強い電磁場の物理の最近の発展 (Schwinger機構の研究を中心に)

田屋 英俊

所属: 理研iTHEMS

専門: 原子核理論、特に極限状況の物理

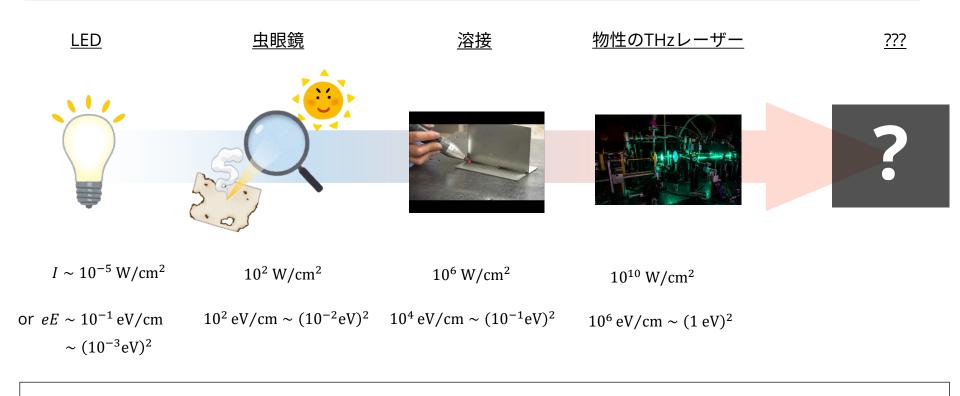
今日の話

Q: 純粋な疑問: めちゃくちゃ強い光があると何が起こるのだろう?

上ED 虫眼鏡 溶接 物性のTHzレーザー ???? $I \sim 10^{-5} \text{ W/cm}^2 \qquad 10^2 \text{ W/cm}^2 \qquad 10^6 \text{ W/cm}^2 \qquad 10^{10} \text{ W/cm}^2$ or $eE \sim 10^{-1} \text{ eV/cm} \qquad (10^{-2} \text{ eV})^2 \qquad 10^4 \text{ eV/cm} \sim (10^{-1} \text{eV})^2 \qquad 10^6 \text{ eV/cm} \sim (1 \text{ eV})^2 \qquad \sim (10^{-3} \text{ eV})^2$

今日の話

Q: 純粋な疑問: めちゃくちゃ強い光があると何が起こるのだろう?



A: 真空 (=物質がいない「無」の空間) が、 強い電磁場でゆがんで/壊れてしまって、非自明な物理的応答を返す

⇒ 今日の目的: そういう「強い電磁場」による「真空の物理」をレビュー

目次

1. 強い電磁場の物理の概観

実験・観測できるようになりつつあって、にわかに活気づいている

2. Schwinger機構の最近の(田屋の)発展

時間依存電場におけるSchwinger機構 強い電場中のQEDの真空構造

3. まとめ

目次

1. 強い電磁場の物理の概観

実験・観測できるようになりつつあって、にわかに活気づいている

2. Schwinger機構の最近の(田屋の)発展

時間依存電場におけるSchwinger機構 強い電場中のQEDの真空構造

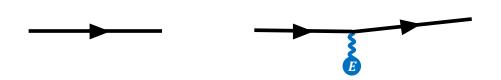
3. まとめ



真空

弱い電磁場 ($eE/m^2 \ll 1$)

強い電磁場 ($eE/m^2\gg 1$)



真空

弱い電磁場 ($eE/m^2 \ll 1$)

強い電磁場 ($eE/m^2\gg 1$)

摂動的な物理

⇒ 理論・実験ともに よくわかっている

e.g., 電子の異常磁気モーメント

$$\alpha^{-1}$$
(theor.) = 137.03599914 ... α^{-1} (exp.) = 137.03599899 ... [Aoyama, Kinoshta, Nio (2017)]



真空

弱い電磁場 ($eE/m^2 \ll 1$)

強い電磁場 ($eE/m^2\gg 1$)

摂動的な物理

⇒ 理論・実験ともに よくわかっている

<u>非</u>摂動的な物理

⇒ 実験的に人類未踏の領域 呼応して、理論も未成熟

e.g., 電子の異常磁気モーメント

 $\alpha^{-1}(\text{theor.}) = 137.03599914 ...$ $\alpha^{-1}(\text{exp.}) = 137.03599899 ...$

[Aoyama, Kinoshta, Nio (2017)]

(注: 今日は話さないが、電磁場じゃなくて、一般の強い「場」でも上の/これからの議論は本質的に同じ)

今まさに強い電磁場の実験・観測が可能になりつつある

∴ 強い電磁場の物理の研究は今がまさにタイムリー

今まさに強い電磁場の実験・観測が可能になりつつある

高強度レーザー

強い電磁場 $(eE/m_e^2 > 1)$ 10³⁰ ヨーロッパで稼働を始めた 最強レーザーELI 10²⁵ 1020 1015 現在のギネス記録 (2008年) HERCULES @ USA 10 1970 1980 1990 2010 2020 1960 2000 2030 The Nobel Prize in Physics 1964 レーザー増幅法(CPA法)の開発 (2018年ノーベル賞)

