TT2 Problemstellung 3: Ausarbeitung

Pascal Jäger, Stefan Münchow, Armin Steudte, Milena Rötting, Sven-Andjes Pahl, Carsten Noetzel, Oliver Steenbuck 01.06.2012

Inhaltsverzeichnis

1	Fragestellung 1: V-Werte / Q-Werte	1
2	V	1 1 2 3
3	Fragestellung 3: kontinuierliche Zustandsvariablen	3
4	Fragestellung 4: Kniffel	3
A	Abbildungsverzeichnis 1 Sarsa: On Policy TD Control Algorithmus	
1	Fragestellung 1: V-Werte / Q-Werte	
2	Fragestellung 2: SARSA / Q-Learning bei kleinem ϵ	
2.	.1 On-Policy: SARSA	

Basis für den SARSA-Algorithmus sind die Q-Werte, also Zustands-Aktions-Paare Q(s,a). Die Bewertung eines solchen Zustands-Aktions-Paares erfolgt durch die unten genannte Gleichung welche auch in Abbildung 1 zu finden ist.

Der erwartete Wert Q(s,a) für eine Aktion a im Zustand s wird dabei aktualisiert durch, den bereits ermittelten, erwarteten Wert Q(s,a) und dem Schrittfaktor α , der mit der Summe aus Reward für den Folgezustand r_{t+1} und der Differenz aus dem discounted Reward für das Folgezustands-Aktions-Paar $\gamma Q(s_{t+1}, a_{t+1})$ und dem erwarteten Wert Q(s,a) addiert wird.

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow Q(s_t, a_t) + \alpha [r_{t+1} + \gamma Q(s_{t+1}, a_{t+1}) - Q(s_t, a_t)]$$
(1)

In Abbildung 1 ist zu erkennen, dass die Aktionen a' im Zustand s' in Abhängigkeit von der Policy gewählt werden, die zum Beispiel ϵ -Greedy sein kann. Das heißt es wird die meiste Zeit diejenige Aktion a' ausgewählt die den größten erwarteten Gewinn verspricht und mit einer Wahrscheinlichkeit ϵ eine zufällige Aktionen, um die Umgebung weiter zu explorieren und nicht deterministisch zu sein.

```
Initialize Q(s,a) arbitrarily Repeat (for each episode):

Initialize s
Choose a from s using policy derived from Q (e.g., \varepsilon-greedy) Repeat (for each step of episode):

Take action a, observe r, s'
Choose a' from s' using policy derived from Q (e.g., \varepsilon-greedy) Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha \big[ r + \gamma Q(s',a') - Q(s,a) \big]
s \leftarrow s'; \ a \leftarrow a'; until s is terminal
```

Abbildung 1: Sarsa: On Policy TD Control Algorithmus

2.2 Off-Policy: Q-Learning

Auch das Q-Learning Verfahren setzt auf den Q-Werten auf und berechnet diese über die unten genannte Formel, die Teil des Algorithmus in Abbildung 2 ist.

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow Q(s_t, a_t) + \alpha [r_{t+1} + \gamma \max_a Q(s_{t+1}, a) - Q(s_t, a_t)]$$
 (2)

Der Unterschied zum Sarsa-Algorithmus ist hierbei der Teil $\gamma max_aQ(s_{t+1},a)$. Anstelle den erwarteten Return $Q(s_{t+1},a_{t+1})$ für die gewählte Aktion a' im Zustand s' mit dem Discount-Faktor γ zu multiplizieren wie es beim Sarsa-Algorithmus gemacht wird, wird hier diejenige Aktion bestimmt, die den größten Reward verspricht und deren Reward $max_aQ(s_{t+1},a)$ mit dem Discount-Faktor multipliziert. Damit wird der Q-Wert Q(s,a) unabhängig von der Strategie, allein auf Basis des Returns und der Q-Werte benachbarter Zustände aktualisiert! Unhabhängig davon, welche Aktion die ϵ -Greedy Policy wählt, wird immer der Q-Wert zur Berechnung genommen, die den höchsten Reward verspricht und nicht der, des durch die Policy gewählten Nachbarn.

```
Initialize Q(s,a) arbitrarily Repeat (for each episode):
Initialize s
Repeat (for each step of episode):
Choose a from s using policy derived from Q (e.g., \varepsilon-greedy)
Take action a, observe r, s'
Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha \big[ r + \gamma \max_{a'} Q(s',a') - Q(s,a) \big]
s \leftarrow s';
until s is terminal
```

Abbildung 2: Q Learning: Off Policy TD Control Algorithmus

2.3 Verhalten bei kleinem ϵ

Das Verhalten vom Sarsa-Algorithmus nähert sich dem vom Q-Learning an, da mit kleiner werdendem ϵ die Wahrscheinlichkeit sinkt eine zufällige Aktion auszuwählen. Bei sehr kleinem ϵ wird vermehrt die Aktion a' ausgewählt, die den größten Reward verspricht, ähnlich wie es beim Q-Learning mit $max_aQ(s_{t+1},a)$ getan wird. Damit nährt sich das Verhalten von Sarsa dem des Q-Learnings an.

3 Fragestellung 3: kontinuierliche Zustandsvariablen

Partitionierung/Decomposing states verwerfen

machine learning state space too big decomposition

4 Fragestellung 4: Kniffel

Todo list