösen des Kombisymbols
- ⊕/⊖ etwas komplexer durch zweites Symbol und Sortierregel
- ⊕/⊖ übersichtlich darstellbarer Wert bis etwa 50 erweitert

#### römisches Zahlensystem

Alphabet = {I, V, X, L, C, D, M}

Wert = {1, 5, 10, 50, 100, 500, 1000}

Zusatzregel: Symbol kleinerer Wertigkeit darf vor einem Symbol größerer Wertigkeit notiert werden. Sein Symbolwert wird dann subtrahiert, statt addiert. Mehr als drei gleiche Symbole sind nicht hintereinander erlaubt

- ⊕/⊖ übersichtlich darstellbarer Wertebereich bis etwa 10.000 (?)
- ⊖ beschränkter Wertebereich bis ; 4000
- ⊖ recht hohe Komplexität, relativ geringe Verständlichkeit
- ⊖ extrem komplizierte Addition und Subtraktion

### II. Stellenwertsysteme

## Dezimalsystem

Alphabet =  $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$

Symbole werden auch Ziffern genannt

Zahl ist notiert als Folge von Ziffern: z.B. 4711

Ziffernwert = Symbolwert

Ziffernwert (4) = 4

Zahlenwert = Summe (Ziffernwert \* Stellenwert)

Stellenwert (rechte Ziffer) = 1

Stellenwert wächst mit jeder Stelle nach links um Faktor 10

$$\text{Wert}(Z_{n-1} \dots Z_0) = \sum_{i=0}^{n-1} |Z_i| \cdot 10^i$$

## SWS zur Basis b

Alphabet enthält b Ziffern

Alphabet beginnt bei Ziffer „0“ und endet bei Ziffer „b-1“

$$\text{Wert}(Z_{n-1} \dots Z_0) = \sum_{i=0}^{n-1} |Z_i| \cdot b^i$$

$b_{\text{EIN}}$  mit  $b > 1$

Anmerkung:  $b = 1$  nicht sinnvoll, da im SWS zur Basis nur die 0 dargestellt werden könnte.

⊕/⊖ gewisses „Erstverständnis“ Lernaufwand ist nötig

⊕/⊖ es gibt für jede Grundrechenart ein Verfahren mit etwas erhöhter Komplexität, welches aber nach erstmaligem Lernaufwand doch relativ problemfrei realisierbar ist

⊕/⊖ unbeschränkter Wertebereich

⊕/⊖ Wertebereich bis etwa  $b^10$  ist übersichtlich darstellbar

## Umrechnung

- Von Basis  $b$  nach Basis 10?  
⇒ Wertformel
- Von Basis 10 nach Basis  $b$ ?  
⇒ Wertformel umgekehrt  
⇒ Ganzzahldivision

$$42_{10} = 101010$$

$$43 : 2 = 21 R0 = Z_0$$

$$21 : 2 = 10 R1 = Z_1$$

$$10 : 2 = 5 R0 = Z_2$$

$$5 : 2 = 2 R1 = Z_3$$

$$2 : 2 = 1 R0 = Z_4$$

$$1 : 2 = 0 R1 = Z_5$$

(1)

Hinweis: Führende „0“ können bei Zahlen im SWS beliebig hinzugefügt oder weggelassen werden. allg: Umrechnung von Basis  $b_1$  nach Basis  $b_2$

- meist: von Basis  $b_1$  nach  $b_Z = 10$  dann von  $b_Z$  nach  $b_2$
- theoretisch: Ganzzahldivision durch Zielbasis  $b_2$ , aber ausgeführt im SWS zur Ausgangsbasis ⇒ Nicht praktikabel

Direkte Umrechnung:

Falls  $b_1 = b_2^n$ , dann entsprechen  $n$  Ziffern zur Basis  $b_2$  einer Ziffer zur Basis  $b_1$  und es ist eine ziffern(block)weise Umrechnung.

Bsp.:  $b_1 = 2$  und  $b_2 = 16$

$\Rightarrow$  4 Ziffern zur Basis 2 entsprechen einer Ziffer zur Basis 16.

