## Modellierung hybrider Systeme mit Stateflow

# Lernziele:

- Entwicklung der Differentialgleichungen aus dem physikalischen Modell
- Realisierung hybrider Systeme in Matlab/Simulink/Stateflow
- Ereignisse mit Modellumschaltung
- Reflexion einer Kugel an schiefen Wänden und Zylindern

# Aufgabenstellungen:

# 1. Start einer zweistufigen Rakete

### Aufgabenstellung:

Eine zweistufige Rakete startet senkrecht von der Erde.

Stufe 1 hat die Parameter : - Leermasse: m1\_leer [kg]

initiale Treibstoffmasse: St1\_Treibstoff [kg]
 Treibstoffdurchsatz: Durchsatz\_1 [kg/s]

Stufe 2 hat die Parameter : - Leermasse: m2\_leer [kg]

initiale Treibstoffmasse: St2\_Treibstoff [kg]
 Treibstoffdurchsatz: Durchsatz\_2 [kg/s]

#### Der Flug besteht aus drei Phasen:

- 1. Die gesamte Rakete wird von Stufe 1 angetrieben. Die Treibstoffmasse nimmt dabei mit *Durchsatz 1* ab.
- Stufe 1 ist ausgebrannt und wird von der zweiten Stufe abgetrennt.
   Stufe 1 bewegt sich nun antriebslos unter dem Einfluss der Erdgravitation.
   Das Triebwerk von Stufe 2 springt an und beschleunigt Stufe 2 weiter.
   Die Treibstoffmasse nimmt dabei mit *Durchsatz\_2* ab.
- 3. Stufe 2 ist ausgebrannt und fliegt nun ebenfalls antriebslos unter dem Einfluss der Erdgravitation weiter.

Für die Simulation soll **Stateflow** verwendet werden.

Die drei Flugphasen sollen mit 3 Zuständen und entsprechenden Zustandsübergängen realisiert werden.

#### Simulationsrandbedingungen:

- a) Als <u>Parameter</u> sollen vorgebbar sein: m1\_leer, m2\_leer, St1\_Treibstoff, St2\_Treibstoff, Durchsatz\_1, Durchsatz\_2, SchubProDurchsatz [N/(kg/s)]
- b) Als <u>zeitabhängige Zustandsvariablen</u> (local → continuous) sollen verwendet werden:
  - Höhe und Geschwindigkeit der Stufen : x1, v1, x2, v2
  - aktuelle Massen der Stufen : m1, m2
- c) Als <u>Simulink Output</u> sollen verwendet werden: x1out, v1out, x2out, v2out
- d) Erdmasse, Erdradius und die Gravitationskonstante sollen als Konstante angelegt werden.

# Modellierung hybrider Systeme mit Stateflow

### Formeln und Konstanten:

$$F_s = G \cdot \frac{m_E \cdot m_R}{r^2}$$

Masseänderung pro Zeiteinheit:

$$\dot{m} = -Durchsatz$$

Erdradius :  $r_E = 6378 \text{ km}$ 

Erdmasse:  $m_E = 5.9736*10^{24} kg$ 

Gravitationskonstante:  $G = 66.743 \cdot 10^{-12} \frac{m^3}{kg \cdot s^2}$ 

Schubkraft = Durchsatz \* SchubProDurchsatz

## Modellierung - Schritt für Schritt:

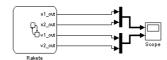
- a) Legen Sie einen Zustandsautomaten mit 3 Zuständen an (update method = continuous):
  StufenGemeinsam → StufenGetrennt → Stufe2Ausgebrannt
- b) Legen Sie die Parameter, Variablen, Ausgabegrößen und Konstanten wie beschrieben an.
- c) Geben Sie eine EM-Funktion "*Init*" an, in der die Zustandsgrößen initialisiert werden. Rufen Sie diese Funktion in der *Default-Transition* des 1. Zustands auf.
- d) Geben Sie eine EM-Funktion "Acc1()" an, in der die Beschleunigungen a1 und a2 der beiden Stufen berechnet werden (Funktionskopf: function [a1 a2] = Acc1)

