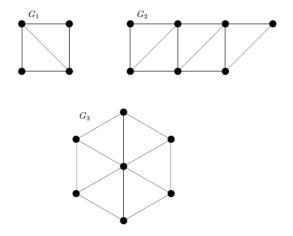
## Séance 5 (17 octobre 2018)

## Exercice 1.

Quels graphes ci-dessous ont un chemin d'Euler? Expliquer et montrer le(s) chemin(s).



## Exercice 2.

- 1. Déterminer la(les) valeur(s) de n pour la(les)quelle(s) le graphe complet  $K_n$  a un circuit d'Euler. Justifier.
- 2. Pour quelle(s) valeur(s) de n le graphe  $K_n$  contient-il un chemin d'Euler mais pas un circuit? Justifier.

Exercice 3. Etant donné qu'un graphe non dirigé possède un circuit d'Euler qui commence et termine dans le sommet v. Est-il possible de construire un circuit d'Euler qui commence et termine dans n'importe quel sommet du graphe? Justifier.

**Exercice 4.** Déterminer les valeurs de m et n telle que  $K_{m,n}$  possède un circuit d'Euler. Justifier.

**Exercice 5.** Donner/Dessiner un graphe avec 6 sommets qui est biparti, faiblement connexe, qui n'est pas fortement connexe. Justifier.

Exercice 6. Trouver un contre-exemple pour l'énoncé suivant:

Soit G un graphe simple, non-dirigé, à 8 sommets, chacun de degré 2, alors G contient un circuit d'Euler. Justifier votre choix.

Exercice 7 et 8. Faire les exercices 4 et 5 du TP 4.

1