Gängige Basen im SWS

$b = 10$  „Dezimalsystem“  $\Rightarrow$  Mensch

$b = 2$  „Binärsystem“ „Dualsystem“  $\Rightarrow$  Digitalrechner

$b = 16$  „Hexadezimalsystem“  $\Rightarrow$  Computernahe Darstellung von Zahlen

- weniger Stellen
- einfache Umrechnung

$b = 8$  „Oktalsystem“  $\Rightarrow$  Computernahe Darstellung von Zahlen

$b = 16$  vs.  $b = 8$  nur „normale“ Zahlen notwendig

## Hexadezimalsystem

Wert	Ziffer	Binär
0	0	0000
1	1	0001
2	2	0010
3	3	0011
4	4	0100
5	5	0101
6	6	0110
7	7	0111
8	8	1000
9	9	1001
10	10	1010
11	11	1011
12	12	1100
13	13	1101
14	14	1110
15	15	1111

BSP:  $ABEF_{16}$

1010 | 1011 | 1110 | 1111

0001 | 1001 | 0001 | 1100 | 0101<sub>2</sub> = 191C5<sub>16</sub>  
1 | 9 | 1 | C | 5

Falls  $b_1^n = b_2^m$ , dann entspricht ein Ziffernblock von  $n$  Ziffern zur Basis  $b_1$  einem Ziffernblock von  $m$  Ziffern zur Basis  $b_2$ .

$$\begin{aligned} 2^{3n} = 2^{4m} &\Rightarrow n = 4 \text{ \& } m = 3 \\ &\Rightarrow 4 \text{ Ziffern zur Basis 8 entsprechen} \\ &\quad 3 \text{ Ziffern zur Basis 16 entsprechen} \\ &\text{Problem: Tabelle hat } 2^{12} \text{ Zeilen} \end{aligned}$$

## Einschränkungen aufheben

auch negative Zahlen!

Darstellung negativer Zahlen

## 3 Signalkodierung

### Definition

Darstellung von abstrakten Informationen als Signalfolge.  
Signal: physisch messbare Größe.

### 3.1 mögliche Signalformen

- elektrisch  
Spannung, Stromstärke, elektromagnetische Wellen, Ladung
- optisch  
Helligkeit, Farbe
- akustisch Lautstärke, Tonhöhe
- Druck hydraulisch, pneumatisch

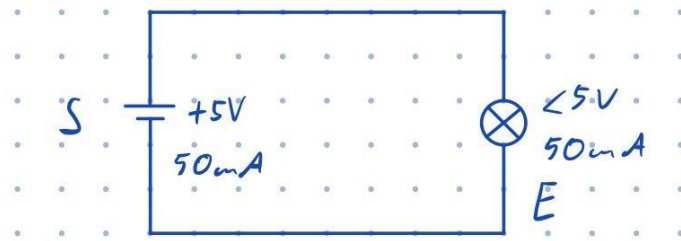


Abbildung 1: Schaltplan mit Spannungsquelle und Glühlampe

#### in der Computertechnik relevant:

optisch  $\Rightarrow$  für netzwerkschnittstellen

elektrisch  $\Rightarrow$  insbesondere in der Digitaltechnik

**vor allem:** Spannung (evtl. auch Stromstärke)

$\Rightarrow$  eher kleinere Spannungspegel in der Digitaltechnik

#### Strom Vs. Spannung

Spannung: Verringert sich beim E durch Spannungsfall auf der Leitung, wird verändert durch Störungen von außen („Übersprechen“ elektromagnetische Einstrahlungen)

Strom: Kaum davon betroffen; Stromstärke verändert sich im geschlossenen Stromkreis nicht.

Nachteil Strom: hoher Energieaufwand, große Wärmeentwicklung

$\Rightarrow$  deshalb Spannung statt Strom bei den meisten Computerschnittstellen verwandt.