レーザーの発明 (1964年ノーベル賞)

電磁場のパワー密度 I (W/cm²)

素核宇の極限系

・重イオン衝突

RIC (2000~), LHC (2012~), FAIR/NICA/HIAF/J-Parc-HI/... (20XX~)

$$I \sim 10^{35} \text{ W/cm}^2$$

(eE, eB ~ m_{π}^2 ~ (140 MeV)²)

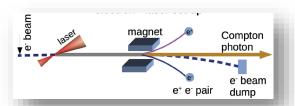


・電子加速器 + レーザー

数年くらいで開始: LUXE @ DESY, FACET-II @ SLAC

$$I \sim 10^{29} \,\text{W/cm}^2$$

(eE, eB > $m_e^2 \sim (1 \,\text{MeV})^2$)



・ コンパクト星: マグネター

すざく (2005~2015), NICER (2017~) XL-Calibur (2018~), IXPE (2021~), ...

$$I \sim 10^{29} \,\text{W/cm}^2$$

(eE, eB > $m_e^2 \sim (1 \,\text{MeV})^2$)



: 強い電磁場の物理の研究は今がまさにタイムリー

・いろいろ提案されている

Review: [Fedotov, Ilderton, Karbstein, King, Seipt, HT, Torgrimsson (2023)]

例) 新しい素過程(光子分裂、真空複屈折、...)、高次高調波発生、スピン流生成、...

QCD相図の変更、異常輸送(カイラル磁気効果)、標準理論を超えた物理のプローブ、...

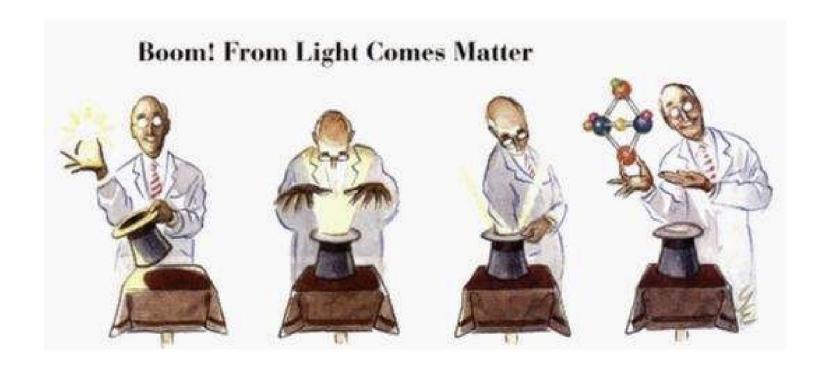
いろいろ提案されている

Review: [Fedotov, Ilderton, Karbstein, King, Seipt, HT, Torgrimsson (2023)]

- 例)新しい素過程(光子分裂、真空複屈折、...)、高次高調波発生、スピン流生成、... QCD相図の変更、異常輸送(カイラル磁気効果)、標準理論を超えた物理のプローブ、...
- ・最もおもしろい予想の1つが、Schwinger機構

[Sauter (1932)] [Heisenberg, Euler (1936)] [Schwinger (1951)]

= 強い電場があると、真空は粒子生成で壊れてしまう



いろいろ提案されている

Review: [Fedotov, Ilderton, Karbstein, King, Seipt, HT, Torgrimsson (2023)]

- 例)新しい素過程(光子分裂、真空複屈折、...)、高次高調波発生、スピン流生成、... QCD相図の変更、異常輸送(カイラル磁気効果)、標準理論を超えた物理のプローブ、...
- ・最もおもしろい予想の1つが、Schwinger機構

[Sauter (1932)] [Heisenberg, Euler (1936)] [Schwinger (1951)]

= 強い電場があると、真空は粒子生成で壊れてしまう



いろいろ提案されている

Review: [Fedotov, Ilderton, Karbstein, King, Seipt, HT, Torgrimsson (2023)]

- 例) 新しい素過程(光子分裂、真空複屈折、...)、高次高調波発生、スピン流生成、... QCD相図の変更、異常輸送(カイラル磁気効果)、標準理論を超えた物理のプローブ、...
- ・最もおもしろい予想の1つが、Schwinger機構

[Sauter (1932)] [Heisenberg, Euler (1936)] [Schwinger (1951)]

= 強い電場があると、真空は粒子生成で壊れてしまう



理論: 定常電場のとき (+ 電場へのバックリアクションや生成粒子間相互作用は無視) のときは割とよくわかってる

• 雑に言えば、



みたいな電場中の $|0; in\rangle \rightarrow |e^-e^+; out\rangle$ の散乱振幅を計算する

・ 結果: Schwingerの公式

$$N = \frac{(eE)^2 VT}{(2\pi)^3} \times \exp\left[-\pi \frac{m^2}{eE}\right]$$

[Schwinger (1951)] [Nikishov (1969)]

