



Mở đầu

Phân loại test

Công cụ sinh test

Kiểm thử phần mềm

O5 Quiz&BTVN



NEXT

PART



Mở đầu

Vai trò của bộ test

Bộ test đóng vai trò then chốt trong việc kiểm tra chương trình vừa đúng vừa nhanh. Nó giúp phát hiện lỗi sớm, tránh tối ưu mang tính may rủi và đảm bảo chương trình hoạt động như mong muốn.

Liên hệ thực tế

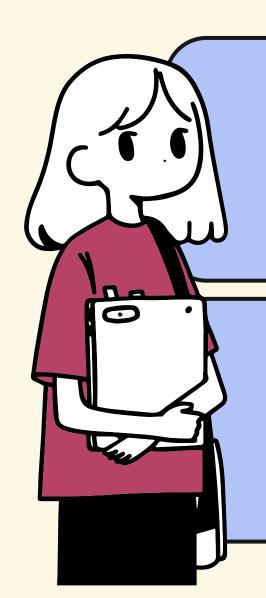
Trong thực tế môn học và kỳ thi, bộ test giúp sinh viên kiểm tra kết quả, kịp thời phát hiện sai sót và điều chỉnh. Nó là công cụ không thể thiếu trong quá trình học và thi.



Tầm quan trọng của test

Không có test đầy đủ, mọi tối ưu đều mang tính may rủi. Test giúp đảm bảo chương trình không chỉ chạy được mà còn chạy chính xác và hiệu quả, tránh các lỗi tiềm ẩn.

Correctness & Performance



Tính đúng đắn



Correctness là tiêu chí cơ bản của chương trình, yêu cầu chương trình trả về kết quả chính xác với mọi input hợp lệ. Logic thuật toán phải chuẩn xác, không sai lệch.

Hiệu năng



Performance yêu cầu chương trình chạy nhanh, sử dụng bộ nhớ tiết kiệm và có khả năng mở rộng tốt khi dữ liệu lớn. Đây là yếu tố quan trọng để đảm bảo chương trình hoạt động hiệu quả.

NEXT **PART**



Phân loại test

Phân loại test cơ bản

Nhóm Normal gồm các input điển hình và phổ biến mà người dùng sẽ gặp. Mục đích là kiểm tra logic chính của thuật toán trong điều kiện bình thường.

Normal

OI

Edge

Nhóm Edge gồm các input ở ranh giới như min/max, 0, 1, giới hạn kiểu dữ liệu. Mục đích là tìm lỗi logic hay lỗi off-by-one, kiểm tra điều kiện ranh giới.

Nhóm Special gồm các input hợp lệ nhưng bất thường hoặc ít gặp, thường làm lộ logic không lường trước được của chương trình.

03

Special

04

Stress

Nhóm Stress gồm các input cực đại, dùng để đo hiệu năng của chương trình, tìm các giải pháp không tối ưu về thời gian và tài nguyên.

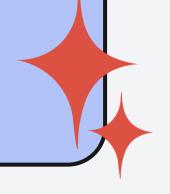


Ví dụ: Bộ test tìm max mảng pair

(không sử dụng phép so sánh có sẵn của pair)

Ràng buộc: $1 \le n \le 10^6$; $-10^9 \le a[i]$. first, a[i]. $second \le 10^9$.

Đặt tên file theo thứ tự: test01.in, test02.in,...



Normal

test01: n=5, $[(1, 2), (2, 3), (1, 3)] \rightarrow (2, 3)$

test02: n=2, $[(1, 2), (5, 1)] \rightarrow (5, 1)$

Special

test05: n=3, $[(3, 6), (6, 3), (6, 9)] \rightarrow (6, 9)$

test06: n=2, $[(1, 1), (1, 1)] \rightarrow (1, 1)$

Edge

test03: n=2, [(1000000000, 0), (-1, -1)] \rightarrow (1000000000, 0)

test04: $n=10^6$, a[] = random

Stress

test07: $n=10^5$, a[] = random

test08: $n=10^6$, a[] = random

NEXT **PART**

Công cụ sinh test

Bộ ba công cụ: Generator, Validator, Checker



Generator Sinh input theo seed và tham số.



