$$V(k_0) = \sum_{t=0}^{\infty} \left[\beta^t \ln(1 - \alpha \beta) + \beta^t \alpha \ln k_t \right]$$

Practical Python and OpenCV

Python OpenCV $\overset{\beta'}{\underset{1-\alpha}{\rightleftharpoons}}$

$$= \frac{\alpha}{1 - \alpha \beta} \ln k_0 + \frac{\ln(1 - \alpha \beta)}{1 - \beta} + \frac{\alpha \beta}{(1 - \beta)(1 - \alpha \beta)} \ln(\alpha \beta)$$

左边 =
$$V(k) = \frac{\alpha}{1 - \alpha\beta} \ln k + \frac{\ln(1 - \alpha\beta)}{1 - \beta} + \frac{\alpha\beta}{(1 - \beta)(1 - \alpha\beta)} \ln(\alpha\beta)$$

$$\stackrel{\triangle}{=} \frac{\alpha}{1 - \beta}$$
右边 = $\max \left\{ \pi(\beta, y) + \beta V(y) \right\}$

利用 FOC 和包络条件求解得到 ν $\alpha\beta k^{\alpha}$, 代入, 求右边

右边 =
$$\max \left\{ u(f(k) - y) + \beta V(y) \right\}$$

$$= u(f(k) - g(k)) + \beta \left[\frac{\alpha}{1 - \alpha \beta} \ln g(k) + A \right]$$
一份以示例为驱动介绍图像处理和计算机视觉指南
$$= \ln(k^{\alpha} - \alpha \beta k^{\alpha}) + \beta \left[\frac{\alpha}{1 - \alpha \beta} \ln \alpha \beta k^{\alpha} + A \right]$$

$$= \ln(1 - \alpha \beta) + \alpha \ln k + \beta \left[\frac{\alpha}{1 - \alpha \beta} \left[\ln \alpha \beta + \alpha \ln k \right] + k \right]$$

$$= \alpha \ln k + \frac{\alpha \beta}{1 - \alpha \beta} \alpha \ln k + \ln(1 - \alpha \beta) + \frac{\alpha \beta}{1 - \alpha \beta} \ln \alpha \beta + \beta A$$

$$= \frac{\alpha}{1 - \alpha \beta} \ln k + \ln(1 - \alpha \beta) + \frac{\alpha \beta}{1 - \alpha \beta} \ln \alpha \beta + \beta A$$
整理:袁勇

 $=\frac{\alpha}{1-\alpha\beta}\ln k + (1-\beta)A + \beta A$ 整理时间: June 21, 2014 $=\frac{\alpha}{1-\alpha\beta}\ln k + A$ Email: yongyuanstu@gmail.com

所以, 左边 = 右边, 证毕。

Version: 2.00

目 录

1	简介	•													1
2	Pyth	non 及詞	需要的安装包												2
	2.1	NumP	y和 SciPy .			 					 				2
		2.1.1	Windows .			 					 				3
		2.1.2	OSX			 					 				3
		2.1.3	Linux			 					 				3
	2.2	Matplo	otlib			 					 				3
		2.2.1	所有的平台			 					 				3
	2.3	Open	CV			 					 				3
		2.3.1	Windows 和	linux		 					 				3
		2.3.2	OSX			 					 				3
	2.4	Mahot	as			 					 				4
		2.4.1	所有的平台			 					 				4
		2.4.2	跳过安装 .			 					 			-	4
3	载入	.、显示	及保存												6
4	图像	基础													7
		4.0.3	那么,什么	是像素	?	 					 				7
		4.0.4	坐标系统概题	览		 					 				8
		4.0.5	访问和处理(象素.		 					 				8
5	画图	1													9
	5.1		1矩形			 					 				9
参	考文献	就													13

第1章 简介

计算机视觉的最终目标是要理解图像中的所展现的内容。对于人类而言,理解图像中的内容是极其容易的,但是对计算机而言,该任务却困难重重。

那为什么还要不辞劳苦地去学习计算机视觉呢?

因为图像无处不在!

无论是在你的智能手机上的个人照片,还是 Facebook 上的公共照片,亦或是 YouTube 上的视频,相比于过去我们有了更多的图像——并且我们需要方法来对这 些图像的内容进行分析、分类,量化。

比如,你最近是否在 Facebook 上对你自己的或你朋友的照片加过标记? Facebook 是怎样知道一幅图像中人脸的位置在哪里的?