~ exp[-#×(ギャップの長さ)×(ギャップの高さ)]

Schwinger機構の研究の現状

逆に、Schwingerの公式くらいしか確立しているものがない ⇒ 現状: Schwingerの公式を超える努力をしている

Review: [Fedotov, Ilderton, Karbstein, King, Seipt, HT, Torgrimsson (2023)]

・ 時空間に依存した非一様な電磁場

- ・レーザー場をどうデザインすれば、Schwinger機構が見えるのか? ⇒ dynamically assisted Schwinger 機構, 量子干渉効果, etc
- ・Schwinger機構にはどれくらいの時空間サイズの電場が要るのか? ⇒ ケルディッシュパラメータ, etc
- ・電場の回転や偏光依存性は?⇒ Twisted Schwinger effect, etc

・ 実時間ダイナミクス

- ・粒子はいつどうやって作られ、その後、どういう運動をするのか? ⇒ (超)断熱粒子描像, etc
- ・粒子生成によって電場はどうやって遮蔽され、熱平衡化するか? ⇒ プラズマ振動, QED cascade, 流体化, etc

- ・ 真空が崩壊してることで新しく起こる放射はあるか? ⇒ 真空からの光子生成, 真空からの高次高調波発生, etc
- ・輻射補正で臨界電場の値は変わるか? ⇒ Ritus conjecture, (AdS/CFTによる) 電場強度の限界の予言, etc

・粒子数以外の物理量

・粒子数以外に楽しい観測量はあるか? ⇒ カイラリティ生成, 真空からのスピン流生成, etc

Schwinger機構の研究の現状

逆に、Schwingerの公式くらいしか確立しているものがない ⇒ 現状: Schwingerの公式を超える努力をしている

Review: [Fedotov, Ilderton, Karbstein, King, Seipt, HT, Torgrimsson (2023)]

・ 時空間に依存した非一様な電磁場

- ・レーザー場をどうデザインすれば、Schwinger機構が見えるのか? ⇒ dynamically assisted Schwinger 機構, 量子干渉効果, etc
- ・Schwinger機構にはどれくらいの時空間サイズの電場が要るのか? ⇒ ケルディッシュパラメータ, etc
- ・電場の回転や偏光依存性は?⇒ Twisted Schwinger effect, etc

・ 実時間ダイナミクス

- ・粒子はいつどうやって作られ、その後、どういう運動をするのか? ⇒ (超)断熱粒子描像, etc
- ・粒子生成によって電場はどうやって遮蔽され、熱平衡化するか? ⇒ プラズマ振動, QED cascade, 流体化, etc

・ 輻射補正 マ マ

- ・ 真空が崩壊してることで新しく起こる放射はあるか? ⇒ 真空からの光子生成, 真空からの高次高調波発生, etc
- ・輻射補正で臨界電場の値は変わるか? ⇒ Ritus conjecture, (AdS/CFTによる) 電場強度の限界の予言, etc

・粒子数以外の物理量

・粒子数以外に楽しい観測量はあるか? ⇒ カイラリティ生成, 真空からのスピン流生成, etc

目次

1. 強い電磁場の物理の概観

実験・観測できるようになりつつあって、にわかに活気づいている

2. Schwinger機構の最近の(田屋の)発展

時間依存電場におけるSchwinger機構 強い電場中のQEDの真空構造

3. まとめ

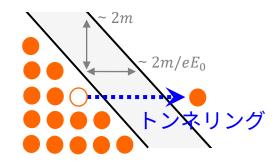
<u>電場の時間依存性はSchwinger機構の描像を大きく変える</u>

強さ eE_0 、周波数 Ω を持った時間依存電場

<u>電場の時間依存性はSchwinger機構の描像を大きく変える</u>

強さ eE_0 、周波数 Ω を持った時間依存電場

遅い \Rightarrow 非摂動トンネリング $N \sim \exp[\#/eE_0]$



トンネリング時間 $\Delta t \sim \frac{2m}{eE_0}$

 \Rightarrow 電場は Δt よりも十分遅くないといけない

$$\Rightarrow \Omega^{-1} \gtrsim \Delta t$$

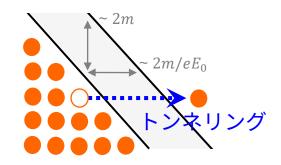
$$\Rightarrow 1 \gtrsim \frac{\Delta t}{\Omega^{-1}} = \frac{\Omega m}{eE_0} \equiv \gamma \text{ (Keldysh パラメータ)}$$
[Keldysh (1965)]

