华南理工大学 本科毕业设计(论文)翻译

英文原文名Efficient Processing of Top-k Queries in

Uncertain Databases

中文译名 高效处理不确定性数据库的 Top-k 查询

班级软件 06 级 4 班姓名区钺坚学号200630555196指导教师杜卿填表日期2010 年 5 月 6 日

二〇一〇年五月

英文原文版出处:	Florida State University, Tech. Rep.,2008			
译文成绩:	指导教师签名:			

译文:

摘要

本文介绍了一种新颖的多项式时间的不确定性数据 Top-k 查询,所用的模型是被广泛应用的 x-relation 模型。每个 x-relation 包含许多 x-tuple,每个 x-tuple 可以包含一个或者多个元组,但实例化的时候最多出现一个元组。就时间和空间的开销而言,我们的研究结果比很多著名的基于不确定数据库的算法要优秀。对于单一选择的情形,我们的算法快几个数量级。

I引言

由于许多应用都要求对不确定性或者模糊数据进行管理,因此不确定性数据库得到了许多关注。这样的应用例子有:数据集成、数据清洗、移动物体和传感器数据管理。

a)不确定性数据模型:在 TRIO[1]系统,一个不确定性数据集,或者叫做 x 关系 (x-relation),包含许许多多的 x 元组(x-tuple)。每一个 x 元组包含了很多个带有概率 的可选物,这个概率就代表被选中的可选物的离散概率分布。 x 元之间假设是互相 独立的。在这一篇论文当中,我们同样是采用 x 关系模型的,我们增加一个用于排 名元组的分数属性。更加精确的说,每一个元组 t 都包含四个部分:一个唯一的标识符 id(t),一个分数 s(t),一个代表 t 出现在数据库中概率的置信度 p(t)以及其他属性 A(t)。一个 x 元组 T 就是有限的元组的集合,所受的约束为 $\sum_{n\in T} p(t) \le 1$ 。这些 ti 就叫做 T 的可选物(alternative)。一个 x 元组代表了 T 在随机实例化数据库中可能值的离散概率分布,例如,对于 i=1,...,|T|,T 取 ti 的概率为 p(ti),或者不出现,不出现的概率为 $1-\sum_{i=1}^d p(t_i)$ 。我们定义不确定性数据库 D 为两两不相交的 x 元组的集合。我们使用 D 来表示 D 中的所有元组的集合,令 $1D = \sum_{T \in D} |T| = N$ 。为了不失一般性,我们假设所有在 D 中的分数都是不同的。

一个不确定性数据库 D 被实例化为可能世界,假设 x 元组[1]是相互独立的,令 W 为所有可能世界的集合。因此,D 使用一种简洁的方式来表示在上 W 的概率分布。请看图 1 表示的例子。

tuples	s(t)	p(t)
t_1	100	0.5
t_2	92	0.4
t_3	80	0.6
t_4	70	0.3

x-tuples					
$ au_1$	$\{t_1, t_4\}$				
$ au_2$	$\{t_2\}$				
$ au_3$	$\{t_3\}$				

world W	$\Pr[W]$
Ø	$(1 - p(t_1) - p(t_4))(1 - p(t_2))(1 - p(t_3)) = .048$
$\{t_1\}$	$p(t_1)(1-p(t_2))(1-p(t_3)) = .12$
$\{t_2\}$	$p(t_2)(1-p(t_1)-p(t_4))(1-p(t_3)) = .032$
$\{t_3\}$	$p(t_3)(1-p(t_1)-p(t_4))(1-p(t_2)) = .072$
$\{t_4\}$	$p(t_4)(1-p(t_2))(1-p(t_3)) = .072$
$\{t_1, t_2\}$	$p(t_1)p(t_2)(1-p(t_3)) = .08$
$\{t_2,t_4\}$	$p(t_2)p(t_4)(1-p(t_3)) = .048$
$\{t_1,t_3\}$	$p(t_1)p(t_3)(1-p(t_2)) = .18$
$\{t_3,t_4\}$	$p(t_3)p(t_4)(1-p(t_2)) = .108$
$\{t_2, t_3\}$	$p(t_2)p(t_3)(1-p(t_1)-p(t_4)) = .048$
$\{t_1, t_2, t_3\}$	$p(t_1)p(t_2)p(t_3) = .12$
$\{t_2, t_3, t_4\}$	$p(t_2)p(t_3)p(t_4) = .072$