Facebook 已经在他们的网站上实现了人脸识别算法,那意味着他们不仅可以在一幅图像中找到人脸,而且他们还可以辨别出这张人脸是谁的。人脸识别技术是计算机视觉在真实世界里的一个应用。

在计算机视觉中还有没有其他类型的有用的应用呢?

当然有,我们可以利用公共图像资源库如 Flickr 创建我们的三维世界表示。我们可以下载由市民用他们的智能手机和照相机拍摄的成于上万的曼哈顿照片,然后对它们进行分析,并对它们进行组织来构建曼哈顿城市的三维表示,我们还可以通过我们的计算机进行该城市的可视化导航。这听起来是不是很酷?

计算机视觉另一个很火的应用是监控。

虽然监控往往有各种各样的负面含义,但是监控类型还是各有差异的。其中一类 监控涉及到视频安全分析,比如抢劫后寻找可能的犯罪嫌疑人。

不过还有另一类型的在零售商店的监控。百货公司可以使用校准后的照相机来跟 踪你怎么走过他们的商店,并且在哪些货架子你停下了。

你上一次去最喜欢的服装店时,你有没有在一件春天的最新潮流的牛仔裤前顿足?你在看那条牛仔裤时看了多久?你在看这些牛仔裤时的面部表情是怎样的?你有没有挑出来一条在试衣间里试穿它?所有这些类型的问题计算机视觉监控系统是能够回答的。

计算机视觉还可以应用于医学领域。一年前,我咨询了美国国家癌症研究所,该研究所研发出来了为发现癌症危险因素而能对乳腺癌组织图像进行自动分析。通常,类似这样的任务需要一个多年训练有素的病理学家—并且这将是非常耗时的!

我们的研究证明了计算机视觉可以应用于这些图像,并且能够自动的分析、量化这些细胞结构—没有人工交互!现在,我们分析乳腺组织学图像为癌症的危险因素比以往要快得多了。

当然,计算机视觉还可以用于其他的医学领域,可以用计算机视觉算法分析 X-射线,MRI 扫描图像以及细胞结构。

你可能听说过的最成功的计算机视觉的成功故事是 X-Box 360 Kinect。Kinect 用立体相机来理解图像的深度,使得它能够分辨出人类的姿势,当然,这必须得借助一些机器学习的东西。

上面列举的计算机视觉应用并不止于此。

现在计算机视觉在你生活的许多领域盛行,不管你有没有意识到它。我们用计算机视觉算法来分析电影,足球赛,手势识别(手语),车牌(比如你开车开得很快),医学,手术,军事,零售。

我们甚至可以将计算机视觉用于航天。



第2章 Python 及需要的安装包

2.1 NumPy 和 SciPy

写 ElegantNote 模板的初衷是为了简化我在写笔记中的工作,因为我不会写类文件和包文件,所以,最当初是想拜托小 L 做出一个华丽,清爽的 LATEX 模板,最好是类文件,而且因为这样可以简化导言区复杂的内容。后来,和小 L 一拍即合,遂开始一起做 ElegantLATEX 的设计。

在学校的时候,搞定了定理环境样式的代码。因为不想重复 ChinaT_EX 那个经典的页眉页脚,我找到了计量书上的一个图案,小 L 拿 TikZ 一点一点把那个画出来了,不过我最后还是用的截取的方式得到的图案。慢慢地,我们把初步的样子做出来了。

2013年的暑假开始后,我对那个初步的模板做了一点改动,然后用它写了Dynamic Programing 的笔记,并且,在写的过程中,对模板加了封面,也就是模板现在的封面(logo 在 Version 2.00 中已经改了)。至此,模板的大致样子终于出来了,不过当时也在写笔记的过程中知道了某些不足,比如

- 1. 定理类的环境在我们这个模板中不能浮动,也不能跨页,在 Version 2.00 版本中已经添加。
- 2. 某些环境不足,比如例子、假设、性质、结论等环境,在 1.00 版本中已经增加了这几个环境,在 2.00 版本中,环境设置更加全面。
- 3. 一些我们不可预知的错误将会不期而遇。
- 4. 一些我们目前没有需求,但是可以继续改进的地方,比如表格样式,比如抄录样式等。

