

Aufgaben zum Thema Oberstufe Analysis

logarithmusgesetze(nr, anzahl=1):

Erläuterungen:

Hier sollen die Schüler und Schülerinnen Logarithmusgesetze vervollständigen.

Mit dem Argument "anzahl=" kann die Anzahl der zufällig ausgewählten Logarithmusgesetze festgelegt werden. Standardmäßig wird immer ein Gesetz erstellt.

rechenregeln__integrale(nr, anzahl=1):

Erläuterungen:

Hier sollen die Schüler und Schülerinnen Rechenregeln der Integralrechnung vervollständigen.

Mit dem Argument "anzahl=" kann die Anzahl der zufällig ausgewählten Regeln festgelegt werden.

Standardmäßig wird immer eine Regel erstellt.

folgen(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c', 'd'], ausw__folgenart=None):

Erläuterungen:

Hier sollen die SuS Zahlenfolge um weitere Folgenglieder ergänzen, die Art (arithmetisch oder geometrisch) erkennen, ein Bildungsgesetz benennen und ggf. ein bestimmtes Folgenglied berechnen.

Mit "ausw__folgenart=" kann festgelegt werden, ob es sich um arithmetische oder geometrische Zahlenfolge handelt, oder keine spezielle Zahlenfolge vorliegt. Der Parameter "ausw__folgenart=" kann None, 'arithmetisch', 'geometrisch' oder 'keine Vorschrift' sein. Standardmäßig ist None eingestellt und die Auswahl damit zufällig.

Teilaufgabe a): Die SuS sollen eine gegebene Zahlenfolge um drei weitere Glieder ergänzen.

Teilaufgabe b): Die SuS sollen entscheiden, ob eine arithmetische oder geometrische Zahlenfolge vorliegt

Teilaufgabe c): Die SuS sollen das Bildungsgesetz der gegebenen Zahlenfolge finden bzw. nennen.

Teilaufgabe d): Die Teilaufgabe wird nur angezeigt, wenn eine arithmetische oder geometrische Zahlenfolge vorliegt. Hier sollen die SuS ein bestimmtes Folgenglied berechnen.

grenzwerte__folge(nr, ausw__folgenart=None):

Erläuterungen:

In dieser Aufgabe sollen die SuS den Grenzwert einer bestimmten Zahlenfolgen berechnen. Die Aufgabe hat keine Teilaufgaben.

Mit "ausw__folgenart=" kann festgelegt werden, ob es sich um arithmetische oder geometrische Zahlenfolge handelt, oder keine spezielle Zahlenfolge vorliegt. Der Parameter "ausw__folgenart=" kann None, 'arithmetisch', 'geometrisch' oder 'keine Vorschrift' sein. Standardmäßig ist None eingestellt und die Auswahl damit zufällig.

grenzwerte__funktionen(nr):

Erläuterungen:

In dieser Aufgabe sollen die SuS den Grenzwert einer rationalen Funktion berechnen. Die Aufgabe besitzt keine Teilaufgaben.

aenderungsrate(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c', 'd'], ableitung=False):

Erläuterungen:

In dieser Aufgabe sollen die SuS die mittlere Änderungsrate in einem gegebenen Intervall und lokale Änderungsrate an einer gegebenen Stelle einer Funktion rechnerisch und zeichnerisch bestimmen.

Der Parameter "ableitung=" kann 'True' oder 'False' sein und gibt die mögliche Lösung für Teilaufgabe d) vor. Bei 'False' kennen die SuS die Ableitung einer Funktion noch nicht und müssen die lokale Änderungsrate mit einer Grenzwertberechnung bestimmen. Bei 'True' ist es die triviale Lösung mithilfe der Ableitung der Funktion.

Teilaufgabe a): Die SuS sollen die mittlere Änderungsrate im gegebenen Intervall eines Graphen zeichnerisch bestimmen.

Teilaufgabe b): Die SuS sollen die mittlere Änderungsrate in einem gegebenen Intervall berechnen und ihr Ergebnis der vorherigen Teilaufgabe überprüfen.

Teilaufgabe c): Die SuS sollen die lokale Änderungsrate an einer Stelle eines Graphen zeichnerisch bestimmen.

Teilaufgabe d): Die SuS sollen die zeichnerisch bestimmte lokale Änderungsrate rechnerisch überprüfen. Die Lösung hängt vom gewählten Parameter 'ableitung=' ab.

differentialquotient(nr, teilaufg=['a', 'b']):

Erläuterungen:

Die SuS sollen die Ableitung einer linearen bzw. quadratischen Funktion mithilfe des Differentialquotienten berechnen.

