

Lab1-DataLab

姓名:黄昊

学号: 21300240011

```

hh@hh-virtual-machine:~/VScode Projects/datalab-handout$ ./btest
Score Rating Errors Function
1      1      0      bitNor
1      1      0      tmax
1      1      0      isTmin
1      1      0      minusOne
2      2      0      absVal
2      2      0      leastBitPos
2      2      0      byteSwap
3      3      0      logicalShift
3      3      0      isLessOrEqual
3      3      0      multFiveEighths
4      4      0      bitCount
4      4      0      greatestBitPos
4      4      0      bang
4      4      0      bitReverse
4      4      0      mod3
2      2      0      float_neg
4      4      0      float_i2f
4      4      0      float_twice
Total points: 49/49

```

```

hh@hh-virtual-machine:~/VScode Projects/datalab-handout$ ./dlc -e bits.c
dlc:bits.c:149:bitNor: 3 operators
dlc:bits.c:160:tmax: 2 operators
dlc:bits.c:172:isTmin: 9 operators
dlc:bits.c:183:minusOne: 1 operators
dlc:bits.c:197:absVal: 7 operators
dlc:bits.c:214:leastBitPos: 5 operators
dlc:bits.c:234:byteSwap: 20 operators
dlc:bits.c:249:logicalShift: 10 operators
dlc:bits.c:267:isLessOrEqual: 16 operators
dlc:bits.c:283:multFiveEighths: 10 operators
dlc:bits.c:329:bitCount: 34 operators
dlc:bits.c:349:greatestBitPos: 15 operators
dlc:bits.c:363:bang: 6 operators
dlc:bits.c:389:bitReverse: Warning: 41 operators exceeds max of 40
dlc:bits.c:414:mod3: 29 operators
dlc:bits.c:432:float_neg: 7 operators
dlc:bits.c:471:float_i2f: 16 operators
dlc:bits.c:489:float_twice: 9 operators
hh@hh-virtual-machine:~/VScode Projects/datalab-handout$

```

P1

```

int bitNor(int x, int y) {
    return ~x & ~y;
}

```

由摩根定理,  $\sim x \& \sim y = \sim (x \mid y)$ , 即异或运算

P2

```

int tmax(void) {
    return ~(1 << 31);
}

```

}

二补码的最大值为 0111\_1111\_1111\_1111\_1111\_1111\_1111\_1111, 即为 1 的补码 0000\_0000\_0000\_0000\_0000\_0000\_0000\_0001 左移 31 位后 (1000\_0000\_0000\_0000\_0000\_0000\_0000\_0000) 再取反

P3

```
int isTmin(int x) {  
    return !(x ^ ~(x + (~1 + 1))) & !(x);  
}
```

二补码的最小值为 1000\_0000\_0000\_0000\_0000\_0000\_0000\_0000, 这个数减 1 后再取反为它本身, 即  $\sim(x + (\sim 1 + 1))$ , 一个数和自己取异或等于 0, 0 取非等于 1, 特殊情况 0 减 1 后取反也等于零, 用  $!!(x)$  来排除 0 的情况

P4

```
int minusOne(void) {  
    return ~0;  
}
```

-1 的补码为 1111\_1111\_1111\_1111\_1111\_1111\_1111\_1111, 即 0 取反

P5

```
int absVal(int x) {
```

```

int sign = x >> 31;

return (x & ~sign) | ((~x + 1) & sign);
}

```

先把  $x$  右移 31 将  $x$  的位全部变为符号位的数值，如果  $x$  是正数，则  $sign$  为 0， $x \& \sim sign = x$ ，如果  $x$  为负数，则  $sign$  的位全是 1， $\sim x + 1 \& sign = \sim x + 1$ ，即  $x$  的相反数

P6

```

int leastBitPos(int x){
    return (x & (x + ~1 + 1)) ^ x;
}

```

$x - 1$  后其最小位的 1 后面的 0 都会变成 1，再与  $x$  取与就可以将  $x$  后面的 0 都变成 1，得到的结果再与原来的  $x$  取异或，原来最后一位 1 前面的位不变，异或后都变成零，后面的 0 变成 1 异或后也都变成 0，只有最后一位 1 保持不变，即要返回的掩码

P7

```

int byteSwap(int x, int n, int m){
    int a = x >> (n << 3) & 0xff;
    int b = x >> (m << 3) & 0xff;
    x &= ~(0xff << (n << 3));
    x |= b << (n << 3);
}

```

```

    x &= ~(0xff << (m << 3));

    x |= a << (m << 3);

    return x;
}

```

a, b 记录 n, m 位置上的 byte,  $x \&= \sim(0xff \ll (n \ll 3))$  把 x 在 n 位上的 byte 变成 0,  $x \mid= b \ll (n \ll 3)$  再把 b 记录的 m 位上的 byte 移动到 x 的 n 位上; m 位上的交换同理

P8

```

int logicalShift(int x, int n) {

    int temp = x >> 31;

    int sign = temp & 1;

    return ((x + (sign << 31)) >> n) + (sign << (31 + (~n) + 1));

}

