

MATH-F-112 : Rappels

Romain Grimau

Séance 1 : logique, égalité/inégalité, récurrence

...

Séance 2 : nombres

...

Séance 3 : trigonométrie

...

Séance 4 : fonctions

...

Séance 5 : combinatoire

Choisir k éléments parmi n , l'ordre n'a pas d'importance : C_n^k ou $\binom{n}{k}$

Choisir k éléments parmi n sans répétition, l'ordre à de l'importance :

$$n! = n \cdot (n - 1) \cdot \dots \cdot 2 \cdot 1$$

$$A_n^k = \frac{n!}{(n - k)!}$$

Choisir k éléments parmi n avec répétition, l'ordre à de l'importance : n^k

Séance 6 :

Séance 7 : géométrie analytique

Équations du plan :

$$\text{Pour } \vec{u} \text{ et } \vec{v}, 2 \text{ vecteurs directeurs } \begin{cases} x &= x_0 + \mu u_1 + \lambda v_1 \\ y &= y_0 + \mu u_2 + \lambda v_2 \\ z &= x_0 + \mu u_3 + \lambda v_3 \end{cases}$$

Pour un vecteur normal $\vec{n} = (a, b, c) : ax + by + cz + d = 0$

Produit scalaire de 2 vecteurs $\vec{u}, \vec{v} : \vec{u} \cdot \vec{v} = \|\vec{u}\| \cdot \|\vec{v}\| \cdot \cos \theta$

Équation d'une droite :

$$\text{Pour } \vec{u}, \text{ le vecteur directeur } \begin{cases} x = x_0 + tu_1 \\ y = y_0 + tu_2 \\ z = z_0 + tu_3 \end{cases} \rightarrow \frac{x-x_0}{u_1} = \frac{y-y_0}{u_2} = \frac{z-z_0}{u_3}$$

Produit vectoriel de $\vec{u}, \vec{v} : \vec{u} \times \vec{v} = (u_2v_3 - u_3v_2, u_3v_1 - u_1v_3, u_1v_2 - u_2v_1)$

Distance entre un point (p_1, p_2, p_3) et une droite avec $\vec{n} = (a, b, c) : \frac{ap_1 + bp_2 + cp_3 + d}{\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}}$

Séance 8 :

Séance 9 : fonctions et équations trigonométriques et logarithmes

Séance 10 : limites

$$\text{Si } \lim_{x \rightarrow a} f \text{ et } \lim_{x \rightarrow a} g \exists \Rightarrow \begin{aligned} \lim(f + g) &= \lim f + \lim g \\ \lim(f \cdot g) &= \lim f \cdot \lim g \end{aligned}$$

$$\text{Si } \lim_{x \rightarrow a} f \text{ et } \lim_{x \rightarrow a} g \exists \text{ et } \lim_{x \rightarrow a} g \neq 0 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow a} \frac{f}{g} = \frac{\lim f}{\lim g}$$

$$\text{Si } \lim_{x \rightarrow a} l = L \text{ et } \lim_{t \rightarrow L} g(t) \exists \Rightarrow \lim_{x \rightarrow a} g(f(x)) = \lim_{t \rightarrow L} g(t)$$

Séance 11 : limites et asymptotes

La droite $x = a$ est une asymptote verticale à f si : $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x) = \pm\infty$ ou $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x) = \pm\infty$

La droite $y = b$ est une asymptote horizontale à f si : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = b$ ou $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = b$

La droite $y = mx + b$ est une asymptote oblique à f si : $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{f(x)}{x} = m \neq 0$ et $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) - m(x) = b$

f est asymptotiquement du même ordre que g si : $\lim_{x \rightarrow \infty} \left| \frac{f(x)}{g(x)} \right| \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$

Séance 12 : drives

Séance 13 : drives

...

Séance 14 :Taylor

...

Séance 15 :primitives

...

Séance 16 :primitives

...

Séance 17 :primitives

...

Séance 18 :fractions simples et intégrales définies

...

Séance 19 :intégrales définies

...

Séance 20 :courbes

...

Séance 21 :matrices et systèmes

...