

**(Lưu ý: Đề thi gồm có 2 trang)**

**Câu 1.**(1.5 điểm) Tuổi thọ của một loại chip máy tính là đại lượng ngẫu nhiên  $X$  (đơn vị tính là giờ) có phân phối chuẩn, trong đó tuổi thọ trung bình là 120000 giờ và độ lệch chuẩn là  $\sigma = 30000$  giờ.

- a) Tính tỷ lệ chip có tuổi thọ trên hơn 140000 giờ.  
b) Hãy tính xác suất trong 100 chip loại này có ít nhất 20 chip có tuổi thọ trên 140000 giờ.

**Câu 2.**(1.5 điểm) Cho biến ngẫu nhiên  $X$  và  $Y$  có phân phối xác suất đồng thời như sau :

$P(x, y)$		$x$			
		1	2	3	4
$y$	1	0	0.06	0.06	0.10
	2	0.10	0.10	0.04	0.04
	3	0.40	0.10	0	0

- a)  $X$  và  $Y$  có độc lập nhau hay không ? Vì sao ?  
b) Tính xác suất  $P(X + Y \leq 3)$ ,  $P(X > 1|Y = 2)$ .

**Câu 3.**(1.5 điểm) Cho 2 biến ngẫu nhiên  $X, Y$  có hàm mật độ đồng thời

$$f(x, y) = \begin{cases} Cxy & \text{nếu } x \in [0, 2], y \in [1, 3], \\ 0 & \text{nếu } (x, y) \text{ khác.} \end{cases}$$

- a) Tìm  $C$ .  
b) Tính xác suất  $P(X \leq 1 \cap Y > 2)$ .  
c) Tính xác suất  $P(X \leq 1|Y > 2)$ .

**Câu 4.**(2 đ)

a) Khảo sát 500 websites mới đăng ký trên internet người ta phát hiện có 24 website vô danh. Xây dựng khoảng ước lượng cho tỷ lệ website vô danh trong số những website mới với độ tin cậy là 95%.

b) Nếu muốn ước lượng tỷ lệ người trưởng thành Việt Nam biết nhóm máu của mình với độ tin cậy 95% và sai số tối đa 0.02 thì cần khảo sát ít nhất bao nhiêu người ?

**Câu 5.**(2.5 đ)

a) Tổ chức bảo vệ môi trường của Mỹ (EPA) quan tâm chất lượng nước uống phục vụ trên các chuyến bay. Họ kiểm tra ngẫu nhiên 112 chuyến bay và phát hiện có 14 chuyến bay phục vụ nước uống bị nhiễm khuẩn trên mức cho phép. Để biết có thể đưa ra kết luận rằng có trên 10% chuyến bay có nước bị nhiễm khuẩn hay không, họ có thể dùng bài toán kiểm định giả thiết. Hãy phát biểu giả thiết  $H_0$ , và đối thiết  $H_1$  của bài toán đó ?

b) Sở cứu hỏa Scottsdale đặt mục tiêu là phản hồi những cuộc gọi cứu hỏa trong thời gian trung bình 4 phút. Thời gian phản hồi có phân phối chuẩn với độ lệch chuẩn là 1 phút. Một mẫu khảo sát gồm 18 cuộc gọi cứu hỏa với thời gian phản hồi trung bình là 4 phút 30 giây có chỉ ra rằng sở cứu hỏa đó không đạt được mục tiêu ở mức ý nghĩa  $\alpha = 0.01$  không ?

**Câu 6.**(1 điểm) Sau đây là dữ liệu về tốc độ vi xử lý (Microprocessor Speed) và công suất tiêu tán năng lượng (Power dissipation) của các loại chip

<i>Chip</i>	<i>Microprocessor Speed (MHz)</i>	<i>Power Dissipation (watts)</i>
1989 Intel 80486	20	3
1993 pentium	100	10
1997 Pentium II	233	35
1998 Intel Celeron	300	20
1999 Pentium III	600	42
1999 AMD Athlon	600	50
2000 Pentium 4	1300	51
2004 Celeron D	2100	73
2004 Pentium 4	3800	115
2005 Pentium D	3200	130
2007 AMD Phenom	2300	95
2008 Intel Core 2	3200	136
2009 Intel Core i7	2900	95
2009 AMD Phenom II	3200	125

Nguồn: <http://en.wikipedia.org> và New Scientist, 208, no. 2780 (October 2, 2010), p. 41.

a) Tính hệ số tương quan và đánh giá về tính tuyến tính (mạnh hay yếu) của mối liên hệ phụ thuộc giữa  $X$  và  $Y$ . Viết phương trình hồi qui tuyến tính của công suất tiêu tán năng lượng theo tốc độ vi xử lý.

b) Dự đoán về công suất tiêu tán năng lượng nếu tốc độ vi xử lý là 3500 MHz ?

