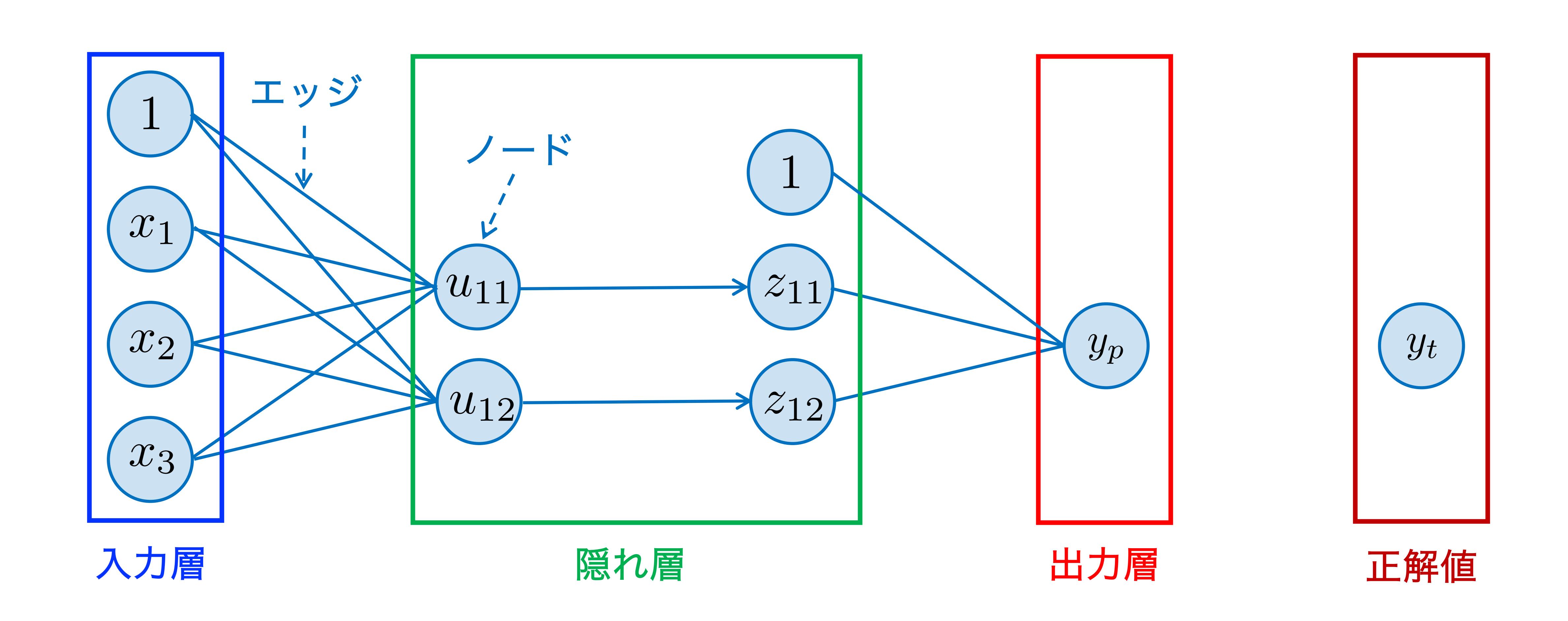
# 機械学習也完

# 1. 機械学習の基礎 (ニューラルネットワーク)

別所秀将

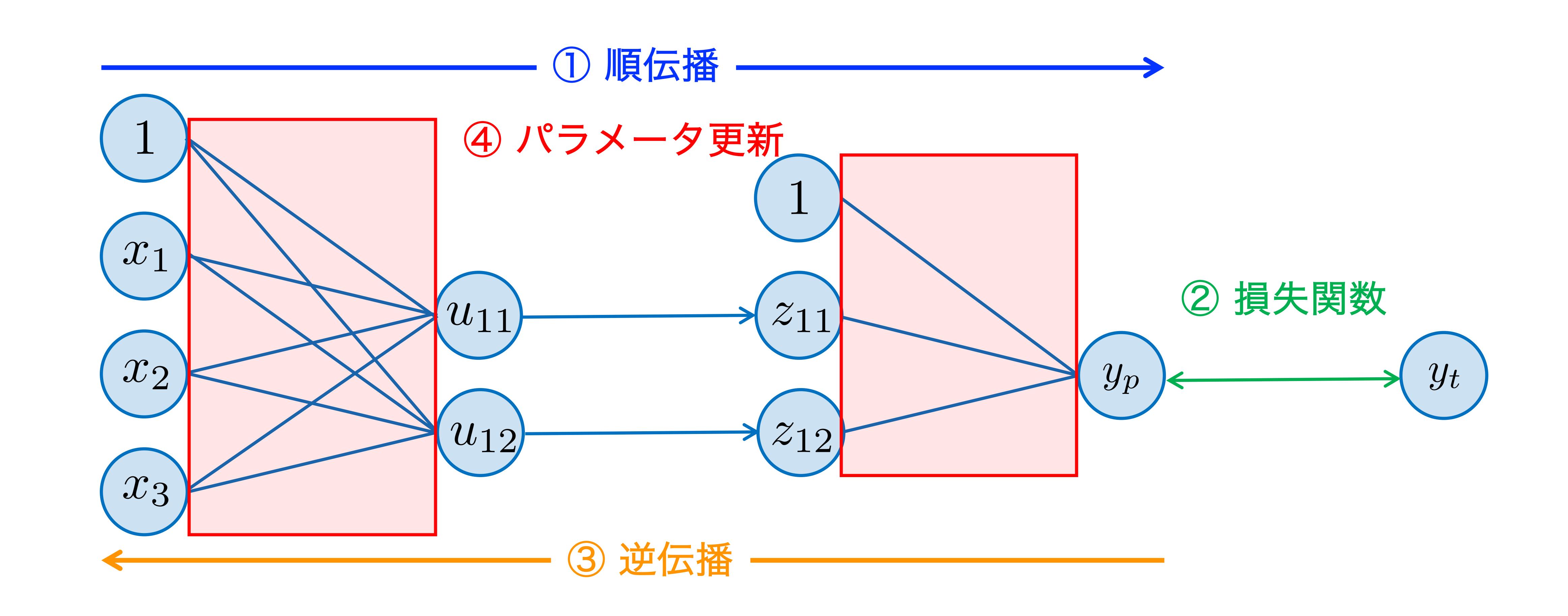
#### 1. ニューラルネットワークとは

■ニューラルネットワークの構造

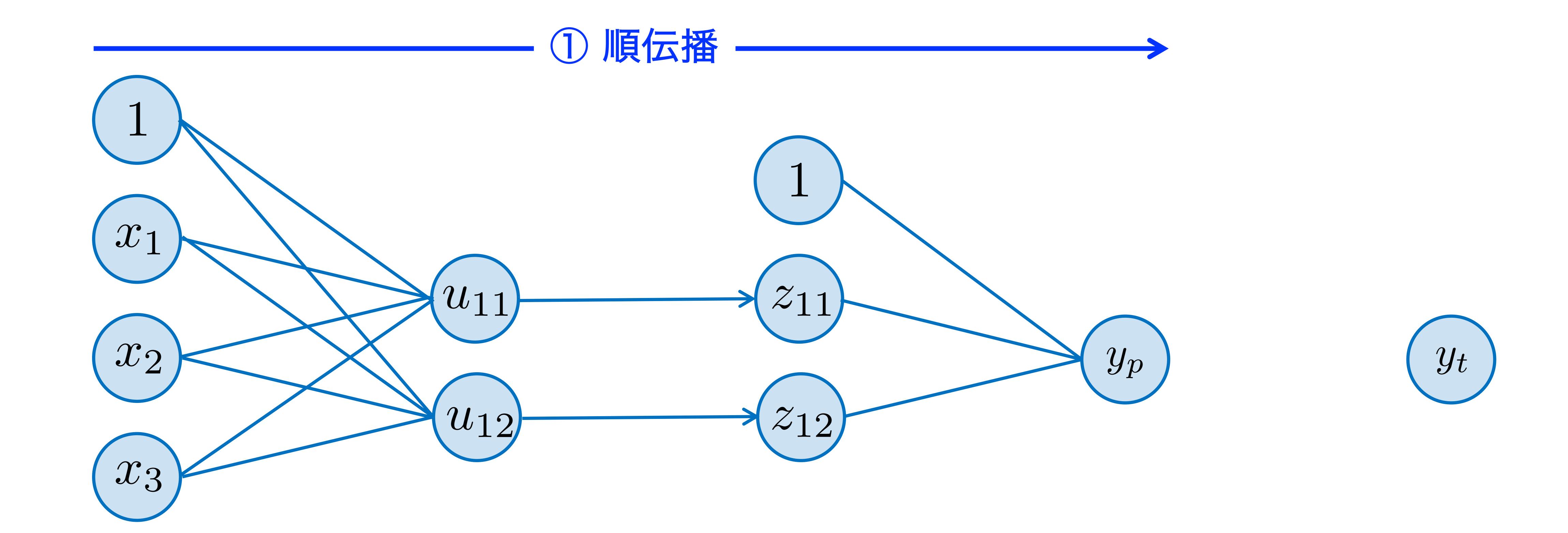


#### 1. ニューラルネットワークとは

■ニューラルネットワークの構造

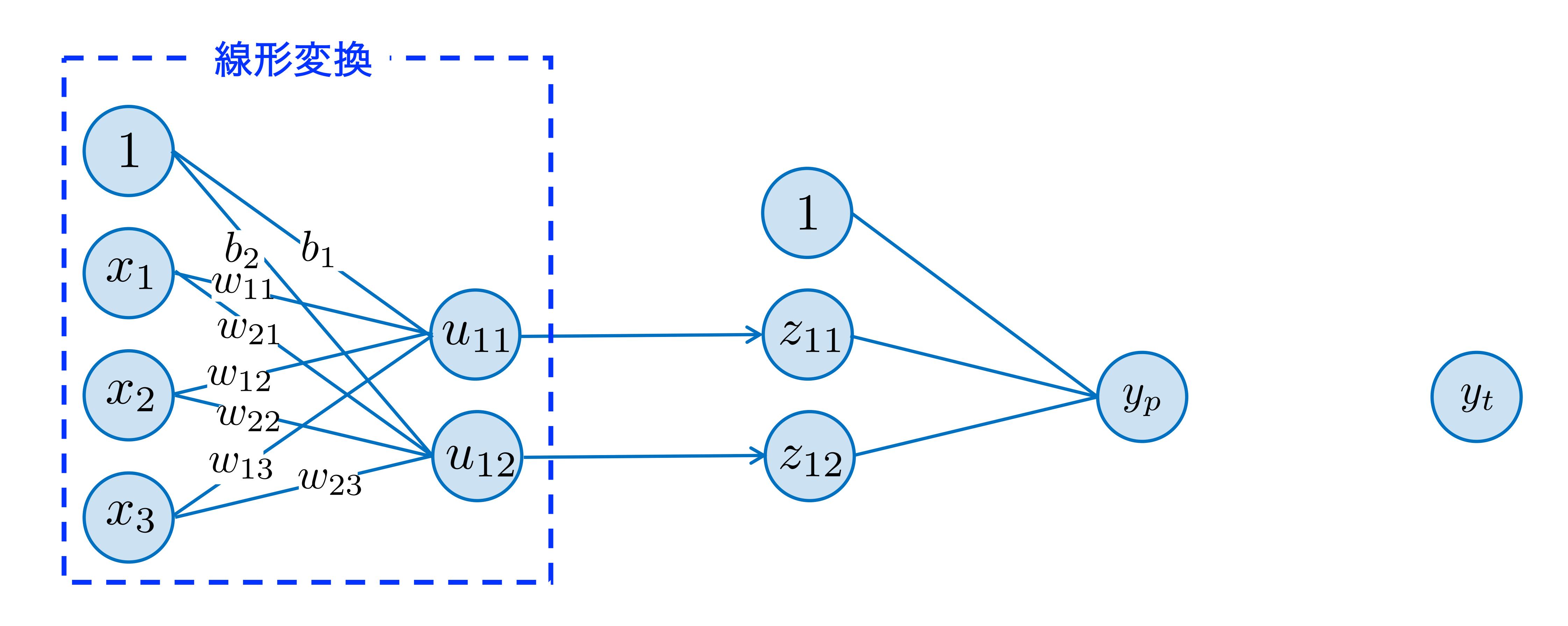


# 2. 顺石播



### 2. 順位法

#### 国線形変換

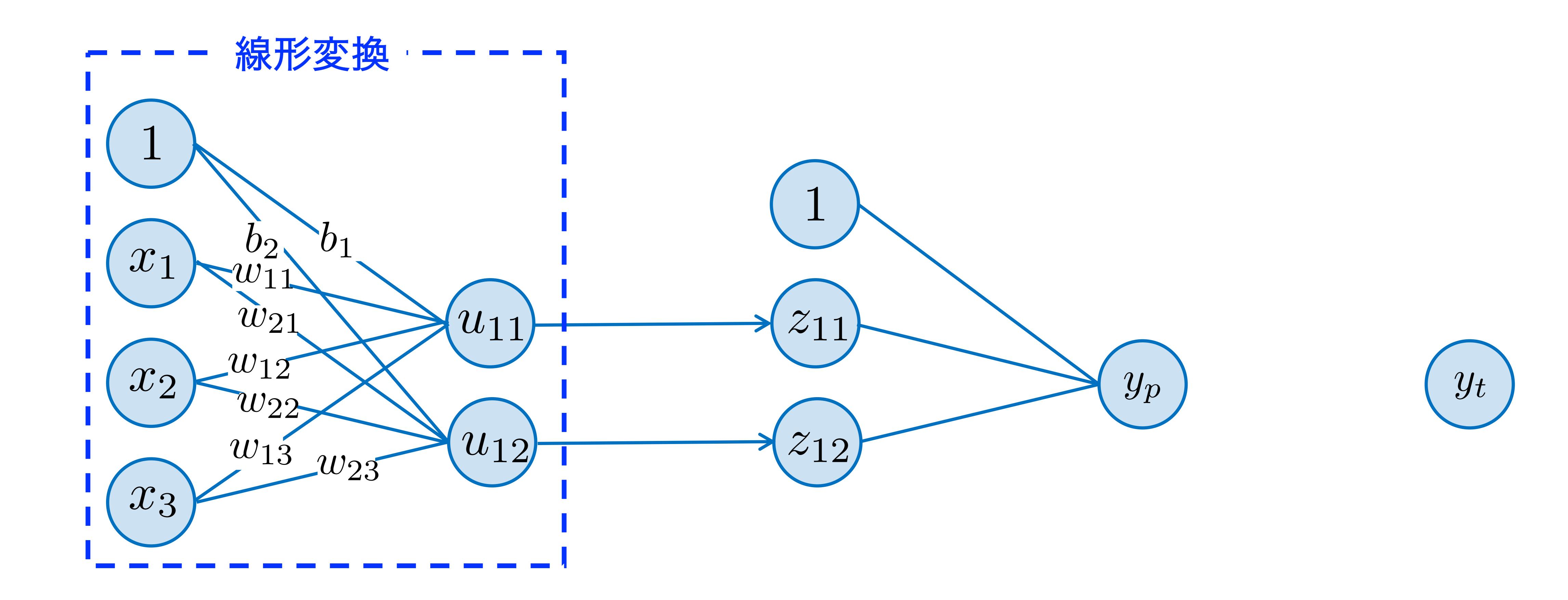


$$u_{11} = w_{11}x_1 + w_{12}x_2 + w_{13}x_3 + b_1$$
  

$$u_{12} = w_{21}x_1 + w_{22}x_2 + w_{23}x_3 + b_2$$

### 2. 順位法

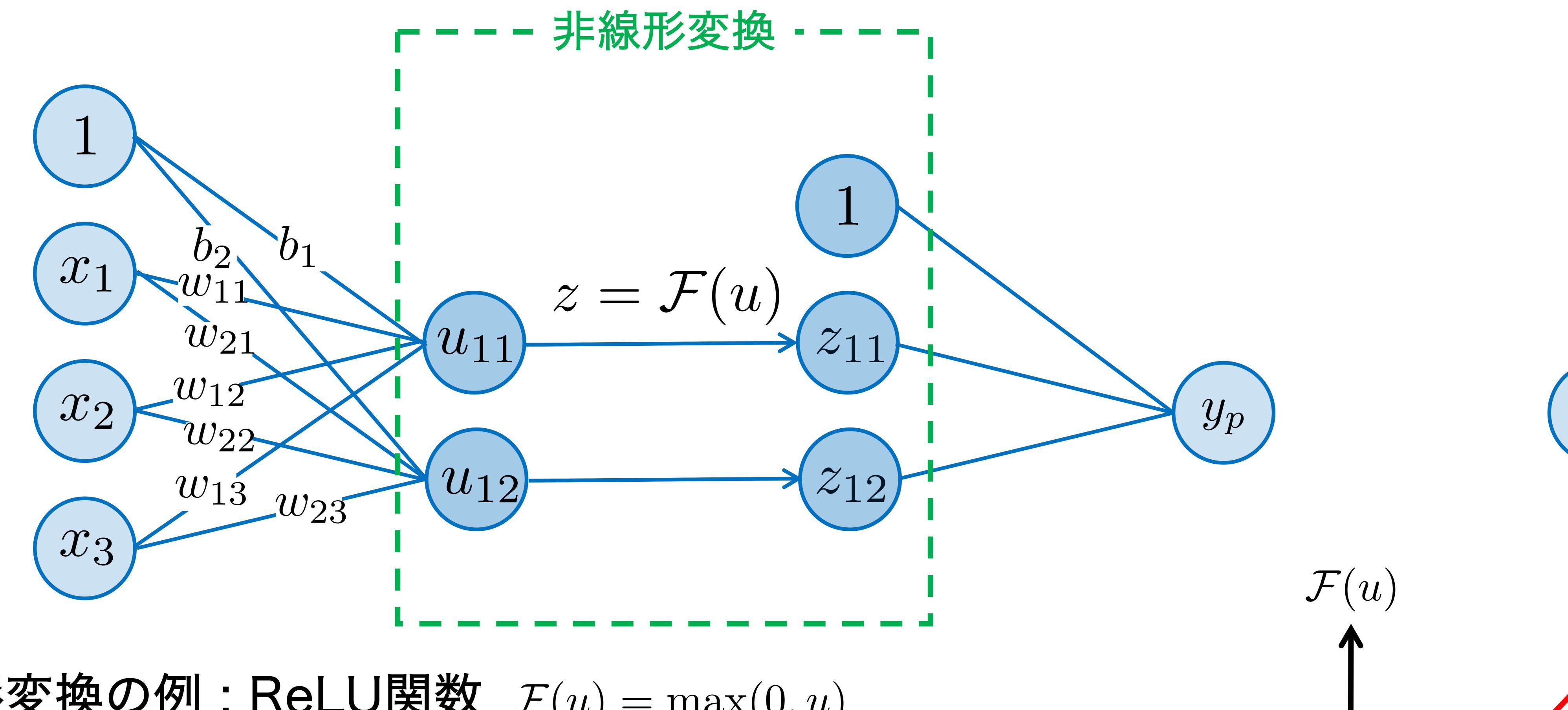
#### 国線形変換



$$\begin{bmatrix} u_{11} \\ u_{12} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} w_{11} & w_{12} & w_{13} \\ w_{21} & w_{22} & w_{23} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \end{bmatrix} \quad \text{or} \quad \mathbf{u} = \mathbf{w}\mathbf{x} + \mathbf{b}$$

