

# Estrutura de Dados I

---

Profa. Suzana Matos França de Oliveira  
suzana.matos@frn.uespi.br

---

## Pilhas e filas com alocação encadeada

# Pilhas e filas com alocação encadeada

---

- Algumas modificações podem ser feitas as listas lineares com alocação simplesmente encadeada para serem mais eficientes com pilhas e filas

# Pilhas e filas com alocação encadeada

- Algoritmos vistos em sala:
  - Pilha
    - Empilhar
    - Desempilhar
  - Fila
    - Enfileirar
    - Desenfileirar

Lembrar que tem que implementar funções de criar, imprimir e de liberar o espaço

Serão vistas as opções sem nó cabeça

---

Aplicação: ordenação por distribuição

# Aplicação: ordenação por distribuição

---

- Seja uma lista  $L$  composta de  $n$  chaves, cada qual representada por um número inteiro numa base  $b > 1$ 
  - Problema: Ordenar  $L$ , utilizando  $b$  filas,  $F_k$ , onde  $0 \leq k < b$

# Aplicação: ordenação por distribuição

- Seja uma lista  $L$  composta de  $n$  chaves, cada qual representada por um número inteiro numa base  $b > 1$ 
  - Problema: Ordenar  $L$ , utilizando  $b$  filas,  $F_k$ , onde  $0 \leq k < b$
  - Resolução:
    - 1ª iteração: Destaca, em cada nó, o dígito menos significativo da representação  $b$ -ária de cada chave.
      - Se este for igual a  $k$ , a chave correspondente será inserida na fila  $F_k$
      - Concatenar as filas  $F_0, F_1, \dots, F_{b-1}$

Tabela: 19 13 05 27 01 26 31 16 02 09 11 21 60 07

Iteração 1: 1ª distribuição (unidades simples)

*fila*<sub>0</sub>:

*fila*<sub>1</sub>:

*fila*<sub>2</sub>:

*fila*<sub>3</sub>:

*fila*<sub>4</sub>:

*fila*<sub>5</sub>:

*fila*<sub>6</sub>:

*fila*<sub>7</sub>:

*fila*<sub>8</sub>:

*fila*<sub>9</sub>:

Tabela:

Valores  
distribuídos em  
uma ordem  
diferente

Ex:  $b = 10$

# Aplicação: ordenação por distribuição

- Seja uma lista  $L$  composta de  $n$  chaves, cada qual representada por um número inteiro numa base  $b > 1$ 
  - Problema: Ordenar  $L$ , utilizando  $b$  filas,  $F_k$ , onde  $0 \leq k < b$
  - Resolução:
    - 1ª iteração: Destaca, em cada nó, o dígito menos significativo da representação  $b$ -ária de cada chave.
      - Se este for igual a  $k$ , a chave correspondente será inserida na fila  $F_k$
      - Concatenar as filas  $F_0, F_1, \dots, F_{b-1}$
    - 2ª iteração: O processo deve ser repetido com o segundo dígito

Tabela: 60 01 31 11 21 02 13 05 26 16 07 27 19 09

Iteração 2: 2ª distribuição (dezenas simples)

*fila*<sub>0</sub>:

*fila*<sub>1</sub>:

*fila*<sub>2</sub>:

*fila*<sub>3</sub>:

*fila*<sub>4</sub>:

*fila*<sub>5</sub>:

*fila*<sub>6</sub>:

*fila*<sub>7</sub>:

*fila*<sub>8</sub>:

*fila*<sub>9</sub>:

Tabela:



# Aplicação: ordenação por distribuição

- Seja uma lista  $L$  composta de  $n$  chaves, cada qual representada por um número inteiro numa base  $b > 1$ 
  - Problema: Ordenar  $L$ , utilizando  $b$  filas,  $F_k$ , onde  $0 \leq k < b$
  - Resolução:
    - 1ª iteração: Destaca, em cada nó, o dígito menos significativo da representação  $b$ -ária de cada chave.
      - Se este for igual a  $k$ , a chave correspondente será inserida na fila  $F_k$
      - Concatenar as filas  $F_0, F_1, \dots, F_{b-1}$
    - 2ª iteração: O processo deve ser repetido com o segundo dígito

