

## Amőba

Az amőba játékban két játékos felváltva helyez el O és X jeleket egy  $3 \times 3$ -as játéktáblán. Kezdetben a tábla mezői üresek, és az első játékos minden az O jelet helyezi le.

Egy játékban eddig K lépés történt. Írj programot, ami kirajzolja a játék aktuális állását!

### Bemenet

A standard bemenet első sorában a megtett lépések K száma van.

A következő K sor mindegyike két pozitív egészet tartalmaz, egy lépést leíró  $x_i$  és  $y_i$  számokat: a soron következő játékos az  $x_i$ -edik sor  $y_i$ -edik cellájába helyezett jelet.

### Kimenet

A standard kimenetre a játéktábla állapotát kell kirajzolni K lépés megtétele után az alábbi példában látható formátumban, a +, -, |, O, X és szóköz karakterek felhasználásával.

### Példa

Bemenet

3  
1 2  
2 1  
3 3

Kimenet

+---++  
| | O | |  
+---++  
| X | | |  
+---++  
| | | O |  
+---++

Magyarázat: az első játékos először az első sor második cellájába helyezett O jelet, erre a második játékos a második sor első cellájába tett egy X-et, végül az első játékos a harmadik sor harmadik cellájába rakott O-t.

### Korlátok

$0 \leq K \leq 5$

$1 \leq x_i, y_i \leq 3$  minden  $i = 1 \dots K$ -ra

az  $(x_i, y_i)$  párok minden különbözők

**Időlimit:** 1.0 s

**Memórialimit:** 256 MB

### Pontozás

A megoldásodat sok különböző tesztesetre lefuttatjuk. A tesztesetek részfeladatokba vannak csoportosítva. Egy-egy részfeladatot akkor tekintünk megoldottnak, ha volt legalább egy olyan beadásod, amely az adott részfeladat minden tesztesetére helyes megoldást adott. A feladat összpontszámát a megoldott részfeladatokra kapott pontszámok összege adja.

Részfeladat	Korlátok	Pontszám
0	a minta	0
1	$K = 0$	20
2	$K = 1$	30
3	nincsenek további megkötések	50

## Legjobb edzéssorozat

Peti egyik újévi fogadalma, hogy minden egyes nap futni fog járni. Szeretné is azonnal betervezni a futóedzéseit a következő N napra. Peti nagyon elfoglalt, ezért az  $i$ -edik napon csak legfeljebb  $A_i$  percet tud a futásra szánni. Azonban szeretné úgy megtervezni az edzéseit, hogy közben érezhetően fejlődjön is és megmaradjon a lelkesedése. Ezért úgy döntött, hogy ha egy tetszőleges napon  $x$  percert szán futásra, akkor az azt követő napon is legalább  $x$  percert fog futni.

Írj programot, ami kiszámítja, hogy legfeljebb hány percert tud Peti futásra fordítani **összesen** a következő N nap során, ha minden nap futni fog, és minden nap legalább annyi ideig fog futni, mint az azt megelőző napon!

### Bemenet

A standard bemenet első sorában a futással töltött napok N száma található.

A következő sor N darab pozitív egészet tartalmaz, az egyes napokon futásra fordítható percek maximális  $A_i$  számát.

### Kimenet

A standard kimenetre egy sort kell írni egyetlen számmal, a futással töltött percek összegének legnagyobb értékét a feltételek betartása mellett.

### Példa

Bemenet	Kimenet
10	38
5 6 7 8 9 3 2 7 8 9	
Bemenet	Kimenet
4	8
1 2 2 3	

Magyarázat: az első esetben  $2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 7, 8, 9$  lesz a futással töltött percek száma az egyes napokon. A második esetben rendre  $1, 2, 2, 3$  percert fog futni Peti az egyes napokon.

### Korlátok

$$1 \leq N \leq 300\,000$$

$$1 \leq A_i \leq 10\,000 \text{ minden } i = 1 \dots N \text{-re}$$

**Időlimit:** 1.0 s

**Memórialimit:** 256 MB

### Pontozás

A megoldásodat sok különböző tesztesetre lefuttatjuk. A tesztesetek részfeladatokba vannak csoporthozítva. Egy-egy részfeladatot akkor tekintünk megoldottnak, ha volt legalább egy olyan beadásod, amely az adott részfeladat minden tesztesetére helyes megoldást adott. A feladat összpontszámát a megoldott részfeladatokra kapott pontszámok összege adja.

Részfeladat	Korlátok	Pontszám
0	a minta	0
1	$N \leq 1000$ és $A_i \leq A_{i+1}$ minden $i = 1 \dots N - 1$ -re	25
2	$N \leq 1000$	25
3	nincsenek további megkötések	50

## Kártyagyűjtemény

Krisztián nagy rajongója a gyűjtögetős kártyajátékoknak. Most épp a Bajnokok Ligájában játszó focisták gyűjthető kártyáit igyekszik megszerezni, és már csak M játékos kártyája hiányzik a kollekciójából. Az egyszerűség kedvéért számozzuk a hiányzó kártyákat 1-től M-ig.