```

先取 x 的符号位 sign, 再将 x 加上符号位左移 31 位的结果, 即 sign 的最高位为 x 的符号位; x 的符号位是 1 加 sign 后进位溢出最高位变成 0, 如果是 0 则不变,、; 将 x 右移 n 位后再把原来的符号位变回来, 即加上  $sign \ll (31 + (\sim n) + 1)$

P9

```

int isLessOrEqual(int x, int y) {

```

```

int fx = x >> 31 & 1;

int fy = y >> 31 & 1;

int a = y + (~x + 1);

int flag = (a >> 31) & 1;

int b = !flag;

int c = (!fy) & fx;

return ((b & !(fx ^ fy)) | c);
}

```

$x \leq y$  即  $y-x \geq 0$

flag 为  $y-x$  的符号位，如果  $y-x$  大于 0，则符号位为 0，即  $b=1$ ；

$c=1$  时  $fy=0$ ， $fx=1$ ，即  $y$  大于 0， $x$  小于 0，这种情况也返回 1；!

$(fx \wedge fy)$  如果符号相同则为 1，不同则为 0，所有两个符号相同的数相减最后结果为正数，即  $b=1$ ，则表示  $y$  大于等于  $x$ ，并且返回 1，否则返回 0；最后再和  $c$  取或则包含了所有情况

P10

```

int multFiveEighths(int x) {

    int l1 = x & 1;

    int l3 = (x & 4) >> 2;

    int of = ((l3 + l1) & 2) >> 1;

    x = (x >> 3) + (x >> 1) + of;

    return x;
}

```

}

直接计算乘 5 除 8 会造成溢出，所有改变运算顺序先除 8 再乘 5，乘 5 即  $x$  左移 2 位再加上  $x$ ，除 8 即  $x$  右移 3 位；先除 8 则  $x$  的后 3 位会变成余数，再乘 5 即将除 8 的结果左移 2 位，此时余数变为最后 1 位，再加上原来除于 8 后的结果，此时需要判断  $x$  右移 3 位和右移 3 位再左移 2 位的余数相加会不会产生溢出，即原来  $x$  的最后一位和倒数第 3 位相加会不会产生进位；11 和 13 分别取这两位，of 位两位相加的进位，最后三个结果相加即为答案。

P11

```
int bitCount(int x) {  
    int temp, res, t1, t2, t3, t4, t5;  
    temp = 0x55 | (0x55 << 8);  
    t1 = temp | (temp << 16);  
    temp = 0x33 | (0x33 << 8);  
    t2 = temp | (temp << 16);  
    temp = 0x0f | (0x0f << 8);  
    t3 = temp | (temp << 16);  
    t4 = 0xff | (0xff << 16);  
    t5 = 0xff | (0xff << 8);  
    res = (x & t1) + ((x >> 1) & t1);  
    res = (res & t2) + ((res >> 2) & t2);
```

```

    res = (res & t3) + ((res >> 4) & t3);

    res = (res + (res >> 8)) & t4;

    res = (res + (res >> 16)) & t5;

    return res;
}

```

P12

```

int greatestBitPos(int x) {
    x |= x >> 1;
    x |= x >> 2;
    x |= x >> 4;
    x |= x >> 8;
    x |= x >> 16;
    x = ((~x >> 1) | (1 << 31)) & x;

    return x;
}

```

先将  $x$  位中为 1 的最高位后面的位都变成 1，再将  $x$  取反后右移 1 位的值（同时要让最高位为 1 来避免原来  $x$  最高位是 1 的情况取反再取与后最高位变成 0）和  $x$  取与产生错位使得只有最高位的 1 保留下来

P13



```

int bang(int x) {
    return ~((x | (~x + 1)) >> 31) & 1;
}

```

除了 0 以外，其他的数与他的相反数取或的结果其最高位符号位一定是 1，再右移 31 位后所有位都变成 1，再取反都变成 0 和 1 取与结果也是 0；如果 x 是 0 则取反后位全变成 1，再和 1 取与结果也是 1

P14

```

int bitReverse(int x){
    int temp, t1, t2, t3, t4, t5;
    temp = 0x55 | (0x55 << 8);
    t1 = temp | (temp << 16);
    temp = 0x33 | (0x33 << 8);
    t2 = temp | (temp << 16);
    temp = 0x0f | (0x0f << 8);
    t3 = temp | (temp << 16);
    t4 = 0xff | (0xff << 16);
    t5 = 0xff | (0xff << 8);
    x = ((x >> 1) & t1) | ((x & t1) << 1);
    x = ((x >> 2) & t2) | ((x & t2) << 2);
    x = ((x >> 4) & t3) | ((x & t3) << 4);
}

```

```

    x = ((x >> 8) & t4) | ((x & t4) << 8);
    x = ((x >> 16) & t5) | ((x & t5) << 16);

    return x;
}