#### typische Spannungspegel:

$$\left. \begin{array}{l} 0 \hat{=} 0V \\ 1 \hat{=} 5V \end{array} \right\} \text{TTL-Pegel}$$

„Transistor-Transistor-Logic“

$\Rightarrow$  „erfunden“ um 1960 von TI (Texas Instruments)

#### große vs. kleine Spannungspegel

- $\ominus$  größere sind stromanfällig bei kleineren Spannungen
- $\oplus$  viel weniger Energieaufwand bei kleinen Spannungen, also auch weniger Wärmeentwicklung
- $\oplus$  weniger Störauswirkungen bei kleineren Spannungen
- $\oplus$  schnelleres Spannungswechseln bei kleinen Spannungshüben möglich

### 3.2 Umsetzung von Bitfolgen in Spannungspegelfolgen

meist getaktet, d.h. festes Zeitraster für die Bitfolge, d.h. jedes Bit braucht eine konstante, gleichlange Zeitdauer

#### 4 Verfahren (1-4) und 4 Eigenschaften(a-d)

- a) Taktrückgewinnung (TRG)  
Möglichkeit, nur aus dem übertragenen Datensignal eine Resynchronisierung beim Empfänger auf den Takt des Senders zu machen
- b) Gleichspannungs-/stromfreiheit (GSF)  
Motivation: Einsparung der Masseleitung. Im zeitlichen Mittel liegen auf der Signalleitung 0V an.  
Ziel: Anhand des mittleren Signalpegels soll der Massepegel „errechnet“ werden.

-Vermeidung einer Potentialverschiebung beim E.

-Pseudoargument: keine Energieübertragung beim vom S zum E.

Grundvoraussetzung: symmetrische Pegel statt single-ended.

z.B.  $1V \hat{=} +5V$  und  $0 \hat{=} -5V$

dann: GSF bei Non-Return-to-zero (NRZ): falls  $\# „0“ = \# „1“$  (bzw. „1“ und „0“ im Datenstrom gleichverteilt)

Bei den meisten Anwendungs-, Zeichen- und Zahlencodierungen kann keine Gleichverteilung angenommen werden.  
Ausnahme: Verschlüsselung und Kompression.

c) Störsicherheit (SSH)

(Un-)Anfälligkeit eines Verfahrens ggü. Störungen, welche durch Spannungsschwankungen auf der Leitung verursacht werden.

⇒ direkt abhängig von der Anzahl der verwendeten Pegel, welche auf einen vorgegebenen Potentialbereich verteilt werden müssen (und so natürlich auch beim Empfänger voneinander unterschieden werden müssen)

SSH bei Alternate Mark Inversion (AMI): schlecht, da 3 Pegel

SSH bei NRZ und Return-to-Zero (RZ): gut, da „nur“ 2 Pegel (und weniger Pegel geht nicht ☺)

1. NRZ

Während der gesamten Schrittdauer wird der Pegel angelegt, welcher dem zu übertragenden Bitwert entspricht

2. RZ Jeder Schritt wird in zwei Schrittzeithälften eingeteilt. Während der ersten Hälfte wird der Pegel eingenommen, welcher den zu übertragenden Bitwert entspricht und während der zweiten Hälfte immer der „0“-Pegel.

TRG bei RZ: Bei jeder „1“ möglich, dann bei einer „1“ zu Beginn und in der Mitte der Schrittzeit ein Pegelwechsel stattfindet

3. AMI

Ähnlich NRZ mit single-ended Pegeln, d.h. „0“ wird immer mit 0V (während der gesamten Schrittzeit) übertragen, aber „1“ abwechselnd mit z.B. +5V und -5V (während der gesamten Schrittzeit)

GSF bei AMI: nach jeder 2. „1“: In der Praxis ist der GS-Anteil nach der ungeraden „1“ vernachlässigbar (bei langer Übertragungszeit und vielen übertragenen „1“), also praktisch immer GSF.

TRG bei AMI: bei jeder „1“ nur bei langer Folge von „0“ keine TRG möglich

4. Manchester

Bitwert wird über Spannungswechsel in der Mitte der Schrittzeit dargestellt, z.B. steigende Flanke  $\hat{=}$  „1“ und fallende Flanke  $\hat{=}$  „0“.

ggf. ist ein weiterer Spannungswechsel zu Beginn der Schrittzeit notwendig, um den nachfolgenden (inhaltsführenden) Spannungswechsel durchführen zu können.

TRG bei Manchester: bei jedem Schritt möglich, da immer Regelwechsel in der Mitte der Schrittzeit.