### 2. 順位法籍

#### 国非線形変換

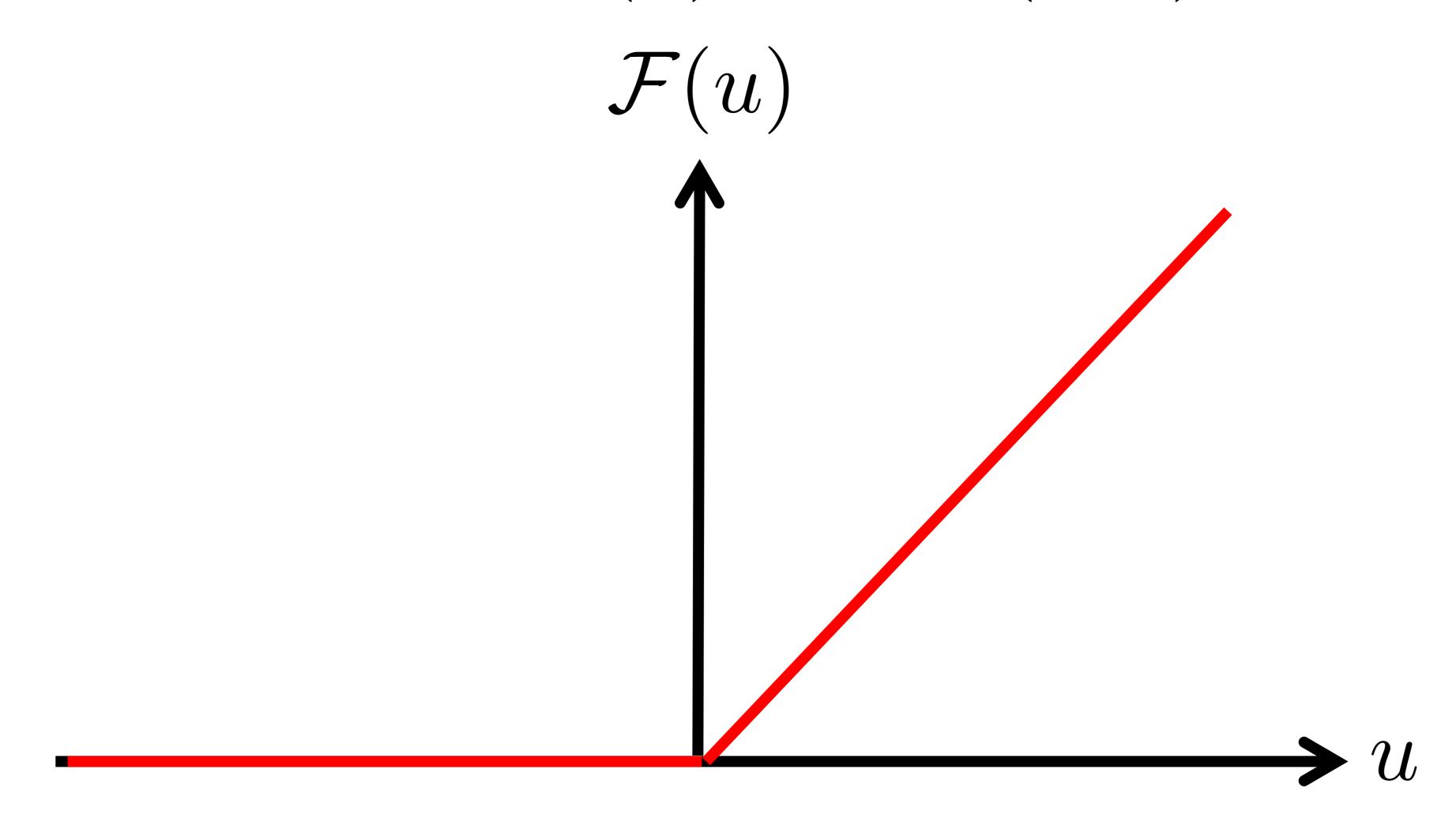


・非線形変換の例:ReLU関数  $\mathcal{F}(u) = \max(0, u)$ 

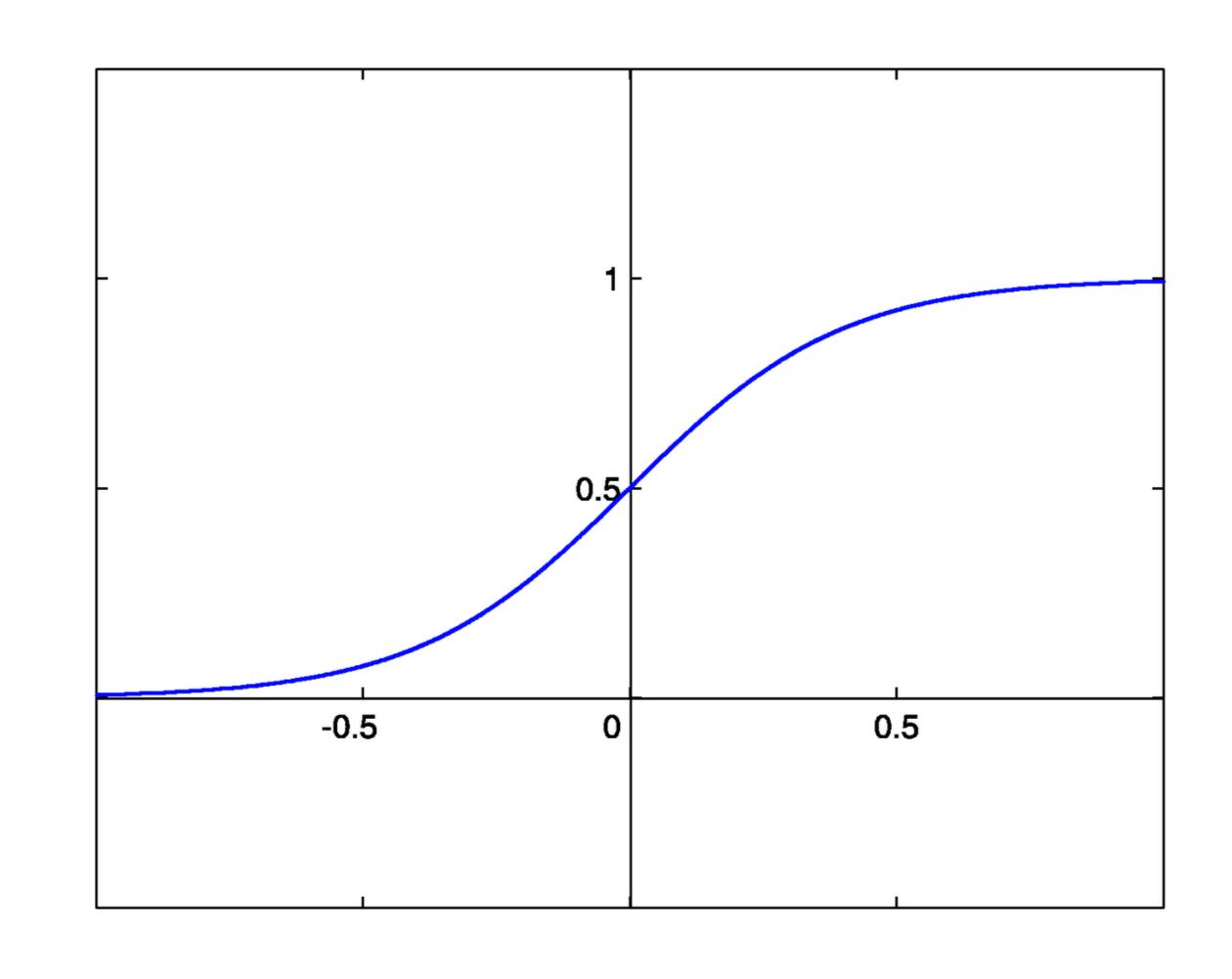
### 2. 順位法籍

#### 国非線形変換

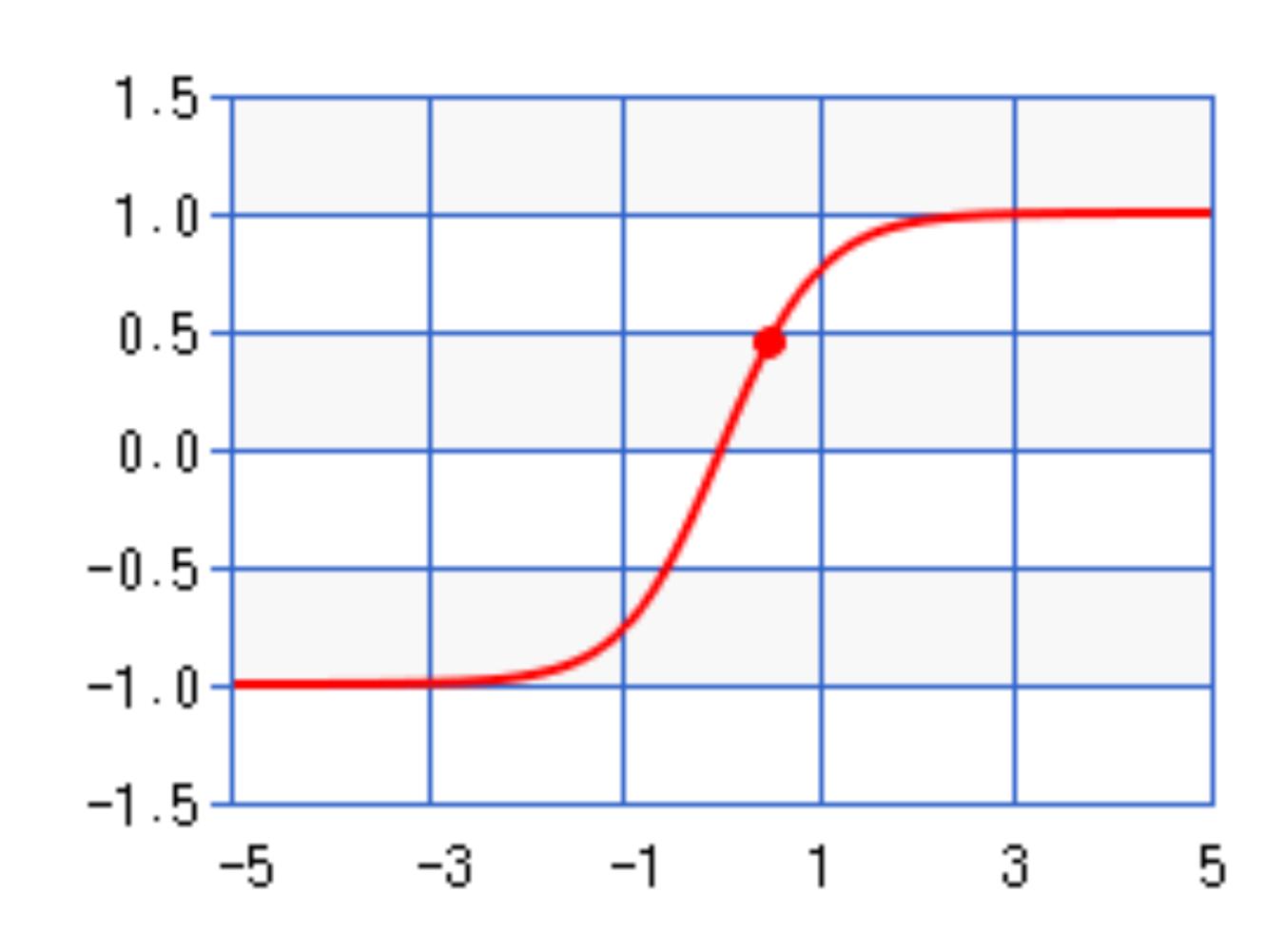
- ・非線形変換の例
  - ightharpoonup ReLU関数  $\mathcal{F}(u) = \max(0, u)$



> シグモイド関数  $\mathcal{F}(u) = 1/(1 + e^{-u})$ 

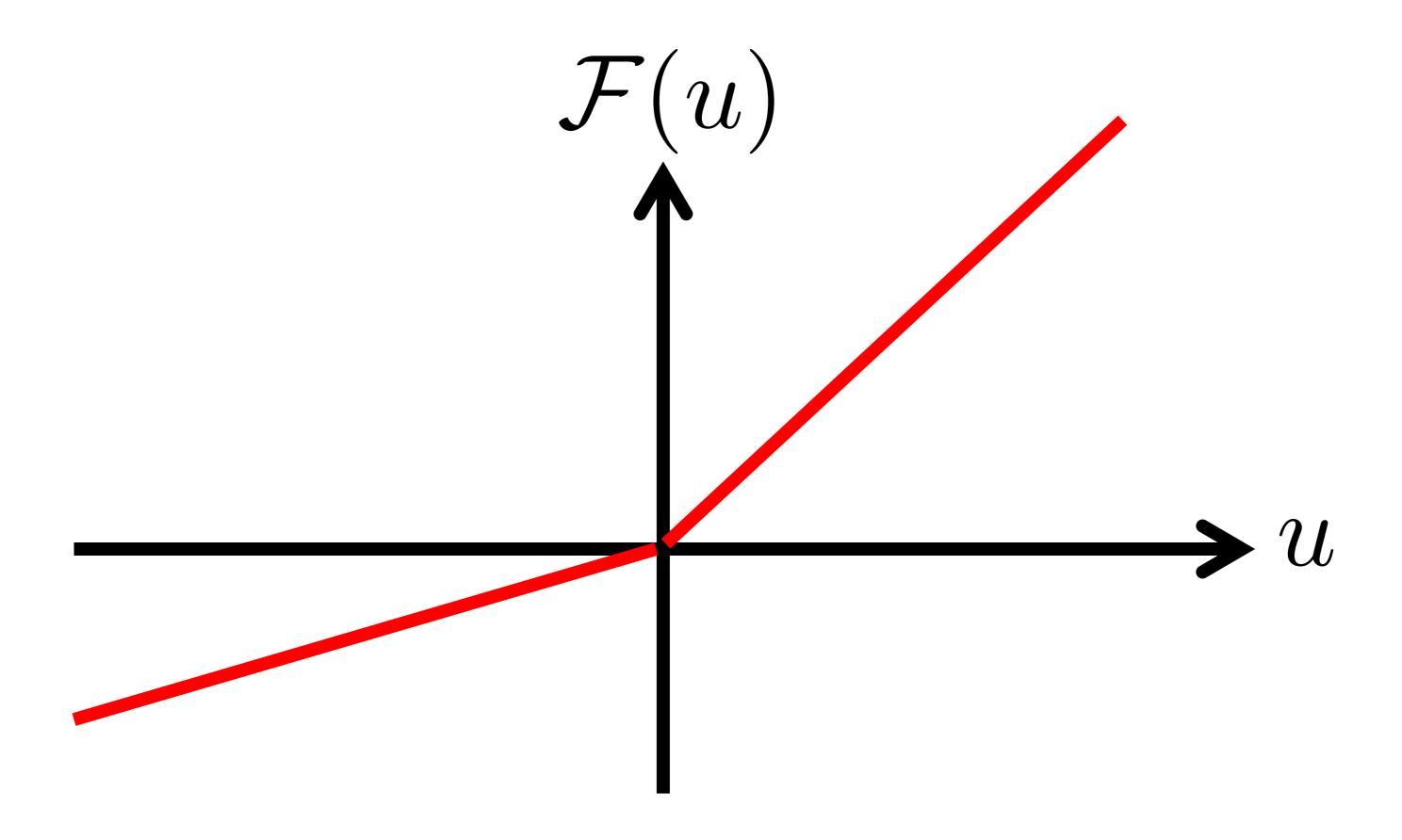


[ウィキペディア]