速い \Rightarrow 摂動的な光子散乱 $N \sim e E_0^{2n}$

<u>電場の時間依存性はSchwinger機構の描像を大きく変える</u>

強さ eE_0 、周波数 Ω を持った時間依存電場

遅い \Rightarrow 非摂動トンネリング $N \sim \exp[\#/eE_0]$



トンネリング時間 $\Delta t \sim \frac{2m}{eE_0}$

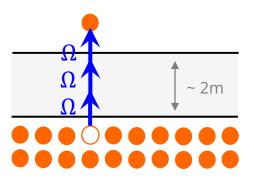
⇒ 電場はΔtよりも十分遅くないといけない

$$\Rightarrow \Omega^{-1} \gtrsim \Delta t$$

$$\Rightarrow 1 \gtrsim \frac{\Delta t}{\Omega^{-1}} = \frac{\Omega m}{eE_0} \equiv \gamma$$
 (Keldysh パラメータ)

[Keldysh (1965)]

速い \Rightarrow 摂動的な光子散乱 $N \sim eE_0^{2n}$



- ⇒ 電場はインコヒーレントな 光子として相互作用しだす
- $\Rightarrow n\Omega > 2m$ となるときに粒子生成

(違う理解: 電場が短寿命だと、電場と Diracの海は有限回しか相互作用できない)

⇒物質で起こる光電効果と本質的に同じ現象がQED真空でも起こる

"相図"みたいなものがわかった

"相図"みたいなものがわかった

・理論: (1) 半古典近似 =
$$\hbar$$
展開 (トランスシリーズ展開) $N = \sum_{n,m} N_{n,m} \hbar^n e^{-m\frac{S}{\hbar}} = (N_{0,1} + O(\hbar)) e^{-\frac{S}{\hbar}} + O(e^{-\frac{2S}{\hbar}})$

(2) 解ける場合と直接比べる [HT, Fujiii, Itakura (2014)]

[Brezin, Itzykson (1970)] [Popov (1972)] [Berry (1989)] [Dunne, Shubert (2005)] [HT, Fujimori, Misumi, Nitta, Sakai (2020)]

"相図"みたいなものがわかった

- ・理論: (1) 半古典近似 = \hbar 展開 (トランスシリーズ展開) $N = \sum_{n,m} N_{n,m} \hbar^n e^{-m_{\overline{h}}^S} = (N_{0,1} + O(\hbar)) e^{-\frac{S}{\hbar}} + O(e^{-\frac{2S}{\hbar}})$
 - (2) 解ける場合と直接比べる [HT, Fujiii, Itakura (2014)]

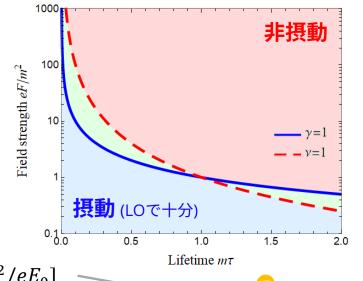
[Brezin, Itzykson (1970)] [Popov (1972)] [Berry (1989)] [Dunne, Shubert (2005)] [HT, Fujimori, Misumi, Nitta, Sakai (2020)]

・2つの無次元量が効く

 \leftarrow もともと3つの次元量 (eE, $\tau \coloneqq 1/\Omega$, m) があるので

$$\gamma = \frac{m\Omega}{\rho F}$$
 : Keldysh パラメータ

$$u=rac{eE au}{\Omega}=rac{(場がした仕事)}{(1光子のエネルギー)}=(過程に関与した光子数)$$



・ $\gamma \ll 1$, $\nu \gg 1 \Rightarrow 非摂動的なSchwinger機構 <math>N \sim \exp[-m^2/eE_0]$

 $\gamma \gg 1$, $\nu \ll 1 \Rightarrow$ 摂動的な多光子粒子生成 $N \sim (eE_0/m^2)^{2n}$

"相図"みたいなものがわかった

- ・理論: (1) 半古典近似 = \hbar 展開 (トランスシリーズ展開) $N = \sum N_{n,m} \hbar^n e^{-m_{\overline{h}}^S} = (N_{0,1} + O(\hbar)) e^{-\frac{S}{\hbar}} + O(e^{-\frac{2S}{\hbar}})$
 - (2) 解ける場合と直接比べる [HT, Fujiii, Itakura (2014)]

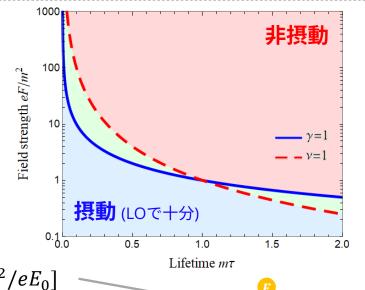
[Brezin, Itzykson (1970)] [Popov (1972)] [Berry (1989)] [Dunne, Shubert (2005)] [HT, Fujimori, Misumi, Nitta, Sakai (2020)]

・2つの無次元量が効く

 \leftarrow もともと3つの次元量 (eE, $\tau \coloneqq 1/\Omega$, m) があるので

$$\gamma = \frac{m\Omega}{eE}$$
 : Keldysh パラメータ

$$u = rac{eE au}{\Omega} = rac{(場がした仕事)}{(1光子のエネルギー)} = (過程に関与した光子数)$$



- $\gamma \ll 1$, $\nu \gg 1 \Rightarrow 非摂動的なSchwinger機構 <math>N \sim \exp[-m^2/eE_0]$
 - $\gamma \gg 1$, $\nu \ll 1 \Rightarrow$ 摂動的な多光子粒子生成 $N \sim (eE_0/m^2)^{2n}$



