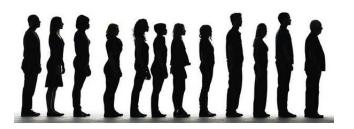
INSTITUT NATIONAL DE STATISTIQUE ET D'ÉCONOMIE APPLIQUÉE



Simulation à événements discrêts cas d'un réseau de files d'attentes

M'chichi Boutayna Boulhanna Hiba

9 octobre 2021

	MOTS CLÉS
	NOTO OLEO

- □ Simulation
- □ Réseaux
- $\hfill\Box$ Phénomènes aléatoires
- □ Files d'attentes
- $\hfill\Box$ Performance
- \square Python
- \square Horizon

TABLE DES MATIÈRES

Intr	roduction	7
App 1 2 3 4	Brève description	9 10 11 11
For	emulation	13
1	Définitions	13
Sim	nulation	15
1	Intérêt et perspectives	15
2	1 1	17
3		18
		18
	·	18
	3.3 Matplotlip	19
	3.4 Ciw	19
4	Editeur de code	21
5	Corps du code de la simulation	22
	5.1 Installation importation des bibliothèques	22
	5.2 Création d'un réseau de files d'attentes	22
	5.3 Lancement de la simulation	23
	5.4 Collecte et restitution des output de la simulation	24
Exe	emples et discussions	25
1	Exemple illustratif	25
2	Calcul des métriques exhibant la performance	25
	2.1 Stabilité du système	25
	2.2 Temps de séjour d'un client dans le système	26
	Ap. 1 2 3 4 For 1 Sim 1 2 3 4 5	2 Notations 3 Une image vaut mille mots 4 Le Logigramme Formulation 1 Définitions Simulation 1 Intérêt et perspectives 2 Présentation du langage python 3 Bibliothèques utilisées 3.1 NumPy 3.2 Pandas 3.3 Matplotlip 3.4 Ciw 4 Editeur de code 5 Corps du code de la simulation 5.1 Installation importation des bibliothèques 5.2 Création d'un réseau de files d'attentes 5.3 Lancement de la simulation 5.4 Collecte et restitution des output de la simulation Exemples et discussions 1 Exemple illustratif 2 Calcul des métriques exhibant la performance 2.1 Stabilité du système

TABLE DES MATIÈRES

	2.3	a durée moyenne de séjour de chaque catégorie dans le sytème $ \dots 2$	27
3	Visual	ation de l'évolution du nombre des clients des deux catégories clients 2	19

LISTE DES FIGURES

1.1	Schématisation de la démarche de l'article	8
2.1 2.2	Formalisation de la modélisation d'une file d'attente	
3.1	Les résaux de files d'attentes	13
4.1	Une suggestion de spectre correspondant à l'interface utilisateur, avec un positionnement illustratif pour six options de simulation	17
4.2	La bibliothèque NumPy	18
4.3	La bibliothèque Pandas	18
4.4	La bibliothèque Matplotlip	19
4.5	La bibliothèque CiW	20
4.6	L'éditeur JupyerNotebook	21
4.7	Installation de Ciw	22
4.8	Importation des bibliothèques	22
4.9	Création du réseau des files d'attentes sujet à l'etude	23
5.1	Stabilité du système	25
5.2	Durée moyenne de séjour d'un client selon deux méthodes	26
5.3	Temps de séjour d'un client de type A	27
5.4	Temps de séjour d'un client de type B	27
5.5	Représentation du pourcentage d'activité des serveurs	28
5.6	Evolution des clients dans le premier serveur	29
5.7	Evolution des clients dans le serveur 2	30



Le développement de la théorie des files d'attentes remonte à plus d'un siècle. Initialement, le concept a été examiné dans le but de maximiser les performances du téléphone des centres d'opérations. Cependant, on s'est rendu compte assez tôt que les problèmes dans ce domaine qui étaient solubles à l'aide de modèles mathématiques pourraient survenir dans d'autres domaines de la vie quotidienne; en l'occurence les services financiers et sanitaires.

Les modèles mathématiques, qui, servent à décrire certains phénomènes, correspondent assez souvent entre eux, quel que soit le domaine spécifique pour lequel ils ont été développés à l'origine : que ce soit les centres d'opérations téléphoniques, la planification et la gestion des services médicaux d'urgence, la description de l'ordinateur l'exploitation, les services bancaires, les systèmes de transport ou d'autres domaines.

Les caractéristiques communes dans ces domaines est que les demandes et les services se produisent avec des contenus variés en fonction des questions posées.

Au cours de la modélisation, même si la signification de la demande et du service dans le système modélisé peut changer, on ne traite que des moments et des intervalles de temps. Ainsi peut-on conclure que, malgré la diversité des problèmes, un bagage théorique en stochastique en s'appuyant d'une boîte à outils mathématique assure une résolution efficace des différents problèmes auquels on peut faire face.

Il convient de noter comme un aspect intéressant que le début du développement de la théorie des files d'attente est étroitement liée à l'apparition des centres d'exploitation téléphonique il y a plus d'un siècle, comme on a décrit précédemment.

Néanmoins, il joue toujours un rôle important dans la planification, la modélisation et l'analyse des réseaux de télécommunications complétés par des méthodes de simulation de pointe et procédures.

CHAPITRE 1	
	INTRODUCTION

Les files d'attentes font un phénomène incontournable dans notre vie quotidienne :

- □ faire la queue pour se vacciner (à la lumière du contexte pandémique que nous vivons);
- □ faire la queue pour se servir;

Donc, faire la queue est une facette omniprésente dans la vie de chacun d'entre nous. Il s'agit d'un phénomène relevant du verbe « attendre » ; ce qui n'est pas- par nature humaine - sympathique.

Par ailleurs, la suppression totale de l'attente n'est pas une possibilité envisageable, ni réalisable; puisque le coût d'installation et le fonctionnement d'un "vaccinodrôme",par exemple, peut être prohibitif.

Nous remarquons donc la nécéssité des disciplines d'ordre mathématiques tel que la Recherche Oppérationnelle (Operations Research) qui s'octroie la lourde responsabilité d'étudier les sytèmes sujets à ce phénomène, et donc, garantir des sytèmes répondant le mieux possible aux besoins humains minimisant ainsi les temps d'attentes des clients au sein d'un système ou un réseaux.

Dans ce rapport, nous nous attarderons principalement, sur l'étude d'un réseau de files d'attentes particulier, comprenant deux guichets dont nous étalerons :

- □ la formalisation
- □ l'étude théorique
- □ la simulation

Et ce,en s'armant principalement des acquis de la simulation à évènements discrets et des compétences en programmation. Nous allons travailler principalement avec le langage de programmation python,notre allié, pour mener à bien cette simulation. Enfin,nous allons terminer notre travail par une examination des performances de ce système.