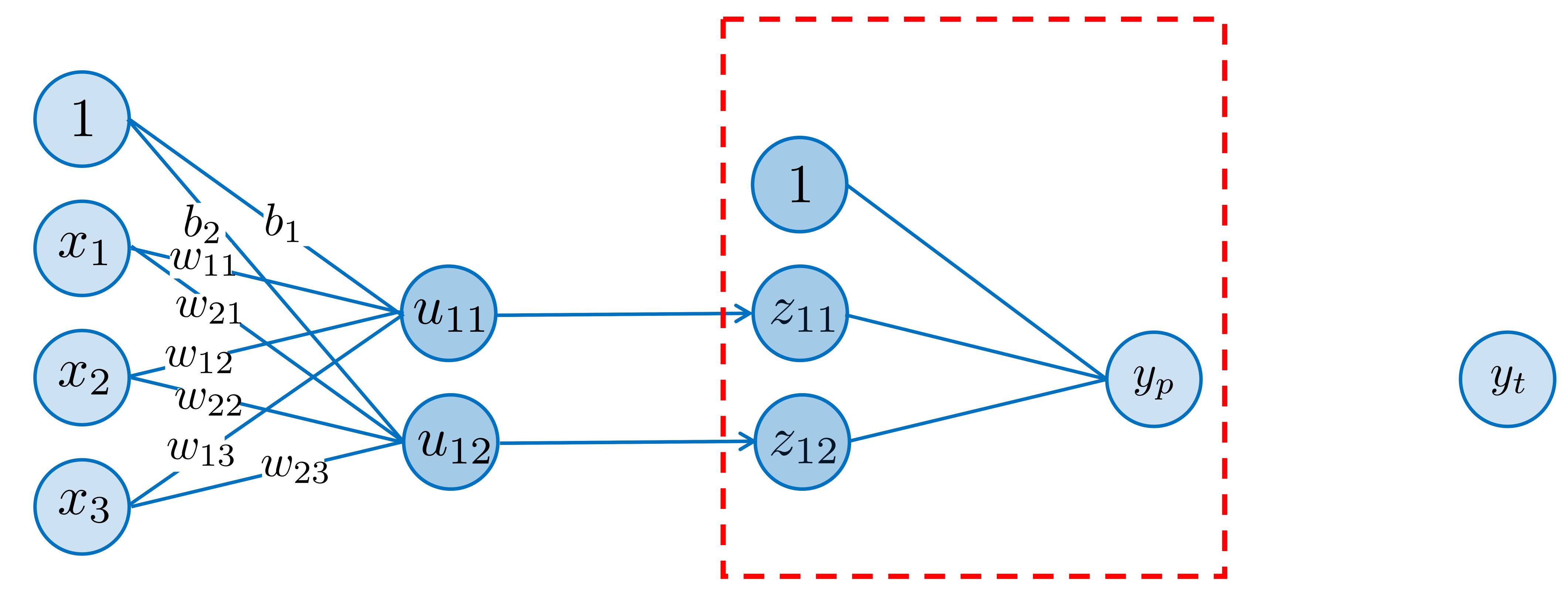
[https://keisan.casio.jp/exec/system/1541125775]

> Leaky ReLU関数



## 2. 順位法

#### 出力層

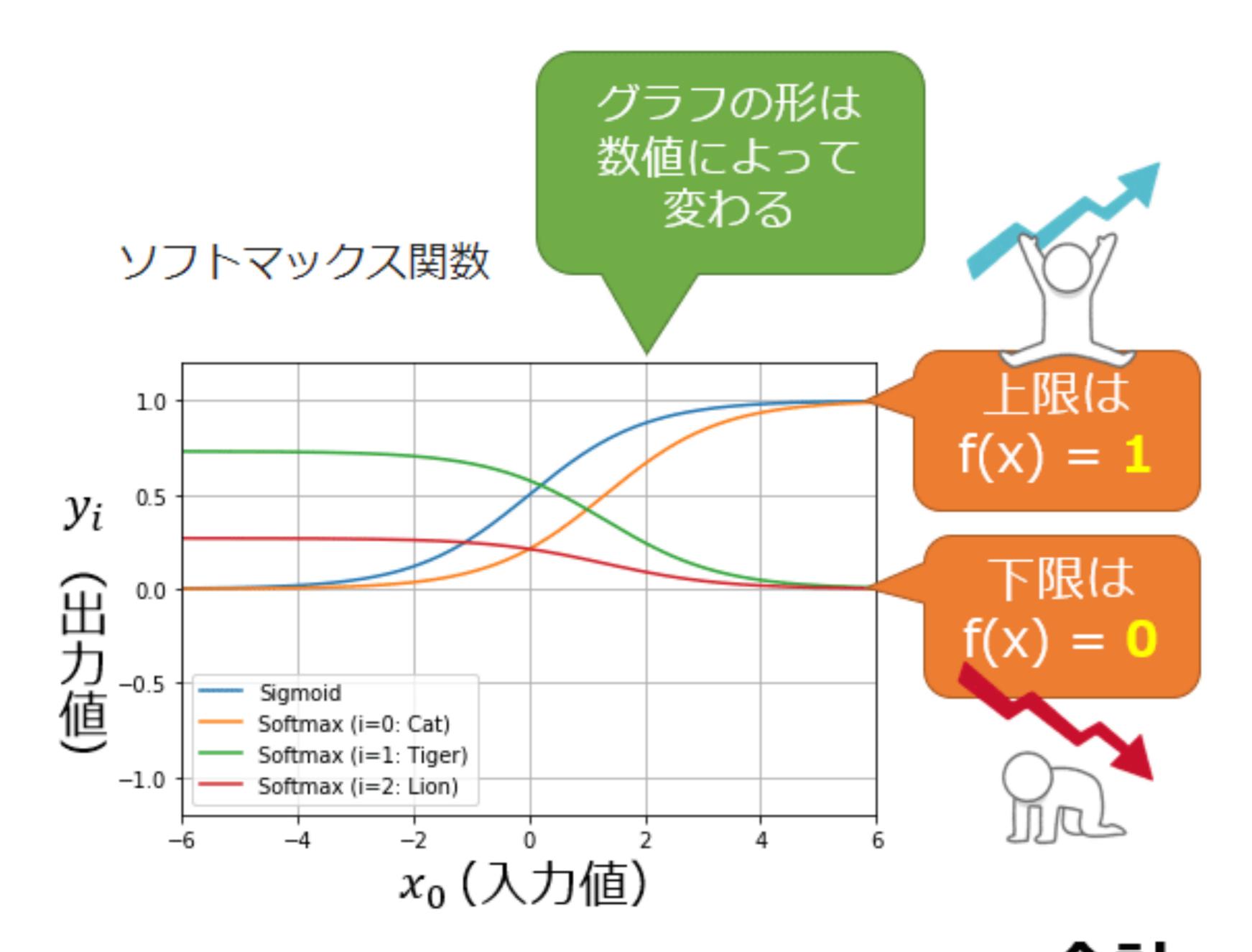


●線形変換+非線形変換(出力層用)

### 2. 順位法

#### 出出力層

- ●非線形変換(出力層用)
  - > 回帰問題:恒等関数  $\mathcal{F}(u) = u$
  - $ightharpoonup 分類問題:ソフトマックス関数 <math>\mathcal{F}(u_j) = \frac{e^{u_j}}{\sum_j e^{u_j}}$

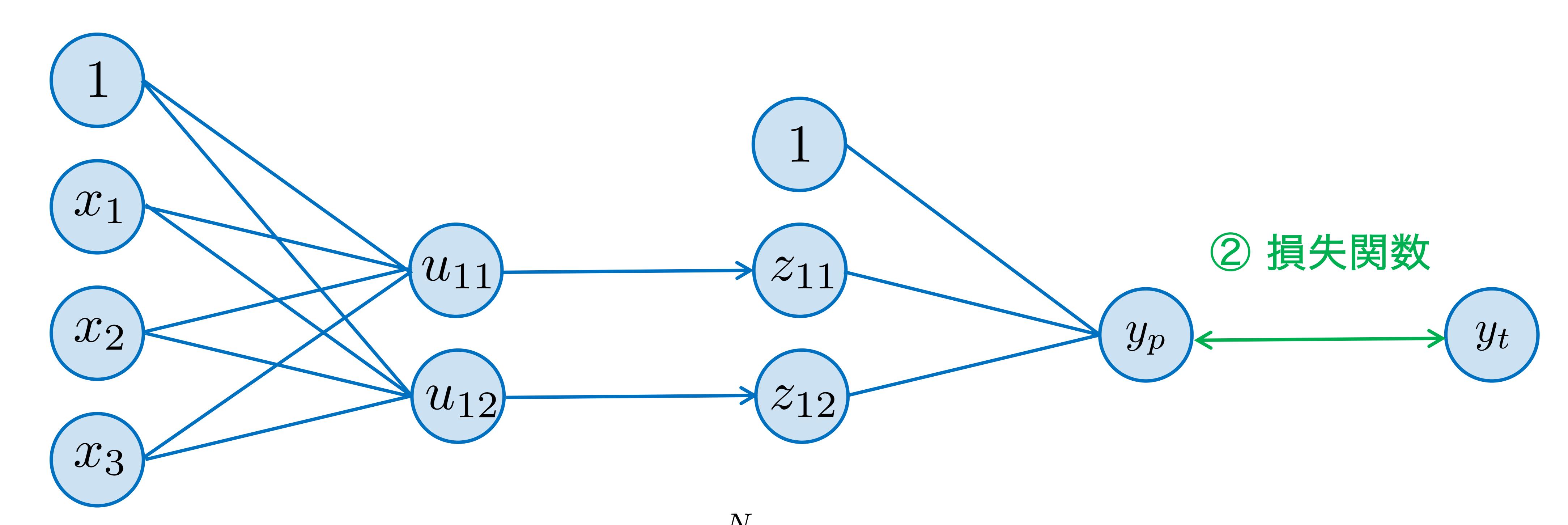


オレンジ色の線がSoftmax関数(猫)合計緑色の線がSoftmax関数(虎)1.0赤色の線がSoftmax関数(ライオン)になる青色の線は参考比較用のシグモイド関数