Validator Kiểm tra input đúng format và ràng buộc.



Checker So sánh output thí sinh với đáp án chuẩn.

Để đảm bảo rằng test đúng và chấm nhanh chính xác.

NEXT **PART**

Generator testlib.h

Generator & testlib.h



OI

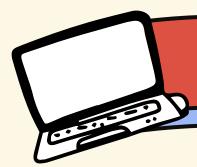
Vai trò của generator

Generator là công cụ sinh input có cấu trúc và ngẫu nhiên. Nó giúp tạo ra các trường hợp test đa dạng, đảm bảo kiểm tra toàn diện chương trình.

Sử dụng testlib.h



Testlib.h cung cấp các hàm như rnd.next, rnd.perm, shuffle, setSeed để sinh dữ liệu test. Đặt seed cố định giúp tái lập test khi cần thiết.



Sinh dữ liệu đặc biệt





Mảng gần sorted

Tạo mảng đã sắp xếp rồi xáo trộn một phần nhỏ để tạo dữ liệu gần sorted, giúp kích bug ở thuật toán sắp xếp.



Phân phối chuông

Sử dụng hàm rnd.nextGaussian để sinh số tập trung quanh mean với độ lệch sigma, phù hợp với các trường hợp cần dữ liệu có xu hướng.



Chọn có trọng số

Hàm rnd.any giúp chọn ngẫu nhiên phần tử từ vector với trọng số, tạo dữ liệu thiên về nhỏ hoặc lớn tùy thuộc vào yêu cầu.

NEXT

PART



Checker

Checker: so output



O So sánh output

Checker so sánh output của thí sinh với đáp án chuẩn, hỗ trợ so sánh chính xác (exact) cho số nguyên, dung sai (tolerance) cho số thực và special judge cho trường hợp đặc biệt.

OZ Các lệnh sử dụng

Checker sử dụng lệnh ouf.readInt và ans.readInt để đọc output và đáp án, kết luận bằng quitf(_ok/_wa/_pe) tùy theo kết quả so sánh.

O3 Tích hợp vào bash loop

Checker có thể tích hợp vào bash loop để chấm hàng loạt test, giúp tiết kiệm thời gian và đảm bảo tính chính xác của kết quả.

Ví dụ về cách Checker hoạt động

A. Tuyến đường ngắn nhất

time limit per test: 1 second memory limit per test: 256 megabytes input: duongdingannhat.inp output: duongdingannhat.out

Cho một bằng A kích thước m*n, ô ở hàng i và cột j có giá trị $a_{i,j} (1 \le i \le m, \ 1 \le j \le n)$. Tùng, người xuất phát tại ô nào đó của cột 1, cần sang cột 1 (tại ô nào cũng được).

Quy tắc đi: Từ ô (i,j) chỉ được quyền sang một trong 3 ô (i,j+1); (i-1,j+1); (i+1,j+1).

Hãy giúp Tùng lựa chọn tuyến đường có tổng trọng số từ các ô đi qua là bé nhất có thể.

Input

- Dòng đầu tiên gồm hai số m, n là số hàng và số cột của bảng. $(1 \le m, n \le 800)$
- n dòng tiếp theo, dòng thứ i ghi đủ n số trên hàng i của bảng theo đúng thứ tự từ trái qua phải (-1000 ≤ a_i, j ≤ 1000).

Output

- · Dòng đầu tiên in ra tổng bé nhất tìm được.
- n dòng tiếp theo, mỗi dòng ghi các ô mà Tùng đã đi qua

Scoring

- Subtask 1 (40 điểm): m, n ≤ 10.
- Subtask 2 (60 điểm): Không có giới hạn gì thêm.

Example

input	Сору
5 7	
9 -2 6 2 1 3 4	
0 -1 6 7 1 3 1	
8 -2 8 2 5 0 2	
1 -1 6 2 1 6 1	
7 -2 6 2 1 3 7	
output	Сору
8	
2 1	
1 2	
1 3	
1 4	
2 5	
3 6	
2 7	

Checker: Chấm bài tự động

- 🗎 Đọc output thí sinh (ouf) và đáp án (ans).
- 💁 So sánh: exact (int), tolerance (float), hoặc special judge.
- Kết luận: quitf(_ok) hoặc quitf(_wa).
- Tích hợp vào bash loop để chấm hàng loạt.