---

**Hết**

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Trưởng Bộ môn Toán-Lý

**(Lưu ý: Đề thi gồm có 2 trang)**

**Câu 1.**(1.5 điểm) Công ty J.D. Power cho biết 60% người mua xe ô tô sử dụng internet để tìm kiếm thông tin và so sánh giá. Giả sử khảo sát 100 người mua ô tô. Tính xác suất có 60 người sử dụng internet để tìm kiếm thông tin và so sánh giá.

**Câu 2.**(1.5 điểm) Số lỗi phần cứng  $X$  và số lỗi phần mềm  $Y$  trong một ngày tại một phòng máy vi tính có phân phối như sau:

$$P(X = 0, Y = 0) = 0.6, P(X = 0, Y = 1) = 0.1,$$

$$P(X = 1, Y = 0) = 0.1, P(X = 1, Y = 1) = 0.2.$$

- a)  $X$  và  $Y$  có độc lập nhau hay không ? Vì sao ?  
b) Tính  $P(Y = 1|X = 0)$ .

**Câu 3.**(2 điểm) Cho 2 biến ngẫu nhiên có hàm mật độ đồng thời

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{2}{3}(x + 2y) & \text{nếu } 0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1, \\ 0 & \text{nếu } (x, y) \text{ khác.} \end{cases}$$

- a) Tìm hàm mật độ thành phần của  $Y$ .  
b) Tìm hàm mật độ của  $X$  trong điều kiện  $Y = 0.5$ .  
c) Tính xác suất  $P(0 < X \leq 0.5 | Y = 0.5)$ .

**Câu 4.** (1.5 điểm) Malcheon Health Clinic tuyên bố rằng thời gian trung bình một bệnh nhân chờ khám không quá 20 phút. Một cuộc khảo sát ngẫu nhiên 15 bệnh nhân cho thấy thời gian chờ khám trung bình là 24.77 phút với độ lệch chuẩn có hiệu chỉnh là 7.26 phút. Giả sử thời gian chờ khám là đại lượng ngẫu nhiên có phân phối chuẩn. Dựa vào dữ liệu khảo sát, hãy kiểm tra tuyên bố của phòng khám đó có đúng không với mức ý nghĩa 0.05.

**Câu 5.**(2.5 điểm) Nếu một đồng xu có hai mặt cân bằng thì khi tung lên, tỉ lệ hiện mặt sấp và mặt ngửa là như nhau (nếu số lần tung đủ lớn). Do đó để kiểm tra một đồng xu có cân bằng hay không, người ta thử tung đồng xu đó 100 lần và thấy có 63 lần hiện mặt ngửa. Với mức ý nghĩa 0.05, có thể kết luận đồng xu đó không cân bằng hay không ? Xây dựng khoảng tin cậy cho tỉ lệ xuất hiện mặt

ngửa của đồng xu đó với độ tin cậy 95%.

**Câu 6.**(1 điểm) Sau đây là dữ liệu về mã lực X và chiều dài quãng đường đi được Y (đơn vị dặm/gallon) của 12 động cơ:

X	151	220	198	134	213	121	247	162	239	140	253	237
Y	41	35	28	36.6	31.8	42.8	26.6	36.9	27.4	40.6	23.9	27.8

- a) Tính hệ số tương quan và nhận xét về tính tuyến tính của X và Y.  
b) Viết phương trình hồi qui tuyến tính của Y theo X. Dự đoán chiều dài quãng đường đi được khi mã lực bằng 350.

---

**Hết**

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Trưởng Bộ môn Toán-Lý

CAO THANH BÌNH

**(Lưu ý: Đề thi gồm có 2 trang)**

**Câu 1.**(1.5 điểm) Tuổi thọ của một loại chip máy tính là đại lượng ngẫu nhiên  $X$  (đơn vị tính là giờ) có phân phối chuẩn, trong đó tuổi thọ trung bình là 120000 giờ và độ lệch chuẩn là  $\sigma = 30000$  giờ.