[https://atmarkit.itmedia.co.jp/ait/articles/2004/08/news016.html]

### 3. 損失敗

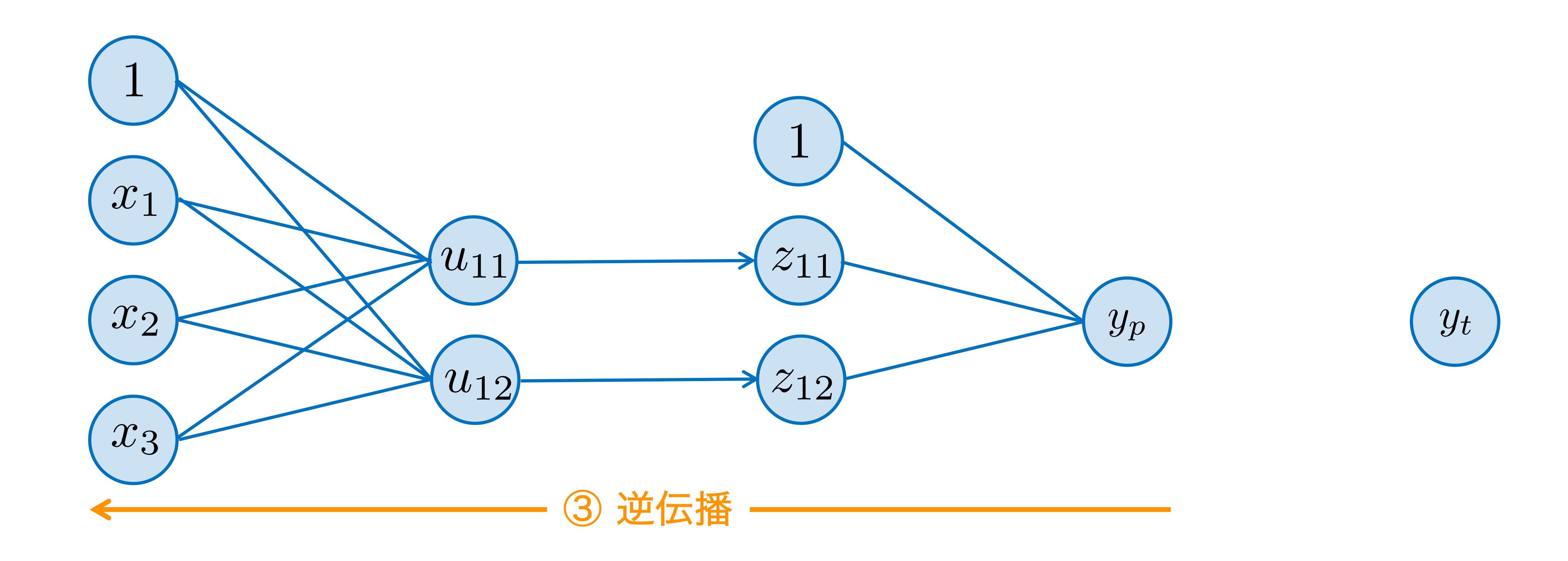
■損失関数:予測値と正解値の誤差を表す関数



ightharpoonup回帰問題:平均二乗誤差 (MSE)  $\mathcal{L}=rac{1}{N}\sum_{j=1}^{N}(y_p-y_t)^2$ 

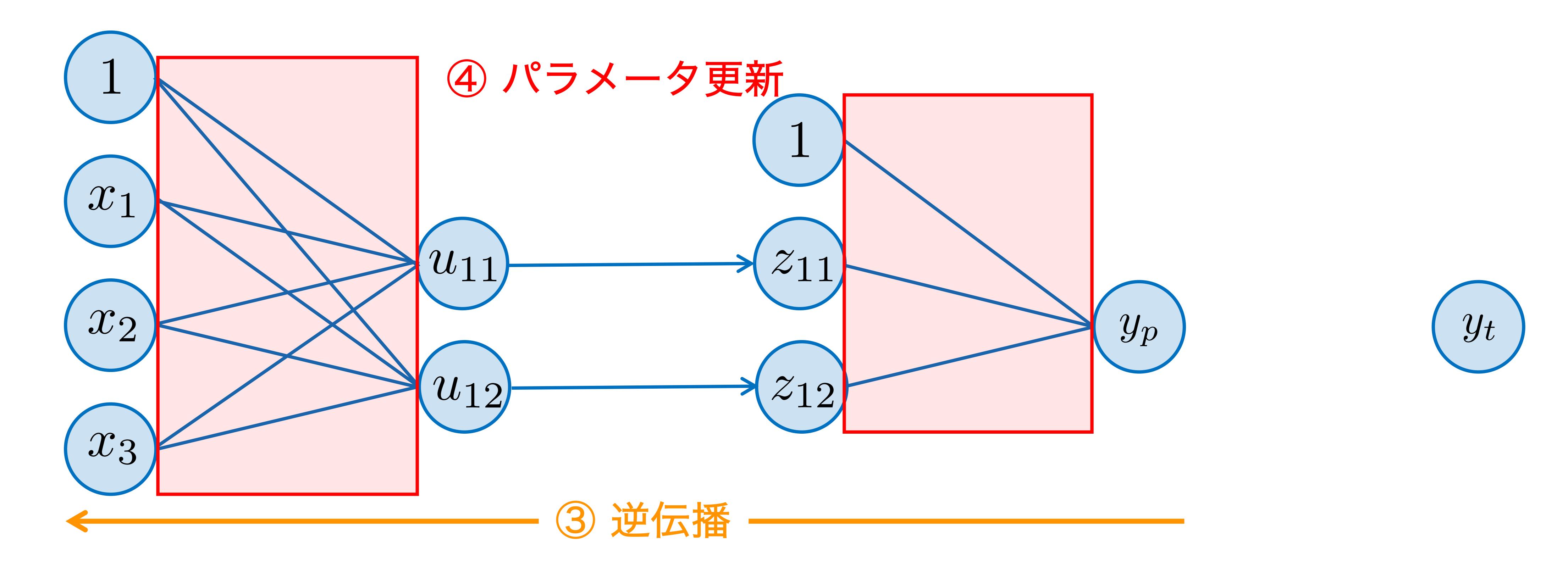
 $ightharpoonup 分類問題:交差エントロピー誤差 <math>\mathcal{L} = -\sum_{i=1}^N y_t^j \log y_p^j$ 

- ■なぜ逆伝播する?
  - (誤差)逆伝播:重みパラメータに対する損失関数の勾配を計算する



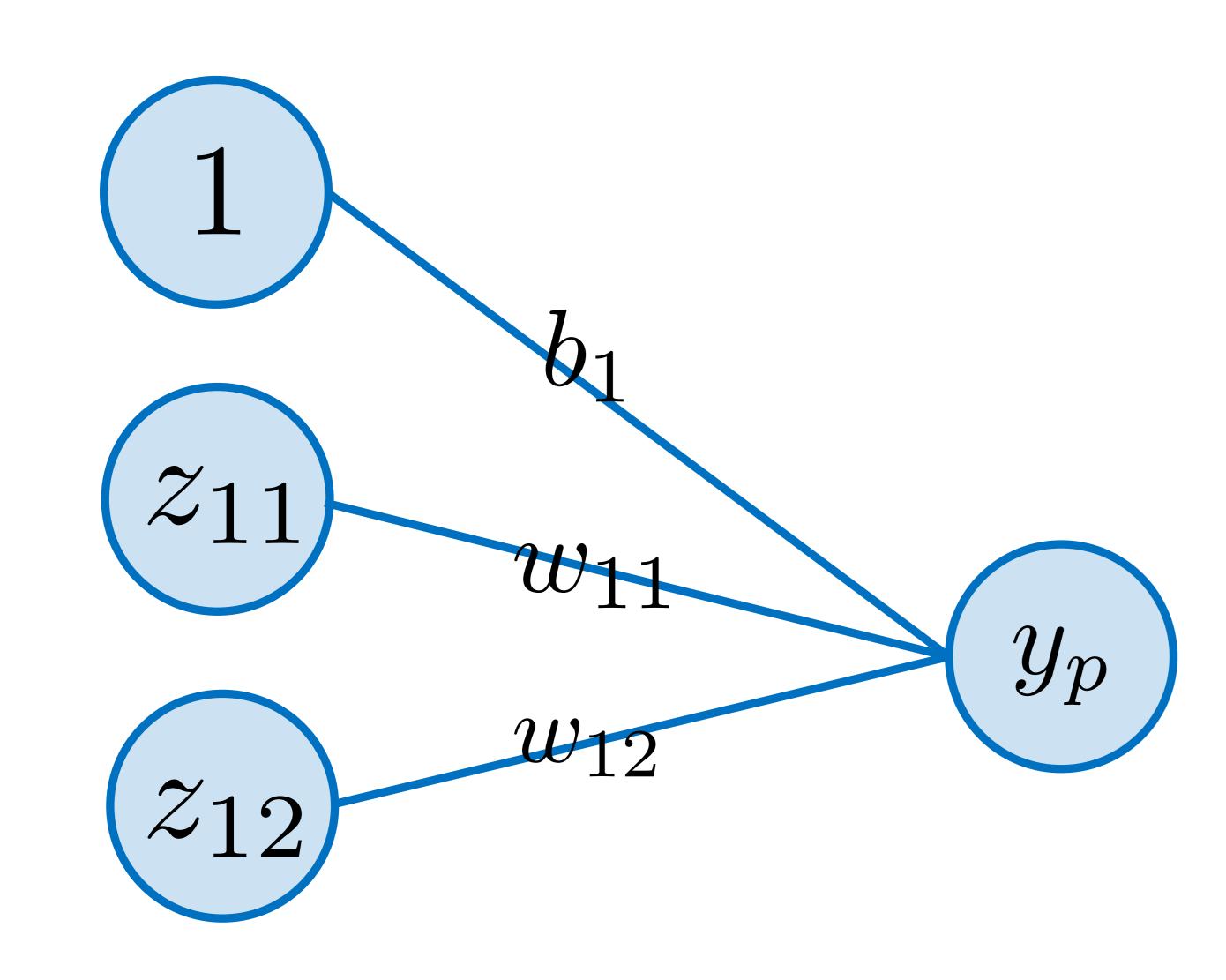
#### ■なぜ逆伝播する?

● (誤差)逆伝播:重みパラメータに対する損失関数の勾配を計算する



> パラメータ更新に損失関数の勾配が必要!