GSF bei Manchester: immer, da sich die Pegel in erster und zweiter Schrittzeithälfte gegenseitig ausgleichen

SSH bei Manchester: optimal, da „nur“ 2 Pegel

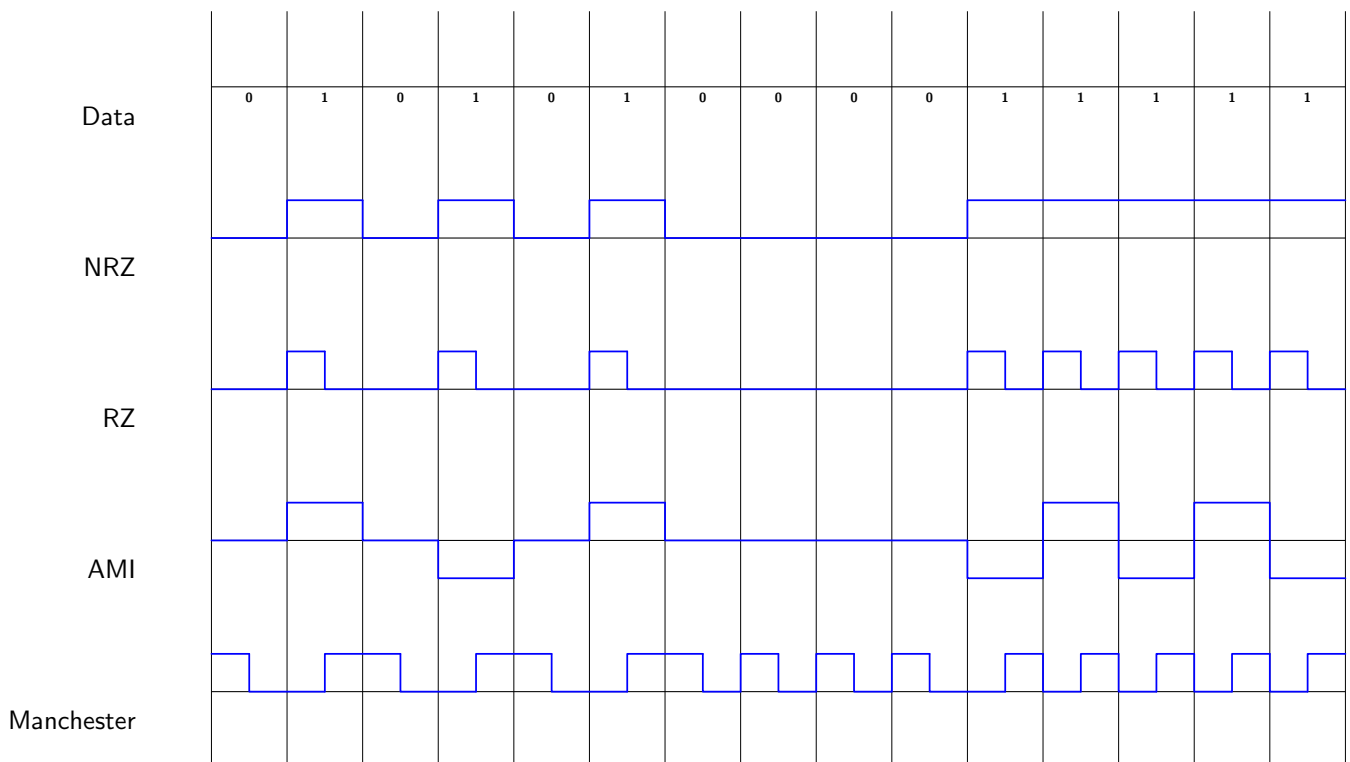


Abbildung 2: Pegelgraphen der einzelnen Verfahren

### Bandbreitenbedarf, bandbreitenbegrenzte Übertragungskanäle

**Nyquist-Theorem:** Über einen Übertragungskanal mit beschränkter Bandbreite kann maximal mit der Schrittrate übertragen werden, welche der doppelten Bandbreite entspricht.