Tabela: 60 01 31 11 21 02 13 05 26 16 07 27 19 09

Iteração 2: 2ª distribuição (dezenas simples)

*fila*<sub>0</sub>:

*fila*<sub>1</sub>:

*fila*<sub>2</sub>:

*fila*<sub>3</sub>:

*fila*<sub>4</sub>:

*fila*<sub>5</sub>:

*fila*<sub>6</sub>:

*fila*<sub>7</sub>:

*fila*<sub>8</sub>:

*fila*<sub>9</sub>:

Tabela:

Se tiver  $d$  dígitos, é preciso de  $d$  iterações

# Aplicação: ordenação por distribuição

- Seja uma lista  $L$  composta de  $n$  chaves, cada qual representada por um número inteiro numa base  $b > 1$ 
  - Problema: Ordenar  $L$ , utilizando  $b$  filas,  $F_k$ , onde  $0 \leq k < b$
  - Resolução:
    - 1ª iteração: Destaca, em cada nó, o dígito menos significativo da representação  $b$ -ária de cada chave.
      - Se este for igual a  $k$ , a chave correspondente será inserida na fila  $F_k$
      - Concatenar as filas  $F_0, F_1, \dots, F_{b-1}$
    - 2ª iteração: O processo deve ser repetido com o segundo dígito
    - ...
    - $d$ -ésima iteração, onde  $d$  é o comprimento máximo da representação das chaves na base  $b$ :
      - Repetir o processo para o  $d$ -ésimo dígito

No exemplo,  
 $b = ?$   
 $d = ?$

# Aplicação: ordenação por distribuição

- Ideia do algoritmo
  - Receber os  $n$  itens a serem ordenados
  - Inicializar as  $b$  filas,  $F_0, F_1, \dots, F_{b-1}$ 
    - Dica: pode ter uma fila “principal”, que tem os dados iniciais, e os dados ao fim de cada iteração
  - Para cada dígito  $i$  (total  $d$ )
    - Para cada item  $j$  (total  $n$ )
      - Seja  $k$  o  $i$ -ésimo dígito menos significativo
      - O item  $L_j$  deve ser inserido na fila  $F_k$
    - Ao final, concatenar todas as filas para analisar o próximo dígito

# Aplicação: ordenação por distribuição

- Ideia do algoritmo
  - Receber os  $n$  itens a serem ordenados
  - Inicializar as  $b$  filas,  $F_0, F_1, \dots, F_{b-1}$ 
    - Dica: pode ter uma fila “principal”, que tem os dados iniciais, e os dados ao fim de cada iteração
  - Para cada dígito  $i$  (total  $d$ )
    - Para cada item  $j$  (total  $n$ )
      - Seja  $k$  o  $i$ -ésimo dígito menos significativo
      - O item  $L_j$  deve ser inserido na fila  $F_k$
    - Ao final, concatenar todas as filas para analisar o próximo dígito

Ideia utilizada por classificadora de cartões que efetuava a ordenação física de cartões a partir de chaves representadas por perfurações localizadas em 12 alturas diferentes no cartão.