#### 出力層



$$y_p = w_{11}z_{11} + w_{12}z_{12} + b_1$$

$$= \sum_{j=1}^{2} w_{1j}z_{1j} + b_1$$

$$\mathcal{L} = (y_p - y_t)^2$$

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial w_{11}} = \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial y_p} \frac{\partial y_p}{\partial w_{11}}$$

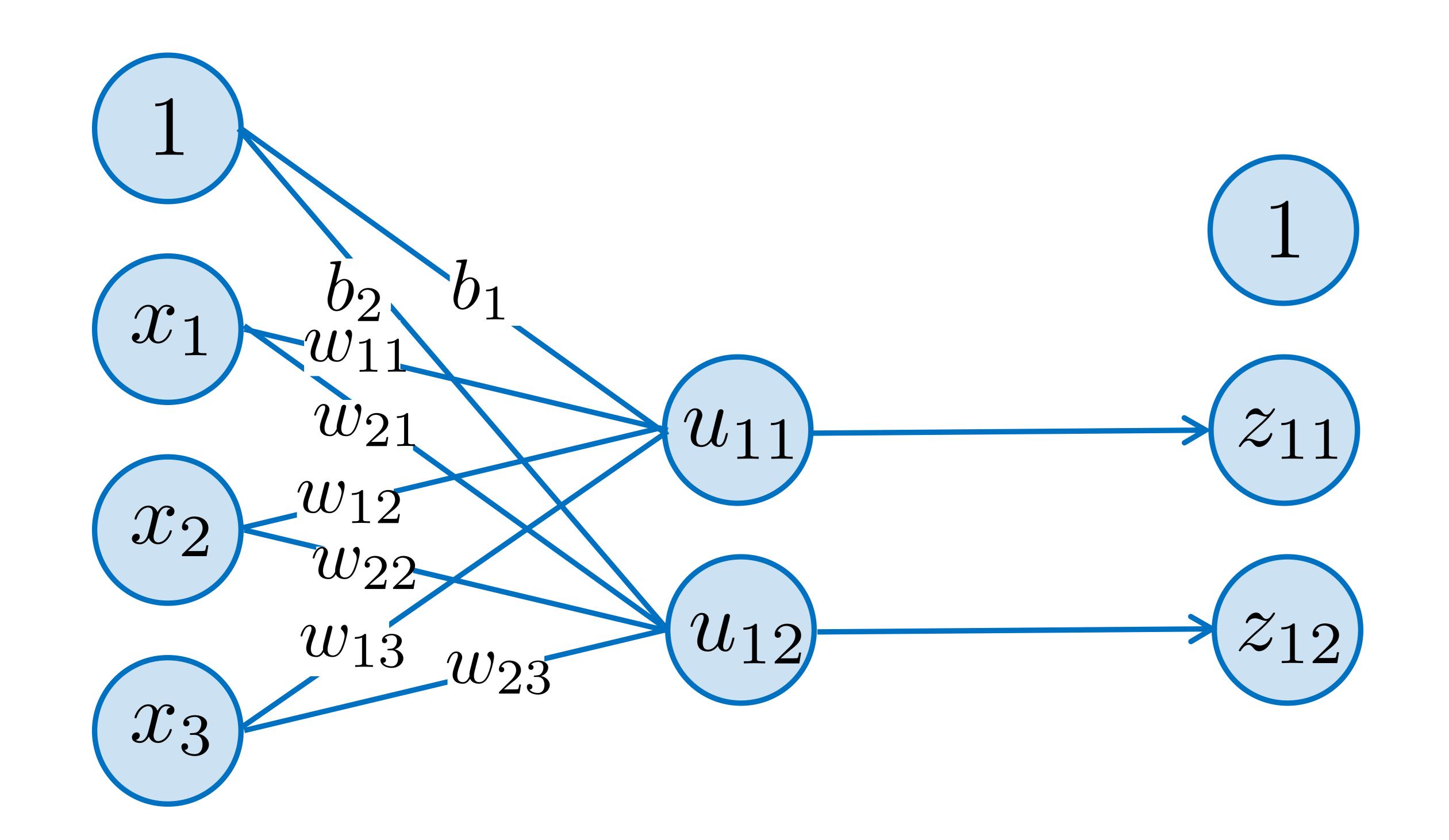
$$= 2(y_p - y_t)z_{11}$$

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial w_{12}} = 2(y_p - y_t)z_{12}$$

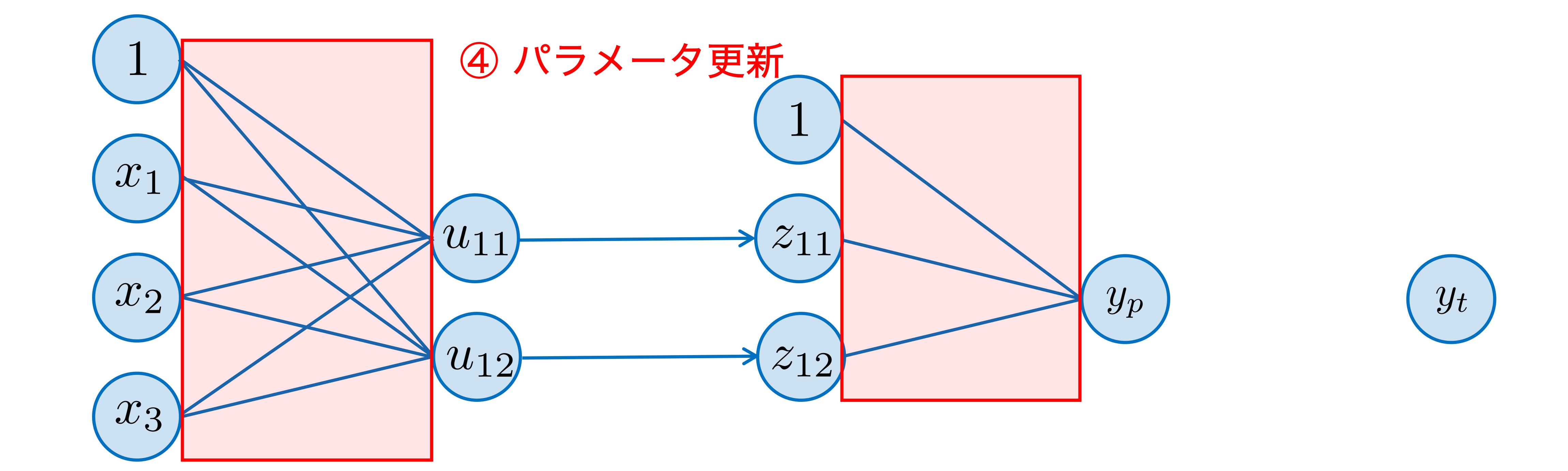
$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial b} = 2(y_p - y_t)$$