图 1 一个不确定数据库和它的所有可能世界的例子

我们区分两种情形。在单可选的情形(例如,x 元组 T2)中,每个 x 元组只有一个可选物;在多选情形(例如,x 元组 T1),有多于一个可选物给 x 元组选择。

b) 在不确定数据库在的 Top-k 查询:本论文在不确定数据集合下研究查询处理的问题,并且特别的我们关注在[2]定义的 Top-k 查询。

定义 1 (不确定 Top-k 查询(U-Topk)):令 D 为一个不确定数据库,它的可能世界实例空间为 W。对于任意的 $W \in W$,如果|W| < k,定义 $\Psi(W) = \phi$ 。令 T 为任意 k 元 组 集 合 。 对 于 一 个 在 D 上 的 U-Topk 查 询 的 结 果 为 T^* , $T^* = \operatorname{argmax}_T \sum_{W \in W, \Psi(W) = T} \Pr[W]$ 。结可以被任意解开。

对于图 1 中的例子,U-Top2 查询结果是 $\{t1, t2\}$,它的概率为 0.08+0.12=0.2,由可能世界 $\{t1,t2\}$ 和 $\{t1,t2,t3\}$ 贡献。

定义 2 (不确定 k-Ranks 查询(U-kRanks)):令 D 为一个不确定数据库,它的可能世界实例空间为 W。对于任意的 $W \in W$,令 $\psi_i(W)$ 为得分排在第 i 的元组, $1 \le i \le |W|$ 。 在 D 上的 U-kRanks 查询就是一个向量($t_1^*,...,t_k^*$),这里 $t_i^* = \arg\max_t \sum_{W \in W, \psi_i(W) = t} \Pr[W]$,i = 1,...,k。结可以被任意解开。

对于图 1 中的例子,U-2Ranks 查询结果为(t1,t3):t1 排名第一的概率为 0.12+0.08+0.18+0.12=0.5,t3 排名第二的概率为 0.18+0.048+0.072=0.3。

对于单选择情形,我们为 U-Topk 和 U-kRanks 查询提供解决方案,在 x 关系模型下两者都非常快,并且使用极小的空间。图 2 给出了在 x 关系模型下这个算法的

渐近的比较。对于多选情形的研究出现在这篇文章[3]的完整版本。

	U-Topk		U-kR	lanks
	时间	空间	时间	空间
我们的	n log k	k	nk	k
[2]	nk	k^2	n^2k	nk

II 算法

我们存储一个关系数据库表的所有 N 个元组在 D, 这些表称作元组表。我们把 x 元组的信息存储在一个 x 表。通过使用一个哈希映射,给定一个元组 t 的 id,那么 t 的所有可选物的得分和指置信度的值就可以在 O(1)时间获得。

为了处理一个 Top-k 查询,我们按照得分的降序来检索元组,今早结束检索,只要我们肯定那些未被检测的元组没有可能影响到查询结果。我们定义扫描深度,用 n 表示,扫描深度 n 就是保证结果正确所必须要扫描的元组的最小数目。更正式的:

定义 3 扫描深度(scan depth): 假设在不确定数据库 D 里面有 $t_1,...,t_N$ 这些已经排序的元组。对于 U-Topk 和 U-kRanks 查询,扫描深度 n 就是最小的 n 使得下面的描述成立: 对于任意的 D',D'的前 n 个元组与 D 在相同的排序准则是一样的,例如:t1....tn,在 D'上的查询结果与在 D 上的查询结果是一样的。