# Aplicação: ordenação por distribuição

---

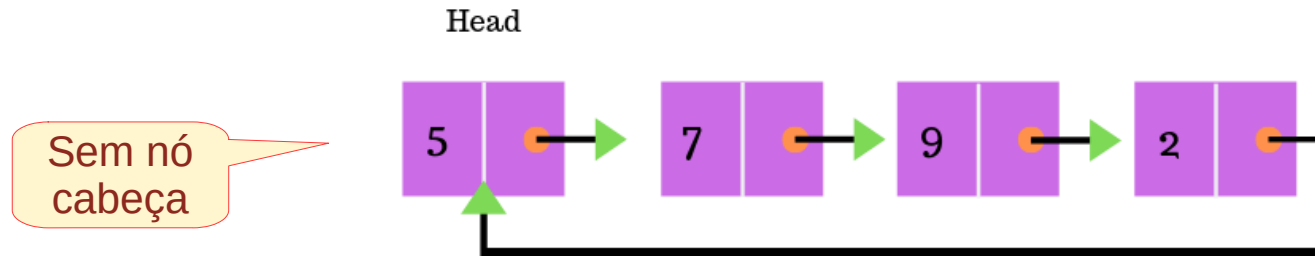
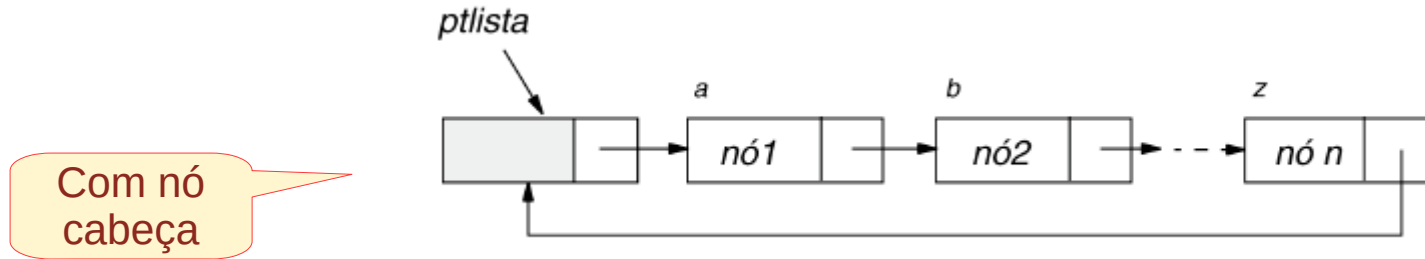
- Análise de complexidade
  - Ao utilizar uma fila encadeada, qualquer inclusão, remoção ou concatenação é  $O(1)$
  - Depende de dois laços aninhados que dependem de  $d$  e  $n$  respectivamente

---

# Listas circulares

# Listas circulares

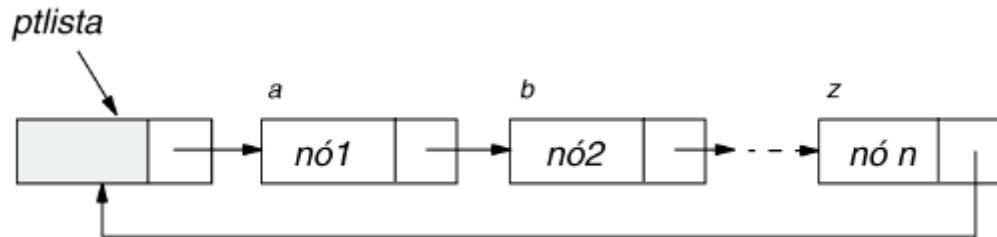
- A lista circular encadeada tem que o último nó aponte para o início da lista



# Listas circulares

- O teste de final de lista nunca é satisfeito
  - Contudo a chave buscada pode ser colocada na cabeça e usada para sempre ter uma resposta positiva

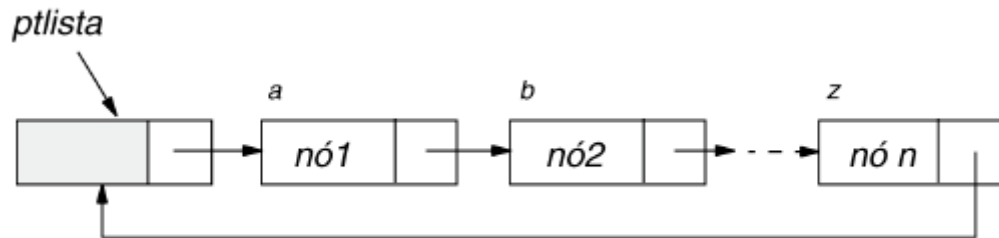
Similar a busca  
alocação sequencial





# Listas circulares

- O teste de final de lista nunca é satisfeito
  - Contudo a chave buscada pode ser colocada na cabeça e usada para sempre ter uma resposta positiva
- Alterações na inserção e remoção devem ser feitas



# Listas circulares

- Implementação:
  - Criando nova lista

```
No *novaLista()
{
    No *ptLista = (No *)malloc(sizeof(No));
    if(ptLista == NULL) {
        printf("Erro ao alocar memória.\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
    }

    // ptLista->info = 0; //o primeiro nó é ignorado
    ptLista->prox = ???
    return ptLista;
}
```