例) 高エネルギー重イオン衝突は電磁場は強いけど寿命が短すぎで、強い場の物理はキツそう (実際、NLOのQED過程は最近見えたが、それ以上の非線形/非摂動効果は見えていない)

最近の進展2: 摂動的な粒子生成の重要性

電場が速くなると、素朴なSchwingerの公式からズレる

遅い (非摂動的) \Rightarrow 強い指数関数的な抑制 $N \sim \exp[-m^2/eE_0]$

速い (摂動的) \Rightarrow 弱い冪的な抑制 $N \sim (eE_0/m^2)^{2n}$

最近の進展2: 摂動的な粒子生成の重要性

電場が速くなると、素朴なSchwingerの公式からズレる

遅い (非摂動的) \Rightarrow 強い指数関数的な抑制 $N \sim \exp[-m^2/eE_0]$

速い (摂動的) \Rightarrow 弱い冪的な抑制 $N \sim (eE_0/m^2)^{2n}$

教訓: (電場がそんなに強くないときは $eE_0 < m^2$) 速い電場の方がたくさん粒子を作る

[HT, Fujiii, Itakura (2014)] [HT, Fujimori, Misumi, Nitta, Sakai (2020)]

最近の進展2: 摂動的な粒子生成の重要性

電場が速くなると、素朴なSchwingerの公式からズレる

遅い (非摂動的) \Rightarrow 強い指数関数的な抑制 $N \sim \exp[-m^2/eE_0]$

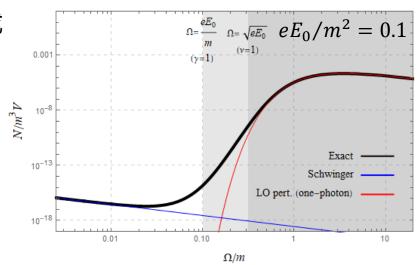
速い (摂動的) \Rightarrow 弱い冪的な抑制 $N \sim (eE_0/m^2)^{2n}$

教訓: (電場がそんなに強くないときは $eE_0 < m^2$) 速い電場の方がたくさん粒子を作る

[HT, Fujiii, Itakura (2014)] [HT, Fujimori, Misumi, Nitta, Sakai (2020)]

具体例) 寿命 $\tau = 1/\Omega$ のパルス電場での粒子生成

(Sauter電場
$$eE(t) = \frac{eE_0}{\cosh^2(\Omega t)}$$
)



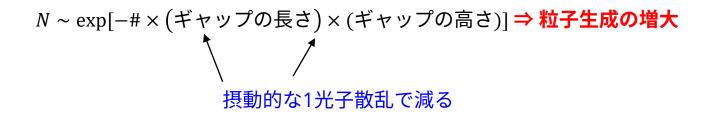
応用例) 弱い電場(例: レーザー)で粒子生成させたいなら、速い電場を利用すると良さそう
⇒ Dynamically assisted Schwinger 機構

<u>最近の進展3: Dynamically assisted Schwinger 機構 (1/2)</u>

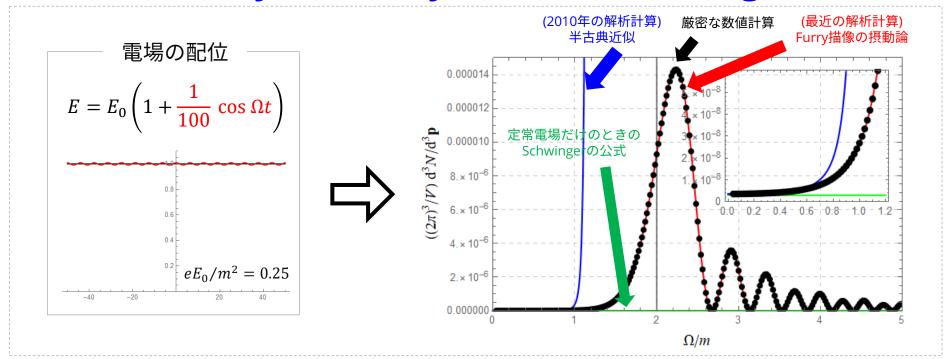
[Dunne, Gies, Schutzhold (2008), (2009)] 半導体のFranz-Keldysh効果のアナログ