写完那个笔记之后越发让我对 ElegantLATEX 模板的制作更有激情,在和小 L 相互讨论的几天里,我们终于得到了 1.00 版本的 ElegantNote 模板。

2.1.1 Windows

- 2.1.2 OSX
- 2.1.3 Linux

2.2 Matplotlib

在实际应用中,我们发现了一个比较重要的问题,因为在一般的笔记中,定义、定理经常一起出现,和课本区别比较大的是,通常是一堆定义之后,出现一堆性质或者定理。如果出现这种情况,使用 ElegantNote 模板会导致分块很严重,影响排版质量和美观。思前想后,我们决定将 ElegantNote 模板更新为 ElegantBook 模板,并在未来重新设计一个简洁版本的 ElegantNote。至此 ElegantBook 才横空出世,由于更名原因,ElegantBook 1.00 版本也即原来的 ElegantNote,而 ElegantBook 2.00 为目前的正式版本。

2.2.1 所有的平台

2.3 OpenCV

我以前从未写过类文件,所以,写这个模板的过程必然是折腾的过程,在写模板的过程中,最主要参考了《写给LATEX 2_{ε} 类与宏包的作者》[1]、moderncv.cls 文件、武汉大学黄正华老师的论文模板、《LATEX 2_{ε} 完全学习手册》[2]、*The Not So Short Introduction to LATEX* 2_{ε} [3] 以及各大 LATEX 疑问解答网站,在此为无私奉献的组织和个人表示感谢!

忍不住插个图!

2.3.1 Windows 和 linux

OpenCV 文档为怎样在 Windows 和 Linux 用二进制版本安装 OpenCV 提供了非常棒的教程,你可以在这里看到它的安装说明:

2.3.2 OSX

在往昔的岁月中,在 OSX 上安装 OpenCV 是一件很痛苦的事,幸运的是现在它的安装已变得越来越简单。你需要安装 cmake 来构建并编译该 OpenCV 库,你可以从这里下载 cmakehttp://www.cmake.org/cmake/help/install.html。

安装 cmake 后,你就可以从 SourceForge 资源库检查源代码并进行编译。一般情况下,我发觉 Guilherme Defreitas 关于怎样在 OSX 上安装 OpenCV 的说明是非



2.4 Mahotas –5/13–

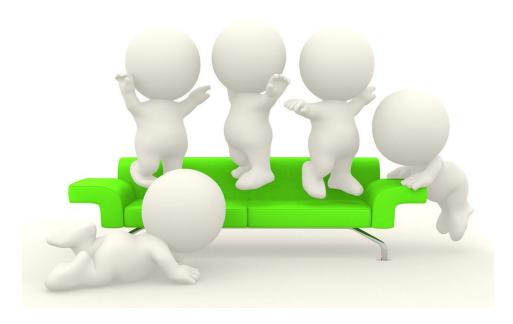


图 2.1: Happiness, We have it!

常棒的,并且为 OpenCV 的学习给出了一个很好的开始。

你可以在这里找到他的说明: http://www.guidefreitas.com/installing-opencv-2-4-2-on-mac-osx-mountain-lionwith-python-support。

2.4 Mahotas

如 OpenCV 一样,Mahotas 也依赖于 NumPy 数组。很多在 Mahotas 中实现的函数都可以在 OpenCV 中找到,不过在某些情况下,Mahotas 接口比 OpenCV 接口更容易使用,我们将用 Mahotas 作为 OpenCV 的补充。

2.4.1 所有的平台

在不同的平台上安装 Mahotas 是极其容易的。假设你已经安装了 MumPy 和 SciPy , 那么你所有需要做的只是运行 pip install mahotas 或 easy install mahotas。

既然我们已经安装了所有我们需要的安装包,现在就让我们开始探索计算机视觉 世界之旅吧!