<u>Hinweis:</u> Welche Kräfte wirken auf die Gesamtrakete? Was ist die aktuelle Masse der Rakete?

e) Tragen Sie in der during-Section des 1. Zustands die Differentialgleichungen und die Übergabe an die Ausgabegrößen ein, z.B. so:

```
StufenGemeinsam
du:
// Derivatives
[v1_dot, v2_dot] = Acc1();
x1_dot=v1; x2_dot=v2;
m1_dot = -Durchsatz1; m2_dot=0;
// Output
x1_out=x1; x2_out=x2;
v1_out=v1; v2_out=v2;
```

- f) Geben Sie für die anderen Zustände die EM-Funktionen "Acc2()" und "Acc3()" an.
- g) Tragen Sie in die during-Sections der anderen Zustände die dort geltenden Differentialgleichungen und Ausgaben ein.
- h) Zeichnen Sie die Zustandsübergänge ein und geben Sie die Bedingungen an.
- i) Die Ergebnisausgabe kann so erfolgen:



- j) Markieren Sie alle Elemente und machen Sie sie zum Subsystem (Create Subsystem).
- k) Verbinden Sie die Stateflow-Parameter mit den Subsystem-Parametern (Mask Subsystem).

# Modellierung hybrider Systeme mit Stateflow

## Versuchsdurchführung:

Simulieren Sie das System mit folgenden Versuchsparametern: Als Versuchszeit stellen Sie 600s ein.

- a) Nach welcher Zeit und in welcher Höhe trennen sich die Stufen?
- b) Wie hoch fliegen die Stufen 1 und 2?
- c) Wie hoch ist die Endgeschwindigkeit der Stufe 1 und 2 jeweils bei Brennschluss?
- d) Wann schlägt Stufe 1 wieder auf der Erde auf?

**Dokumentieren** Sie das Modell (Automat, Funktionen, Variablen, Parameter usw.), die Ergebnisse (Flugbahn, Geschwindigkeitsverlauf) sowie die Antworten zu a)-d).

Parameters
m1_leer [kg] 500
m2_leer [kg] 1000
m1_Treibstoff [kg] 4000
m2_Treibstoff [kg]
Durchsatz 1 [kg/s] 20
Durchsatz 2 [kg/s]
SchubProDurchsatz [N/(Kg/s)]

# 2. Simulation eines schiefen Flippers

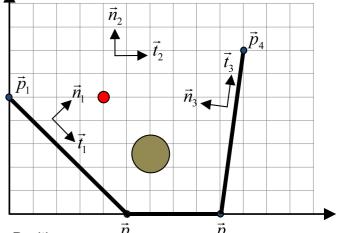
## Aufgabenstellung:

Die Bewegung einer Kugel auf einem geneigten Tisch

- mit 3 Seitenwänden und
- einem zvlindrischen Hindernis

ist zu simulieren.





Die Eckpunkte der Begrenzungswände sind an den Positionen:

$$\vec{p}_1 = (0, 5)^T$$

$$\vec{p}_2 = (5, 0)^T$$

$$\vec{p}_3 = (9, 0)^3$$

$$\vec{p}_1 = (0, 5)^T$$
  $\vec{p}_2 = (5, 0)^T$   $\vec{p}_3 = (9, 0)^T$   $\vec{p}_4 = (10, 7)^T$ 

Das Zylinderhindernis ist bei  $\vec{p}_{Zy} = (6, 2.5)^T$  und hat einen Radius von 0.8.

Der Kugelradius ist R=0.25. Die Startposition der Kugel ist (4, 5). Die Startgeschwindigkeit ist (0,0). Auf die Kugel wirkt eine konstante Beschleunigung von  $g = 1 \text{m/s}^2$  (nach unten).