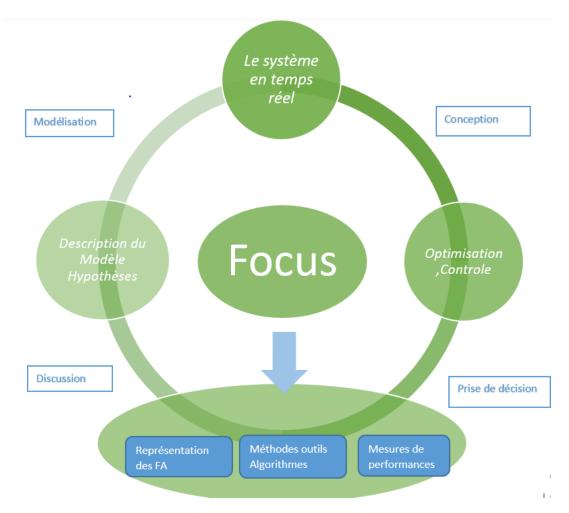


FIGURE 1.1 – Schématisation de la démarche de l'article

CHAPITRE 2	
I	
	APPROPRIATION DU PROBLÈME

1 Brève description

Considérons un bureau de poste ayant deux guichets, chaque guichet a son propre employé offrant un service particulier en fonction du type du client, ces derniers sont réparties en deux catégories A et B de telle façon que :

- □ Le client de type A s'engage dans la file d'attente du guichet 1, puis à l'issue de son service, il rejoint la file 2 l'engageant dans le second guichet.
- □ Le client de type B s'engage dans la file d'attente du guichet 2 en premier lieu, puis à l'issue de son service il rejoint la file l'engageant dans le premier guichet.

Il faut préciser que la capacité des deux files est infinie, et aussi que chaque client qui termine son service, il va rejoindre l'autre file en prenant la dernière place vacante.

Il s'agit d'un réseau ouvert si tout client présent ou entrant dans le système peut le quitter. Il s'agit donc d'un réseau de Jackson composé de n files exponentielles, les files d'attente comportent chacune un ou plusieurs serveurs identiques mj, fournissant des services de durée exponentielle (le taux de service est noté μj. Il est de capacité infinie, en utilisant une discipline de service FIFO.

2 Notations

Gi: Guichets $i \in \{1,2\}$.

Ei: Employés $i \in \{1,2\}$.

 μ_i : Taux de service des employés i \in {1,2}.

p₁: Probabilité de quitter le guichet 1 par le client A.

1-p₁: Probabilité de rejoindre le guichet 2 par le client A.

p₂: Probabilité de quitter le guichet 2 par le client B.

1-p₂: Probabilité de rejoindre le guichet 1 par le client B.

FIFO: Réfère à la discipline de la file acronyme de « First In First Out »

C: Représente la capacité de la file dans ce cas-là on prend (C=∞)

 λ_i : Le paramètre du temps inter-arrivé $i \in \{1,2\}$.

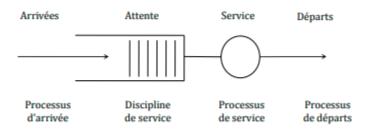


FIGURE 2.1 – Formalisation de la modélisation d'une file d'attente

3 Une image vaut mille mots

L'image ci-dessous illustre le parcours empreinté par chaque type de client en effet :

Le client de type A est matérialisé par les flèches surlignées en turquoise, par ailleurs comme mentionné précédement :

le parcours du client de type A commence par :

- 1) Il rentrée dans la file 1
- 2) Il se sert par le guichet E1
- 3) Il se dirige en prenant la dernière place dans la deuxième file.

Prenons t=0:

On suppose que le premier client venue est de type A, celui-ci la rentre dans la file et devient A1.

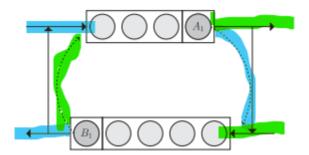
Le client de type B est matérialisé par les flèches surlignées en vert, par ailleurs comme mentionné précédement, le parcours du client de type B commence par :

- 1) Une rentrée dans la deuxième file B, il se sert par E2.
- 2) il se dirige prenant la dernière place dans la première file.

Prenons t=0:

On suppose que le premier client venue est de type B celui là rentre dans la file et devient B1.

Ainsi de suite...



4 Le Logigramme

Ci-dessous le logigramme du système à etudier comprenant la listes des événements retenus.

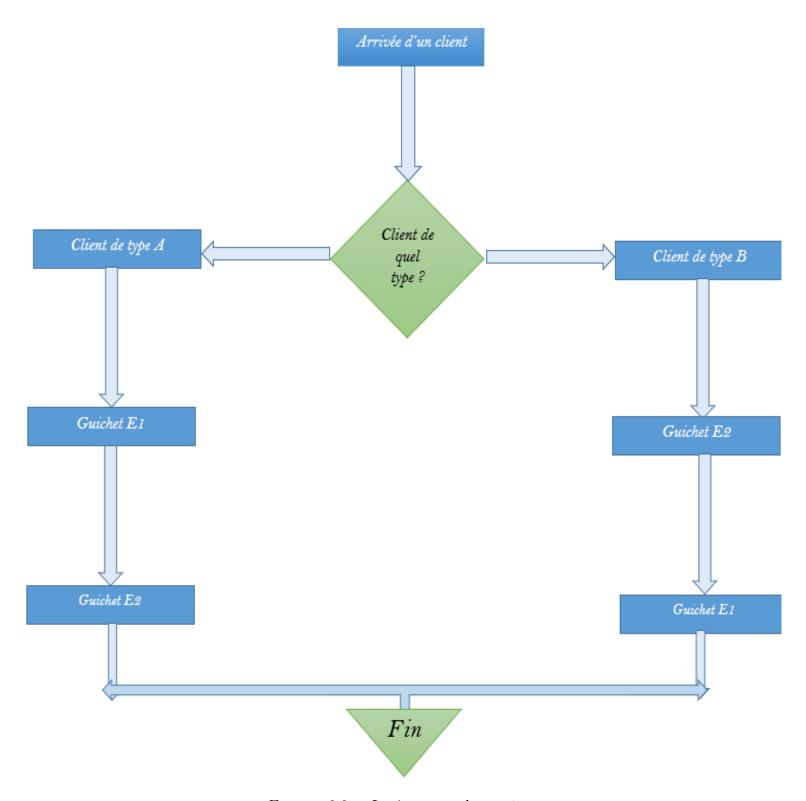
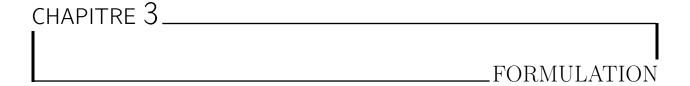


FIGURE 2.2 – Logigramme du système



1 Définitions

- □ Réseaux fermé : si les clients ne peuvent pas quitter le système. il convient de signaler que dans un réseau fermé, le nombre de clients est fixé et ces derniers sont présents dans le système dès le début de son évolution.
- □ Réseaux ouvert : si tout client présent ou entrant dans le système peut le quitter.
- □ Réseaux mixte : s'il est ouvert pour certains clients et fermé pour d'autres.