Hogy megszerezze a hiányzó lapokat, Krisztián úgy döntött, hogy vásárol N csomag bontatlan kártyacsomagot. minden kártyacsomag sok játékos kártyáját tartalmazza, de Krisztiánt ezek közül csak a hiányzó játékosok kártyái érdeklik.

Írj programot, ami eldönti, hogy az újonnan vásárolt csomagok tartalmával teljessé teheti-e Krisztián a gyűjteményét!

### Bemenet

A standard bemenet első sora két egész számot tartalmaz, a vásárolt kártyacsomagok N, és a hiányzó kártyák M számát.

A következő N sor mindegyike először egy  $k_i$  egészet tartalmaz, azoknak a kártyáknak a számát az  $i$ -edik csomagban, amik kezdetben hiányoztak Krisztián gyűjteményéből. Ezt  $k_i$  darab egész pár érték követi, ezeknek a kártyáknak a sorszámai, tetszőleges sorrendben.

### Kimenet

A standard kimenetre egy sort kell írni, melynek tartalma IGEN, ha minden hiányzó kártyát megszerzett Krisztián, vagy NEM, ha még nem teljes a gyűjteménye.

### Példa

Bemenet	Kimenet
2 4	NEM
3 2 1 4	
3 2 4 1	
Bemenet	Kimenet
3 6	IGEN
3 1 6 3	
6 1 2 3 4 5 6	
2 5 1	
Bemenet	Kimenet
0 4	NEM
Bemenet	Kimenet
3 0	IGEN
0	
0	
0	

### Korlátok

$$0 \leq N, M \leq 500\,000$$

$$0 \leq N \cdot M \leq 500\,000$$

$0 \leq k_i \leq M$  minden  $i = 1 \dots N$ -re

$1 \leq p_j \leq M$  minden  $j = 1 \dots k_i$ -re

**Időlimit:** 1.5 s

**Memórialimit:** 256 MB

### Pontozás

A megoldásodat sok különböző tesztesetre lefuttatjuk. A tesztesetek részfeladatokba vannak csoportosítva. Egy-egy részfeladatot akkor tekintünk megoldottnak, ha volt legalább egy olyan beadásod, amely az adott részfeladat minden tesztesetére helyes megoldást adott. A feladat összpontszámát a megoldott részfeladatokra kapott pontszámok összege adja.

Részfeladat	Korlátok	Pontszám
0	a minta	0
1	$N = 1$ , $1 \leq M \leq 100$ , a $p_j$ értékek növekvő sorrendben vannak	10
2	$M = 0$ és $N \leq 100$	10
3	$N = 0$ és $M \leq 100$	10
4	$N, M \leq 500$	35
5	nincsenek további megkötések	35

## Kétes dicsőség

Andris és Gábor szeretnek biliárdozni, és gyakran el is járnak játszani egymás ellen néhány partit. Gábor nagyon szeret dicsekedni vele, hogy milyen jó eredményei vannak Andriossal szemben.

Csakhogy ezeket az eredményeket egy elég egyedi módon számolja Gábor: minden attól a mérkőzéstől kezdve számolja csak a partikat a legutolsó lejátszott meccsükig, amitől nézve a győzelmeik száma közti különbség a legnagyobb lesz az Ő javára (a döntetleneket nem veszi figyelembe). Gábor legalább a legutolsó lejátszott partit mindenkorral számításba veszi. Formálisan, ha a legutolsó  $k$  lejátszott mérkőzésen Gábornak  $g_k$ , Andrisnak pedig  $a_k$  győzelme van, akkor arra a  $k$ -ra számolja Gábor az eredményt, amire  $g_k - a_k$  különbség a legnagyobb. Több ilyen  $k$  esetén a legkisebb  $k$ -val fog számolni.

Vegyünk az  $N$  legutóbbi mérkőzésüket, melyek közül mindegyik eredménye vagy Andris győzelme ( $A$ ), vagy Gábor győzelme ( $G$ ), vagy döntetlen ( $D$ ). Írj programot, ami meghatározza a Gábor számára legkedvezőbb egymás elleni eredményüket minden egyes lejátszott mérkőzést követően!

### Bemenet

A standard bemenet első sorában a lejátszott partik  $N$  száma található.

A következő sor egy  $N$  hosszú karaktersorozatot tartalmaz, mely a mérkőzések eredményeit írja le az  $A$ ,  $G$  és  $D$  karakterekkel.

### Kimenet

A standard kimenet  $\text{re } N$  sort kell írni, az  $i$ -edik sor a Gábor számára legkedvezőbb eredményt tartalmazza az  $i$ -edik lejátszott mérkőzést követően. Az eredményt  $g - a$  formában kell kiírni, ahol  $g$  Gábor győzelmeinek száma, a Andris győzelmeinek száma a Gábor által akkor figyelembe vett mérkőzéseken.