Teilaufgabe a): Mit dem Differentialquotienten eine lineare Funktion ableiten.

Teilaufgabe b): Mit dem Differentialquotienten eine quadratische Funktion ableiten.

grafisches__ableiten(nr, teilaufg=['a', 'b']):

Erläuterungen:

Die SuS sollen in einem gegebenen Graphen einer Funktion den Graphen der Ableitungsfunktion skizzieren und den skizzierten Verlauf begründen.

Teilaufgabe a): Ableitungsgraphen skizzieren

Teilaufgabe b): Die SuS sollen ihre Skizze begründen. Die Teilaufgabe wird nur angezeigt, wenn Teilaufgabe a) ausgewählt ist.

ableitungen(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f', 'g', 'h', 'i', 'j'], anzahl=False):

Erläuterungen:

Die SuS sollen mithilfe der Ableitungsregeln die Ableitungen verschiedener Funktionen bestimmen.

Mithilfe von "teilaufg=[]" können folgenden Funktionstypen (auch mehrfach der Form ['a', 'a', ...]) ausgewählt werden:

a) ganzrationales Polynom, b) rationales Polynom, c) Wurzelfunktion, d) Polynom mit Wurzelfunktion, e) Exponentialfunktion, f) Logarithmusfunktion, g) Exponentialfunktion mit Wurzel, h) verkettete Exponentialfunktion, i) verkettete Logarithmusfunktion, j) verkettete Wurzelfunktion

Mit 'anzahl=' kann eine Anzahl von Teilaufgaben aus den in 'teilaufg=[]' festgelegten Funktionstypen erstellt werden.

anwend__abl__seilbahn(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f']):

Erläuterungen:

In dieser Aufgabe sollen die SuS verschiedene Anwendungen der Ableitung am Beispiel eines Hügels, dessen Gipfel mit einer Seilbahn erreicht werden kann, kennenlernen.

Teilaufgabe a): Hier sollen die SuS die Nullstellen, bei gegebener Funktionsgleichung, des Hügels berechnen.

Teilaufgabe b): Die SuS sollen die Steigung und den Steigungswinkel am westlichen Fußpunkt des Hügels berechnen.

Teilaufgabe c): Hier sollen die SuS den Schnittpunkt zwischen Seilbahn (lineare Fkt.) und Hügel (quadratische Fkt.) berechnen. Diese Teilaufgabe wird immer angezeigt, wenn 'd' oder 'e' in 'teilaufg=['d', 'e']' enthalten sind.

Teilaufgabe d): Hier sollen die SuS den Schnittwinkel zwischen Seilbahn (lineare Fkt.) und Hügel (quadratische Fkt.) berechnen. Diese Teilaufgabe wird immer angezeigt, wenn 'e' in 'teilaufg=['e']' enthalten ist.

Teilaufgabe e): Hier sollen die SuS die Funktionsgleichung der Seilbahn (lineare Funktion) mithilfe der Steigung rekonstruieren.

Teilaufgabe f): Hier sollen die SuS den Scheitelpunkt einer Parabel mit quadratischer Ergänzung bestimmen.

anwendung__abl__steig(nr, teilaufg=['a', 'b']):

Erläuterungen:

Die SuS sollen mithilfe der Ableitung den Wert von x bzw. der Variablen a bestimmen.

Teilaufgabe a): Die SuS sollen den x-Wert berechnen, an dem eine (rationale) Funktion die gegebene Steigung besitzt.

Teilaufgabe b): Die SuS sollen den Wert von a einer quadratischen Parameterfunktion berechnen, an dem diese eine lineare Funktion berührt.

rekonstruktion__und__extremalproblem(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c'], gleichung=True):

Erläuterungen:

Den SuS ist ein Graph einer quadratischen Funktion gegeben, dessen Funktionsgleichung Sie rekonstruieren müssen, um damit ein Extremalproblem zu lösen.

Mit dem Parameter 'gleichung=' kann festgelegt, ob den SuS die Funktionsgleichung aus Teilaufgabe a) bei b) gegeben ist. Wurde Teilaufgabe a) nicht ausgewählt, ist die Funktionsgleichung automatisch gegeben.

Teilaufgabe a): Den SuS sollen mithilfe drei gegebener Punkte eine quadratische Funktion rekonstruieren. Da nicht der Scheitelpunkt gegeben ist, müssen die SuS das Gaußverfahren nutzen.

Teilaufgabe b): Hier sollen die SuS einen Punkt auf dem Graphen berechnen, der ein Eckpunkt eines Rechtecks mit maximalen Flächeninhalt ist.