- a) Tính tỷ lệ chip có tuổi thọ trên hơn 140000 giờ.  
b) Hãy tính xác suất trong 100 chip loại này có ít nhất 20 chip có tuổi thọ trên 140000 giờ.

**Câu 2.**(1.5 điểm) Cho biến ngẫu nhiên  $X$  và  $Y$  có phân phối xác suất đồng thời như sau :

$P(x, y)$		$x$			
		1	2	3	4
$y$	1	0	0.06	0.06	0.10
	2	0.10	0.10	0.04	0.04
	3	0.40	0.10	0	0

- a)  $X$  và  $Y$  có độc lập nhau hay không ? Vì sao ?  
b) Tính xác suất  $P(X + Y \leq 3)$ ,  $P(X > 1|Y = 2)$ .

**Câu 3.**(1.5 điểm) Cho 2 biến ngẫu nhiên  $X, Y$  có hàm mật độ đồng thời

$$f(x, y) = \begin{cases} Cxy & \text{nếu } x \in [0, 2], y \in [1, 3], \\ 0 & \text{nếu } (x, y) \text{ khác.} \end{cases}$$

- a) Tìm  $C$ .  
b) Tính xác suất  $P(X \leq 1 \cap Y > 2)$ .  
c) Tính xác suất  $P(X \leq 1|Y > 2)$ .

**Câu 4.**(2 đ)

a) Khảo sát 500 websites mới đăng ký trên internet người ta phát hiện có 24 website vô danh. Xây dựng khoảng ước lượng cho tỷ lệ website vô danh trong số những website mới với độ tin cậy là 95%.

b) Nếu muốn ước lượng tỷ lệ người trưởng thành Việt Nam biết nhóm máu của mình với độ tin cậy 95% và sai số tối đa 0.02 thì cần khảo sát ít nhất bao nhiêu người ?

**Câu 5.**(2.5 đ)

a) Tổ chức bảo vệ môi trường của Mỹ (EPA) quan tâm chất lượng nước uống phục vụ trên các chuyến bay. Họ kiểm tra ngẫu nhiên 112 chuyến bay và phát hiện có 14 chuyến bay phục vụ nước uống bị nhiễm khuẩn trên mức cho phép. Để biết có thể đưa ra kết luận rằng có trên 10% chuyến bay có nước bị nhiễm khuẩn hay không, họ có thể dùng bài toán kiểm định giả thiết. Hãy phát biểu giả thiết  $H_0$ , và đối thiết  $H_1$  của bài toán đó ?

b) Sở cứu hỏa Scottsdale đặt mục tiêu là phản hồi những cuộc gọi cứu hỏa trong thời gian trung bình 4 phút. Thời gian phản hồi có phân phối chuẩn với độ lệch chuẩn là 1 phút. Một mẫu khảo sát gồm 18 cuộc gọi cứu hỏa với thời gian phản hồi trung bình là 4 phút 30 giây có chỉ ra rằng sở cứu hỏa đó không đạt được mục tiêu ở mức ý nghĩa  $\alpha = 0.01$  không ?

**Câu 6.**(1 điểm) Sau đây là dữ liệu về tốc độ vi xử lý (Microprocessor Speed) và công suất tiêu tán năng lượng (Power dissipation) của các loại chip

<i>Chip</i>	<i>Microprocessor Speed (MHz)</i>	<i>Power Dissipation (watts)</i>
1989 Intel 80486	20	3
1993 pentium	100	10
1997 Pentium II	233	35
1998 Intel Celeron	300	20
1999 Pentium III	600	42
1999 AMD Athlon	600	50
2000 Pentium 4	1300	51
2004 Celeron D	2100	73
2004 Pentium 4	3800	115
2005 Pentium D	3200	130
2007 AMD Phenom	2300	95
2008 Intel Core 2	3200	136
2009 Intel Core i7	2900	95
2009 AMD Phenom II	3200	125

Nguồn: <http://en.wikipedia.org> và New Scientist, 208, no. 2780 (October 2, 2010), p. 41.

a) Tính hệ số tương quan và đánh giá về tính tuyến tính (mạnh hay yếu) của mối liên hệ phụ thuộc giữa  $X$  và  $Y$ . Viết phương trình hồi qui tuyến tính của công suất tiêu tán năng lượng theo tốc độ vi xử lý.

b) Dự đoán về công suất tiêu tán năng lượng nếu tốc độ vi xử lý là 3500 MHz ?

---

**Hết**

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Trưởng Bộ môn Toán-Lý