BTVN.

1. Thực hiện các phép toán ma trận

1)
$$\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 6 & 5 \\ 0 & 0 \\ 2 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & 11 & 5 \\ -1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

4)
$$\begin{pmatrix} 2 & -1 & 1 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 4 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} (1 \quad 2)$$

5)
$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & 4 \end{pmatrix}$$
; $B = \begin{pmatrix} -2 & 1 & 0 \\ -3 & 2 & 2 \end{pmatrix}$; $C = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$
Tính $(2A + 3B)C$

6)
$$A = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -3 & 3 \end{bmatrix}$$
; $f(x) = x^2 - 5x + 3$. Tính $f(A)$

2. Tính A^n ; $n \in \mathbb{N}$; $n \ge 1$

1)
$$A = \begin{bmatrix} a & 1 \\ 0 & a \end{bmatrix}$$
 2) $A = \begin{bmatrix} \cos \varphi & -\sin \varphi \\ \sin \varphi & \cos \varphi \end{bmatrix}$

3. 1) Tìm các số x, y, z, t nếu:

$$3\begin{pmatrix} x & y \\ z & t \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x & 6 \\ -1 & 2t \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 4 & x+y \\ z+t & 3 \end{pmatrix}$$

- 2) Tìm tất cả các ma trận giao hoán với ma trận $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -1 & -1 \end{bmatrix}$
- 4. Cho các ma trận

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 1 & 2 & 2 \\ 2 & 2 & 5 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ -1 & 2 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}, C = \begin{bmatrix} 2 & -1 & -2 \\ 2 & 3 & 1 \end{bmatrix}$$

- 1) Tính (AB)C, $C^TB^TA^T$
- 2) Tính f(A) biết f $(x) = 2x^2 + 3x + 5 \frac{2}{x}$

5. Tìm ma trận X trong các trường hợp sau:

1)
$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 7 & 2 \end{pmatrix}$$
 2) $X \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ -2 & -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 & 2 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$

3)
$$\begin{bmatrix} 3 & -1 \\ 5 & -2 \end{bmatrix} X \begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 14 & 16 \\ 9 & 10 \end{bmatrix}$$

4)
$$\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix} \mathbf{X} - \mathbf{X} \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

5)
$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 2 & 5 & 4 \\ 2 & 4 & 5 \end{pmatrix} X - \begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 7 & 6 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} = 3 \begin{pmatrix} 1 & 5 \\ 2 & 2 \\ -2 & 1 \end{pmatrix}$$

6. Tính định thức

5)
$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a & b & c \\ b+c & c+a & a+b \end{vmatrix}$$

5)
$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a & b & c \\ b+c & c+a & a+b \end{vmatrix}$$
 8) $\begin{vmatrix} 1 & 2 & 2 & \cdots & 2 \\ 2 & 2 & 2 & \cdots & 2 \\ 2 & 2 & 3 & \cdots & 2 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 2 & 2 & 2 & \cdots & n \end{vmatrix}$

$$\begin{vmatrix}
a & a & a \\
-a & a & x \\
-a & -a & x
\end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} -a & -a & x \\ & & & \\ & &$$

$$\begin{vmatrix} 0 & \dots & 0 & 0 & -1 \\ 0 & \dots & 0 & -2 & 0 \\ 0 & \dots & -3 & 0 & 0 \\ \vdots & \dots & \vdots & \vdots & \vdots \\ -n & \dots & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$$

7. 1) Không khai triển định thức hãy chứng minh rằng:

2) Biết 204; 527; 255 đều chia hết cho 17. Chứng minh rằng:

8. Chứng minh rằng:

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ x & y & z \\ x^2 & y^2 & z^2 \end{vmatrix}$$
 chia hết cho $(x - y)$, $(y - z)$ và $(z - x)$

9. Tính định thức

$$\mathbf{D}_{n} = \begin{vmatrix} 7 & 4 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 \\ 3 & 7 & 4 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 7 & 4 & \dots & 0 & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \dots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 3 & 7 & 4 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 3 & 7 \end{vmatrix}$$

10. Giải phương trình

1)
$$\begin{vmatrix} a & x & x & b \\ x & a & b & x \\ x & b & a & x \end{vmatrix} = 0$$

$$\begin{vmatrix} 1 & x & x^{2} & x^{3} \\ 1 & 2 & 4 & 8 \\ 1 & 3 & 9 & 27 \\ 1 & 4 & 16 & 64 \end{vmatrix} = 0$$

$$\begin{vmatrix} a & x & x & a \\ c & b & 1 & 3 & 9 & 27 \\ c & -b & 1 & 4 & 16 & 64 \end{vmatrix} = 0$$

$$\begin{vmatrix} a & x & x & a \\ c & b & 1 & 3 & 9 & 27 \\ c & -b & 1 & 4 & 16 & 64 \end{vmatrix} = 0$$

11. Biện luận theo $a \in \mathbb{R}$ hạng của ma trận sau:

1)
$$A = \begin{bmatrix} a & 1 & 1 & 1 \\ 1 & a & 1 & a \\ 1 & 1 & a & a^2 \end{bmatrix}$$

1)
$$A = \begin{bmatrix} a & 1 & 1 & 1 \\ 1 & a & 1 & a \\ 1 & 1 & a & a^2 \end{bmatrix}$$
 3) $A = \begin{bmatrix} -1 & 2 & 1 & -1 & 1 \\ a & -1 & 1 & -1 & -1 \\ 1 & a & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 2 & -1 & 1 \end{bmatrix}$

2)
$$A = \begin{bmatrix} a & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & a & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & a & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & a & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & a \end{bmatrix}$$
 4) $A = \begin{bmatrix} 1 & a & -1 & 2 \\ 2 & -1 & a & 5 \\ 1 & 10 & -6 & 1 \end{bmatrix}$

4)
$$A = \begin{bmatrix} 1 & a & -1 & 2 \\ 2 & -1 & a & 5 \\ 1 & 10 & -6 & 1 \end{bmatrix}$$

12. Tìm m để ma trận sau khả đảo:

1)
$$A = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 2 \\ m & 3 & 0 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

2)
$$A = \begin{bmatrix} 3 & 1 & 5-m \\ m+1 & 1 & 3 \\ 3 & m-1 & 3 \end{bmatrix}$$

13. Cho ma trận
$$A = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 2 \\ 3 & 2 & 6 \\ -1 & 1 & 7 \end{bmatrix}$$
. Tìm ma trận nghịch đảo

của A bằng phương pháp Gauss - Jordan.

14. Cho ma trận
$$A = \begin{bmatrix} 3 & -4 & 5 \\ 2 & -3 & 1 \\ 3 & -5 & -1 \end{bmatrix}$$
. Tìm ma trận nghịch đảo

của A bằng cách sử dụng định thức.