### Példa

Bemenet	Kimenet
3	1-0
GGA	2-0
	2-1
Bemenet	Kimenet
5	0-1
AGAAD	1-0
	1-1
	0-1
	0-0

Magyarázat: a második példában

- az első meccs után a legkedvezőbb eredmény  $0 - 1$ , mivel legalább a legutolsó meccset figyelembe kell vennie Gábornak;
- a második meccs után csak a második meccset veszi figyelembe, így az eredmény  $1 - 0$ ;
- a harmadik meccs után az utolsó két meccset veszi figyelembe, így az eredmény  $1 - 1$ ;
- a negyedik meccs után a legkedvezőbb eredmény csak az utolsó vereséget figyelembe véve adódik, ami  $0 - 1$  (ugyanez a különbség adódik a három legutóbbi meccset figyelembe véve  $1 - 2$ )

eredménnyel, de azonos eredménynél a legkevesebb lejátszott meccset kell tekinteni);

- az ötödik lejátszott meccs után az eredmény  $0 - 0$ , mivel csak az utolsó döntetlent fogja számításba venni Gábor.

## Korlátok

$1 \leq N \leq 300\,000$

**Időlimit:** 1.5 s

**Memórialimit:** 256 MB

## Pontozás

A megoldásodat sok különböző tesztesetre lefuttatjuk. A tesztesek részfeladatokba vannak csoportosítva. Egy-egy részfeladatot akkor tekintünk megoldottnak, ha volt legalább egy olyan beadásod, amely az adott részfeladat minden tesztesetére helyes megoldást adott. A feladat összpontszámát a megoldott részfeladatokra kapott pontszámok összege adja.

Részfeladat	Korlátok	Pontszám
0	a minta	0
1	$N = 1$	10
2	Gábor a legkedvezőbb eredményt mindig az összes addig lejátszott mérkőzést tekintve érte el	20
3	$N \leq 80$	20
4	$N \leq 1000$	15
5	nincsenek további megkötések	35

## Büfés lángos

Feri kedvenc éltele a lángos, de nem akármilyen lángos, hanem az a hagymás-tejfölös, amit a kedvenc büféjében készítenek. Az évek során a büfé nagyon népszerű lett, így minden hatalmas a sor, de cserébe a büfé is egyszerre több sütőn készíti a lángosokat.

Feri már nyitás előtt odaér a büféhez, de így is már minden által előtte a sorban. A büfén N lángossütő található, melyeken rendre  $T_1, T_2, \dots, T_N$  másodpercig tart elkészíteni egy lángost. A lángosokat a nyitástól kezdve folyamatosan süzik az összes sütőn egyszerre, és amint egy elkészült, azonnal elkezdik készíteni a következőt.

Írj programot, ami meghatározza, hogy a nyitástól számítva hány másodpercet kell Ferinek sorban állnia, mire megkapja a hőn áhitott lángosát!

### Bemenet

A standard bemenet első sorában a lángossütők N száma és a Feri előtt sorban álló emberek M száma található.

A második sor N darab pozitív egész  $T_i$  értéket tartalmaz: az i-edik sütőnek  $T_i$  másodperc kell egy lángos elkészítéséhez.

### Kimenet

A standard kimenetre egy sort kell írni egyetlen számmal, ami megadja, hogy hány másodperccel a nyitás után kapja meg Feri a lángosát.

### Példa

Bemenet

2 6  
1 2

Kimenet

5

Magyarázat: az első másodperc végén az első sütő elkészít egy lángost. A második másodperc végén minden sütőn elkészül egy-egy lángos. A harmadik másodperc végén az első sütőn elkészül az összeségében negyedik lángos. A negyedik másodperc végén minden sütőn elkészül még egy-egy lángos, így eddig 6 lángos készült összesen. Az ötödik másodperc végén az első sütőn elkészül egy lángos, és ezt már Feri kapja meg.

Bemenet

3 10  
2 7 5

Kimenet

14

Bemenet

4 6  
10 120 25 30

Kimenet

50

### Korlátok

$$1 \leq N \leq 200\,000$$

$$0 \leq M \leq 10^9$$

$$1 \leq T_i \leq 10^9 \text{ minden } i = 1 \dots N\text{-re}$$

**Időlimit:** 2.0 s

**Memórialimit:** 256 MB

## Pontozás

A megoldásodat sok különböző teszesetre lefuttatjuk. A tesztesetek részfeladatokba vannak csoportosítva. Egy-egy részfeladatot akkor tekintünk megoldottnak, ha volt legalább egy olyan beadásod, amely az adott részfeladat minden teszesetére helyes megoldást adott. A feladat összpontszámát a megoldott részfeladatokra kapott pontszámok összege adja.

Részfeladat	Korlátok	Pontszám
0	a minta	0
1	$N = 1$ , azaz egy lángossütő van	5
2	$N \leq 100$ és $M = 0$ , azaz senki sem áll Feri előtt	5
3	$N, M \leq 100$ és $T_i \leq 100$ minden $i = 1 \dots N$ -re	20
4	$N, M \leq 1000$	15
5	$M \leq 1000$ és $T_i \leq 1000$ minden $i = 1 \dots N$ -re	15
6	$M \leq 100\,000$	10
7	nincsenek további megkötések	30