# Modellierung hybrider Systeme mit Stateflow

## Simulationsrandbedingungen:

Setzen Sie die Variablen, Parameter, Konstanten usw. wie folgt:

Name	Scope	UpdateMethod	Size	DataTyp
[	Constant	Discrete		double
[iii] RHnd	Constant	Discrete		double
Hnd	Local	Discrete	2,1	double
[;;i] n1	Local	Discrete	2,1	double
[   ] n2	Local	Discrete	2,1	double
[   ] n3	Local	Discrete	2,1	double
[;;i] p1	Local	Discrete	2,1	double
[[ɨ̞ɨ̞] p2	Local	Discrete	2,1	double
[#i] p3	Local	Discrete	2,1	double
[}}] p4	Local	Discrete	2,1	double
[:::] t1	Local	Discrete	2,1	double
[      t2	Local	Discrete	2,1	double
[      t3	Local	Discrete	2,1	double
[	Local	Continuous	2,1	double
[	Local	Continuous	2,1	double
[밝] x1_out	Output	Discrete	2,1	double

Anm.: RHnd: Radius des Zylinderhindernisses

R: Radius der Kugel

Hnd: Ort des Zylinderhindernisses

## Modellierung - Schritt für Schritt:

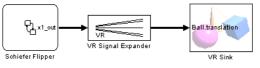
- a) Legen Sie einen Zustandsautomaten mit einem Zustand (Flipper) an (update method=continuous):
- b) Legen Sie die Parameter, Variablen, Ausgabegrößen und Konstanten wie beschrieben an.
- c) Geben Sie eine EM-Funktion "Init" an, in der folgende Größen initialisiert werden:
  - Zustandsgrößen,
  - Wandeckpunkte und Hindernisposition,
  - die Wand-Tangential und Normalvektoren,
  - Startposition- und Startgeschwindigkeit der Kugel.
- d) Geben Sie eine EM-Funktion "Acc()" an, in der die Beschleunigungen a bestimmt wird.
- e) Tragen Sie in der during-Section die Differentialgleichungen und die Übergabe an die Ausgabegröße ein.

# Modellierung hybrider Systeme mit Stateflow

- f) Geben Sie <u>pro Wand</u> eine EM-Funktion "*Wand..Kontakt*" an. Diese soll *true* zurückgeben, wenn die Kugel in der Vorwärtsbewegung die Wand berührt.
- g) Geben Sie <u>pro Wand</u> eine EM-Funktion "*Wand..Reff*" an. Diese soll die Reflexion an der Wand realisieren.
- h) Geben Sie für das Hindernis eine EM-Funktion "*HndKontakt*" an. Diese soll *true* zurückgeben, wenn die Kugel in der Vorwärtsbewegung das Hindernis berührt.
- i) Geben Sie für das Hindernis eine EM-Funktion "*HndReff*" an. Diese soll die Reflexion am Hindernis realisieren.
- Zeichnen Sie die Zustandsübergänge ein und geben Sie die Bedingungen und Übergangsfunktionen an.

Zero crossing location algorithm: Non-adaptive

k) Die Ergebnisausgabe kann so erfolgen:

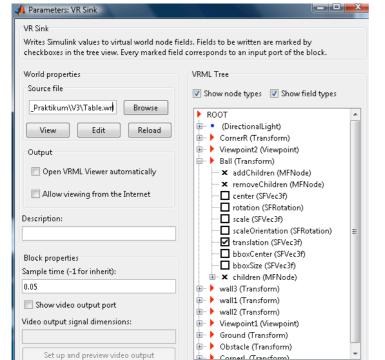


Die VR-Sink liegt in meinem Pub (Table.wrl).



### Versuchsdurchführung:

Starten Sie die Simulation mit den folgenden Einstellungen:



ОК

Cancel

**Dokumentieren** Sie beide Modelle (Automat, Funktionen, Variablen, Parameter usw.)

## Vorführung der Matlab / Simulink-Versuche:

Im Praktikum während des jeweiligen Termins der Praktikumsgruppe.

#### Abgabe aller Ausarbeitungen:

14. Dezember 2011 per E-Mail an mich. Es reicht, die pdf-Datei der Ausarbeitung zu schicken, wenn die Simulationen im Praktikum erfolgreich abgegeben wurden.

Help