```

T1 = 0101\_0101\_0101\_0101\_0101\_0101\_0101\_0101

T2 = 0011\_0011\_0011\_0011\_0011\_0011\_0011\_0011

T3 = 0000\_1111\_0000\_1111\_0000\_1111\_0000\_1111

T4 = 0000\_0000\_1111\_1111\_0000\_0000\_1111\_1111

T5 = 0000\_0000\_0000\_0000\_1111\_1111\_1111\_1111

将 x 左移 1 位和 t1 取与的结果和 x 右移一位和 t1 取与的结果取或  
 可以将 x 中每两位的位置交换；同理，t2 交换每 4 位中的前两位和  
 后两位；t3 交换每 8 位中的前 4 位和后 4 位；t4 交换每 16 位中的  
 前 8 位和后 8 位；t5 交换前 16 位和后 16 位

P15

```

int mod3(int x) {
    int sign = x & (1 << 31);
    int y = x ^ sign;
    int t1 = (y >> 16) + (y & ((0xFF << 8) + 0xFF));
    int t2 = (t1 >> 8) + (t1 & 0xFF);
    int t3 = (t2 >> 4) + (t2 & 0xF);
    int t4 = (t3 >> 2) + (t3 & 3);
}

```

```

int t5 = (t4 >> 2) + (t4 & 3);

int t6 = (t5 >> 2) + (t5 & 3);

int mod = (! (t6 ^ 3) + 7) & t6;

return mod + (sign >> 30);
}

```

先把  $x$  的符号位变成 0 方便右移操作，并保留  $x$  的符号位  $sign$ ；因为 3 只比 2 大 1，所以对  $x$  每次除于 2 的幂次再加上其余数乘以 2 的幂次，直到余数为个位数就能得到结果；根据 `int` 有 32 位的特性，依次右移 16、8、4、2 位，即除于 2 的 16 次方、2 的 8 次方……，并依次加上它们的余数左移 16、8、4、2 位即乘以 2 的 16 次方、2 的 8 次方……； $t5$ ， $t6$  处理余数相加产生的进位，使得最后余数只有最后两位即个位数； $mod = (! (t6 ^ 3) + 7) \& t6$ ，如果  $t6 = 3$ ，则  $!(t6 ^ 3) = 1 + 7 = 8$ ，即 0100 和  $t6$  取与后等于 0，即  $mod = 0$ ，其他情况为 1 或 2，得到结果还是  $t6$ ，最后因为余数是 0，1 或 2，最多占两位，结果只要再加上  $sign$  右移 30 位即可。

P16

```

unsigned float_neg(unsigned uf) {

    if (((uf & 0x7fffffff) >> 23) == 255) && (uf &
0x7fffff))

        return uf;
}

```

```

    else return uf + (1 << 31);
}

```

If 语句判断 uf 是否是为 NaN, (uf & 0x7fffffff) >> 23 把 uf 的符号位变为 0 并右移 23 位取其阶码位, 如果等于 255 并且尾数非 0 时返回 uf 表示为 NaN; 否则 uf 的符号位加 1, 如果为正数则符号位变为 1, 负数则符号位加 1 溢出变为 0

P17

```

unsigned float_i2f(int x) {
    int count = 0;
    unsigned temp, flag;
    unsigned a;
    unsigned abs = x;
    int sign = 0;
    if (x == 0) return 0;
    if (x < 0)
    {
        sign = 0x80000000;
        abs = -x;
    }
    a = abs;
    while (1)

```

```

{
temp = a;
a <<= 1;
count++;
if (temp & 0x80000000) break;
}

if ((a & 0x01ff) > 0x0100)
    flag = 1;
else if ((a & 0x03ff) == 0x0300)
    flag = 1;
else
    flag = 0;

return sign + (a >> 9) + ((159 - count) << 23) + flag;
}

```

除 0 以外最小的整数就是 1，所有可以用规格化表示，如果  $x=0$ ，则直接返回 0；如果  $x$  为负数则取它的相反数并把  $sign$  的最高位记为 1 表示负数； $a$  左移 1 位即除于 2 后的结果， $a$  记录左移的次数，重复此操作直到  $a$  的第一位不是 0，此时  $32-a$  就等于指数部分大小，其阶码值为  $127+32-a$ ；先判断  $a$  的后 9 位是否大于 0x0100 或者后 10 位是否大于 0x300 来判断是否需要进位，然后将  $a$  右移 9 位到浮点数的小数部分最后将符号位  $sign$  加上小数位  $a>>9$  加上阶码位  $(159-a)<<23$  加上进位  $flag$  得到结果

P18

```
unsigned float_twice(unsigned uf) {  
    if ((uf & 0x7f800000) == 0) return ((uf & 0x007FFFFFFF) <<  
1) | (uf & 0x80000000); // e = 00000000  
    if ((uf & 0x7f800000) != 0x7f800000) return uf +  
0x00800000; //e != 11111111  
    return uf; //e = 11111111  
}
```

如果 uf 的阶码位都是 0，则为非规格化表示，将其小数左移一位就表示乘 2，并保留其符号位；如果 uf 阶码不全为 0，则位规格化表示，只要将阶码数加 1 即可；如果阶码全为 1 则为 NaN，返回 uf