Output Thí Sinh

Đáp Án Chuẩn

```
#include <bits/stdc++.h>
    #include "testlib.h"
4 using namespace std;
    const int MAX = 807;
 7 int m, n;
    int a[MAX][MAX];
9 int sumans; bool calchecker = false;
10 bool partial = false;
12 inline void readAndCheckAnswer(InStream &in) {
        if (calchecker == false) {
            sumans = in.readInt();
           calchecker = true;
           return;
        int nowans = in.readInt();
       if (nowans != sumans) {
           in.quitf(_wa, "Wrong answer, find = %d, answer = %d", nowans, sumans);
```

Checker: Chấm bài tự động

- Dọc output thí sinh (ouf) và đáp án (ans).
- So sánh: exact (int), tolerance (float), hoặc special judge.
- Kết luận: quitf(_ok) hoặc quitf(_wa).
- Tích hợp vào bash loop để chấm hàng loạt.







Output Thí Sinh

Đáp Án Chuẩn

```
int sum(0);
        int prei = -1;
        for (int j = 1; j <= n; j ++) {
            if (in.eof()) {
                partial = true;
               break;
            int u = in.readInt(), v = in.readInt();
            if (prei != -1 && abs(prei - u) > 1) {
                partial = true;
            if ((u < 1 || u > m) || v != j) {
                partial = true;
            prei = u;
            sum += a[u][v];
        if (sum != sumans) {
            partial = true;
```

Checker: Chấm bài tự động

- Dọc output thí sinh (ouf) và đáp án (ans).
- So sánh: exact (int), tolerance (float), hoặc special judge.
- Kết luận: quitf(_ok) hoặc quitf(_wa).
- Tích hợp vào bash loop để chấm hàng loạt.







Output Thí Sinh

Đáp Án Chuẩn

```
int main(int argc, char *argv[]) {
    registerTestlibCmd(argc, argv);
    m = inf.readInt();
    n = inf.readInt();
    for (int i = 1; i <= m; i ++) {
        for (int j = 1; j <= n; j ++) {
            a[i][j] = inf.readInt();
    readAndCheckAnswer(ans);
    readAndCheckAnswer(ouf);
    if (partial) quitp(0.17, "Output is close to the correct answer");
    quitf(_ok, "answer = %d", sumans);
```

Checker: Chấm bài tự động

- Dọc output thí sinh (ouf) và đáp án (ans).
- So sánh: exact (int), tolerance (float), hoặc special judge.
- Kết luận: quitf(_ok) hoặc quitf(_wa).
- Tích hợp vào bash loop để chấm hàng loạt.