Retorna o nó cabeça

# Listas circulares

- Implementação:
  - Criando nova lista

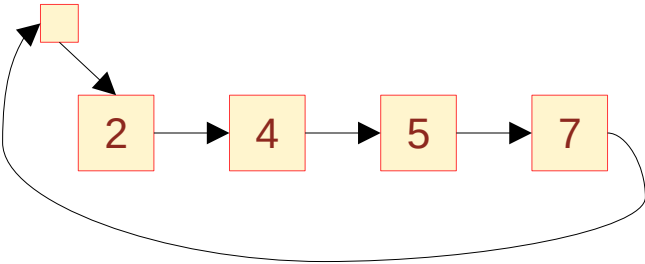


```
No *novaLista()
{
    No *ptLista = (No *)malloc(sizeof(No));
    if(ptLista == NULL) {
        printf("Erro ao alocar memória.\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
    }

    // ptLista->info = 0; //o primeiro nó é ignorado
    ptLista->prox = ???
    return ptLista;
}
```

# Listas circulares

- Implementação:
  - Busca



```
//retorna o nó anterior ao procurado, seja ele encontrado ou não
No *buscarOrdenado(Item x, No *ptLista)
{
    if(ptLista == NULL) {
        printf("Lista inexistente.\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
    }

    ptLista->info = x;
    No *ant = ptLista;
    No *pt = ptLista->prox;

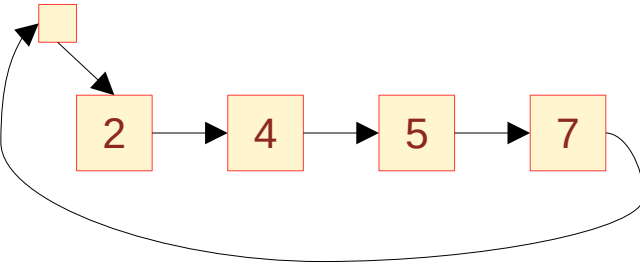
    while(pt->info < x)
    {
        ant = pt;
        pt = pt->prox;
    }

    return ant;
}
```

# Listas circulares

- Implementação:
  - Inserção

1



```
bool inserirOrdenado(Item x, No *ptLista)
{
    No *ant = buscarOrdenado(x, ptLista);

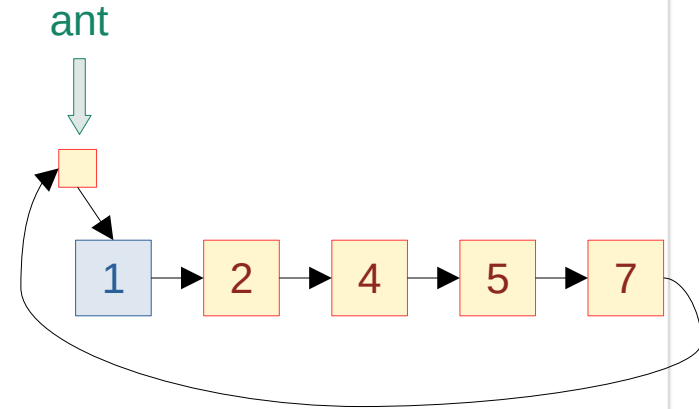
    //o próximo sempre existirá, o problema é se o próximo for a cabeça
    //ou se tiver já achado
    if(ant->prox != ptLista && ant->prox->info == x)
    {
        printf("Item %d já existe na lista\n", x);
        return false;
    }
    //caso contrário, inserir na próxima posição
    No *novo = novoNo(x);
    novo->prox = ant->prox; //para não perder o encadeamento
    ant->prox = novo;

    return true;
}
```

A função novoNo() é similar a novaLista()

# Listas circulares

- Implementação:
  - Inserção



E se fosse 4?  
e 8?