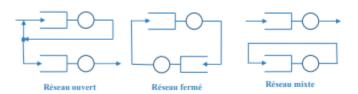


FIGURE 3.1 – Les résaux de files d'attentes

□ Réseaux de Jackson : Soit un réseaux de Jackson composée de de n files comportant chacune un ou plusieurs serveurs identiques (mj pour la file j), fournissant des services de durée exponentielle (le taux de service de la file j est noté μj) de capacité infinie, avec une discipline de service FIFO. Les clients (appartenant tous à la même classe) arrivent dans le système selon des processus de Poisson indépendants ; ces conditions sont bien remplies par notre réseau.

□ Matrice de probabilité de routage : Dans un réseau de files d'attentes, les clients se déplacent d'une file à une autre avec de probabilités définies. On rassemble ces probabilités dans ce qu'on appelle un vecteur des probabilités de sortie.

CHAPITRE 4	
	SIMULATION

1 Intérêt et perspectives

La simulation à événements discrets repose sur plusieurs techniques qui, lorsqu'elles sont appliquées à la l'étude d'un système dynamique, elle génère des séquences appelées chemins d'échantillonnage qui caractérisent son comportement. La collection comprend :

- □ Concepts de modélisation pour résumer les caractéristiques essentielles d'un système dans un ensemble cohérent de relations mathématiques entre ses éléments.
- □ Logiciel spécialement conçu pour convertir ces relations en code exécutable afin de générer les données de chemin d'échantillonnage requise.
- □ Procédures de conversion de ces données en estimations des performances du système.
- □ Méthodes pour évaluer dans quelle mesure ces estimations se rapprochent d'un système vrai.

La modélisation de systèmes complexes est devenue un mode de vie dans de nombreux domaines, plus particulièrement dans l'ingénierie, la santé, la gestion, les mathématiques, le militaire, le social, les télécommunications, et sciences des transports. Il fournit un moyen relativement peu coûteux pour recueillir des informations pour la prise de décision. Étant donné que la taille et la complexité des systèmes réels dans ces domaines rend difficile la résolution, la simulation à événements discrets est devenu la méthode de choix. Comme pour tous les outils de recherche scientifique, le succès dans l'application de la simulation à événements discrets dépend de :

□ La profondeur et l'étendue du modèle sous-jacent en tant qu'approximation du système
 □ L'habileté du simulateur à appliquer sa collection de techniques pour percer les mystères du problème.

Pour mettre la simulation à événements discrets dans son contexte en tant qu'outil d'analyse, nous allos décrire la manière dont elle se rapporte à la modélisation en général.

1) La première étape de l'étude consiste à utiliser des connaissances accumulées pour construire un modèle.

2) Un modèle peut être une représentation formelle basée sur théorie ou un compte rendu détaillé basé sur l'observation empirique. Habituellement, il combine les deux.

Un modèle sert à plusieurs fins. En particulier, il :

- 1. Il permet à un chercheur d'organiser ses croyances théoriques et ses observations empiriques sur un système et en déduire les implications logiques de cette organisation.
- 2. Il conduit à une meilleure compréhension du système.
- 3. Il met en perspective le besoin de détail et de pertinence
- 4. Il accélère la vitesse à laquelle une analyse peut être effectuée
- 5. Il fournit un cadre pour tester l'opportunité des modifications du système.
- 6. Il est plus facile à manipuler que le système.
- 7. Il permet de contrôler plus de sources de variation que l'étude directe d'un système.
- 8. Il est généralement moins coûteux que l'étude directe du système

2 Présentation du langage python

Le langage de programmation Python a été créé en 1989 par Guido van Rossum, aux Pays-Bas. Le nom Python vient d'une série télévisée Monty Python's Flying Circus dont G. van Rossum est fan. La première version publique de ce langage a été publiée en 1991. La dernière version de Python est la version 3. Plus précisément, la version 3.7 aui a été publiée en juin 2018. La version 2 de Python est désormais obsolète et cessera d'être maintenue après le 1er janvier 2020. Dans la mesure du possible, il faut éviter de l'utiliser. Ce langage est caractérisé par les avantages suivant :

- □ Interprété
- □ Portable
- □ Orienté objet
- □ Interactif
- □ Interfacé
- □ Open source
- □ Facile à comprendre et à utiliser

On a opté pour python pour sa simplicité et les multiples options qu'il offre notamment une aisance à la visualisation, mais, le talon d'Achille de ce langage reste dans son impuissance a générer des calcul complexes rapidement ce qui n'est pas le cas du langage C. Or, ce dernier à son tour représente des difficultés colossales dans l'élaboration du code.

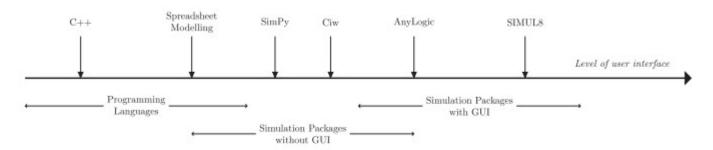


FIGURE 4.1 – Une suggestion de spectre correspondant à l'interface utilisateur, avec un positionnement illustratif pour six options de simulation

3 Bibliothèques utilisées

3.1 NumPy

Acronyme de Numerical Python une librairie open source permettant de manier les tableaux facilement. Elle permet un accès jusqu' à 50 fois plus rapide que les listes, tuples et stocke les valeurs dans un espace mémoire continu.



FIGURE 4.2 – La bibliothèque NumPy

3.2 Pandas

La richesse des fonctionnalités de la librairie pandas est une des raisons, si ce n'est la principale, d'utiliser Python pour extraire, préparer, éventuellement analyser, des données.



FIGURE 4.3 – La bibliothèque Pandas

3.3 Matplotlip

Il s'agit sûrement de l'une des bibliothèques python les plus utilisées pour représenter des graphiques en 2D. Elle permet de produire une grande variété de graphiques et ils sont de grande qualité. Le module pyplot de matplotlib est l'un de ses principaux modules. Il regroupe un grand nombre de fonctions qui servent à créer des graphiques et les personnaliser (travailler sur les axes, le type de graphique, sa forme et même rajouter du texte). Avec lui, nous avons déjà de quoi faire de belles choses.