速い電場を重ねれば、遅い電場が弱くても、粒子をたくさん作れる

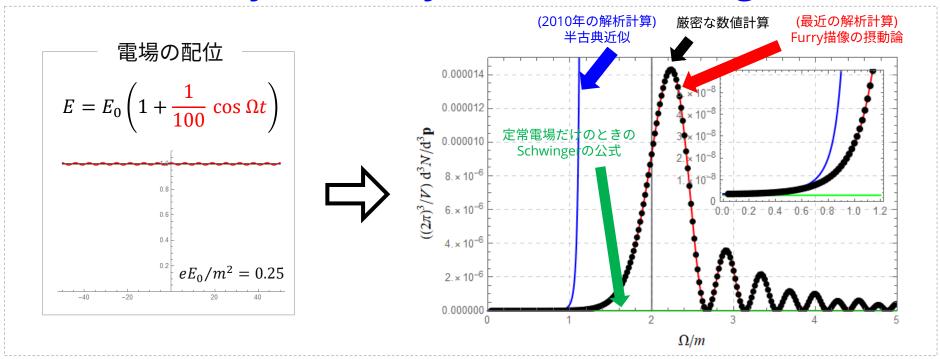




<u>最近の進展3: Dynamically assisted Schwinger 機構 (2/2)</u>



<u>最近の進展3: Dynamically assisted Schwinger 機構 (2/2)</u>



物理としてわかったこと

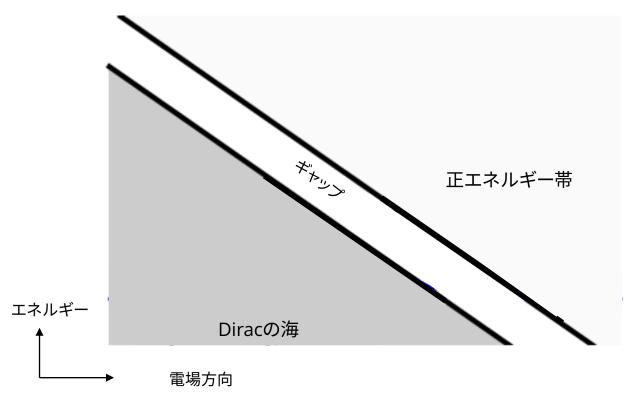
- ・予想通り: 速い電場がとても弱くても、たしかにとても増大する
- ・予想外: 高周波領域に行くと、振動する ← 強い電場中の Dirac sea の構造と関係 (次のスライド)
- ・ 技術的に進展したこと

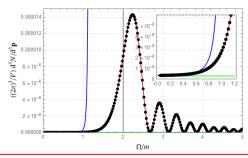
[HT, (2019)] [Huang, HT, (2019)]

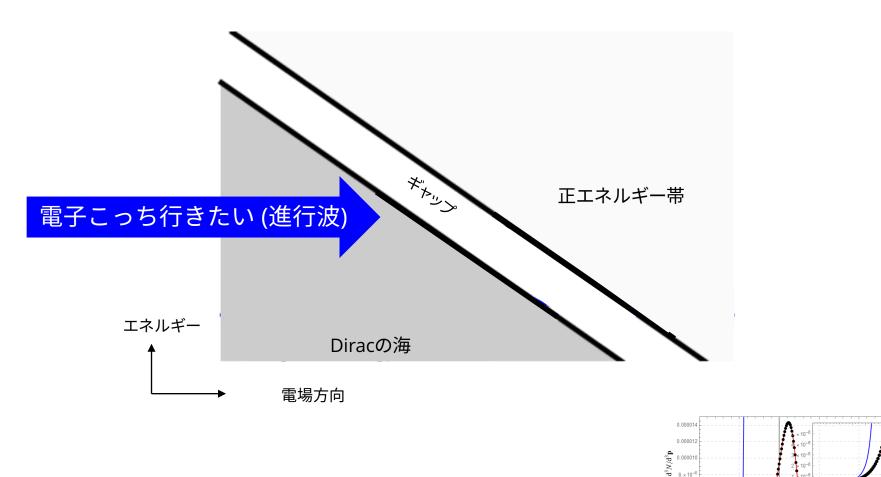
・不安定な真空中の散乱理論の整備 (Furry描像の摂動論)

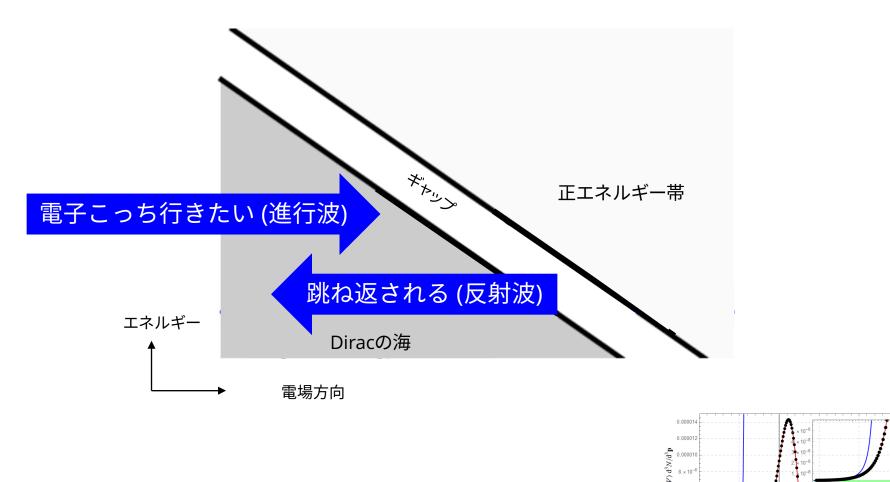
 $N \simeq \left| \begin{array}{c} \\ \\ \end{array} \right| + \begin{array}{c} \\ \\ \end{array} \right|$