A. U-Topk 查询

定义 D_i 为不确定性数据,当 D 限制为 $D_{i=\{t1,...ti\}}$,对于 i=1,...,N, $D_{i=\{T'|T'=T\cap D_i,T\in D\}}$ 。对于图 1 中的数据库,这意味着, $D_{1=\{T_1'=\{t_1\}\}}$, $D_{2=\{T_1'=\{t_1\},T_2'=\{t_2\}\}}$, $D_{3=\{T_1'=\{t_1\},T_2'=\{t_2\},T_3'=\{t_3\}\}}$, $D_{4=\{T_1'=\{t_1,t_4\},T_2'=\{t_2\},T_3'=\{t_3\}\}}$ 。我们用 $W|D_i$ 来表示从 D_i 生成的一个可能世界实例,它的概率为 $Pr[W|D_i]$ 。对于 $i\geq k$,令 S_i 表示从 D_i 生成的包含 k 个元组的可能世界,即, S_i = $arg \max_{|W|=k} Pr[W|D_i]$,令 ρ_i = $Pr[Si|D_i]$ 。我们的算法框架是:一个个元组检索,当 i 从 k 递增到 N 的过程中,计算 S_i 。最后取 S_i 作为结果集,此时 S_i 对于的 ρ_i 是最大的。这个框架的正确性由下面这个引理保证。

引理 1: $\Pr[\Psi(W|D) = T^*] = \max\{\rho_i \mid k \le i \le N\}$ 证明:

令 $i^* = \max\{i \mid t_i \in T^*\}$ 。显然, $\Pr[\Psi(W \mid D) = T^*] = \Pr[\Psi(W \mid D_{i^*}) = T^*] = \rho_{i^*}$,因此, $\Pr[\Psi(W \mid D) = T^*] \le \max\{\rho \mid k \le i \le N\}$ 。

另一方面,考虑任意 T',令 $i'=\max\{i|t_i\in T'\}$,根据定义,对于任意的 i'有: $\Pr[\Psi(W|D)=T^*]\geq \Pr[\Psi(W|D)=T']=\rho^*$ 。 因 此 可 以 得 出 :

$\Pr[\Psi(W \mid D) = T^*] = \max\{ \rho_i \mid k \le i \le N \}$

使用引理 1 使得我们不需要枚举所以可能世界并且计算最大的总概率,我们只需要计算最大的 ρ_i 以及与其对应的 S_i ,而这个 S_i 就是 U-Topk 查询的结果。因此,U-Topk 查询的问题就转化为对于 i=k,k+1,...,N,计算 ρ_i 以及与其对应的 S_i 。实际上,只要我们确定剩下的 ρ_i 不可能大于目前已经找到的 ρ_i ,那么我们就可以停止处理了。然而,我们仍然需要一个有效的算法来计算 S_i 和 ρ_i ,同样需要 一个方法来告诉我们扫描深度是否已经达到。

引理 2: 对于一个单一选择的数据库 D 和任意的 $k \le i \le N$,Si 包含了 Di 中置信度最大的 k 个元组,并且:

$$\rho_i = \prod_{t_j \in S_i} p(t_j) \bullet \prod_{t_j \in D_i \setminus S_i} (1 - p(t_j))$$

证明:因为 $Pr[W|D_i]$ 是两个因子的乘积,在W中的所有元组出现的概率以及剩余的所有元组不出现的概率,当W包含k个置信度最大的元组时这两个因子都会取得最大值。只要知道了 S_i ,那么 ρ_i 也就知道了。

接下来我们给出这种情形的扫描深度的特征。

引理 3: 对于一个单一选择的数据库 D 和一个 U-Topk 查询,扫描深度就是最小的 n 使得:

$$\max_{1 \le i \le n} \rho_i \ge \prod_{1 \le i \le n} \max\{ p(t_i), 1 - p(t_i) \}$$
 (1)

证明:

我们首先证明,当(1)发生的时候,必须要再检索元组了。这是因为(1)的左边是检索了n个元组之后找到的最好的答案;而(1)的右边是 $Pr[W|D_i]$ 的上边界,对于任意的W和任意的i>n。