FIGURE 4.4 – La bibliothèque Matplotlip

3.4 Ciw

Le nom Ciw est le mot gallois pour une file d'attente.

Ciw est une bibliothèque de simulation d'événements discrets pour les réseaux de files d'attente ouverts. Ses fonctionnalités principales incluent la possibilité de simuler des réseaux de files d'attente, plusieurs classes de clients et la mise en œuvre du blocage de type I pour les réseaux restreints.

Un certain nombre d'autres fonctionnalités sont également implémentées, notamment les priorités, le blocage, les horaires et la détection des blocages.



FIGURE 4.5 – La bibliothèque CiW

Remarque:

Ciw est actuellement pris en charge et régulièrement testé sur les versions Python $3.6,\,3.7\,3.8$ et PyPy3.

4 Editeur de code

Jupyter Notebook est la dernière évolution de cet environnement interactif. En effet, avec Jupyter Notebook, on pourra fusionner du code exécutable, du texte, des formules, des images, et des animations dans un seul document Web. Ceci est utile à de nombreuses fins telles queprésentations, tutoriels, débogage, etc.



FIGURE 4.6 – L'éditeur JupyerNotebook

5 Corps du code de la simulation

5.1 Installation importation des bibliothèques

```
Entrée [1]: pip install ciw
               Collecting ciw
                 Downloading Ciw-2.2.0.tar.gz (93 kB)
               Requirement already satisfied: PyYAML>=5.1 in c:\users\lenovo\anaconda3\lib\site-packages (from ciw) (5.4.1)
Requirement already satisfied: networkx>=2.3 in c:\users\lenovo\anaconda3\lib\site-packages (from ciw) (2.5)
               Collecting tadm==4.14.0
                 Downloading tqdm-4.14.0-py2.py3-none-any.whl (46 kB)
               Requirement already satisfied: decorator>=4.3.0 in c:\users\lenovo\anaconda3\lib\site-packages (from networkx>=2.3->ciw) (5.0.
               Building wheels for collected packages: ciw
                 Building wheel for ciw (setup.py): started
Building wheel for ciw (setup.py): finished with status 'done'
                 Created wheel for ciw: filename=Ciw-2.2.0-py3-none-any.whl size=66617 sha256-35805edbe2f84fb34f22698c975c65d3309ec0de319243a4
               738931c3aa8cc6d6
                 Stored in directory: c:\users\lenovo\appdata\local\pip\cache\wheels\ec\d7\72\47a229f40a7b3efc35b9016fc8eb6568bd8650720f955fb1
               Successfully built ciw
               Installing collected packages: tqdm, ciw
                 Attempting uninstall: tqdm
Found existing installation: tqdm 4.59.0
                    Uninstalling tqdm-4.59.0:
               Successfully uninstalled tqdm-4.59.0
Successfully installed ciw-2.2.0 tqdm-4.14.0
               Note: you may need to restart the kernel to use updated packages.
```

FIGURE 4.7 – Installation de Ciw

```
Entrée [2]: #importations des bibliothèques
import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline
import math
from math import *
from random import *
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as n
import ciw
```

FIGURE 4.8 – Importation des bibliothèques

5.2 Création d'un réseau de files d'attentes

Avant d'étaler le code de ce réseaux typique, il convient de reprendre le système sujet a l'étude : ici, on remarque qu'il y a deux classes :catégorie A et B de clients différents.

Ces derniers au bout d'un certain moment, ils changent leurs classes. Ciw nous permet de coder ce type de réseau de files d'attentes ce qui est très connu sous sa documentation par « Dynamic Customer Classes » .

Par ailleurs, Ciw permet aux clients de changer de classe de manière probabiliste après le service, c'est-à-dire qu'après le service au guichet E1, un client de classe A deviendra de classe B avec probabilité P(C=A|C=B,Ei=E1).

Ces probabilités sont entrées dans le système via le mot-clé class change matrices.

Ici la matrice de routage est défini comme suit :

$$\begin{pmatrix} p1 & 1-p1 \\ p2 & 1-p2 \end{pmatrix}$$

Le code utilisé est illustré comme suit :

```
Entrée [26]:

N = ciw.create_network(

#Classe 0 désigne les clients de type A

#Classe 1 désigne les clients de type B

arrival_distributions={"class 0': [ciw.dists.Exponential(17)]},

service_distributions={"class 0': [ciw.dists.Exponential(20)],

"class 1': [ciw.dists.Exponential(20)],

"class 1': [ciw.dists.Exponential(30)]},

routing={"class 0': [[1.0]]},

#Vecteur des probailités de changements

class_change_matrices={"Node 1': [[0.5, 0.5],

[0.75, 0.25]]},

#Chaque guichets possède un seul employé

number_of_servers=[1])

#ici on a pas mentionné la capacité c'est par défaut infinie en cas de besoin ci dessous la syntaxe munie d'un exemple

#queue_capacities=[5, float('inf'), float('inf'), 10]
```

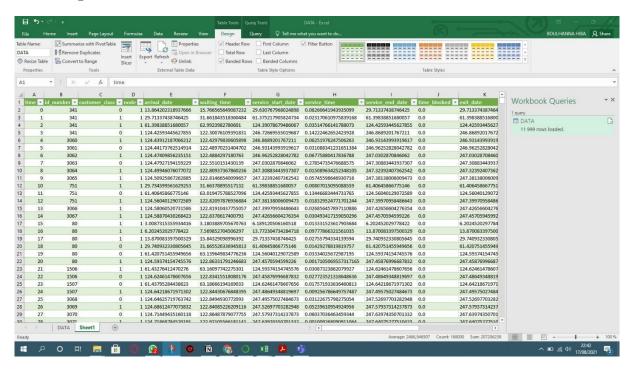
FIGURE 4.9 – Création du réseau des files d'attentes sujet à l'etude

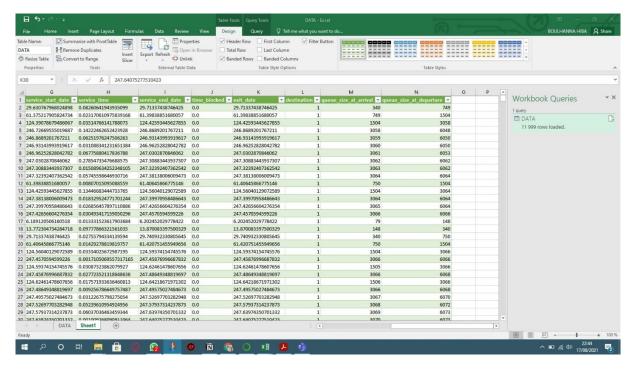
5.3 Lancement de la simulation

```
ciw.seed(1)
Q = ciw.Simulation(N)
#Horizon de simulations
#Q.simulate_until_max_time(10000.0)
Q.simulate_until_max_time(500.0)
```

5.4 Collecte et restitution des output de la simulation

Le listing de la simulation est comme suit :





On remarque la puissance de la bibliothèque CIW en matière des différents évènements retenus. Par ailleurs, la richesse de python nous permettra par la suite de générer assez facilement des données structurées pouvant nous servir dans l'études et le dimensionnement des systèmes sujets à des phénomènes stochastiques.