Output Thí Sinh

Đáp Án Chuẩn

```
for (int i = 1; i <= m; i ++) {
       dp[i][1] = a[i][1];
   for (int j = 2; j <= n; j ++) {
       for (int i = 1; i <= m; i ++) {
          dp[i][j] = dp[i][j - 1];
          trace[i][j] = i;
          if (i < m && minimize(dp[i][j], dp[i + 1][j - 1])) trace[i][j] = i + 1;</pre>
          if (i > 1 \&\& minimize(dp[i][j], dp[i - 1][j - 1])) trace[i][j] = i - 1;
          dp[i][j] += a[i][j];
   int ans(inf);
   int u = 0:
   for (int i = m; i >= 1; i --) {
       if (minimize(ans, dp[i][n])) u = i;
   cout << ans << '\n';
                                                               PROBLEMS SUBMIT CODE MY SUBMISSIONS STATUS STANDINGS ADM. EDIT CUSTOM INVOCATION
                                                               General
1
                                                                                               Author
                                                                                                                                                         Verdict
                                                                                                                                                                                            Judged
                                                                                                                        Problem
                                                                                                                                       Lang
                                                                                                                                                                              Sent
Time: 31 ms, memory: 7608 KB
Verdict: OK
                                                                                                                                                                                                              Rejudge
Input
                                                                                                                                       C++17
                                                                                                                                                                                                               Ignore
                                                                                                                                                  Partial result: 51.17
                                                                                                                                                                          2024-02-22 2025-10-02
                                                                                              Manager:
9 - 2 6 2 1 3 4
                                                                  247751579
                                                                                                                      506220A - 8
                                                                                                                                      (GCC 9-
0 -1 6 7 1 3 1
                                                                                             Giangcoder
                                                                                                                                                          points
                                                                                                                                                                            16:59:39
                                                                                                                                                                                           21:16:45
                                                                                                                                                                                                               Reject
                                                                                                                                        64)
8 - 2 8 2 5 0 2
1 -1 6 2 1 6 1
                                                                                                                                                                                                             To problem
7 -2 6 2 1 3 7
Participant's output

    Show Judge Protocol

Jury's answer
2 1
                                                                → Source
1 2
1 3
                                                                #include<bits/stdc++.h>
1 4
                                                                using namespace std;
2 5
3 6
2 7
                                                                const int MAX = 8e2 + 7;
                                                                const int inf = 0x3f3f3f3f3f;
Checker comment
points 0.17 Output is close to the correct answer
                                                                bool maximize(int &a, const int &b) {
                                                                    if (a < b) {a = b; return true;}</pre>
                                                                    return false;
                                                                bool minimize(int &a, const int &b) {
                                                                    if (a > b) {a = b; return true;}
                                                                    notions falcor
```

Bảng lệnh checker thường dùng

L ệnh	Ý nghĩa
ouf.readInt()	Đọc output thí sinh
ans.readInt()	Đọc đáp án chuẩn
quitf(_ok, "")	Kết luận Accepted
quitf(_wa, "")	Kết luận Wrong Answer
quitf(_pe, "")	Kết luận Presentation Error

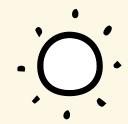
NEXT

PART



Validator

Validator: kiểm input





Nhiệm vụ của validator

Validator đảm bảo input đúng format, đúng range, không thừa ký tự và logic nhất quán. Nó giúp phát hiện lỗi sớm, tránh việc chạy test với dữ liệu không hợp lệ.



Cách thực hiện

Validator đọc từng token, sử dụng ensuref để bắt lỗi logic phức tạp và kết thúc file đúng lúc bằng readEof, đảm bảo tính hợp lệ của input.

Ví dụ về Generator, Validation và Bash

Ví dụ: Bộ test tìm max mảng pair

(không sử dụng phép so sánh có sẵn của pair)

Ràng buộc: $1 \le n \le 10^6$; $-10^9 \le a[i]$. first, a[i]. $second \le 10^9$. Đặt tên file theo thứ tư: test01.in, test02.in,...

Generator ví du

```
#include "testlib.h"
 2 #include <iostream>
    #include <cstdlib>
    using namespace std;
    int main(int argc, char* argv[]) {
        registerGen(argc, argv, 1);
        int n = atoi(argv[1]);
        int seed = (argc >= 3 ? atoi(argv[2]) : 712367);
        rnd.setSeed(seed);
        const int VMIN = 1;
        const int VMAX = 1001;
        println(n);
        for (int i = 0; i < n; i++) {
            int a = rnd.next(VMIN, VMAX);
            int b = rnd.next(VMIN, VMAX);
            println(a, b);
        return 0;
```

Validation ví du

```
#include "testlib.h"
    using namespace std;
    int main(int argc, char* argv[]) {
        registerValidation(argc, argv);
        const int N_MIN = 1;
        const int N_MAX = 100000;
        const int V_MIN = 1;
        const int V MAX = 1000;
        int n = inf.readInt(N_MIN, N_MAX, "n");
        inf.readEoln();
        for (int i = 0; i < n; i++) {
            int a = inf.readInt(V_MIN, V_MAX, "a_i");
            inf.readSpace();
            int b = inf.readInt(V_MIN, V_MAX, "b_i");
            inf.readEoln();
        }
        inf.readEof();
23 }
```