2.4.2 跳过安装

正如我在前面提到过,安装这些安装包是费时且繁琐的。如果你想跳过上面那些安装过程而直接进入图像处理和计算机视觉世界,我已经打包好了一个预先配置好了的Ubuntu 虚拟机,该虚拟机安装好了上面提到的所有安装包。



如果你对该虚拟机感兴趣并且想要下载它的话(它能够节省你很多时间并避免很多麻烦),你可以到这里下载http://www.pyimagesearch.com/practicalpythonopency/。

第3章 载入、显示及保存

我们目前都是学生,接触LATEX的时间也不是很长,因此,对于此模板的错误还请多多包涵!目前,模板的拓展性或者可移植性有待完善,所以,我们强烈建议用户不要大幅修改模板文件,我们的初衷是提供一套模板,让初学者能够使用一些比较美观,优雅的模板。如果在使用过程中,想修改一些简单的东西需要帮忙,请联系我们,我们的邮箱是:elegantlatex2e@gmail.com。我们将竭尽全力提供帮助!

值此版本发行之际,我们 ElegantLATEX 项目组向大家重新介绍一下我们的工作,我们的主页是 http://elegantlatex.tk , 我们这个项目致力于打造一系列美观、优雅、简便的模板方便使用者记录学习历史。其中目前在实施或者在规划中的子项目有书籍模板 ElegantBook、笔记模板 ElegantNote、幻灯片模板 ElegantSlide。这些子项目的名词是一体的,请在使用这些名词的时候不要将其断开(如 Elegant Note 是不正确的写法)。并且,ElegantLATEX Book 指的即是 ElegantBook。

基于本模板追求视觉上的美观的角度,强烈建议使用者安装./fonts/文件夹下的字体。出于版权的考虑,务必不能将此模板用于涉及盈利目的的商业行为,否则,后果自负,本模板带的字体仅供学习使用,如果您喜欢某种字体,请自行购买正版。本文主要使用的字体如下

- Adobe Garamond Pro
- · Minion Pro & Myriad Pro & Inconsolata
- 方正字体
- ・华文中宋

Note: 中文正文使用了华文中宋, Minion Pro 为英文衬线字体(\rmfamily), Myriad Pro 为英文非衬线字体(\sffamily), Inconsolata 为英文打字机字体(\ttfamily)。

并且,如果系统内安装了 Adobe 字体,大家可以把模板中使用到的黑体,楷体, 宋体等字替换成 Adobe 字体,这样可以达到最佳效果。

本模板基于 book 文类,所以 book 的选项对于本模板也是有效的。但是,只支持 X=LETEX,编码为 UTF-8,推荐使用 TEXlive 编译。作者编写环境为 Win8.1(64bit) +TEXlive 2013,由于使用了参考文献,所以,编译顺序为 X=LETEX->BibTEX->X=LETEX->X=LETEX-

本文特殊选项设置共有3类,分为颜色、数学字体以及章标题显示风格。

第4章 图像基础

4.0.3 那么,什么是像素?

一般情况下,像素通常采用两种方式进行表示:灰度和彩色。在灰度图像中,每一个像素的像素值在 0 到 255 之间,"0"代表"黑色","1"表示"白色"。

第一类为颜色主题设置,内置 3 组颜色主题,分别为 green (默认), cyan, blue, 另外还有一个自定义的选项 nocolor, 用户必须在使用模板的时候选择某个颜色主题或选择 nocolor 选项。调用颜色主题 green 的方法为\documentclass[green] {elegantbook} 或者使用\documentclass[color=green] {elegantbook}。需要改变颜色的话请选择 nocolor 选项或者使用 color=none, 然后在导言区定义 main、seco、thid 颜色,具体的方法如下:

\definecolor{main}{RGB}{70,70,70} %定义main颜色值 \definecolor{seco}{RGB}{115,45,2} %定义seco颜色值 \definecolor{thid}{RGB}{0,80,80} %定义thid颜色值 \base{blackbase.pdf} %可以改为自己想要的图案

第二类为数学字体设置,有两个可选项,分别是 mathpazo (默认)和 mtpro2字体,调用 mathpazo字体使用 \documentclass[mathpazo]{elegantbook},调用 mtpro2字体时需要把 mathpazo换成 mtpro,mathpazo不需要用户自己安装字体,mtpro2的字体需要自己安装。

	green	cyan	blue	主要使用的环境
main				newthem newlemma newcorol
seco				newdef
thid				newprop

表 4.1: ElegantBook 模板中的三套颜色主题

第三类为章标题显示风格,包含 hang (默认)与 display 两种风格,区别在于章标题单行显示(hang)与双行显示(display),本说明使用了 hang。调用方式为 \documentclass[hang]{elegantbook}或者 \documentclass[titlestyle=hang] {elegantbook}。