1 Exemple illustratif

Pour cet exemple, et Vu que python prend une durée de temps exhaustive, on s'est limité a un horizon de 500 unité de temps.

2 Calcul des métriques exhibant la performance

Dans cette partie, nous allons etudier la stabilité du réseaux. Pour ce,on va calculer les taux d'ocuppation respectifs des deux files d'attentes via python :

2.1 Stabilité du système

```
Entrée [18]: #taux d'ocupation noté gho
print("le taux d'ocuppation de la file du guichet 1 est : ",8/20)

le taux d'ocuppation de la file du guichet 1 est : 0.4

Entrée [19]: print("le taux d'ocuppation de la file du guichet 2 est : ",17/30)

le taux d'ocuppation de la file du guichet 2 est : 0.5666666666666667
```

FIGURE 5.1 – Stabilité du système

Nous remarquons que les deux taux sont inférieurs à 1 donc le réseaux est stable.

2.2 Temps de séjour d'un client dans le système

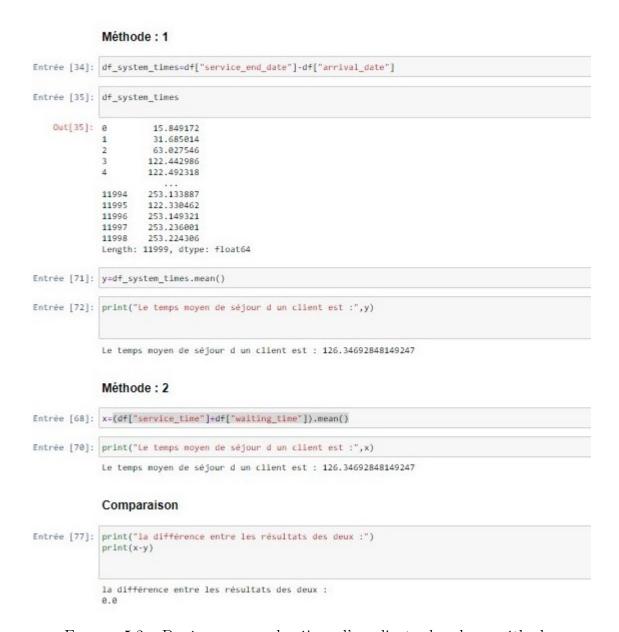


FIGURE 5.2 – Durée moyenne de séjour d'un client selon deux méthodes

Nous avons réalisé ceci a l'aide de deux méthode qui vont comme suit : La manipulation du listing par le biais de la bibliothèque pandas nous donne une durée moyenne de : 126.34692848149247 unité de temps

2.3 La durée moyenne de séjour de chaque catégorie dans le sytème

 \square Pour un client de type A :

```
Entrée [18]: temp_de_sejour_A=(client_A["service_time"]+client_A["waiting_time"]).mean()

Entrée [19]: temp_de_sejour_A

Out[19]: 125.74759762946427
```

FIGURE 5.3 – Temps de séjour d'un client de type A

nous avons trouvé : 125.74759762946427 unités de temps

□ Pour un client de type B :

```
Entrée [22]: temp_de_sejour_B=(client_B["service_time"]+client_B["waiting_time"]).mean()
Entrée [23]: temp_de_sejour_B

Out[23]: 126.87547888628559
```

FIGURE 5.4 – Temps de séjour d'un client de type B

Nous avons trouvé :126.87547888628559 unités de temps

On conclue donc qu'en moyenne, les client de type B séjournent plus que les client de type A dans le système. Ce qui est normal; puisque le taux d'arivée des clients de type B est plus grand que celui de type A sans oublier que le taux de service des clients de type B est plus grand que celui des clients de type A.

Evaluons le pour centage d'activité des serveurs : Comme le montre le graphique suivant, la proportion d'activité des serveurs atteint : 0.9996392723397263 soit : 99,96 %

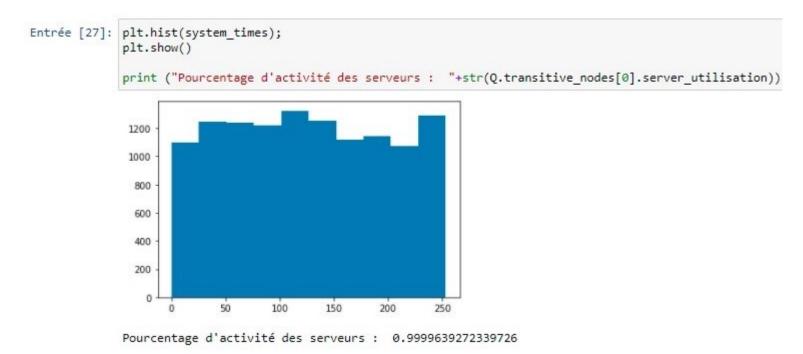


FIGURE 5.5 – Représentation du pourcentage d'activité des serveurs

3 Visualisation de l'évolution du nombre des clients des deux catégories clients

On a prit 4 unités de temps pour visualiser l'évolution des clients.

A l'aide de Matplotlib, on aboutit à ces des représentations :

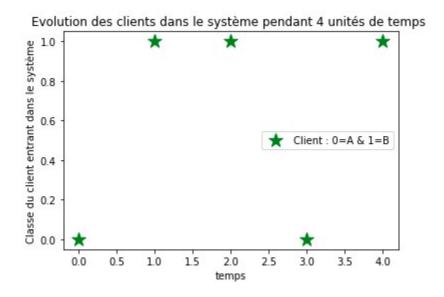


FIGURE 5.6 – Evolution des clients dans le premier serveur

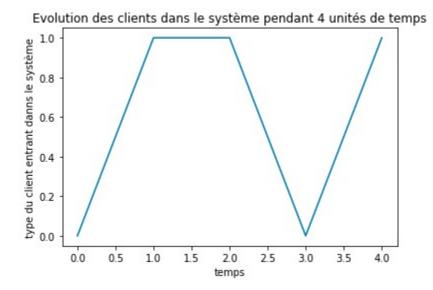


FIGURE 5.7 – Evolution des clients dans le serveur 2

On remarque que pendant 4 unités de temps, les clients de type B viennent plus que ceux de type A, ce qui est expliqué par le taux d'arrivée qui est plus important chez cette catégorie.