Generator ví du

```
#include "testlib.h"
    #include <iostream>
    #include <cstdlib>
    using namespace std;
    int main(int argc, char* argv[]) {
        registerGen(argc, argv, 1);
        int n = atoi(argv[1]);
        int seed = (argc >= 3 ? atoi(argv[2]) : 712367);
        rnd.setSeed(seed);
        const int VMIN = 1;
        const int VMAX = 1001;
        println(n);
        for (int i = 0; i < n; i++) {
            int a = rnd.next(VMIN, VMAX);
            int b = rnd.next(VMIN, VMAX);
            println(a, b);
        return 0;
```

Bash ví dụ

```
1 #!/bin/bash
   set -e # nếu lệnh nào lỗi thì dừng luôn
   g++ -std=c++17 -02 -o validator validator.cpp
   g++ -std=c++17 -02 -o gen gen.cpp
 8 # số lượng cặp n cho mỗi test
    sizes=(10 20 50 100 200 500 1000 2000 5000 10000)
11 # tao thư mục lưu test
   mkdir -p tests
   for i in {1..10}
        n=${sizes[$((i-1))]}
        seed=$(date +%s%N) # seed lấy theo thời gian (nano giây)
        filename=$(printf "tests/%02d.in" $i)
        # sinh file test
        ./gen $n $seed > "$filename"
        echo "Generated $filename (n=$n, seed=$seed)"
        # check bằng validator
        ./validator < "$filename"
        echo "☑ $filename passed validation"
27 done
```

Generator ví du

Validation ví du

```
Generated tests/01.in (n=10, seed=1759426636910952000)

▼ tests/01.in passed validation

  Generated tests/02.in (n=20, seed=1759426637482493000)
   tests/02.in passed validation
  Generated tests/03.in (n=50, seed=1759426637498260000)

▼ tests/03.in passed validation

# Generated tests/04.in (n=100, seed=1759426637510680000)

▼ tests/04.in passed validation

Generated tests/05.in (n=200, seed=1759426637521520000)
   FAIL Integer parameter [name=b_i] equals to 1001, violates the range [1, 1000] (stdin, line 123)
inchiamonia anyc, charangvij/ z ^ -
                                                                                     CONST INT N_MIN = 1;
   registerGen(argc, argv, 1),
                                                                                     const int N_MAX = 100000;
    int n = atoi(argv[1]);
                                                                                     const int V_MIN = 1;
   int seed = (argc >= 3 ? atoi(argv[2]) : 712367);
                                                                                     const int V MAX = 1000;
    rnd.setSeed(seed);
                                                                                     int n = inf.readInt(N_MIN, N_MAX, "n");
   const int VMIN = 1;
                                                                                     inf.readEoln();
   const int VMAX = 1001;
                                                                                     for (int i = 0; i < n; i++) {
   println(n);
                                                                                        int a / inf.readInt(V_MIN, V_MAX, "a_i");
   for (int i = 0; i < n; i++) {
                                                                                        inf.readSpace();
       int a = rnd.next(VMIN, VMAX);
                                                                                        int b = inf.readInt(V_MIN, V_MAX, "b_i");
       int b = rnd.next(VMIN, VMAX);
                                                                                        inf.readEoln();
       println(a, b);
                                                                                     }
    return 0;
                                                                                     inf.readEof();
                                                                             23 }
```

NEXT **PART**

Kiểm thử phần mềm

Unit test với Google Test



Định nghĩa Unit test

Unit test là phương pháp kiểm tra từng hàm (đơn vị nhỏ nhất) một cách độc lập để đảm bảo chúng hoạt động đúng. Nó giúp phát hiện lỗi sớm, dễ refactor và làm tài liệu sống cho hàm.





Ví dụ với hàm factorial

Ví dụ: Viết TEST cho hàm factorial với các trường hợp zero input, positive input và negative input. Lệnh biên dịch g++ kèm -lgtest -lpthread và cách chạy giúp đảm bảo hàm hoạt động chính xác.