综合起来,同时调用三个选项使用 \documentclass[color=X,Y,titlestyle=Z]{elegantbook}。 其中 X 可以选择 green,cyan,blue,none; Y 可以选择 mathpazo 或者 mtpro; Z 可以 选择 hang 或者 display。

4.0.4 坐标系统概览

在我们这个模板中, 定义了三大类环境

- 1. 定理类环境,包含标题和内容两部分。根据格式的不同分为3种
 - newthem、newlemma、newcorol 环境,颜色为主颜色 main,三者编号均以章节为单位;
 - newdef 环境,含有一个可选项,编号以章节为单位,颜色为 seco;
 - newprop 环境,含有一个可选项,编号以章节为单位,颜色为 thid。
- 2. 证明类环境,有newproof、note、remark、solution 环境,特点是,有引导符和引导词,并且 newproof、solution 环境有结束标志。
- 3. 结论类环境,有conclusion、assumption、property 环境,三者均以粗体的引导词为开头,和普通段落格式一致。
- 4. 示例类环境 example、exercise环境,编号以章节为单位,其中 exercise 环境有引导符。
- 5. 自定义环境 custom,带一个必选参数,格式与 conclusion 环境很类似。

4.0.5 访问和处理像素

在模板中,可以编辑的字段分别为作者\author、\email、\zhtitle、\zhend、\entitle、\enend、\version。并且,可以根据自己的喜好把封面水印效果的cover.pdf 替换掉,以及封面中用到的logo.pdf。

第5章 画图 ————

5.1 直线和矩形

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

考虑如下的随机动态规划问题

$$\max(\min) \quad \mathbb{E} \int_{t_0}^{t_1} f(t, x, u) dt$$

s.t.
$$dx = g(t, x, u) dt + \sigma(t, x, u) dz$$

$$k(0) = k_0 \text{ given}$$

where z is stochastic process or white noise or wiener process.

Definition 5.1 Wiener Process

If z is wiener process, then for any partition t_0, t_1, t_2, \ldots of time interval, the random variables $z(t_1) - z(t_0), z(t_2) - z(t_1), \ldots$ are independently and normally distributed with zero means and variance $t_1 - t_0, t_2 - t_1, \ldots$

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras

5.1 直线和矩形 —11/13—

nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetuer.

Example 5.1: E and F be two events such that $\mathbf{P}(E) = \mathbf{P}(F) = 1/2$, and $\mathbf{P}(E \cap F) = 1/3$, let $\mathscr{F} = \sigma(Y)$, X and Y be the indicate function of E and F respectively. How to compute $\mathbb{E}[X \mid \mathscr{F}]$?

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

Exercise 5.1: let $S = l^{\infty} = \{(x_n) \mid \exists M \text{ such that } \forall n, |x_n| \leq M, x_n \in \mathbb{R} \}, \rho_{\infty}(x,y) = \sup_{n \geq 1} |x_n - y_n|, \text{ show that } (l^{\infty}, \rho_{\infty}) \text{ is complete.}$

Theorem 5.1 勾股定理

勾股定理的数学表达 (Expression)为

$$a^2 + b^2 = c^2$$

其中 a, b 为直角三角形的两条直角边长, c 为直角三角形斜边长。

Note: 在本模板中,引理(lemma),推论(corollary)的样式和定理的样式一致,包括颜色,仅仅只有计数器的设置不一样。在这个例稿中,我们将不给出引理推论的例子。

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

Proposition 5.1 最优性原理

如果 u^* 在 [s,T] 上为最优解,则 u^* 在 [s,T] 任意子区间都是最优解,假设区间为 $[t_0,t_1]$ 的最优解为 u^* ,则 $u(t_0)=u^*(t_0)$,即初始条件必须还是在 u^* 上。

4

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus



-12/13- 第 *5* 章 画图

semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetuer.

Suspendisse vel felis. Ut lorem lorem, interdum eu, tincidunt sit amet, laoreet vitae, arcu. Aenean faucibus pede eu ante. Praesent enim elit, rutrum at, molestie non, nonummy vel, nisl. Ut lectus eros, malesuada sit amet, fermentum eu, sodales cursus, magna. Donec eu purus. Quisque vehicula, urna sed ultricies auctor, pede lorem egestas dui, et convallis elit erat sed nulla. Donec luctus. Curabitur et nunc. Aliquam dolor odio, commodo pretium, ultricies non, pharetra in, velit. Integer arcu est, nonummy in, fermentum faucibus, egestas vel, odio.