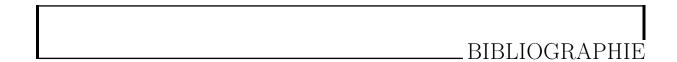
_	_

Au terme de cette étude à la fois théorique et pratique, on a entamé notre étude par un état de l'art de la problématique puis on s'est servi du langage python pour approcher la réalité.

Ceci a été courroné par la génération d'une donnée fiable qui nous a permis par la suite d'évaluer les différentes performances de notre sytème.

Afin de voir toute les documentations et les sources utilisée veuillez vous référer à la bibiliographie.

Enfin, pour avoir une idée claire sur le cheminement de la simulation veuillez voir les annexes présentés à la fin de ce document; vous trouverez le codes et les étapes du projet commentées.



- beginitemize [label = \bullet]
- □ [1]:Introduction to Queueing Systems with Telecommunication Applications
- □ [2] :Recherche opérationnelle pour ingénieurs, Volume 2
- □ [3]: Discrete-Event Simulation Modeling, Programming, and Analysis by George S. Fishman
- □ [4] : Bibliothèque de Ciw [Lien]
- □ [5]: Tutoriel de Python [Lien]
- □ [6] :Excel Data Analysis : Modeling and Simulation Hector Guerrero
- $\hfill\Box$ [7] :Dynamic Systems : Modeling, Simulation, and Control Craig A. Kluever [Lien]
- □ [8] :Description de la bibliothèque Ciw avec python [Lien]
- □ [9] :Ciw, An open-source discrete event simulation library Geraint I. Palmer, Vincent A. Knight, Paul R. Harper Asyl L. Hawa [Lien de l'article]

Annexe A:

1. Importation des bibliothèques

ciw bibliothèque de SED des files d'attentes
pandas pour manipuler le listing
matplotlib pour représentation graphiques
numpy pour les calcules numériques
math réalisation des opérations Arithmétiques
seaborn Bibliothèque de la Data Visualisation

Entrée [8]:

```
import ciw
import pandas as pd
from pandas import DataFrame
import matplotlib as plt
import numpy as np #Calcules numériques
import matplotlib.pyplot as plt#Représentation Graphiques
%matplotlib inline
import math #Réalisation des opération mathématiques
import matplotlib.pyplot as plt
import seaborn as sns #Bibliothèque de La Data_Visualisation
from collections import Counter
```

2. Création du réseaux des files d'attentes

Classe 0 désigne les clients de type A

Classe 1 désigne les clients de type B

Chaque guichet a un seul employé

La matrice de routage est aussi mentionnée

lci on a pas mentionné la capacité c'est par défaut infinie en cas de besoin ci dessous la syntaxe munie d'un exemple

```
queue_capacities=[5, float('inf'), float('inf'), 10]**
```

^{*}Il convient de noter qu'il existe toutes les autres lois dans la bibliothèques Ciw:

Entrée [9]:

3. Lancement de la simulation

Horizon de la simulation est fixé a 10000 unités

Vue que l'exécution prends beaucoup de temps on a décidé de :

On changera cet horizon demandée par 500 unités

```
Entrée [10]:
```

```
ciw.seed(1)
Q = ciw.Simulation(N)
#Horizon de simulations
#Q.simulate_until_max_time(10000.0)
Q.simulate_until_max_time(500.0)
```

4. Collecter la Data communément appelé "Listing"

```
Entrée [11]:
```

```
DATA= Q.get_all_records()
```

Out[12]:

[Record(id_number=341, customer_class=0, node=1, arrival_date=13.864202318 937666, waiting_time=15.766565649087232, service_start_date=29.63076796802 4898, service_time=0.08260641943935099, service_end_date=29.7133743874642 5, time_blocked=0.0, exit_date=29.71337438746425, destination=1, queue_siz e_at_arrival=340, queue_size_at_departure=749),

Record(id_number=341, customer_class=1, node=1, arrival_date=29.713374387 46425, waiting_time=31.661843518360484, service_start_date=61.375217905824 734, service_time=0.023170610975839168, service_end_date=61.3983885168005 7, time_blocked=0.0, exit_date=61.39838851680057, destination=1, queue_siz e at arrival=749, queue size at departure=1504),

Record(id_number=341, customer_class=1, node=1, arrival_date=61.398388516 80057, waiting_time=62.9923982780601, service_start_date=124.3907867948606 7, service_time=0.03514766141788073, service_end_date=124.42593445627855, time_blocked=0.0, exit_date=124.42593445627855, destination=1, queue_size_at_arrival=1504, queue_size_at_departure=3058),

Record(id_number=341, customer_class=0, node=1, arrival_date=124.42593445 627855, waiting_time=122.30076109391831, service_start_date=246.7266955501 9687, service time=0.14222462652423928, service end date=246.868920176721

5. Restituer la donnée aquise

Comme vous remarquez en haut le listing fourni en une liste de tuples ce qui n'est pas réutilisable par la suite

La bibliothèque pandas nous permettra d'organiser les données dans un tableau format CSV qu'on va convertir en format xls a l'aide Power Query

Entrée [13]:

Out[14]:

	id_number	customer_class	node	arrival_date	waiting_time	service_start_date	service_
0	341	0	1	13.864202	15.766566	29.630768	0.08
1	341	1	1	29.713374	31.661844	61.375218	0.02
2	341	1	1	61.398389	62.992398	124.390787	0.03
3	341	0	1	124.425934	122.300761	246.726696	0.14
4	3060	1	1	124.439122	122.429798	246.868920	0.06
11994	6045	0	1	246.708942	253.118210	499.827151	0.01
11995	3059	1	1	124.396233	122.224179	246.620412	0.10
11996	3059	1	1	246.726696	253.116133	499.842829	0.03
11997	6046	1	1	246.758080	253.117936	499.876016	0.11
11998	6047	1	1	246.773794	253.220287	499.994081	0.00