其次,我们证明如果(1)不成立,那么我们肯定还没有到达扫描深度。这个条件是紧凑的。这保证了我们的算法不会检索多余 n 个元组。我们首先证明下面的断言:如果我们检索了 k 个置信度大于等于 1/2 的元组,那么(1)必定成立。考虑第一次检索了 k 个这样的元组,例如检索完 t_s。因为这 k 个在 D_s 置信度最大的元组必定 是 置 信 度 大 于 等 于 1/2 的 k 个 元 组 。 结 合 引 理 2 , 我 们 有 : $\max_{1 \le i \le s} \rho_i \ge \rho_i = \prod_{1 \le i \le s} \max\{p(ti), 1 - p(ti)\}$ 。进一步地,因为(1)的左边从不变小并且(1)的右边从不变大,当我们检索了 n 个元组的时候,(1)依然成立。

我们构造另外一个不确定数据库 D',它的前 n 个元组与 D 是一样的,而其余元组的置信度为 1,我们讨论一定可以从 D'中找到比 D 更好的 U-Topk 结果如果(1)没有成立的话。因为(1)没有成立,所以在 D 和 D'的前 n 个元组中必定有 l-k 个元组置信度大于等于 1/2。因为 D'中剩余的所有元组的置信度都是 1,把这 1 个检索过和 k-1 个未检索过的元组放在一起得到一个比当前从 D 中获得的 Top-k 结果要好

的结果,它的概率为 $\prod_{1 \le i \le n} \max\{p(t_i), 1-p(t_i)\}$ 。因此,根据定义,我们还没有达到扫描深度。

使用引理 2 和引理 3,很容易得到一个处理 U-Topk 查询的高效算法。这个算法一个个元组的检索,维护目前检索过的 k 个置信度最大的元组,使用引理 2 来计算每一个 ρ_i 。我们可以使用一个大小为 k 的堆来实现这个目标,每个元组的时间开销为 $O(\log k)$ 。同时,它维护了(1)的右边,这样就可以在检索了 n 个元组之后停止检索。这对于每个元组来说都可以在常数时间内完成。因此,我们可以总结:

定理 1:对于一个单选择的不确定数据库,我们的算法能够在检索了 n 个元组之后得出 U-Topk 查询结果,它的时间开销为 $O(n \log k)$,空间需求为 O(k)。

B.U-kRanks 查询

这一节我们使用一个动态编程的算法来考虑 U-kRanks 查询。我们的算法是基于下面这个简单的知识的:一个元组 t_i 排名在第 j 个位置的概率依赖于前面的 i-1 个元组有 j-1 个元组出现,而不管这 j-1 个元组是什么。

令 D 为一个单选择的不确定数据库。对于 $1 \le j \le i \le N$,令 $r_{i,j}$ 为 Di 中一个可能世界有 j 个元组的概率,即, $r_{i,j} = \sum_{|W|=j} \Pr[W \mid D_i]$ 。我们同样定义 $r_{i,j} = 1$ 。显然,ti 在随机生成的可能世界中排名 j 的概率为 $p(t_i) \bullet r_{i-1,j-1}$ 。因此,在不确定数据库 D 中的 U-kRanks 查询结果为 $t_{X(i)}$,使得对于 j=1,...,k,有:

$$x(j) = \underset{j \le i \le N}{\operatorname{arg max}} \{ p(t_i) \bullet r_{i-1, j-1} \}$$
 (2)

现在我们剩下的任务就是计算 ri,j 了,它由下面的公式得出:

$$r_{i,j} = \begin{cases} p(t_i)r_{i-1,j-1} + (1-p(t_i))r_{i-1,j}, & if \quad i \ge j \ge 0; \\ 1, & if \quad i = j = 0; \\ 0, & otherwise. \end{cases}$$
(3)