Unit Test

- Phát hiện lỗi sớm: Giúp tiết kiệm chi phí sửa lỗi.
- Dễ bảo trì và refactor: Làm tài liệu sống cho hàm.
- Tăng độ tin cậy: Đảm bảo từng module nhỏ hoạt động đúng.

```
1 // factorial.cpp
2 int factorial(int n) {
3    if (n < 0) throw std::invalid_argument("Negative input not allowed");
4    if (n == 0) return 1;
5    int result = 1;
6    for (int i = 1; i <= n; i++) {
7       result *= i;
8    }
9    return result;
10 }</pre>
```

```
// test_factorial.cpp
   #include <gtest/gtest.h>
   #include "factorial.cpp"
   TEST(FactorialTest, HandlesZeroInput) {
        EXPECT_EQ(factorial(0), 1);
   TEST(FactorialTest, HandlesPositiveInput) {
        EXPECT_EQ(factorial(5), 120);
       EXPECT_EQ(factorial(3), 6);
   TEST(FactorialTest, HandlesNegativeInput) {
        EXPECT THROW(factorial(-1), std::invalid argument);
18 int main(int argc, char **argv) {
        ::testing::InitGoogleTest(&argc, argv);
       return RUN_ALL_TESTS();
```

Ví dụ: Viết TEST cho hàm factorial với Google test

```
Lệnh biên dịch & chạy:
g++ test.cpp -lgtest -lpthread -o test
./test
```

Unit test

- Độc lập, không phụ thuộc vào hệ thống lớn.
- Phát hiện bug sớm, giảm chi phí fix.
- Làm tài liệu "sống" mô tả hành vi code.
- Hỗ trợ bảo trì, mở rộng dễ dàng.

Hạn chế

- Tốn thời gian viết ban đầu.
- Không thay thế được integration test/system test.

```
# Experiment outputs. See detail in results/README.md
results/
scripts/
                            # Utility scripts
src/
                           # Python modules & scripts
                               # Data loading modules
└─ dataloaders/
__ networks/
                               # Model definitions
└─ utils/
                               # Losses, metrics, etc.
└─ methods/
                               # Method implementations
    └─ method name/
                                    # Method name, e.g., 'AugSeg', 'DGCL'
        └─ init .py
        L— README.md
                                       # Detail described how to run this method and update experi
        ___ method name.py
                                       # Main method implementation, e.g., 'dgcl.py'
          train semi.py
                                       # Training script
        └─ train sup.py
                                       # Supervised training script
        — evaluate.py
                                       # Evaluation script
    experiments/
                                # Experiment configurations & scripts
                                   # Data-specific code & configs, e.g., Pascal
       data name/
        experiment name/
                                       # Should be number of label partitions, e.g., 732
                └─ method name/
                                           # Method name, e.g., 'AugSeg', 'DGCL'
                                           # Specific config for this experiment
                    └─ config.yaml
                    └─ train.sh
                                           # Training script
                    └─ evaluate.sh
                                           # Evaluation script
                                           # Automatically created
                    └ logs/
                    _ checkpoints/
                                           # Automatically created. Note: Save best only as 'ckpt_
                           # Unit tests
tests/
```



Khái niệm Black-box test

Black-box test xem phần mềm như hộp đen, chỉ quan tâm input/output, không cần biết code. Nó giúp phát hiện lỗi chức năng, giao diện, dữ liệu mà không cần hiểu logic bên trong.



Phân vùng tương đương

Phân vùng tương đương chia input thành các lớp tương đương, chọn một giá trị đại diện trong mỗi lớp để kiểm tra, giúp giảm số lượng test case mà vẫn đảm bảo bao phủ đầy đủ.



Phân tích giá trị biên

Phân tích giá trị biên kiểm tra các giá trị ở ranh giới của input, giúp phát hiện lỗi logic hay lỗi off-by-one, thường xảy ra ở các điều kiện ranh giới.



Bảng quyết định

Bảng quyết định giúp kiểm tra các trường hợp phức tạp với nhiều điều kiện và hành động, đảm bảo phần mềm xử lý chính xác trong mọi trường hợp.

Chi tiết Blackbox test



Chi tiết White-box test



Khái niệm White-box test

White-box test dựa vào cấu trúc code, yêu cầu người kiểm tra biết rõ logic, lệnh, nhánh, vòng lặp.