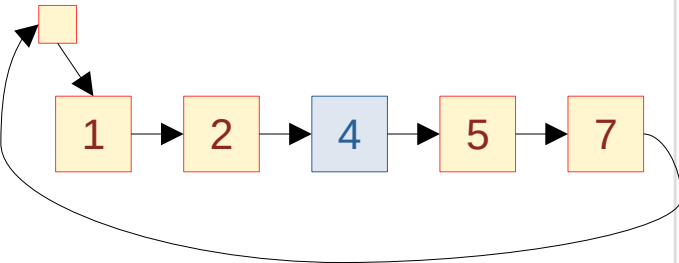
```
bool inserirOrdenado(Item x, No *ptLista)
{
    No *ant = buscarOrdenado(x, ptLista);

    //o próximo sempre existirá, o problema é se o próximo for a cabeça
    //ou se tiver já achado
    if(ant->prox != ptLista && ant->prox->info == x)
    {
        printf("Item %d já existe na lista\n", x);
        return false;
    }
    //caso contrário, inserir na próxima posição
    No *novo = novoNo(x);
    novo->prox = ant->prox; //para não perder o encadeamento
    ant->prox = novo;

    return true;
}
```

# Listas circulares

- Implementação:
  - Remoção



```
bool removerOrdenado(Item x, No *ptLista)
{
    No *ant = buscarOrdenado(x, ptLista);

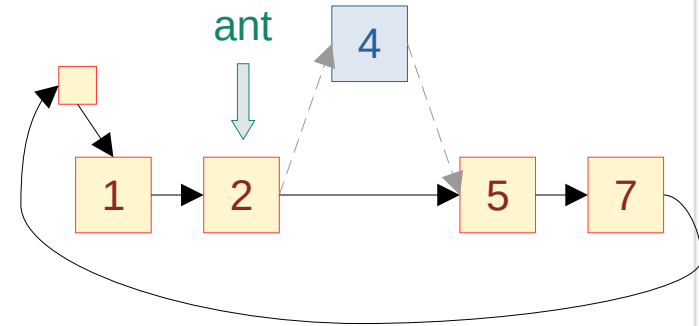
    //se não for encontrado, não remove
    //se buscou até o final da lista achando só a cabeça, não remove
    if(ant->prox == ptLista || ant->prox->info != x)
    {
        printf("Item %d não existe na lista\n", x);
        return false;
    }
    //caso contrário, remover da próxima posição
    No *remover = ant->prox;
    ant->prox = remover->prox; //para não perder o encadeamento
    free(remover);

    return true;
}
```

Basta  
uma ser  
verdade

# Listas circulares

- Implementação:
  - Remoção



```
bool removerOrdenado(Item x, No *ptLista)
{
    No *ant = buscarOrdenado(x, ptLista);

    //se não for encontrado, não remove
    //se buscou até o final da lista achando só a cabeça, não remove
    if(ant->prox == ptLista || ant->prox->info != x)
    {
        printf("Item %d não existe na lista\n", x);
        return false;
    }
    //caso contrário, remover da próxima posição
    No *remover = ant->prox;
    ant->prox = remover->prox; //para não perder o encadeamento
    free(remover);

    return true;
}
```



