

Soit Σ un alphabet. Pour $w \in \Sigma^*$ un mot et $\alpha \in \Sigma$ une lettre, on note $|w|_\alpha$ le nombre d'occurrence de α dans w . Pour L un langage sur Σ , on pose $\sigma(L) = \{w \in \Sigma^* \mid \exists u \in L, \forall \alpha \in \Sigma, |u|_\alpha = |w|_\alpha\}$ la *permutation* de L .

On dira que L est strictement hors-contexte si L est hors-contexte et n'est pas régulier.

- () **Question 0** Montrer que $L_1 = \{a^n b^n : n \in \mathbb{N}\}$ n'est pas régulier mais qu'il est hors-contexte. Que vaut $\sigma(L_1)$?
- () **Question 1** Donner un langage L tel que L soit strictement hors contexte mais $\sigma(L)$ régulier.
- () **Question 2** Donner un langage L' tel que L' soit régulier mais $\sigma(L')$ strictement hors-contexte.
- () **Question 3** Montrer que si L est tel que $L_1 \subseteq L \subseteq \sigma(L_1)$, alors L n'est pas régulier.
- () **Question 4** Est-ce qu'il existe L' un langage strictement hors-contexte tel que $\sigma(L')$ est strictement hors-contexte et tel qu'il existe L régulier tel que $L' \subseteq L \subseteq \sigma(L')$?