 $y_t$ 

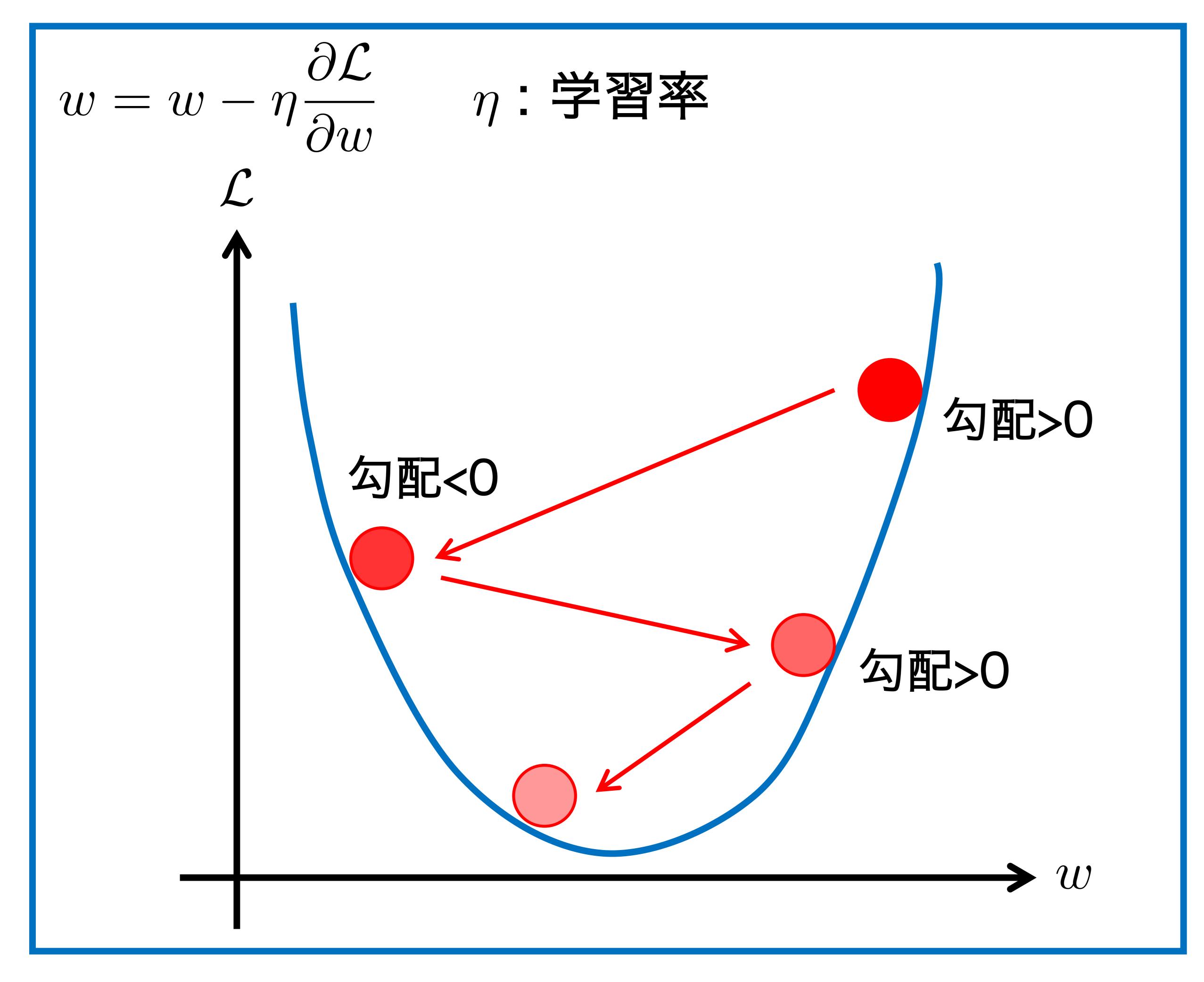
#### 圏続れる層



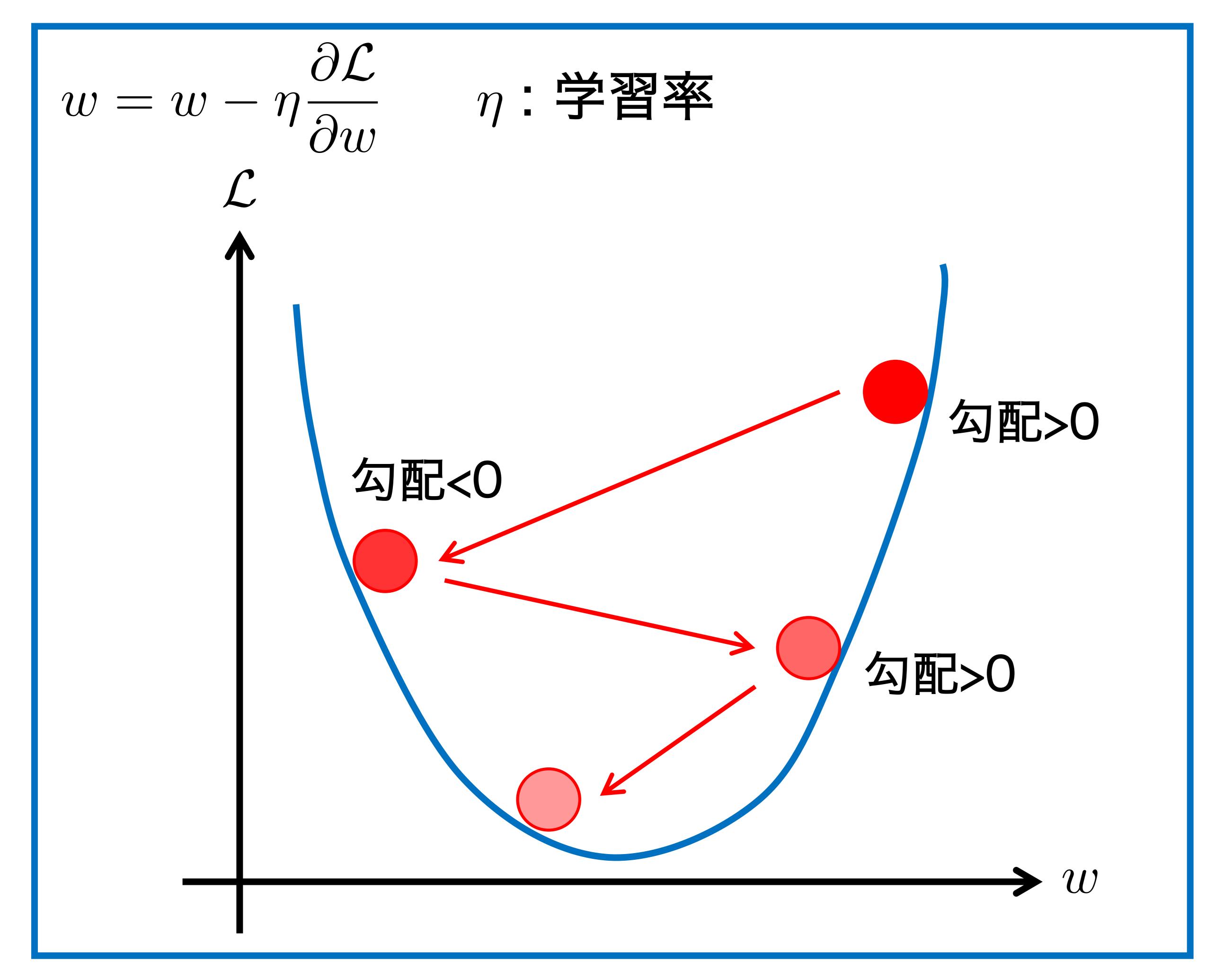
$$\begin{split} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial w_{11}} &= \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial y_p} \frac{\partial y_p}{\partial w_{11}} \\ &= \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial y_p} \frac{\partial y_p}{\partial z_{11}} \frac{\partial z_{11}}{\partial w_{11}} \\ &= \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial y_p} \frac{\partial y_p}{\partial z_{11}} \frac{\partial z_{11}}{\partial u_{11}} \frac{\partial u_{11}}{\partial w_{11}} \\ &= 2(y_p - y_t) \cdot w_{11} \cdot \boxed{\Theta(u_{11})} \cdot x_1 \end{split}$$
ReLUの微分