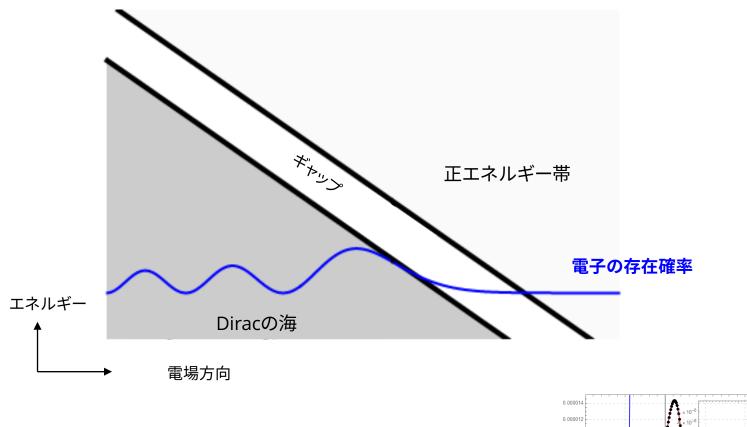
教訓: 電磁場の時間依存性をうまくデザインすれば、 弱い電場でも粒子生成が実験的に近いうちに見えるかも

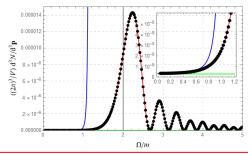


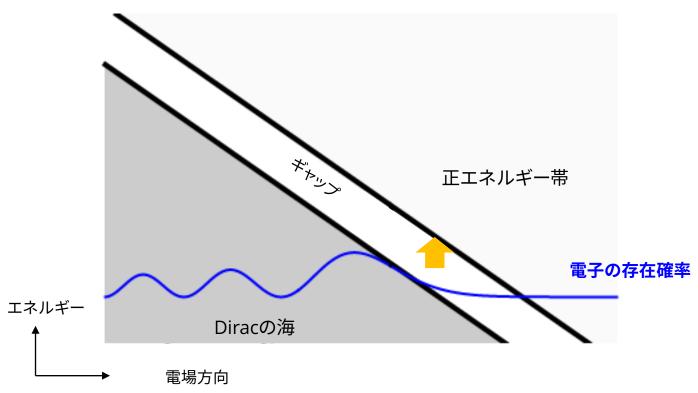




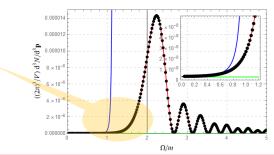


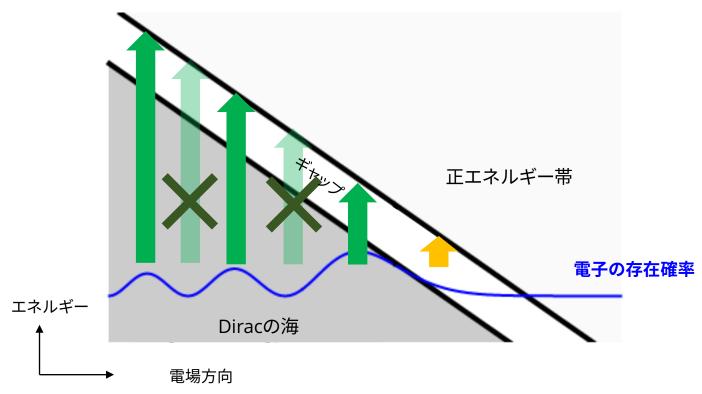




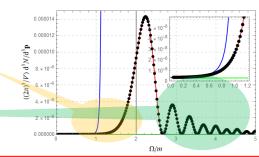


・ 量子トンネリング ⇒ 粒子生成の増大





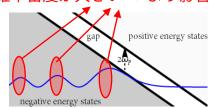
- ・量子トンネリング ⇒ 粒子生成の増大
- ・ 量子反射 ⇒ 粒子生成の振動



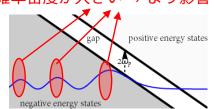
教訓: 真空のゆがみは、Schwinger機構だけでなく、

真空の上で起こるいろんな物理過程に影響

確率密度が大きい ⇒ より影響



教訓: 真空のゆがみは、Schwinger機構だけでなく、 真空の上で起こるいろんな物理過程に影響 確率密度が大きい ⇒ より影響



例) 強い電場中の誘電率 ϵ

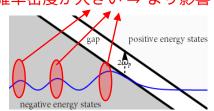


[HT, Ironside (2023)]

cf. 強い磁場中の屈折率 [Hattori, Itakura (2013)]