Mục tiêu đạt statement, branch, condition, path coverage, loại dead code, phát hiện lỗi logic ẩn.

```
# factorial.py
def factorial(n: int) -> int:
    if n < 0:
        raise ValueError("Negative input not allowed")
if n == 0:
        return 1
result = 1
for i in range(1, n + 1):
        result *= i
return result</pre>
```

```
1 # test_factorial_whitebox.py
    import unittest
    from factorial import factorial
    class TestFactorialWhiteBox(unittest.TestCase):
        def test negative input(self): # kiểm tra nhánh n < 0</pre>
            with self.assertRaises(ValueError):
                factorial(-5)
        def test zero input(self):
                                        # kiểm tra nhánh n == 0
            self.assertEqual(factorial(0), 1)
        def test positive input(self): # kiểm tra nhánh n > 0 + vòng lặp
            self.assertEqual(factorial(5), 120) # vòng lặp chạy nhiều lần
            self.assertEqual(factorial(1), 1)
                                                 # vòng lặp chạy đúng 1 lần
17 if name == " main ":
        unittest.main()
```

So sánh: Black-box vs White-box Testing



Black-box (Hộp đen)

Không cần biết code bên trong. Tập trung vào chức năng và input/output.

- Phân vùng tương đương
- Phân tích giá trị biên
- · Bảng quyết định
- Use-case testing



White-box (Hộp trắng)

Cần biết code. Tập trung vào cấu trúc bên trong, bao phủ logic.

- Statement coverage
- Branch coverage
- Condition coverage
- Path coverage

NEXT

PART



Quiz&BTVN

Quiz Kiểm Tra Kiến Thức

Hãy cùng làm một bài quiz ngắn để ôn lại những kiến thức vừa học!

Link: wayground.com Mã: 960562

Tổng dãy số – Mô tả bài toán



Cho mảng n số nguyên, tính tổng tất cả phần tử. Input: n và dãy a1..an. Output: tổng. Giới hạn $1 \le n \le 100\,000$, $-10^9 \le ai \le 10^9$. Subtask 30 điểm n ≤ 1000 , 70 điểm n $\le 100\,000$.

O2 Thuật toán

Thuật toán O(n) đơn giản, duyệt qua mảng một lần để tính tổng. Dễ benchmark và dễ phát hiện overflow 64-bit khi tổng vượt quá giới hạn của kiểu int.

03 Ví dụ

Ví dụ: Input: n=5, a=[1, 2, 3, 4, 5]. Output: tổng=15. Input: n=3, a=[-1, 0, 1]. Output: tổng=0.

Tổng dãy số – Bài tập về nhà



Generator

Sinh 30 test chia easy (n≤1000) và hard (n≤1e5), random giá trị −1e9..1e9, thêm case sum=0, max/min. Đảm bảo test đa dạng và bao phủ nhiều trường hợp.





Validator và Checker

Validator: kiểm tra n nằm trong range, đúng n số trên dòng, không thừa ký tự. Checker: exact so sánh tổng 64-bit với đáp án chuẩn, báo WA nếu sai, PE nếu thừa khoảng trắng.



Mô tả bài toán

Đồ thị có hướng n đỉnh m cạnh trọng số dương, tìm độ dài đường đi ngắn nhất từ 1 đến n. Input: n m và m dòng ui vi wi. Output: độ dài hoặc -1. Giới hạn $2 \le n \le 2000$, $m \le 5000$, $1 \le wi \le 10^9$.

Subtask

Subtask 30 điểm n≤200, m≤1000; 70 điểm full. Đảm bảo test bao phủ các trường hợp nhỏ và lớn.