Corollary 5.1

假设 $V(\cdot,\cdot)$ 为值函数,则跟据最大值原理,有如下推论

$$V(k,z) = \max \left\{ u(zf(k) - y) + \beta \mathbb{E}V(y,z') \right\}$$

Proof: 因为 $y^* = \alpha \beta z k^{\alpha}$, $V(k,z) = \alpha/1 - \alpha \beta \ln k_0 + 1/1 - \alpha \beta \ln z_0 + \Delta$ 。

利用 $\mathbb{E}[\ln z'] = 0$, 并将对数展开得

右边 =
$$\ln(1 - \alpha\beta) + \ln z + \alpha \ln k + \frac{\alpha\beta}{1 - \alpha\beta} \left[\ln \alpha\beta + \ln z + \alpha \ln k \right] + \frac{\beta}{1 - \alpha\beta} \mu + \beta\Delta$$

= $\frac{\alpha}{1 - \alpha\beta} \ln k + \frac{1}{1 - \alpha\beta} \ln z + \Delta$

所以左边 = 右边,证毕。

Properties: Properties of Cauchy Sequence

- 1. $\{x_k\}$ is cauchy sequence then $\{x_k^i\}$ is cauchy sequence.
- 2. $x_k \in \mathbb{R}^n$, $\rho(x,y)$ is Euclidean, then cauchy is equivalent to convergent, (\mathbb{R}^n, ρ) metric space is complete.



5.1 直线和矩形 -13/13-

Sed commodo posuere pede. Mauris ut est. Ut quis purus. Sed ac odio. Sed vehicula hendrerit sem. Duis non odio. Morbi ut dui. Sed accumsan risus eget odio. In hac habitasse platea dictumst. Pellentesque non elit. Fusce sed justo eu urna porta tincidunt. Mauris felis odio, sollicitudin sed, volutpat a, ornare ac, erat. Morbi quis dolor. Donec pellentesque, erat ac sagittis semper, nunc dui lobortis purus, quis congue purus metus ultricies tellus. Proin et quam. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Praesent sapien turpis, fermentum vel, eleifend faucibus, vehicula eu, lacus.

Application: This is one example of the custom environment, the key word is given by the option of custom environment.

Suspendisse vel felis. Ut lorem lorem, interdum eu, tincidunt sit amet, laoreet vitae, arcu. Aenean faucibus pede eu ante. Praesent enim elit, rutrum at, molestie non, nonummy vel, nisl. Ut lectus eros, malesuada sit amet, fermentum eu, sodales cursus, magna. Donec eu purus. Quisque vehicula, urna sed ultricies auctor, pede lorem egestas dui, et convallis elit erat sed nulla. Donec luctus. Curabitur et nunc. Aliquam dolor odio, commodo pretium, ultricies non, pharetra in, velit. Integer arcu est, nonummy in, fermentum faucibus, egestas vel, odio.

Definition 5.2 Contraction mapping

 (S, ρ) is the metric space, $T: S \to S$, If there exists $\alpha \in (0,1)$ such that for any x and $y \in S$, the distance

$$\rho(Tx, Ty) \le \alpha \rho(x, y) \tag{5.1}$$

Then T is a contraction mapping.

Remarks:

- 1. $T: S \to S$, where S is a metric space, if for any $x, y \in S$, $\rho(Tx, Ty) < \rho(x, y)$ is not contraction mapping.
- 2. Contraction mapping is continuous map.

Conclusions:看到一则小幽默,是这样说的:别人都关心你飞的有多高,只有我 关心你的翅膀好不好吃!说多了都是泪啊!



参考文献

- [1] T. LATEX. . Project, "LATEX $\mathbf{2}_{\mathcal{E}}$ for class and package writers," 1999.
- [2] 胡伟, " $\text{ETE} X 2_{\varepsilon}$ 完全学习手册," 2011.
- [3] T. Oetiker, H. Partl, I. Hyna, and E. Schlegl, "The not so short introduction to \LaTeX 2010.