## Esercitazione n. 3 - Inferenza IN PROP e FOL

```
Unicorno 1_*
Formalizzazione 1
Algoritmo TT-Entails? 1
Algoritmi per SAT 1
Risoluzione con PROP 2

Alcuni esempi di formalizzazioni in FOL 2

Unificazione 2_*

Metodo di risoluzione in FOL 3_*
Mary ama John? 3
La virgola che fa la differenza 3

Programma logico (opzionale) 3_*
```

### Unicorno

Il fatto che l'unicorno è mitico, che l'unicorno è magico e che l'unicorno ha le corna, sono conseguenza logica dei seguenti fatti (la KB)?

"Se l'unicorno è mitico allora è immortale. Se non è mitico allora è un mammifero mortale. Se l'unicorno è o immortale o un mammifero allora ha le corna. L'unicorno è magico se ha le corna."

Vogliamo stabilire se:

KB = Mitico

KB ⊨ Magico

KB ⊨ Corna

### **Formalizzazione**

### **Algoritmo TT-Entails?**

### Algoritmi per SAT

Trasformazione in forma a clausole. Abbreviazioni da usare nel seguito.

Mitico Mi Mortale Mo Mammifero Mm Magico Ma Corna Co

### **DPLL**

### WALKSAT

Sviluppare una possibile soluzione, altre generabili dal codice.

<sup>\*</sup> Da svolgere durante l'esercitazione.

### **Risoluzione con PROP**

Vediamo se KB ⊨ Mitico

Vediamo se KB ⊨ Magico

Vediamo se KB ⊨ Corna

## Alcuni esempi di formalizzazioni in FOL

Da usare per autovalutazione in particolare per chi non ha fatto un corso di logica,

I soli cani gialli sono simpatici

Specificare quale delle due letture:

A: Tra tutte le cose, solo i cani gialli sono simpatici

B: Tra i cani, solo quelli gialli sono simpatici.

Tutte le scimmie sono fuggite su un albero Nessuno ama un professore a meno che questi non sia intelligente Chi va con lo zoppo impara a zoppicare Il miglior voto a IA è stato migliore del miglior voto a PA

Quale/i delle seguenti sono formalizzazioni corrette della seguente frase:

Ogni cane che ama uno dei suoi fratelli è felice

- 1.  $\forall x \ \text{Cane}(x) \land (\exists y \ \text{Fratello}(x, y) \land \text{Ama}(x, y)) \Rightarrow \text{Felice}(x)$
- 2.  $\forall x \ \forall y \ Cane(x) \land Fratello(x, y) \land Ama(x, y) \Rightarrow Felice(x)$
- 3.  $\forall x \ \text{Cane}(x) \land (\forall y \ \text{Fratello}(x, y) \land \text{Ama}(x, y)) \Rightarrow \text{Felice}(x)$
- 4.  $\forall x \ \text{Cane}(x) \land (\forall y \ \text{Fratello}(x, y) \Rightarrow \text{Ama}(x, y)) \Rightarrow \text{Felice}(x)$

Se qualcuna di queste è scorretta si spieghi perché, dandone una lettura in linguaggio naturale.

### Unificazione

- a) P(A, B, B), P(x, y, z)
- $b)\ \ Q(y,G(A,B)),\,Q(G(x,x),y)$
- c) Older(Father(y), y), Older(Father(x), john)
- d) Knows(Father(y), y), Knows(x, x)

#### Attenzione

Ama(x, Gelato) Tutti amano il gelato Ama(Peter, x) Peter ama qualunque cosa

Sono unificabili? Dovrebbero esserlo ... Ma l'unificazione fallisce. Come mai?

### Metodo di risoluzione in FOL

## Mary ama John?

Dimostrare con il metodo di risoluzione che "Mary ama John" è conseguenza logica delle premesse: "Tutti amano chi ama qualcuno" e "John ama Mary".

## La virgola che fa la differenza

- a. Si formalizzino in logica del prim'ordine le seguenti frasi in linguaggio naturale:
  - A1. Odio i film violenti, che mi disturbano.
  - A2. Odio i film violenti che mi disturbano.

Si noti che le due frasi, che differiscono per la presenza della virgola, hanno un significato diverso.

- b. Sapendo inoltre che
  - B1. "Django" è un film diretto da Tarantino
  - B2. Tarantino ha diretto solo film violenti

formalizzare e dimostrare con il metodo di risoluzione che "Odio *Django*" è conseguenza logica di una KB costituita da B1, B2 insieme con A1 oppure A2, scegliendo tra le due quella che vi sembra più utile per completare la dimostrazione.

c. Dire se, con l'altra assunzione, "Odio *Django*" è conseguenza logica o meno, motivando la risposta.

Nella formalizzazione si utilizzi il seguente vocabolario.

Odio(x): io odio x

Violento(x): x è un film violento Disturba(x): x mi disturba Regista(x, y): x ha diretto y

T : Tarantino D: il film 'Django'

# Programma logico (opzionale)

Riuscite a scrivere un programma logico per la versione A1 dell'esercizio precedente? Potete fornire la traccia dell'esecuzione della query: *Odio Django?*