Teilaufgabe c): Die SuS sollen mithilfe der Ergebnisse der vorherigen Teilaufgabe den maximalen Flächeninhalt berechnen. Wird diese Teilaufgabe ausgewählt, ist automatisch auch die vorherige Teilaufgabe in 'teilaufg' enthalten.

rekonstruktion(nr, xwerte=[], faktor=None):

Erläuterungen:

In dieser Aufgabe sollen die SuS eine einfache quadratische Funktion rekonstruieren. Die Aufgaben besitzt keine Teilaufgaben.

Mit dem Parameter 'xwerte=' können die x-Werte von drei Punkten der Funktion in der Form [x1, x2, x3] vorgegeben werden. Standardmäßig ist die Liste leer und die x-Werte werden zufällig zwischen -3 und 3 gebildet.

Mit dem Parameter 'faktor=' kann der Streckungs- bzw. Stauchungsfaktor der Funktion festgelegt werden. Standardmäßig ist der Wert None und der Faktor wird zufällig zwischen 0,5 und 4 gebildet.

exponentialgleichungen(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f'], anzahl=False):

Erläuterungen:

Die SuS sollen verschiedene Exponentialgleichungen lösen.

Mithilfe von "teilaufg=[]" können folgenden Gleichungstypen (auch mehrfach der Form ['a', 'a', ...]) ausgewählt werden:

a) einfache Exponentfkt, b) schwierige Exponentfkt, 'c': Exponentialfkt mit einf. lin. Fkt als Exponenten, 'd': Exponentialfkt mit lin. Fkt als Exponenten, 'e': Summe von Exponentialfkt, 'f': Logarithmusfkt

Mit 'anzahl=' kann eine Anzahl von Teilaufgaben aus den in 'teilaufg=[]' festgelegten Funktionstypen erstellt werden.

wachstumsfunktion(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c', 'd']):

Erläuterungen:

Wachstumsfunktion

Teilaufgabe a): Nachweise, dass es sich um exponentielles Wachstum handelt

Teilaufgabe b): Wachstumsfunktion aufstellen

Teilaufgabe c): Zeit berechnen, bis ein Wert erreicht wird

Teilaufgabe d): Wert berechnen, welcher nach Zeit t erreicht wird

unbestimmtes_integral(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f', 'g']):

Erläuterungen:

Stammfunktionen bestimmen (unbestimmtes Integral)

bestimmtes_integral(nr, teilaufg=['a', 'b'], grad=3):

Erläuterungen:

Bestimmtes Integral

Teilaufgabe a): Nullstellen berechnen

Teilaufgabe b): Fläche mit eingeschlossener x-Achse berechnen

kurvendiskussion_polynome_01(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f', 'g', 'h', 'i', 'j'], ableitungen=None, nullstellen=None, wendenormale=True):

Erläuterungen:

Kurvendiskussion einer Polynom

Teilaufgabe a):

kurvendiskussion_polynom_parameter_2(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f', 'g', 'h', 'i', 'j']):

Erläuterungen:

Kurvendiskussion einer Polynom- und Parameterfunktion 2

Teilaufgabe a): Verhalten im Unendlichen untersuchen

Teilaufgabe b): Symmetrie überprüfen

Teilaufgabe c): Schnittpunkt mit den Achsen berechnen (Nullstelle gegeben)
 Teilaufgabe d): Ersten drei Ableitungen bestimmen
 Teilaufgabe e): Extrema und deren Art berechnen
 Teilaufgabe f): Mögliche Wendepunkte berechnen
 Teilaufgabe g): Ortskurve der Wendepunkte berechnen
 Teilaufgabe h): Wert a des Graphen bestimmen und begründen
 Teilaufgabe i): Graph mit Wert für a in einem Intervall zeichnen
 Teilaufgabe j): Wert a für eine vorgegebene Fläche berechnen

kurvendiskussion__exponentialfkt__01(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f', 'g', 'h'], ableitung=False, verschiebung=True):

Erläuterungen:

Kurvendiskussion einer Exponentialfunktion

Teilaufgabe a): Verhalten im Unendlichen untersuchen
 Teilaufgabe b): Schnittpunkt mit den Achsen berechnen
 Teilaufgabe c): Ersten drei Ableitungen berechnen
 Teilaufgabe d): Extrema und deren Art berechnen
 Teilaufgabe e): Ohne Rechnung begründen, dass die Funktion 2 Wendepunkte besitzt
 Teilaufgabe f): Wendepunkte berechnen
 Teilaufgabe g): Tangente und Normale am Wendepunkt berechnen (Wendepunkt gegeben)
 Teilaufgabe h): Graphen im Intervall zeichnen