**Bandbreitenbedarf (BBB):** notwendige Bandbreite für ein bestimmtes Signalcodierungsverfahren bei einer bestimmten

vorgegebenen Schrittrate

**BBB bei NRZ:** halbe Schrittrate, d.h. optimal H. Nyquist (max Frequenz bei „010101...“)

**BBB bei RZ:** Schrittrate, d.h. doppelt so viel wie nötig. (max Frequenz bei „000000...“, oder „111111...“)

**BBB bei AMI:** halbe Schrittrate (max Frequenz bei „111111...“)

**BBB bei Manchester:** Schrittrate (max Frequenz bei „000000...“ oder „111111“)

	TRG	GSF symm. Pegel als Grundvoraussetzung	SSH abhängig von Anzahl Pegel	BBB abhängig von Schrittrate
NRZ	bei „01“ und „10“ $\ominus$	$\# „1“ = \# „0“$ (1 und 0 gleichverteilt) $\ominus$	2 $\oplus$	halbe $\oplus$
RZ	bei jeder „1“ $\ominus$	symm. Pegel & nur „1“, single ended & nur „0“, $\#1 = \#0$ und umgekehrt $\ominus$	2 $\oplus$	ganze $\ominus$
AMI	bei jeder „1“ $\ominus$	nach jeder zweiten „1“, in der Praxis „immer“ $\oplus$	3 $\ominus$	halbe $\oplus$
Manch.	immer $\oplus$	immer $\oplus\oplus$	2 $\oplus$	ganze $\ominus$

**Einsatz:**

- NRZ für interne Schnittstellen, bei denen der Verzicht auf Takt- oder Masseleitung nicht relevant ist
- Manchester gerne für Netzwerkschnittstellen (z.B. Ethernet) um auf Takt- und Masseleitung verzichten zu können

### 3 Verfahren zur sicheren Taktrückgewinnung:

#### 1. Startbitsequenz

Vor  $n$  Nutzdatenbit wird eine Startbitsequenz gestellt, welche sichere TRG ermöglicht. z.B. bei NRZ: „01“ oder „10“.  $n$  ist abhängig von der Genauigkeit der Uhren.

**Nachteil:** relativ großer Overhead, effektive Nutzdatenrate deutlich kleiner als die Schrittrate.

Im Beispiel: Nutzdatenrate =  $\frac{n}{n+2} \cdot \text{Schrittweite}$

Bsp: bei RZ oder AMI reicht ein einfaches „1“-Startbit. (Keine „Sequenz“, weniger Overhead)

**Anwendung:** z.B. serielle Schnittstelle RS232

#### 2. Bitstuffing („Bitstopfen“)

Nach jeweils  $n$  gleichen direkt aufeinanderfolgenden Bitwerten wird ein Bit mit dem eingesetzten Bitwert eingefügt.

z.B.  $n=3$ :

0	0	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1
1	2	1	2	3	↑	1	2	3	↑	1	1	2	3	↑
				0				0				0		0

**Hinweis:** Der Empfänger schaut nach  $n$  gleichen Bitwerten den nächsten Bitwert an. Bei entgegengesetztem Bitwert wird dieses „Stopfbit“ entfernt. Bei gleichem Bitwert wird ein Fehler nach oben gemeldet.

**Vor-/Nachteile:** Overhead bei NRZ im schlimmsten Fall nur halb so groß wie bei der Startbitsequenz (nur eine statt zwei Schrittzeiten pro  $n$  Nutzdatenbit) und im besten Fall gar kein Overhead!

**bei RZ:** nur nach  $n$  „0“ wird eine „1“ eingefügt, d.h. weniger Overhead als bei NRZ und Bitstuffing. Verfahren ist komplex und deshalb „teuer“ und „fehleranfällig“. Nutzdatenrate ist nicht konstant abhängig von Schrittrate, sondern sie variiert abhängig von den zu übermittelnden Nutzdaten (Overhead ist variabel)  $\Rightarrow$  schlecht für Anwendungen mit konstanter Nutzdatenrate (z.B. PCM-kodiertes Audio)

**Anwendung:** Ethernet (um Bitmuster des Frame-Delimiters „01111110“ auszuschließen  $\Rightarrow$  nach fünf „1“ wird eine Stopf-„0“ eingeschoben)

#### 3. Blockcodierung

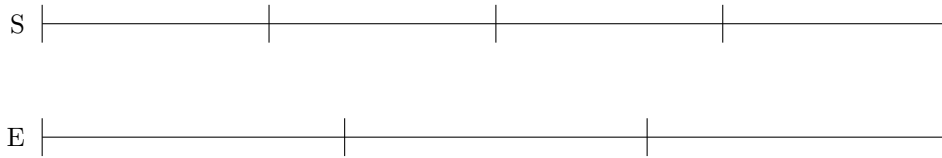
Ein Block von  $n$  Nutzdatenbit wird als Block von  $(n+i)$  zu übertragende Datenbit codiert, wobei nur solche Blöcke verwendet werden, welche sichere TRG ermöglichen.