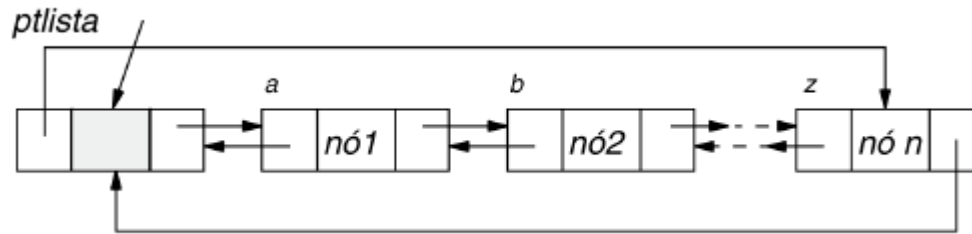
---

# Listas duplamente encadeadas circulares

# Listas duplamente encadeadas circulares

- A lista duplamente encadeada tem ponteiros para o próximo e para o anterior

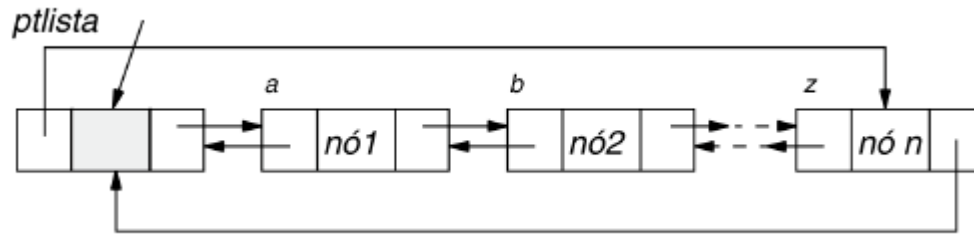
Pode ter ou não cabeça



Pode ser duplamente encadeada sem ser circular

# Listas duplamente encadeadas circulares

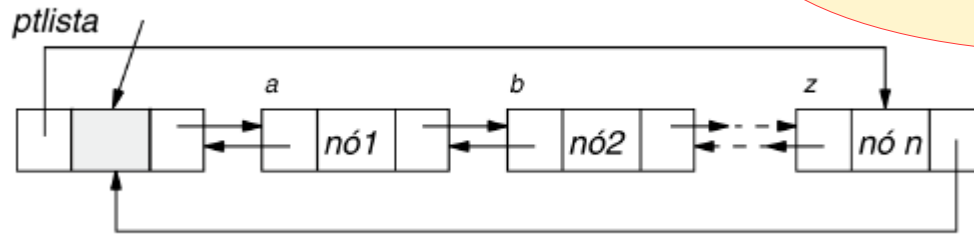
- A lista duplamente encadeada tem ponteiros para o próximo e para o anterior
  - O gasto de memória com o novo campo de ponteiro pode ser justificado pela economia em não reprocessar praticamente a lista inteira na busca.



Ex: o ultimo elemento dá lista é 10, adianta procurar o 11?

# Listas duplamente encadeadas circulares

- A lista duplamente encadeada tem ponteiros para o próximo e para o anterior
  - O gasto de memória com o novo campo de ponteiro pode ser justificado pela economia em não reprocessar praticamente a lista inteira na busca.



Qual a nova estrutura para nó?

# Listas duplamente encadeadas circulares

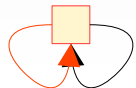
- Implementação:
  - Criando nova lista

```
No *novaLista()
{
    No *ptLista = (No *)malloc(sizeof(No));
    if(ptLista == NULL) {
        printf("Erro ao alocar memória.\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
    }

    // ptLista->info = 0; //o primeiro nó é ignorado
    ???
    return ptLista;
}
```

# Listas duplamente encadeadas circulares

- Implementação:
  - Criando nova lista



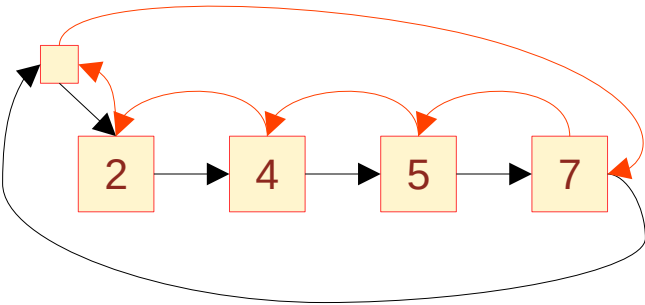
```
No *novaLista()
{
    No *ptLista = (No *)malloc(sizeof(No));
    if(ptLista == NULL) {
        printf("Erro ao alocar memória.\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
    }

    // ptLista->info = 0; //o primeiro nó é ignorado
    ???
    return ptLista;
}
```

# Listas duplamente encadeadas circulares

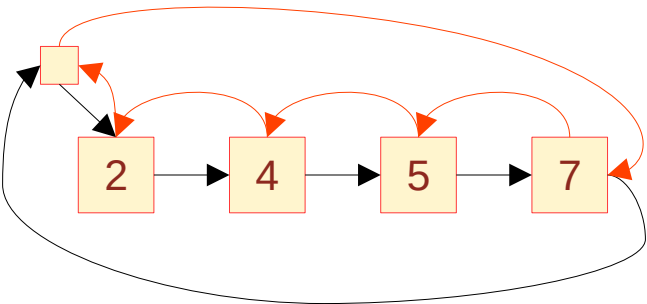
- Implementação:
  - Busca: Não precisa retornar o ponteiro anterior

Por quê?



