Universitá di Napoli Federico II Analisi Matematica I - Informatica - 5/10/2020

	ESERCIZI	PUNTEGGIO
Nome e Cognome: Matricola:	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	TOTALE	

1. Determinare l'insieme di definizione della seguente funzione:

$$f(x) = \arccos\left(\frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-1}-1\right)$$

2. Tracciare il grafico della seguente funzione

$$f(x) = x + \log\left(\frac{e^x}{e^x - 1}\right),\,$$

determinando dominio, limiti, asintoti, monotonia, estremi locali.

3. Calcolare il seguente limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{e^{\sqrt{x}} - \sqrt{x} - \cos\sqrt{x}}{\log(1 - 2\tan x)}.$$

4. Calcolare il seguente integrale indefinito

$$\int \frac{1 - \log x}{(x+1)^2} \, dx$$

5. Studiare il comportamento della seguente serie

$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{3n} - \frac{1}{3n+5} \right)$$