**Nachteil:** konstant großer Overhead

**Vorteil:** ggf. sind weitere positive Eigenschaften erzielbar durch geeignete Auswahl der zu verwendenden Datenblöcke bei der Übertragung (vgl. 8B10B-Codierung und GSF!)

**Anwendung:** z.B. ISDN und viele andere

Ganggenauigkeit der Uhren und Anzahl der Schritte ohne Resynchronisierung:



Der Pegel wird beim Empfang in der Mitte der angenommenen Schrittzeit abgetastet.

⇒ Die erlaubte Abweichung der Uhr bei  $E$  von der Uhr bei  $S$  ist (weniger als) eine halbe Schrittzeit. Da sowohl  $S$ - als auch  $E$ -Uhr eine Ganggenauigkeit aufweisen können, darf jede Uhr um maximal 25% einer Schrittzeit abweichen.

Bsp: Bei 5% spezifischer Ganggenauigkeit wären 5 Schritte „zu viel“

## 4 Boolesche Algebra

(angelehnt an das Skript von Burkhard Stiller an der Uni Zürich „Info3 Modul Schaltnetze“)

Benannt nach irischem (?) Mathematiker George Boole (1815-1864)

Rechensystem mit bestimmten Regeln:

- endliche Wertemenge  $W$
- zwei zweistellige Operatoren  $\otimes, \oplus$
- Abgeschlossenheit:  $\forall a, b \in W: a \otimes b \in W, a \oplus b \in W$

Es gelten die 4 huntington'schen Axiome:  $\forall a, b, c \in W$

(H1) **Kommutativgesetz**  
 $a \oplus b = b \oplus a, a \otimes b = b \otimes a$

(H2) **Distributivgesetz**  
 $a \oplus (b \otimes c) = (a \oplus b) \otimes (a \oplus c)$   
 $a \otimes (b \oplus c) = (a \otimes b) \oplus (a \otimes c)$

(H3) **Neutrales Element:**  $\exists n, e \in IV$   
 $a \oplus n = a, a \otimes e = a$

(H4) **Inverses Element:**  $\exists \bar{a} \in IV$   
 $a \oplus \bar{a} = e, a \otimes \bar{a} = n$

Spezialfall: Schaltalgebra

Wertemenge besteht aus zwei Werten:  $IV = \{0, 1\} = \{false, true\} = \{falsch, wahr\} = \{off, on\} = \{aus, an\}$

Operatoren: statt  $\oplus$ :  $\vee, ODER, OR(, +)$   
 statt  $\otimes$ :  $\wedge, UND, AND$   
 (statt  $a \wedge b$  geht auch  $ab$ )  
 ⇒ zweistellige Operatoren

Durch (H4) wird ein einstelliger Operator definiert:  
 $\bar{a} = \neg a$  NICHT, NOT

### 4.1 Schaltalgebra

#### 4.1.1 Huntingtonsche Axiome in der Schaltalgebra

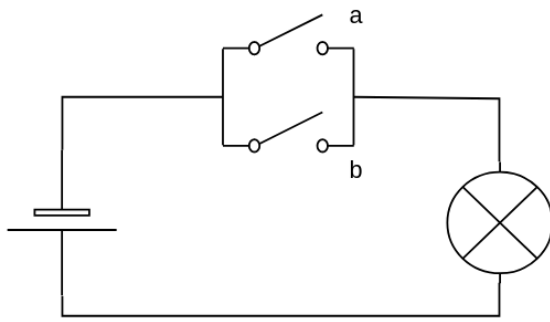
(H1)  $a \vee b = b \vee a, a \wedge b = b \wedge a$

(H2)  $a \vee (b \wedge c) = (a \vee b) \wedge (a \vee c)$   
 $a \wedge (b \vee c) = (a \wedge b) \vee (a \wedge c)$