# Listas duplamente encadeadas circulares

- Implementação:
  - Busca



```
//retorna o nó procurado ou o posterior a ele (caso não exista)
```

```
No *buscarOrdenado(Item x, No *ptLista)  
{
```

```
    if(ptLista == NULL) {  
        printf("Lista inexistente.\n");  
        exit(EXIT_FAILURE);  
    }
```

???

```
    ptLista->info = x;  
    No *pt = ptLista->prox;  
    while(pt->info < x)  
    {  
        pt = pt->prox;  
    }
```

```
    return pt;  
}
```

O que fazer para verificar se precisa mesmo fazer a busca?

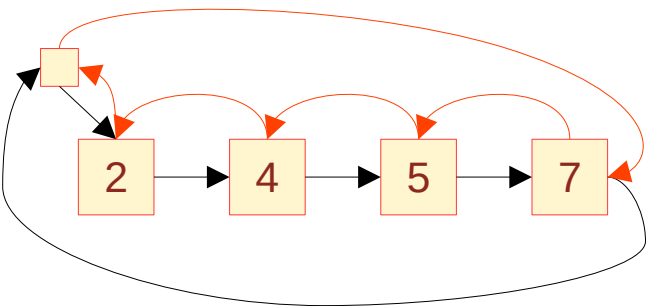
Sem guardar o ant



# Listas duplamente encadeadas circulares

- Implementação:
  - Inserção

1



```
bool inserirOrdenado(Item x, No *ptLista)
{
    No *pt = buscarOrdenado(x, ptLista);

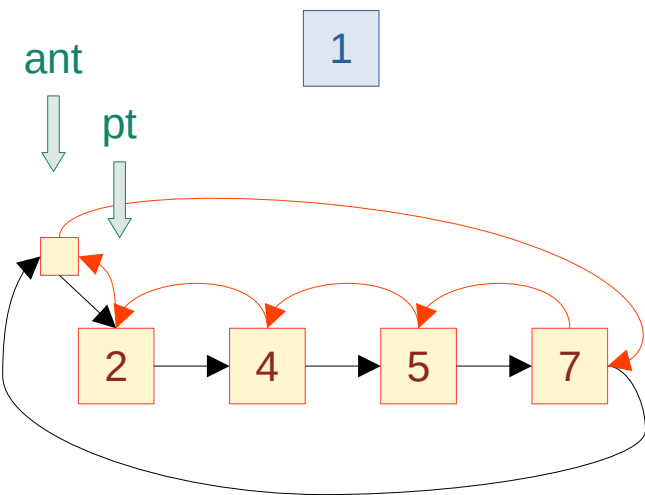
    //se o nó já existir na lista, não insere
    if(pt != ptLista && pt->info == x)
    {
        printf("Item %d já existe na lista\n", x);
        return false;
    }
    //caso contrário, inserir na próxima posição
    No *novo = novoNo(x);
    No *ant = pt->ant;

    //atualizando os ponteiros para não perder o encadeamento
    ???

    return true;
}
```

# Listas duplamente encadeadas circulares

- Implementação:
  - Inserção



```
bool inserirOrdenado(Item x, No *ptLista)
{
    No *pt = buscarOrdenado(x, ptLista);

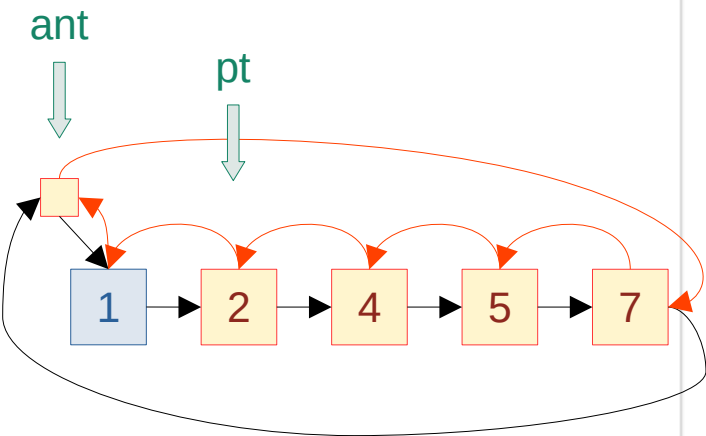
    //se o nó já existir na lista, não insere
    if(pt != ptLista && pt->info == x)
    {
        printf("Item %d já existe na lista\n", x);
        return false;
    }
    //caso contrário, inserir na próxima posição
    No *novo = novoNo(x);
    No *ant = pt->ant;

    //atualizando os ponteiros para não perder o encadeamento
    ???

    return true;
}
```