教訓: 真空のゆがみは、Schwinger機構だけでなく、 真空の上で起こるいろんな物理過程に影響





例) 強い電場中の誘電率 ϵ



[HT, Ironside (2023)]

cf. 強い磁場中の屈折率 [Hattori, Itakura (2013)]

理論:

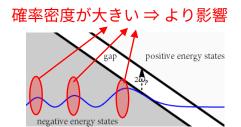
- 電磁気学いわく $\mathcal{D} = \mathcal{E} + P$ で $\dot{P} = J$ なので電流 J を計算 \Rightarrow ~
- 虚部: Dynamically assisted Schwinger による粒子生成と対応:



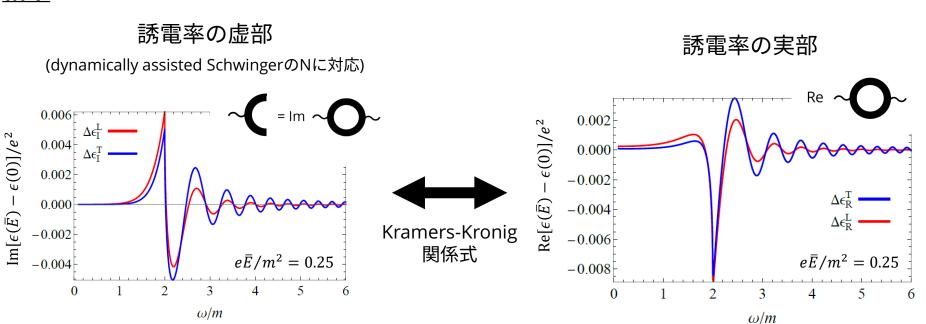
・ 実部: 因果律 ⇒ Kramers-Kronigの関係式を使えば虚部から構築可

Re
$$\epsilon(\omega) = \frac{1}{\pi}$$
 P. V. $\int_{-\infty}^{+\infty} d\omega' \frac{1}{\omega' - \omega}$ Im $\epsilon(\omega')$ Opticsで良く使う計算法 (cf. electroreflectance)

教訓: 真空のゆがみは、Schwinger機構だけでなく、 真空の上で起こるいろんな物理過程に影響



結果:



- ・振動する様子 ← QED真空のゆがみ
- ・ 電場の方向で応答が違う = 真空複屈折

・よく見ると、振動の場所は変わらない ← 真空のゆがみはプローブの向きには依らない



<u>目次</u>

1. 強い電磁場の物理の概観

実験・観測できるようになりつつあって、にわかに活気づいている

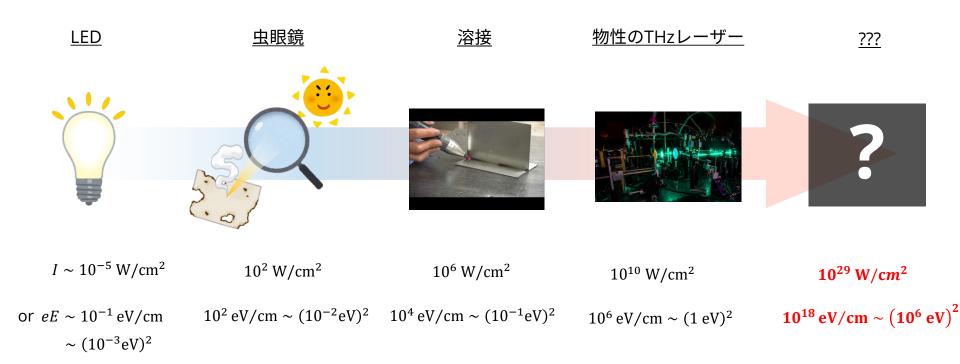
2. Schwinger機構の最近の(田屋の)発展

時間依存電場におけるSchwinger機構 強い電場中のQEDの真空構造

3. まとめ

まとめ (1/2)

Q: 純粋な疑問: めちゃくちゃ強い光があると何が起こるのだろう?



A: 真空 (=物質がいない「無」の空間) が、 強い電磁場でゆがんで/壊れてしまって、非自明な物理的応答を返す

⇒ 今日の目的: そういう「強い電磁場」による「真空の物理」をレビュー



1. 強い電磁場の物理の概観

レーザーや極限物理系(重イオン,電子加速器,コンパクト天体,…)で実験・観測できるようになりつつあり、今まさにタイムリーな話題

2. Schwinger機構の最近の(田屋の)発展

時間依存電場による粒子生成の発展

- ・電磁場の強さだけじゃなくて、その時空間プロファイルも大事
- ・ (弱電場なら)速い電場の摂動的粒子生成の方がたくさん粒子を作れる
- ・電磁場の時間依存性をうまくデザインすれば、弱電場でも粒子生成が 実験的に近いうちに見えるかも ⇒ dynamically assisted Schwinger 機構
- ・ Dynamically assisted Schwinger 機構のスペクトルは、QEDの「ゆがんだ」真空構造を直接反映
- ・真空のゆがみは、真空の上で起こるいろんな物理過程に影響 ⇒ 例) 強い電場中の誘電率