11999 rows x 13 columns

6. Afficher le Dataframe

	16)								
orint(a+)								
	id_number	customer_	_class	node	arrival_date	waiti	ing_time	\	
)	341		0	1	13.864202	15	.766566		
1	341		1	1	29.713374	31	L.661844		
<u> </u>	341		1	1	61.398389	62	2.992398		
3	341		0	1	124.425934	122	2.300761		
	3060		1	1	124.439122	122	2.429798		
					•••				
.1994	6045		0	1	246.708942		3.118210		
1995	3059		1	1	124.396233	122	2.224179		
.1996	3059		1	1	246.726696		3.116133		
.1997	6046		1	1	246.758080		3.117936		
1998	6047		1	1	246.773794	253	3.220287		
	service_st	art_date	servic	e_time	service_end_	date	time_blo	cked	\
)	2	9.630768	0.	082606	29.71	.3374		0.0	
	6	1.375218	0.	023171	61.39	8389		0.0	
2	12	4.390787	0.	035148	124.42	5934		0.0	
3	24	6.726696	0.	142225	246.86	8920		0.0	
	24	6.868920	0.	062520	246.93	1440		0.0	
 1994	49	 9.827151	a	 015678	499.84	2829		0.0	
1995		6.620412		106283				0.0	
1996		9.842829		033187				0.0	
1997		9.876016		118064				0.0	
1998		9.994081		004019				0.0	
	exit_date	destina	tion q	lueue_s	ize_at_arrival	que	ue_size_a	t_dep	artu
e)	00 740074		4		2.40				_
	29.713374		1		340)			7
9	64 300300				7.0				4-
4	61.398389		1		749)			15
4	124 425024		1		1504				20
	124.425934		1		1504	•			30
8	246 060020		1		2050	,			60
} 10	246.868920		T		3058	•			60
18 1	246 021440		1		3059	,			60
50	246.931440		1		2626	•			99
					_				
• •	• • •		• • •		•••				
 L1994	499.842829		1		6044	L			122
35			_		0044				
.1995	246.726696		1		3058	ł			60
4	2-0.720030		4		5000	•			50
11996	499.876016		1		6044	Ĺ			122
38	.55.07.0010		-		0044				
1997	499.994081		1		6045	i			122
90			-		2343				
L1998	499.998100		1		6046	,			122
0			=		23.0				

[11999 rows x 13 columns]

7. Exporter les données

```
df.to_csv ('DATA.csv', index = False , header=True)
df
df.to_csv('DATA.csv')
```

8. Aficher le Dataframe

```
Entrée [17]:
```

```
df=df.rename(columns={"Unnamed: 1":"time"})
```

Entrée [18]:

df

Out[18]:

	id_number	customer_class	node	arrival_date	waiting_time	service_start_date	service_
0	341	0	1	13.864202	15.766566	29.630768	0.08
1	341	1	1	29.713374	31.661844	61.375218	0.02
2	341	1	1	61.398389	62.992398	124.390787	0.03
3	341	0	1	124.425934	122.300761	246.726696	0.14
4	3060	1	1	124.439122	122.429798	246.868920	0.06
		•••					
11994	6045	0	1	246.708942	253.118210	499.827151	0.01
11995	3059	1	1	124.396233	122.224179	246.620412	0.10
11996	3059	1	1	246.726696	253.116133	499.842829	0.03
11997	6046	1	1	246.758080	253.117936	499.876016	0.11
11998	6047	1	1	246.773794	253.220287	499.994081	0.00
11999 1	rows × 13 cc	olumns					

9. Nombre total des clients réparties en deux à l'issue de la simulation

```
Entrée [19]:
```

```
Counter([client.customer_class for client in DATA])
```

Out[19]:

Counter({0: 5623, 1: 6376})

```
print("On a 5623 clients de type A \n On a 6376 clients de types B ")
On a 5623 clients de type A
On a 6376 clients de types B
```

10. Etude de la stabilité du système

```
Entrée [21]:
```

```
#taux d'ocupation noté gho
print("le taux d'ocuppation de la file du guichet 1 est : ",8/20)

le taux d'ocuppation de la file du guichet 1 est : 0.4

Entrée [22]:
print("le taux d'ocuppation de la file du guichet 2 est : ",17/30)
```

```
le taux d'ocuppation de la file du guichet 2 est : 0.566666666666667
```

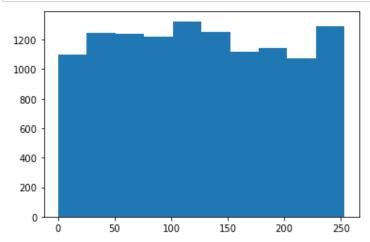
On conclue donc que le réseaux est stable puisque les deux taux d'occupation sont inférieurs à 1

```
Entrée [26]:
```

```
system_times=[client.service_end_date-client.arrival_date for client in DATA]
moyenne_system_times=sum(system_times)/len(system_times)
```

12. Représentation du pourcentage d'activité des serveurs

```
plt.hist(system_times);
plt.show()
print ("Pourcentage d'activité des serveurs : "+str(Q.transitive_nodes[0].server_utilisati
```



Pourcentage d'activité des serveurs : 0.9999639272339726

13 Calcul de la durée Moyenne de séjour d'un client dans le système

Méthode: 1

```
Entrée [28]:
```

```
df_system_times=df["service_end_date"]-df["arrival_date"]
```

Entrée [29]:

```
df_system_times
```

Out[29]:

```
0
          15.849172
1
          31.685014
2
          63.027546
3
         122.442986
         122.492318
11994
         253.133887
11995
         122.330462
11996
         253.149321
11997
         253.236001
11998
         253,224306
Length: 11999, dtype: float64
```

Entrée [30]:

```
y=df_system_times.mean()
```

```
Entrée [31]:
```

```
print("Le temps moyen de séjour d un client est :",y)
```

Le temps moyen de séjour d un client est : 126.34692848149247

Méthode: 2

```
Entrée [32]:
```

```
x=(df["service_time"]+df["waiting_time"]).mean()
```

Entrée [33]:

```
print("Le temps moyen de séjour d un client est :",x)
```

Le temps moyen de séjour d un client est : 126.34692848149247

Comparaison

Entrée [34]:

```
print("la différence entre les résultats des deux méthode :")
print(x-y)
print("Puisque la différence est nulle on conclue que les deux méthodes sont equivalentes "
```

la différence entre les résultats des deux méthode :

Puisque la différence est nulle on conclue que les deux méthodes sont equiva lentes

14. Le nombre moyen de clients dans chaque catégorie

```
Entrée [36]:
```

```
N_A=(0.4/0.6)
print("le nombre moyen de client dans la file 1 est :",N_A )
```

le nombre moyen de client dans la file 1 est : 0.66666666666666667

Entrée [37]:

```
N_B=(0.56/0.44)
print("le nombre moyen de client dans la file 1 est :",N_B )
```

le nombre moyen de client dans la file 1 est : 1.2727272727273

Annexe B:

Entrée [1]:

```
import ciw
import pandas as pd
from pandas import DataFrame
import matplotlib as plt
import numpy as np #Calcules numériques
import matplotlib.pyplot as plt#Représentation Graphiques
%matplotlib inline
import math #Réalisation des opération mathématiques
import matplotlib.pyplot as plt
import seaborn as sns #Bibliothèque de La Data_Visualisation
from collections import Counter
```