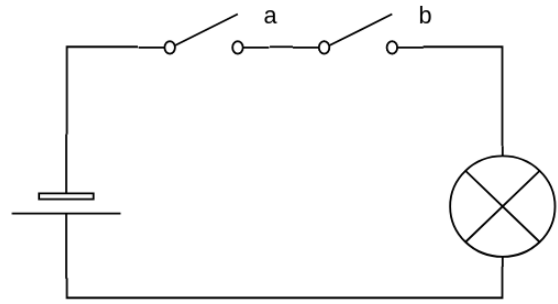
(H3)  $a \vee 0 = a, a \wedge 1 = a$

(H4)  $a \vee \bar{a} = 1, a \wedge \bar{a} = 0$   
 (oder:  $a \vee \neg a = 1, a \wedge \neg a = 0$ )





(a) ODER:  $a \vee b$



(b) UND:  $a \wedge b$

Abbildung 3: Darstellung zweistelliger Operatoren mit Schaltnetzen

b	a	$a \vee b$	$a \wedge b$
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	1	1

a	$\bar{a}$
0	1
1	0

Tabelle 1: Wahrheitstabellen für UND/ODER und Negierung

#### 4.1.2 Warum Schaltalgebra?

⇒ Darstellung der zweistelligen Operatoren mit Schalttasten, wobei die Werte durch Schalter dargestellt wurden.  
Darstellung mit Wertetabellen:

Ausdrücke der Schaltalgebra („boolsche Ausdrücke“) bestehen aus:

- ein- und zweistelligen Operatoren
- Variable (als Platzhalter für einen Wert)
- Wert
- Klammern

##### Definition: Eingangsbelegung

Jeder Variable wird ein konkreter Wert zugeordnet

##### Definition: Ausgangsbelegung

Der Wert, welcher sich bei einem boolschen Ausdruck bei einer konkreten E-Belegung ergibt, wenn man den boolschen Ausdruck „auswertet“.

Auswertung eines boolschen Ausdrucks:  $(a \wedge \neg c) \vee 1 \wedge (b \wedge c) \vee (0 \wedge d)$  (Siehe Tabelle 2)

- Festlegung der E-Belegung
- Ersetzen der Variablen durch die entsprechenden Werte
- Auswerten „von innen nach außen“

Zunächst den Teilausdruck mit der stärksten Bindungskraft, zuletzt der Teilausdruck mit der schwächsten Bindungskraft: am stärksten... *NOT*, Klammer, *AND*, *OR* ...am schwächsten

- bei gleicher Bindungskraft Auswertung von links nach rechts

#	$d$	$c$	$b$	$a$	$\neg c$	$a \wedge \neg c$	$1 \wedge (b \wedge c)$	$0 \wedge d$	$x \vee y$	$f$
0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	1	1	0	0	1	1
2	0	0	1	0	1	0	0	0	0	0
3	0	0	1	1	1	1	0	0	1	1
4	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0
6	0	1	1	0	0	0	1	0	1	1
7	0	1	1	1	0	0	1	0	1	1
8	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
9	1	0	0	1	1	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	1	0	0	0	0	0
11	1	0	1	1	1	1	0	0	1	1
12	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0
13	1	1	0	1	0	0	0	0	0	0
14	1	1	1	0	0	0	1	0	1	1
15	1	1	1	1	0	0	1	0	1	1

Tabelle 2: Wahrheitstabelle für  $f = (a \wedge \neg c) \vee 1 \wedge (b \wedge c) \vee (0 \wedge d)$

#### 4.1.3 Aus den Huntington'schen axiomen abgeleitete (beweisbare Gesetze)

Assoziativgesetz	$(a \wedge b) \wedge c = a \wedge (b \wedge c)$ $(a \vee b) \vee c = a \vee (b \vee c)$
Idempotenzgesetz	$a \wedge a = a$ $a \vee a = a$
Absorptionsgesetz	$a \wedge (a \vee b) = a$ $a \vee (a \wedge b) = a$
DeMorgan-Gesetz	$\overline{(a \wedge b)} = \bar{a} \vee \bar{b}$ $\overline{(a \vee b)} = \bar{a} \wedge \bar{b}$

# Abkürzungsverzeichnis

**BBB** Bandbreitenbedarf

**NRZ** Non-Return-to-zero

**RZ** Return-to-Zero

**AMI** Alternate Mark Inversion

**TRG** Taktrückgewinnung

**GSF** Gleichspannungs-/stromfreiheit

**SSH** Störsicherheit