公式(3)的正确性是显而易见的:为了从 D_i 中取得j个元组,要么就选择 t_i 然后从 D_{i-1} 中选择j-1个元组,要么不选择 t_i 然后从 D_{i-1} 中选择j个元组。

检索每个元组 ti 时,对于 $j=0,1,...,min\{i,k\}$ 我们的算法使用(3)来计算 $r_{i,j}$ 。根据(2),这同样保存了目前找到的最好的答案 x(j)。为了计算 $r_{i,j}$,只需计算 $r_{i-1,j}$,在计算过程中,我们的算法需要的空间为 O(k)。

最后,我们得出扫描深度 n 有如下特性,使得我们的算法能够在得出结果的时候停止,只需要从元组表里检索 n 个元组,这是最少的。

引理 4: 对于一个单选择不确定数据库 D 和一个 U-kRanks 查询,扫描深度 n 就是最小的 n 使得对于 j=1,...,k 下面这条公式成立

$$\sum_{j \le i \le n} \{ p(t_i) r_{i-1, j-1} \} \ge \sum_{0 \le l \le j-1} r_{n, l}$$
 (4)

证明:因为(4)的左边是当前排在j位置最好的结果,有足够的证据证明,对

于任意 D',假设它的元组为 $t_1,...,t_n,t'_{n+1},...,t'_N,(4)$ 的右边是 t'_i 排在第 j(j=1,...,k)个位置的概率的上边界,而这个上边界是可以获得的。

首先,对于任意 i > n,考虑 t'_i 成为从 D'中随机生成的世界第 j 个元组的概率。令 ξ_s 为 $\{t'_{n+1},...,t'_{i-1}\}$ 中有 s 个元组出现的概率(如果 i=n+1 则 $\xi_0=1$),有:

$$\Pr[\Psi j(W \mid D') = t_i] = p(t_i)(\sum_{l=0}^{j-1} r_n, l \bullet \xi_{j-1-l}) \le \sum_{l=0}^{j-1} r_n, l \bullet \xi_{j-1-l} \le \max_{0 \le l \le j} r_n, l$$

最后一条不等式之所以成立时因为 $\sum_{s=0}^{j-1} \xi_s \le 1$ 。因此,在得到正确的结果之前我们最多需要访问 \mathbf{n} 个元组。

其次,我们证明对于任意的 j,总有一个 D'能够达到这个上边界。令 p(t'n+1)=······ =p(t'N)=1,且 l^* = arg max $_{0 \le l \le j-1}$ $r_{n,l}$ 。 考虑元组 t'_{n+j-l^*} ,它出现在 D'中随机生成的可能世界的第 j 个位置的概率为 r_{n,l^*} 。因此,为了避免出错,我们最少需要访问 n 个元组。因为对于每一个元组和 $1 \le j \le k$ 我们可以在 O(k) 时间内检查不等式(4),所以下面的定理成立。

定理 2: 对于一个单选择不确定数据库,我们的算法能够在检索 n 个元组之后得出 U-kRanks 查询的结果,时间开销为 O(nk),空间开销为 O(k)。

III 总结

扩展的实验结果和多选情形的算法可以在完整版找到[3]。

IV 致谢

这些工作是在 Ke Yi 和 Feifei Li 在 AT&T 实验研究所的时候完成的。Ke Yi 的部分支持来自香港直接拨款资助(DAG07/08)。Feifei Li and 和 George Kollios 的部分支持来自 NSF grant IIS-0133825。

参考文献

[1]P. Agrawal, O. Benjelloun, A. Das Sarma, C. Hayworth, S. Nabar, T. Sugihara, and J. Widom, .Trio: A system for data, uncertainty, and lineage,. in VLDB, 2006.

[2]M. A. Soliman, I. F. Ilyas, and K. C. Chang, .Top-k query processing in uncertain databases,. in ICDE, 2007.

[3]K. Yi, F. Li, D. Srivastava, and G. Kollios, .Efficient processing of topk queries in uncertain databases,. Florida State University, Tech. Rep., 2008.