Entrée [9]:

df=pd.read_csv(r'C:\Users\BOULHANNA\Desktop\INSEA S4\s4\SIMULATION\simulation_projet\output

Entrée [10]:

df

Out[10]:

	time	id_number	customer_class	node	arrival_date	waiting_time	service_start_date
0	0	341	0	1	13.864202	15.766566	29.630768
1	1	341	1	1	29.713374	31.661844	61.375218
2	2	341	1	1	61.398389	62.992398	124.390787
3	3	341	0	1	124.425934	122.300761	246.726696
4	4	3060	1	1	124.439122	122.429798	246.868920
11994	11994	6045	0	1	246.708942	253.118210	499.827151
11995	11995	3059	1	1	124.396233	122.224179	246.620412
11996	11996	3059	1	1	246.726696	253.116133	499.842829
11997	11997	6046	1	1	246.758080	253.117936	499.876016
11998	11998	6047	1	1	246.773794	253.220287	499.994081

11999 rows x 14 columns

Entrée [11]:

```
df.set_index('time')
```

Out[11]:

	id_number	customer_class	node	arrival_date	waiting_time	service_start_date	service_
time							
0	341	0	1	13.864202	15.766566	29.630768	0.08
1	341	1	1	29.713374	31.661844	61.375218	0.02
2	341	1	1	61.398389	62.992398	124.390787	0.03
3	341	0	1	124.425934	122.300761	246.726696	0.14
4	3060	1	1	124.439122	122.429798	246.868920	0.06
11994	6045	0	1	246.708942	253.118210	499.827151	0.01
11995	3059	1	1	124.396233	122.224179	246.620412	0.10
11996	3059	1	1	246.726696	253.116133	499.842829	0.03
11997	6046	1	1	246.758080	253.117936	499.876016	0.11
11998	6047	1	1	246.773794	253.220287	499.994081	0.00

11999 rows x 13 columns

Entrée [12]:

client_A=df[df["customer_class"]==0]

Entrée [13]:

client_A

Out[13]:

	time	id_number	customer_class	node	arrival_date	waiting_time	service_start_date		
0	0	341	0	1	13.864202	15.766566	29.630768		
3	3	341	0	1	124.425934	122.300761	246.726696		
5	5	3061	0	1	124.441738	122.489702	246.931440		
7	7	3063	0	1	124.479272	122.551015	247.030287		
11	11	751	0	1	61.406459	63.019476	124.425934		
11987	11987	1505	0	1	124.390787	122.145543	246.536329		
11988	11988	1505	0	1	246.572842	253.052003	499.624845		
11990	11990	3058	0	1	124.395734	122.177108	246.572842		
11992	11992	6043	0	1	246.656917	253.113193	499.770111		
11994	11994	6045	0	1	246.708942	253.118210	499.827151		
5623 rc	5623 rows × 14 columns								

Entrée [18]:

```
temp_de_sejour_A=(client_A["service_time"]+client_A["waiting_time"]).mean()
```

Entrée [19]:

temp_de_sejour_A

Out[19]:

125.74759762946427

Entrée [20]:

```
client_B=df[df["customer_class"]==1]
```

```
1 client_B
```

Out[21]:

	time	id_number	customer_class	node	arrival_date	waiting_time	service_start_date
1	1	341	1	1	29.713374	31.661844	61.375218
2	2	341	1	1	61.398389	62.992398	124.390787
4	4	3060	1	1	124.439122	122.429798	246.868920
6	6	3062	1	1	124.474099	122.488430	246.962528
8	8	3064	1	1	124.499461	122.809374	247.308834
11993	11993	6044	1	1	246.698625	253.102845	499.801470
11995	11995	3059	1	1	124.396233	122.224179	246.620412
11996	11996	3059	1	1	246.726696	253.116133	499.842829
11997	11997	6046	1	1	246.758080	253.117936	499.876016
11998	11998	6047	1	1	246.773794	253.220287	499.994081

6376 rows x 14 columns

4

Entrée [22]:

```
temp_de_sejour_B=(client_B["service_time"]+client_B["waiting_time"]).mean()
```

Entrée [23]:

```
temp_de_sejour_B
```

Out[23]:

126.87547888628559

Entrée [26]:

```
Exemple_4_unit_time=df[:5]
```

```
Exemple_4_unit_time
```

Out[27]:

	time	id_number	customer_class	node	arrival_date	waiting_time	service_start_date	servic
0	0	341	0	1	13.864202	15.766566	29.630768	0.
1	1	341	1	1	29.713374	31.661844	61.375218	0.
2	2	341	1	1	61.398389	62.992398	124.390787	0.
3	3	341	0	1	124.425934	122.300761	246.726696	0.
4	4	3060	1	1	124.439122	122.429798	246.868920	0.

Entrée [28]:

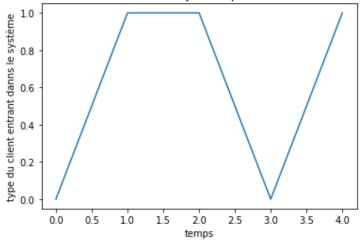
Exemple_4_unit_time.set_index("time")

Out[28]:

	id_number	customer_class	node	arrival_date	waiting_time	service_start_date	service_t
time							
0	341	0	1	13.864202	15.766566	29.630768	0.082
1	341	1	1	29.713374	31.661844	61.375218	0.023
2	341	1	1	61.398389	62.992398	124.390787	0.035
3	341	0	1	124.425934	122.300761	246.726696	0.142
4	3060	1	1	124.439122	122.429798	246.868920	0.062
4							•

```
# x axis values
x = Exemple_4_unit_time["time"]
# corresponding y axis values
y = Exemple_4_unit_time["customer_class"]
# plotting the points
plt.plot(x, y)
# naming the x axis
plt.xlabel('temps')
# naming the y axis
plt.ylabel('type du client entrant danns le système')
# giving a title to my graph
plt.title('Evolution des clients dans le système pendant 4 unités de temps')
# function to show the plot
plt.show()
```





```
import matplotlib.pyplot as plt
# x axis values
x =Exemple_4_unit_time["time"]
# corresponding y axis values
y = Exemple_4_unit_time["customer_class"]
# plotting points as a scatter plot
plt.scatter(x, y, label= "Client : 0=A & 1=B", color= "green",
            marker= "*", s=200)
# x-axis label
plt.xlabel('temps')
# frequency label
plt.ylabel('Classe du client entrant dans le système')
# plot title
plt.title('Evolution des clients dans le système pendant 4 unités de temps ')
# showing Legend
plt.legend()
# function to show the plot
plt.show()
```



