

## 大学物理 B---刚体力学作业

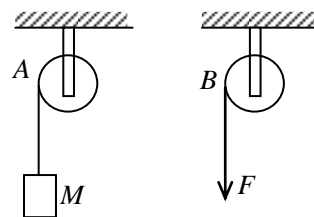
1. 关于刚体对轴的转动惯量, 下列说法中正确的是: ( C )

- (A) 只取决于刚体的质量, 与质量的空间分布和轴的位置无关.  
 (B) 取决于刚体的质量和质量的空间分布, 与轴的位置无关.  
 (C) 取决于刚体的质量、质量的空间分布和轴的位置.  
 (D) 只取决于转轴的位置, 与刚体的质量和质量的空间分布无关.

2. 如图所示,  $A$ 、 $B$ 为两个相同的绕着轻绳的定滑轮.  $A$ 滑轮挂一质量为 $M$ 的物体,  $B$ 滑轮受拉力 $F$ , 而且 $F=Mg$ . 设 $A$ 、 $B$ 两滑轮的角加速度分别为 $\beta_A$ 和 $\beta_B$ , 不计滑轮轴的摩擦, 则有: ( C )

- (A)  $\beta_A = \beta_B$ . (B)  $\beta_A > \beta_B$ .  
 (C)  $\beta_A < \beta_B$ . (D) 开始时 $\beta_A = \beta_B$ , 以后 $\beta_A < \beta_B$ .

$$\beta_A = \frac{Mgr}{J + Mr^2} \quad \beta_B = \frac{Fr}{J} = \frac{Mgr}{J}$$



3. 一个以恒定角加速度转动的圆盘, 如果在某一时刻的角速度为 $\omega_1 = 20\pi \text{ rad/s}$ , 再转 60 转后角速度为 $\omega_2 = 30\pi \text{ rad/s}$ , 则角加速度 $\beta = \underline{6.54 \text{ rad/s}^2}$ , 转过上述 60 转所需的时间 $\Delta t = \underline{4.8 \text{ s}}$ .

$$\beta = \frac{\omega_2^2 - \omega_1^2}{2\Delta\theta} = \frac{(30\pi)^2 - (20\pi)^2}{2 \times 60 \times 2\pi} = \frac{25\pi}{12} = 6.54 \text{ rad/s}^2$$

$$\Delta t = \frac{\omega_2 - \omega_1}{\beta} = \frac{30\pi - 20\pi}{6.54} = 4.8 \text{ s}$$

4. 质量为 $m$ , 半径为 $R$ 的匀质转盘, 以角速度 $\omega_0$ 绕中心轴作匀速定轴转动, 则转盘的转动动能为 $\underline{\frac{1}{4}mR^2\omega_0^2}$ , 角动量大小为 $\underline{\frac{1}{2}mR^2\omega_0}$ .

5. 一质量 $m = 6.00 \text{ kg}$ 、长 $l = 1.00 \text{ m}$ 的匀质棒, 放在水平桌面上, 可绕通过其中心的竖直固定轴转动, 对轴的转动惯量 $J = ml^2/12$ .  $t = 0$  时棒的角速度 $\omega_0 = 10.0 \text{ rad/s}$ . 由于受到恒定的阻力矩的作用,  $t = 20 \text{ s}$  时, 棒停止运动. 求: (1) 棒的角加速度的大小; (2) 棒所受阻力矩的大小; (3) 从 $t = 0$  到 $t = 10 \text{ s}$  时间内棒转过的角度.

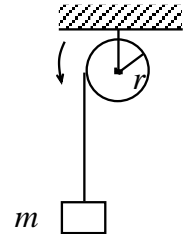
阻力矩恒定, 匀减速运动:

$$\beta = \frac{\omega - \omega_0}{t} = \frac{0 - 10}{20} = -0.5 \text{ rad/s}^2$$

$$M = J\beta = \frac{1}{12}ml^2\beta = \frac{1}{12} \times 6 \times 1^2 \times (-0.5) = -0.25 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$\Delta\theta = \int_0^t (\omega_0 + \beta t) dt = \omega_0 t + \frac{1}{2}\beta t^2 = 10 \times 10 + \frac{1}{2} \times (-0.5) \times 10^2 = 75 \text{ rad}$$

6. 如图所示, 设重物的质量为  $m$ , 定滑轮的半径为  $r$ , 对转轴的转动惯量为  $J$ , 轻绳与滑轮间无滑动, 滑轮轴上摩擦不计. 设开始时系统静止, 试求  $t$  时刻滑轮的角速度.



$$mg - T = ma$$

$$M = Tr = J\beta$$

$$a = r\beta$$

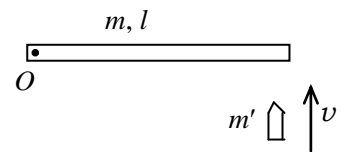
联立求解:

$$\beta = \frac{mgr}{J + mr^2} = \frac{d\omega}{dt}$$

$$\text{匀加速运动: } \int_0^\omega d\omega = \int_0^t \frac{mgr}{J + mr^2} dt$$

$$\omega = \frac{mgrt}{J + mr^2}$$

7. 一根放在水平光滑桌面上的匀质棒, 可绕通过其一端的竖直固定光滑轴  $O$  转动. 棒的质量为  $m = 1.5 \text{ kg}$ , 长度为  $l = 1.0 \text{ m}$ , 对轴的转动惯量为  $J = ml^2 / 3$ . 初始时棒静止. 今有一水平运动的子弹垂直地射入棒的另一端, 并留在棒中, 如图. 子弹的质量为  $m' = 0.020 \text{ kg}$ , 速率为  $v = 400 \text{ m s}^{-1}$ . 试问: (1) 棒开始和子弹一起转动时角速度  $\omega$  有多大?



(2) 若棒受到大小为  $M_r = 4.0 \text{ N} \cdot \text{m}$  的恒定阻力矩作用, 棒能转过的角度?

解: (1) 角动量守恒:

$$m'vl = \left( \frac{1}{3}ml^2 + m'l^2 \right) \omega$$

2分

$\therefore$

$$\omega = 15.4 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$$

2分

(2)

$$-M_r = (ml^2 / 3 + m'l^2) \beta$$

2分

$$0 - \omega^2 = 2\beta\theta$$

2分

$\therefore$

$$\theta = 15.4 \text{ rad}$$

2分