

BTVN.

1. Tìm trị riêng và cơ sở của các không gian riêng tương ứng của các ma trận sau

$$1) \quad A = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 8 & -1 \end{pmatrix}$$

$$2) \quad A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$$

$$3) \quad A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -4 & 4 & 0 \\ -2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

$$4) \quad A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 1 \\ -1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

3. Chéo hóa trực giao các ma trận đối xứng sau

$$1) \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}; \quad 2) \begin{pmatrix} 2 & -1 & -1 \\ -1 & 2 & -1 \\ -1 & -1 & 2 \end{pmatrix}; \quad 3) \begin{pmatrix} 3 & -1 & 1 \\ -1 & 5 & -1 \\ 1 & -1 & 3 \end{pmatrix}$$

$$4) \begin{pmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 1 \end{pmatrix}; \quad 5) \begin{pmatrix} -3 & 2 & 2 \\ 2 & -3 & 2 \\ 2 & 2 & -3 \end{pmatrix}$$

4. Đưa dạng toàn phương sau về dạng chính tắc bằng phép biến đổi trực giao và xét dấu dạng toàn phương đó

$$1) \quad \omega(x_1, x_2) = 5x_1^2 + 8x_2^2 - 4x_1x_2$$

$$2) \quad \omega(x_1, x_2, x_3) = x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + 2x_1x_2 + 2x_1x_3 - 2x_2x_3$$

$$3) \quad \omega(x_1, x_2, x_3) = 4x_1^2 + 4x_2^2 + 4x_3^2 + 4x_1x_2 + 4x_1x_3 + 4x_2x_3$$

$$4) \quad \omega(x_1, x_2, x_3) = 3x_1^2 + 2x_2^2 + x_3^2 + 4x_1x_2 + 4x_2x_3$$

$$5) \quad \omega(x_1, x_2, x_3) = 2x_1^2 + 2x_2^2 + 3x_3^2 - 2x_1x_3 - 2x_2x_3$$

$$6) \quad \omega(x_1, x_2, x_3) = -2x_1^2 - 5x_2^2 - 5x_3^2 - 4x_1x_2 + 4x_1x_3 + 8x_2x_3$$

$$7) \quad \omega(x_1, x_2, x_3) = 2x_1^2 + 5x_2^2 + 5x_3^2 + 4x_1x_2 - 4x_1x_3 - 8x_2x_3$$

$$8) \quad \omega(x_1, x_2, x_3) = 2x_1^2 + 2x_2^2 + 5x_3^2 + 2x_1x_2 + 4x_1x_3 + 4x_2x_3$$

$$9) \quad \omega(x_1, x_2, x_3) = 2x_1x_2 + 2x_1x_3 + 2x_2x_3$$

5. Đưa dạng toàn phương sau về dạng chính tắc bằng phương pháp Lagrange và xét dấu dạng toàn phương đó

1) $\omega(x_1, x_2, x_3) = 2x_1x_2 + 2x_1x_3 + 2x_2x_3$

2) $\omega(x_1, x_2, x_3) = x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + 2x_1x_2 + 2x_1x_3 - 2x_2x_3$

3) $\omega(x_1, x_2, x_3) = x_1^2 + 5x_2^2 - 4x_3^2 + 2x_1x_2 - 4x_1x_3$

4) $\omega(x_1, x_2, x_3) = 2x_1^2 + 2x_2^2 + 5x_3^2 + 2x_1x_2 + 4x_1x_3 + 4x_2x_3$

5) $\omega(x_1, x_2, x_3) = 2x_1^2 + 2x_2^2 + 3x_3^2 - 2x_1x_3 - 2x_2x_3$

6. Hãy xác định tham số m để dạng toàn phương sau xác định dương

$$1) \quad \omega(x_1, x_2, x_3) = 2x_1^2 + x_2^2 + 3x_3^2 + 2mx_1x_3 + 2x_2x_3$$

$$2) \quad \omega(x_1, x_2, x_3) = x_1^2 + x_2^2 + 5x_3^2 + 2mx_1x_2 - 2x_1x_3 + 4x_2x_3$$