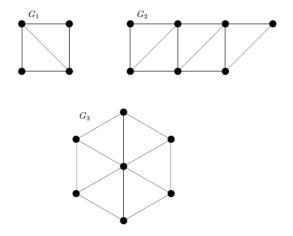
Séance 5 (17 octobre 2018)

Exercice 1.

Quels graphes ci-dessous ont un chemin d'Euler? Expliquer et montrer le(s) chemin(s).



Exercice 2.

- 1. Déterminer la(les) valeur(s) de n pour la(les)quelle(s) le graphe complet K_n a un circuit d'Euler. Justifier.
- 2. Pour quelle(s) valeur(s) de n le graphe K_n contient-il un chemin d'Euler mais pas un circuit? Justifier.

Exercice 3. Etant donné qu'un graphe non dirigé possède un circuit d'Euler qui commence et termine dans le sommet v. Est-il possible de construire un circuit d'Euler qui commence et termine dans n'importe quel sommet du graphe? Justifier.

Exercice 4. Déterminer les valeurs de m et n telle que $K_{m,n}$ possède un circuit d'Euler. Justifier.

Exercice 5. Donner/Dessiner un graphe avec 6 sommets qui est biparti, faiblement connexe, qui n'est pas fortement connexe. Justifier.

Exercice 6. Trouver un contre-exemple pour l'énoncé suivant:

Soit G un graphe simple, non-dirigé, à 8 sommets, chacun de degré 2, alors G contient un circuit d'Euler. Justifier votre choix.

Exercice 7 et 8. Faire les exercices 4 et 5 du TP 4.

1

Maths Discrètes

Solutions TP 5

Exercice 1

 G_1 possède un chemin d'Euler.

 ${\cal G}_2$ possède un chemin d'Euler.

 ${\cal G}_3$ ne possède pas de chemin d'Euler.

Exercice 2

- 1. Pour tout n impair, K_n aura un degré n-1 pair
- 2. Pour n = 2, puisque tout n impair est un circuit et n>2 pair n'a pas de chemins et n=1

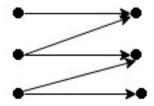
Exercice 3

Sachant qu'un circuit existe depuis $v,\ u\to v$ et $v\to u$ sont possibles, donc $u\to u$ est un circuit.

Exercice 4

m et n pairs

Exercice 5



Exercice 6