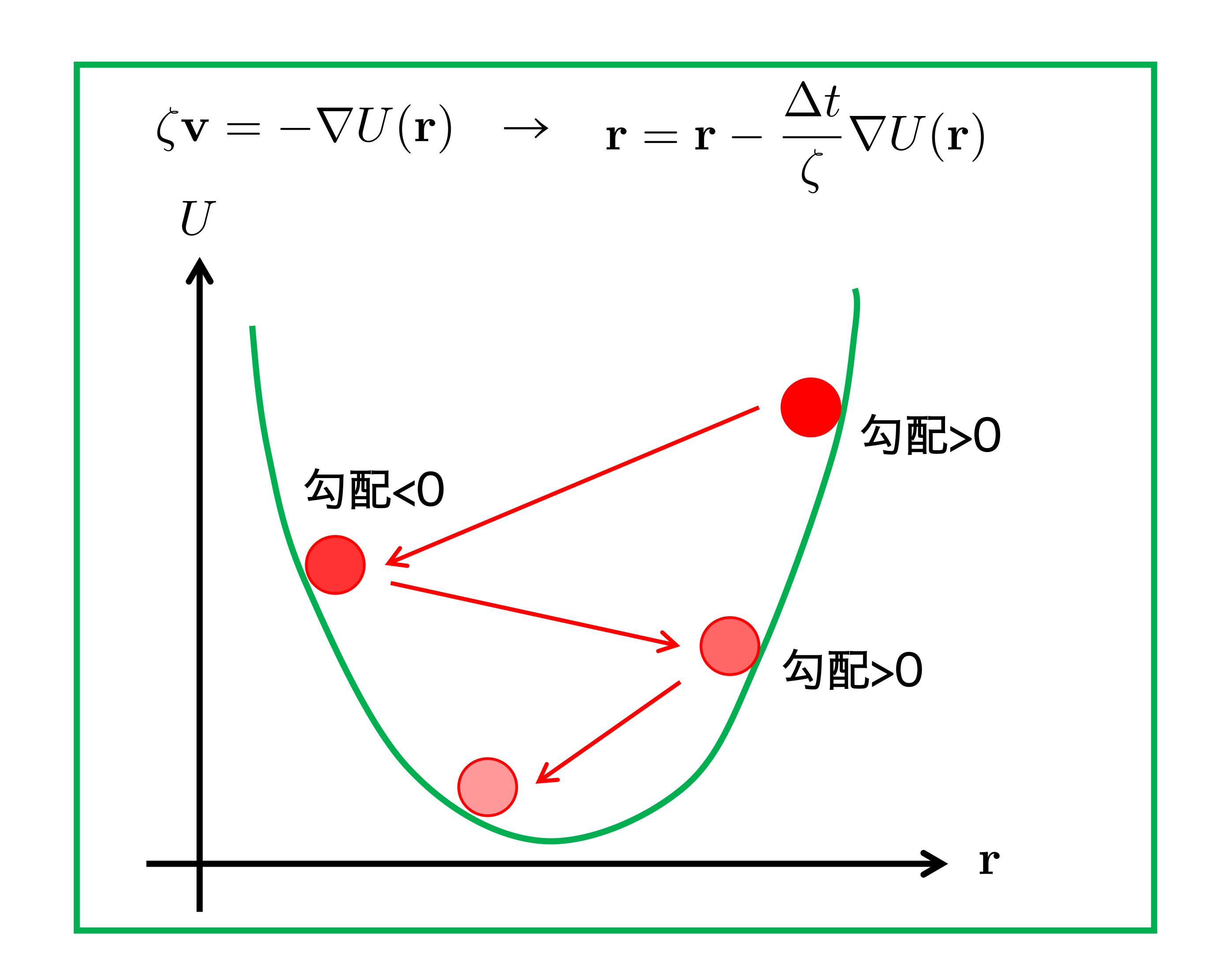


#### 国勾配降下法

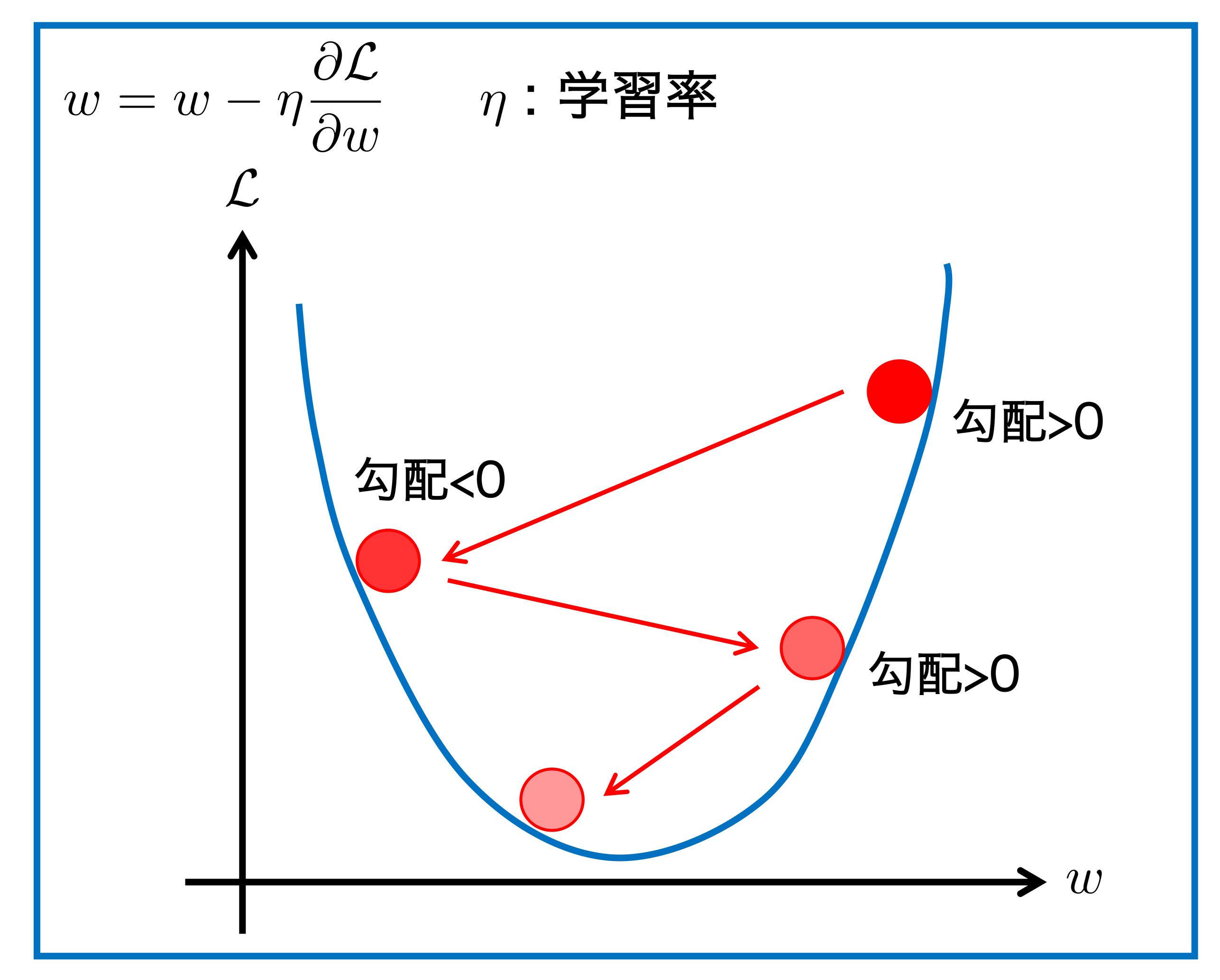


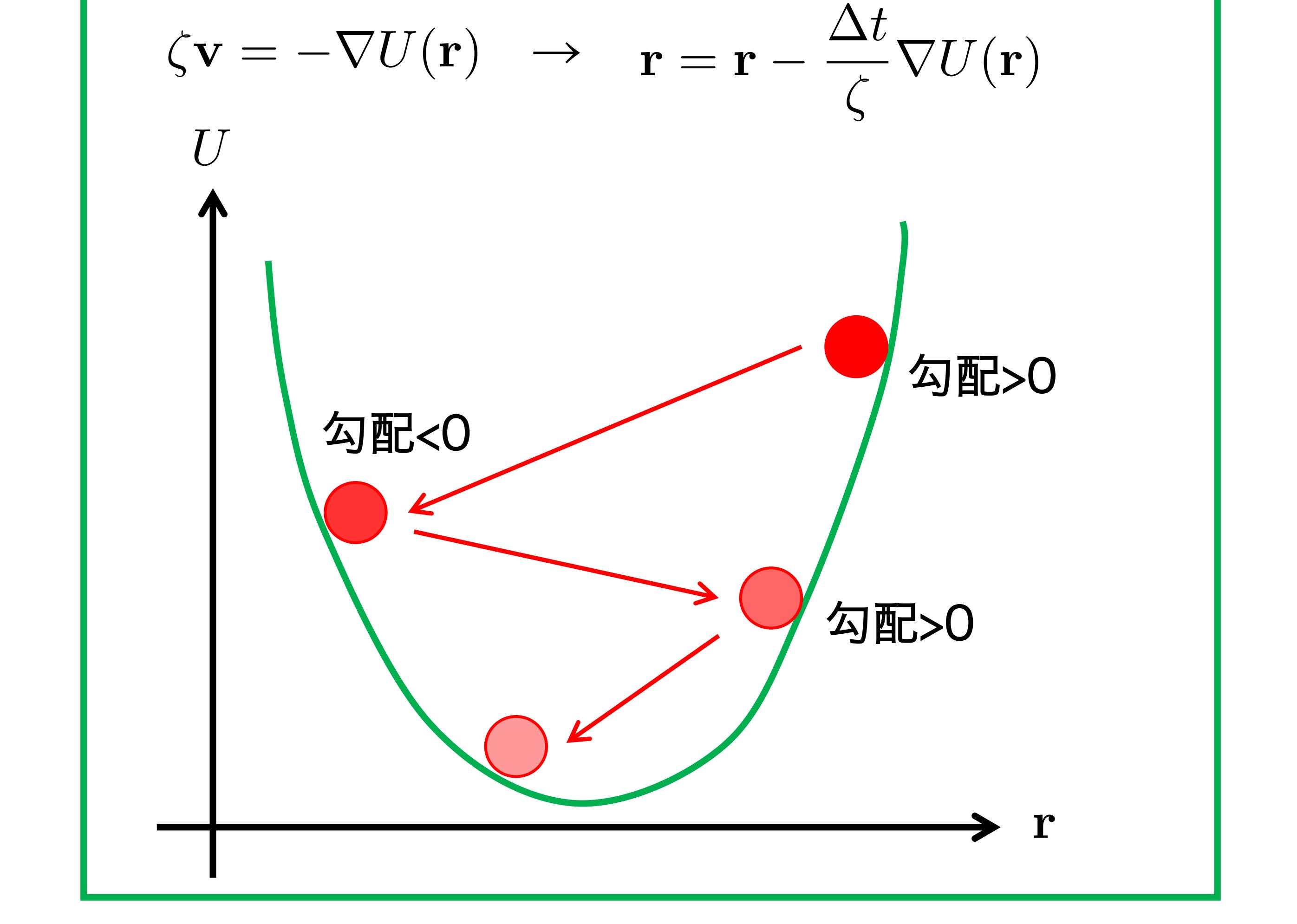
#### 回勾陷降下法





#### 回勾陷降下法





#### • 短所

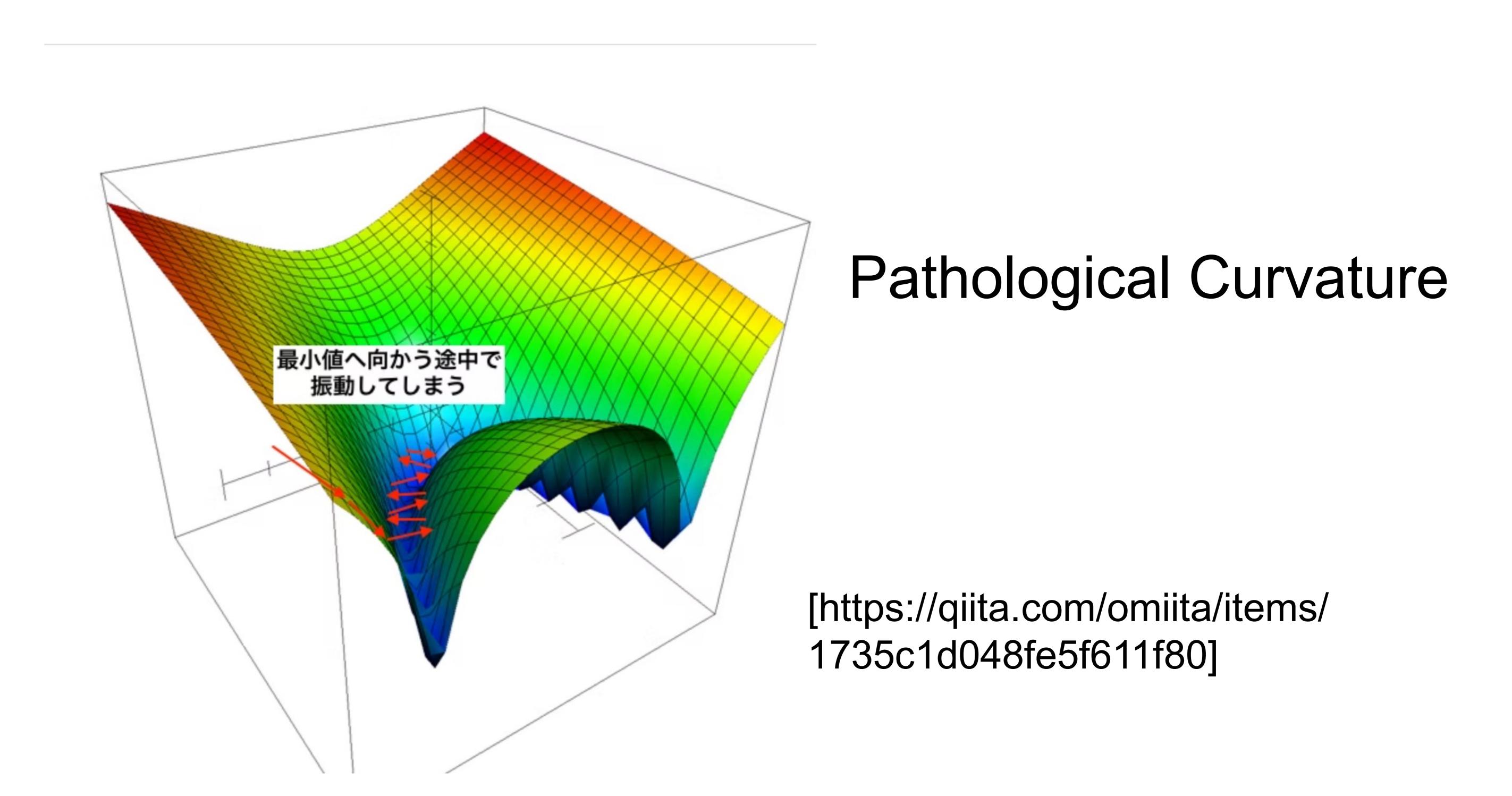
- > 局所極小値から抜け出すことができない
- 学習率の調整が難しい

#### ■確率的勾配降下法 (SGD)

- ●SGD:一部のデータを用いて、パラメータを更新
  - > ランダムにデータを選ぶ (← stochastic)
  - ▶局所極小値に陥っても、次のデータの損失関数が大きいので、局所極小値から抜け出せる.
  - >パラメータは再び大きな値に更新され、極小値から抜け出す.

#### ● 短所

> 更新量が大きなため、学習が不安定.



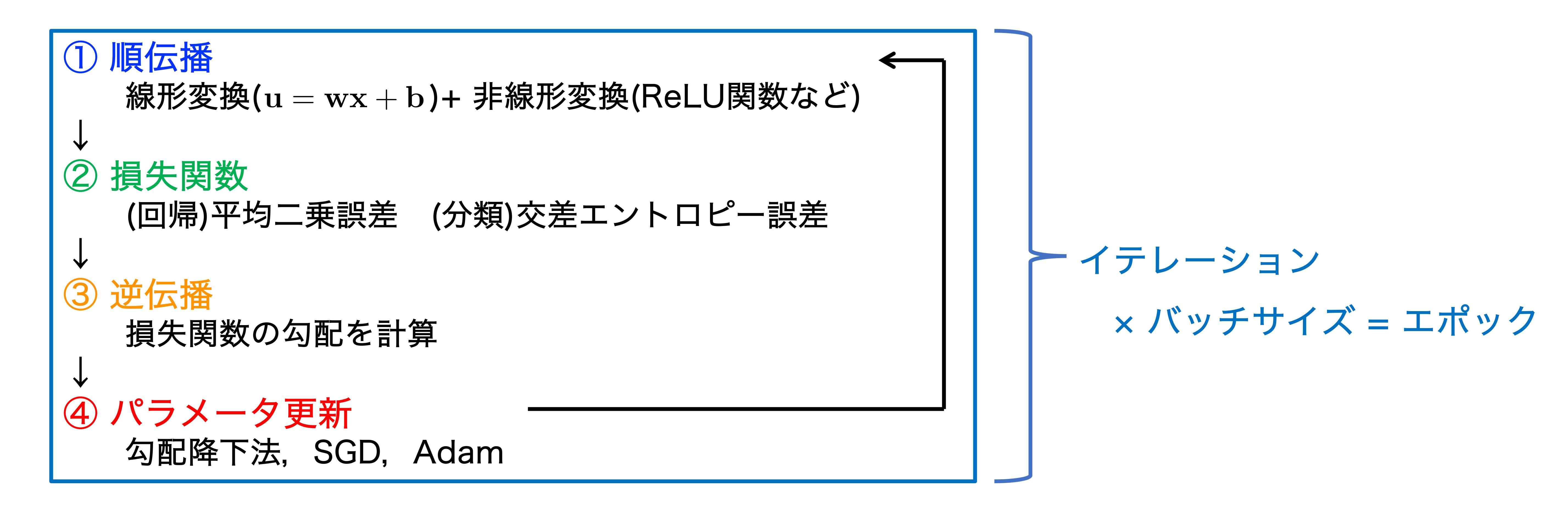
#### Adam

$$\bullet \begin{cases}
\mathbf{v}_{t+1} = \beta_1 \mathbf{v}_t + (1 - \beta_1) \nabla_{\mathbf{w}} \mathcal{L}_d(\mathbf{w}_t) \\
\mathbf{h}_{t+1} = \beta_2 \mathbf{h}_t + (1 - \beta_2) \nabla_{\mathbf{w}} \mathcal{L}_d(\mathbf{w}_t) \odot \nabla_{\mathbf{w}} \mathcal{L}_d(\mathbf{w}_t) \\
\hat{\mathbf{v}}_{t+1} = \frac{\mathbf{v}_{t+1}}{1 - \beta_1^{t+1}} \\
\hat{\mathbf{h}}_{t+1} = \frac{\mathbf{h}_{t+1}}{1 - \beta_2^{t+1}} \\
\mathbf{w}_{t+1} = \mathbf{w}_t - \alpha \frac{\hat{\mathbf{v}}_{t+1}}{\sqrt{\hat{\mathbf{h}}_{t+1}} + \epsilon}
\end{cases}$$

- Momentum (慣性を導入) + RMSProp (学習率を調整)
- ●現在最も機械学習において用いられている最適化手法

#### 6. 3.00

#### ■ニューラルネットワークによる学習の流れ



- ・サンプルコード: リンク
- ●問題:サンプルコードは回帰問題を扱っている。では、分類問題のコードを書いてみよう。