Aufgaben zum Thema Oberstufe Algebra

punkte_und_vektoren(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c']):

Erläuterungen:

Aufgabe zur Darstellung von Punkten im 3-dim-Koordinatensystem und Vektorechnung

Teilaufgabe a): Punkte im 3-dim-Koordinatensystem einzeichnen und verbinden

Teilaufgabe b): Abstände von Punkten berechnen und vergleichen

Teilaufgabe c): mithilfe von Vektorrechnung einen vierten Punkt für ein Parallelogramm

rechnen_mit_vektoren(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f', 'g'], linearkombination=None, kollinear=None):

Erläuterungen:

Aufgabe zum Rechnen mit Vektoren, Mittelpunkt, Linearkombination bzw. Kollinearität und Streckenverhältnissen

Teilaufgabe a): resultierenden Vektor einer Vektoraddition berechnen

Teilaufgabe b): Mittelpunkt zweier gegebener Punkte berechnen

Teilaufgabe c): Linearkombination von Vektoren überprüfen

Teilaufgabe d): Vektoren auf Kollinearität überprüfen

Teilaufgabe e): Berechnen des Streckenverhältnisses, in die ein Punkt T eine Strecke teilt

Teilaufgabe f): Berechnung eines Punktes aus gegebenen Streckenverhältnissen

geraden_aufstellen(nr, teilaufg=['a', 'b'], T_auf_g=False):

Erläuterungen:

Aufgabe zum Aufstellen von Geraden und Überprüfen der Lagebeziehung Punkt-Gerade

Teilaufgabe a): Aufstellen der Geradengleichung bei gegebenen Punkten

Teilaufgabe b): Überprüfen der Lagebeziehung der Geraden g mit dem Punkt T

geraden_lagebeziehung(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f'], lagebeziehung=None):

Erläuterungen:

Aufgabe zur Lagebeziehung zweier Geraden und ggf. des Abstandes beider Geraden

Teilaufgabe a): lagebeziehungen zweier Geraden und die dafür nötigen Eigenschaften erläutern

Teilaufgabe b): mathematisches Vorgehen zur Bestimmung der Lagebeziehung zweier Geraden erläutern

Teilaufgabe c): Lagebeziehung zweier gegebener Geraden bestimmen

Teilaufgabe e): Bestimmung des Abstandes zweier paralleler bzw. windschiefer Geraden

Teilaufgabe f): Schnittwinkel zweier gegebener Geraden berechnen

ebene_und_punkt(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c', 'd', 'e'], t_in_ebene=None):

Erläuterungen:

Aufgaben zum Aufstellen der Ebenengleichung und Lagebeziehung Punkt-Ebene

Teilaufgabe a): Ebenengleichung in Parameterform aus drei gegebenen Punkten aufstellen

Teilaufgabe b): gegebene Ebenengleichung von Parameterform in Normalen- und Koordinatenform umformen

Teilaufgabe c): Überprüfen, ob ein Punkt in der Ebene liegt

Teilaufgabe e): Berechnung des Abstandes eines Punktes von der Ebene

ebenen_umformen(nr, teilaufg=['a', 'b'], form=None, koordinatensystem=False):

Erläuterungen:

Aufgaben zum Umformen der Ebenengleichungen aus Normalen- oder Koordinatenform und mithilfe der Achsenabschnittsform Ebene zeichnen

Teilaufgabe a): gegebene Normalen- bzw. Koordinatenform in Parameter-, Koordinaten- bzw. Normalenform umformen

Teilaufgabe b): Aufstellen der Achsenabschnittsform der Ebene und zeichnen der Ebene in 3-dim-Koordinatenform

ebene_und_gerade(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c', 'd', 'e'], g_in_E=None):

Erläuterungen:

Lagebeziehungen einer Ebene mit einer Geraden und ggf. Abstandsberechnung

Teilaufgabe a): die Lagebeziehung einer Geraden mit einer Ebene und die dafür nötigen Eigenschaften erläutern

Teilaufgabe b): Geradengleichung aus zwei gegebenen Punkten aufstellen

Teilaufgabe c): die Lagebeziehung einer Ebene mit einer Geraden bestimmen

Teilaufgabe d): Aufstellen der hessischen Normalform einer Ebene

Teilaufgabe e): Berechnung des Abstandes einer parallelen Geraden zur Ebene

ebene__ebene(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c', 'd'], F_in_E=None):

Erläuterungen:

Lagebeziehungen zweier Ebenen und ggf. der Abstandsberechnung

Teilaufgabe a): lagebeziehungen zwischen zwei Ebenen erläutern

Teilaufgabe b): Lagebeziehung bestimmen und ggf. Schnittgrade berechnen

Teilaufgabe c): hessische Normalenform der Ebene aufstellen

Teilaufgabe d): hier soll der Abstand zwischen zwei parallelen Ebenen berechnet werden

Aufgaben zum Thema Oberstufe Wahrscheinlichkeitsrechnung

begriffe_wahrscheinlichkeit(nr, anzahl=1):

Erläuterungen:

Grundbegriffe der Wahrscheinlichkeitsrechnung erläutern

Teilaufgabe a): Baumdiagramm zeichnen

Teilaufgabe b): Ergebnismengen angeben

Teilaufgabe c): Wahrscheinlichkeit von Ereignissen berechnen

Teilaufgabe d): bedingte Wahrscheinlichkeit berechnen und überprüfen

Teilaufgabe e): Wahrscheinlichkeitsverteilung und Histogramm einer Zufallsgröße

Teilaufgabe f): Erwartungswert einer Zufallsgröße

Teilaufgabe g): Varianz und Standardabweichung einer Zufallsgröße

Teilaufgabe h): mit Bernoullikoeffizient die Anzahl möglicher Ergebnisse berechnen

Teilaufgabe i): Berechnung der Wahrscheinlichkeit mit Lottomodell beim Ziehen ohne Zurücklegen

Teilaufgabe j): Berechnung der Wahrscheinlichkeit mit Bernoulli beim Ziehen mit Zurücklegen

Teilaufgabe k): mit kumulierter Bernoullikette Wahrscheinlichkeit berechnen beim Ziehen mit Zurücklegen

fares_spiel(nr):

Erläuterungen:

Überprüfung eines Zufallsversuches (zweimal Würfeln) auf "fares Spiel"

vierfeldertafel_01(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c'], vierfeldertafel=True):

Erläuterungen:

bedingte Wahrscheinlichkeit in einer Vierfeldertafel am Beispiel einer med. Studie

Teilaufgabe a): Vierfeldertafel vervollständigen

Teilaufgabe b): bedingte Wahrscheinlichkeiten aus gegebenen Größen berechnen

Teilaufgabe c): bedingte Wahrscheinlichkeit aus vervollst. Vierfeldertafel berechnen

sicheres_passwort(nr, teilaufg=['a', 'b']):

Erläuterungen:

Berechnung von Permutationen am Beispiel eines sicheren Passwortes

Teilaufgabe a): Anzahl möglichen Kombinationen eines Passwortes berechnen

Teilaufgabe b): Zeit für Brute Force Attacke (Ausprobieren aller Kombinationen) des Passwortes berechnen

lotto_modell_01(nr):

Erläuterungen:

Berechnung der Wahrscheinlichkeit nach dem Lottomodell

Aufgaben zum Thema Mittelstufe Geometrie

kongruente__Dreiecke(nr, teilaufg=['a', 'b']):

Erläuterungen:

hier müssen Kongruenzsätze erkannt und die Dreiecke konstruiert werden

Teilaufgabe a): Kongruenzsatzes benennen

Teilaufgabe b): Konstruktion des kongruenten Dreieckes

rechtwinkliges__dreieck(nr, teilaufg=['a', 'b']):

Erläuterungen:

Teilaufgabe a): Seitenlänge im rechth. Dreieck mit Pythagoras berechnen

Teilaufgabe b): Winkel im rechtwinkligen Dreieck mit Sinus, Kosinus und Tangens berechnen

verhaeltnisgleichungen(nr, teilaufg=['a', 'b']):

Erläuterungen:

berechnungen__bel__dreieck(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c']):

Erläuterungen:

Berechnungen im allgemeinen Dreieck

Teilaufgabe a): Berechnung der Winkel im allg. Dreieck

Teilaufgabe b): Berechnung der fehlenden Seitenlänge im allg. Dreieck

Teilaufgabe c): Berechnung der Fläche im allg. Dreieck

pruefung__kl10__allg__dr__01(nr, teilaufg=['a', 'b', 'c', 'd']):

Erläuterungen:

das ist eine originale Aufgabe der Abschlussprüfung Klasse 10 in Brandenburg zur Trigonometrie

Teilaufgabe a): Berechnung des Hypotenusenabschnittes mit Pythagoras

Teilaufgabe b): Berechnung eines Winkels mit dem Sinus

Teilaufgabe c): Berechnung einer Seite mit dem Sinussatz

Teilaufgabe d): Berechnung der Fläche des Dreiecks