Thuật toán

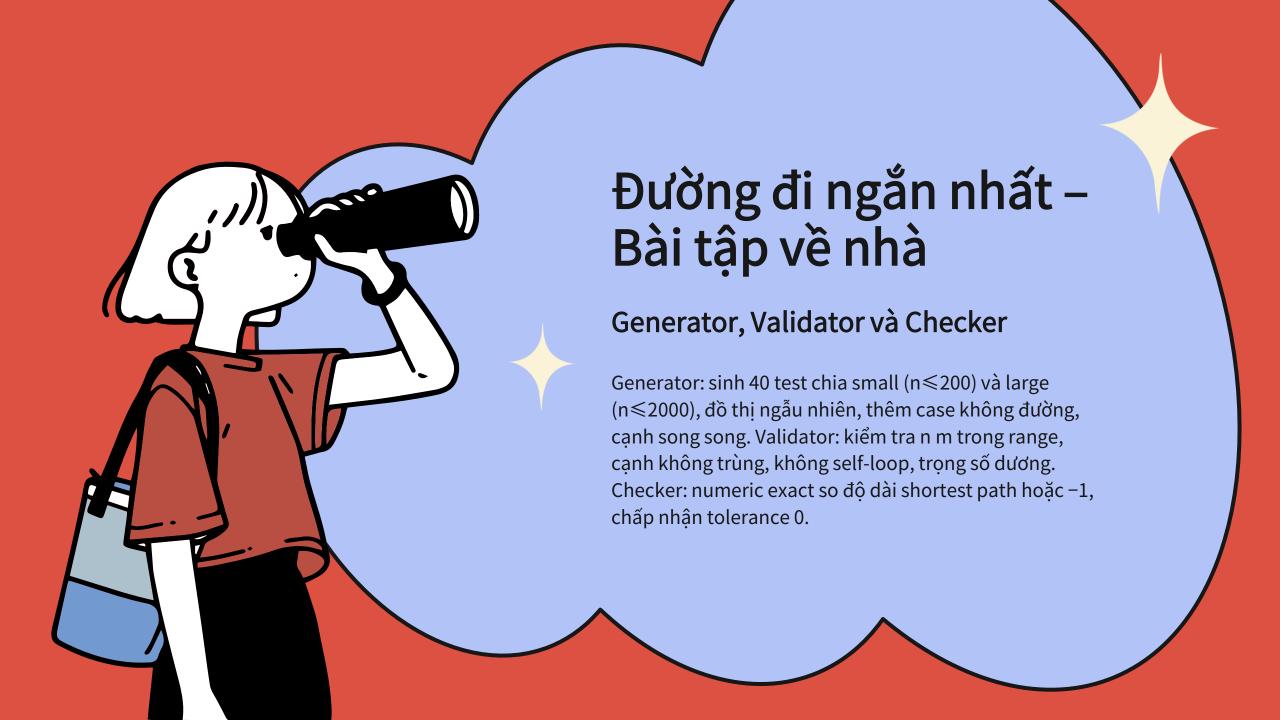
Thuật toán Dijkstra hoặc SPFA để tìm đường đi ngắn nhất. Dijkstra phù hợp với đồ thị không có cạnh âm, SPFA có thể xử lý đồ thị có cạnh âm.



Đường đi ngắn nhất – Mô tả bài toán

Ví dụ

Ví dụ: Input: n=3, m=2, cạnh (1, 2, 10) và (2, 3, 5). Output: 15. Input: n=3, m=1, cạnh (1, 2, 10). Output: −1.



Đường Hamilton – Mô tả bài toán



Ol

Mô tả bài toán

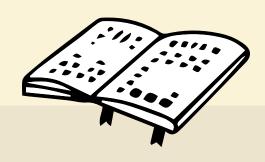
Đồ thị vô hướng n đỉnh m cạnh, in một đường đi Hamilton (qua mỗi đỉnh đúng 1 lần) hoặc -1. Input: n m và m cạnh ui vi. Output: dãy n đỉnh hoặc -1. Giới hạn $1 \le n \le 12$, m $\le n(n-1)/2$.

Thuật toán

Thuật toán bitmask DFS hoặc dynamic programming on path. Đảm bảo kiểm tra tất cả các đỉnh và cạnh để tìm đường đi Hamilton.



Đường Hamilton – Bài tập về nhà







Generator

Sinh 50 test chia nhóm n≤8 và n≤12, đồ thị ngẫu nhiên, thêm case không cạnh, complete graph. Đảm bảo test đa dạng và bao phủ nhiều trường hợp.

Validator

Validator: kiểm tra n m hợp lệ, cạnh không lặp, không self-loop, đỉnh trong 1..n. Đảm bảo input luôn hợp lệ.

Checker

Checker: special judge xác minh hoán vị đủ n đỉnh khác nhau, mọi cặp liên tiếp tồn tại cạnh, hoặc -1 đúng khi không có đường.