# Listas duplamente encadeadas circulares

- Implementação:
  - Inserção



```
bool inserirOrdenado(Item x, No *ptLista)
{
    No *pt = buscarOrdenado(x, ptLista);

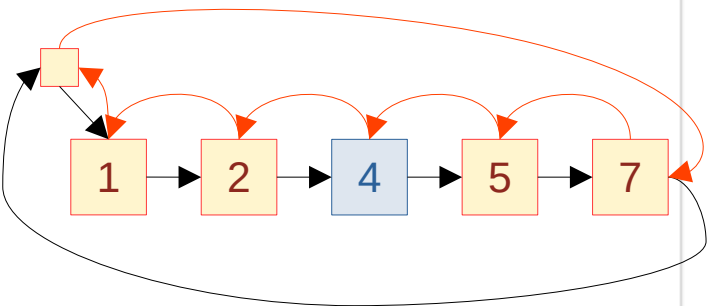
    //se o nó já existir na lista, não insere
    if(pt != ptLista && pt->info == x)
    {
        printf("Item %d já existe na lista\n", x);
        return false;
    }
    //caso contrário, inserir na próxima posição
    No *novo = novoNo(x);
    No *ant = pt->ant;

    //atualizando os ponteiros para não perder o encadeamento
    ???

    return true;
}
```

# Listas duplamente encadeadas circulares

- Implementação:
  - Remoção



```
bool removerOrdenado(Item x, No *ptLista)
{
    No *pt = buscarOrdenado(x, ptLista);

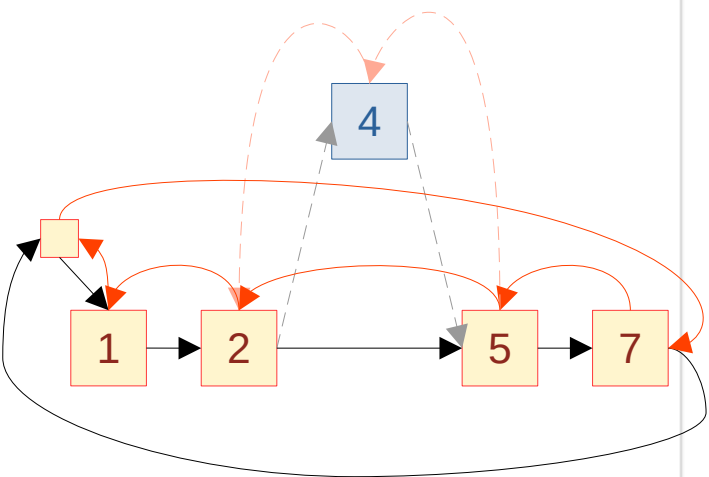
    //se não for encontrado, não remove
    //se buscou até o final da lista achando só a cabeça, não remove
    if(pt == ptLista || pt->info != x)
    {
        printf("Item %d não existe na lista\n", x);
        return false;
    }
    //caso contrário, remover da próxima posição

    free(pt);

    return true;
}
```

# Listas duplamente encadeadas circulares

- Implementação:
  - Remoção



```
bool removerOrdenado(Item x, No *ptLista)
{
    No *pt = buscarOrdenado(x, ptLista);

    //se não for encontrado, não remove
    //se buscou até o final da lista achando só a cabeça, não remove
    if(pt == ptLista || pt->info != x)
    {
        printf("Item %d não existe na lista\n", x);
        return false;
    }
    //caso contrário, remover da próxima posição

    ???

    free(pt);

    return true;
}
```

# Listas duplamente encadeadas circulares

- Exercício: concatenação de duas listas

Entrada?

Processo?

Podem assumir  
duas listas sem  
cabeça