

## 大学物理 B 质点动力学作业

1. 对功的概念有以下几种说法:

C

- (1) 保守力作正功时, 系统内相应的势能增加.
- (2) 质点运动经一闭合路径, 保守力对质点作的功为零.
- (3) 作用力和反作用力大小相等、方向相反, 所以两者所作功的代数和必为零.

在上述说法中:

- (A) (1)、(2)是正确的.      (B) (2)、(3)是正确的.      (C) 只有(2)是正确的.      (D) 只有(3)是正确的.

2. 有两个倾角不同、高度相同、质量一样的斜面放在光滑的水平面上, 斜面是光滑的, 有两个一样的小球分别从这两个斜面的顶点, 由静止开始滑下, 则:

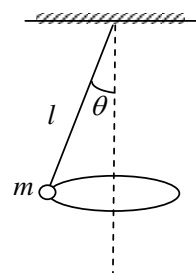
ABD

- (A) 小球到达斜面底端时的动量相等.
- (B) 小球到达斜面底端时动能相等.
- (C) 小球和斜面 (以及地球) 组成的系统, 机械能不守恒.
- (D) 小球和斜面组成的系统水平方向上动量守恒.



3. 一圆锥摆摆长为  $l$ 、摆锤质量为  $m$ , 在水平面上作匀速圆周运动, 摆线与铅直线夹角  $\theta$ , 则摆线的张力  $T =$

$\frac{mg}{\cos\theta}$ ; 摆锤的速率  $v = \sqrt{gr \tan\theta}$ .



4. 质量为  $m$  的物体, 初速极小, 在外力作用下从原点起沿  $x$  轴正向运动. 所受外力方向沿  $x$  轴正向, 大小为  $F = kx$ . 物体从原点运动到坐标为  $x_0$  的点的过程中所受外力冲量的大小为  $\sqrt{k m x_0}$ .

5. 一质量为  $10 \text{ kg}$  的物体, 沿  $x$  轴无摩擦地滑动,  $t = 0$  时刻, 静止于原点, 求:

- (1) 物体在力  $F = 3 + 4x \text{ N}$  的作用下运动了  $3$  米, 求物体的动能;
- (2) 物体在力  $F = 3 + 4t \text{ N}$  的作用下运动了  $3$  秒, 求物体的动能.

解: (1) 动能  $E_k = \int_0^3 F dx$

$$= \int_0^3 (3 + 4x) dx$$

$$= 3x + 2x^2 \Big|_0^3$$

$$= 3 \times 3 + 2 \times 3^2$$

$$= 27 \text{ (J)}$$

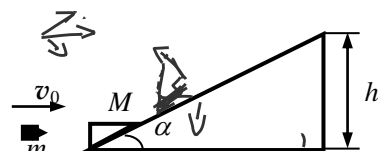
(2) 动量定理:

$$\int_0^3 F dt = mv - 0$$

$$\int_0^3 (3 + 4t) dt = \sqrt{2mE_k}$$

得  $E_k = 36.45 \text{ (J)}$

6. 如图, 一质量为  $M$  的物块放置在斜面的最底端  $A$  处, 斜面的倾角为  $\alpha$ , 高为  $h$ , 物块与斜面的摩擦系数为  $\mu$ , 今有一质量为  $m$  的子弹以速度  $v_0$  沿水平方向射入物块并留在其中, 且使物块沿斜面向上滑动. 求物块滑出斜面顶端时的速度的大小.



解: 子弹射入子弹内并留在其中, 沿斜面方向上动量守恒

$$mv_0 \cos \alpha = (m+M)v_1$$

$$\text{得 } v_1 = \frac{mv_0 \cos \alpha}{m+M}$$

由机械能守恒

$$\frac{1}{2}(m+M)v_1^2 = (m+M)gh + \mu(m+M)g \cos \alpha \cdot \frac{h}{\sin \alpha} + \frac{1}{2}(m+M)v_2^2$$

$$\text{得 } v_2 = \sqrt{\frac{m^2 v_0^2 \cos^2 \alpha}{(m+M)^2} - 2gh - \frac{2\mu gh}{\tan \alpha}}$$

7. 一弹性球, 质量为  $m=0.020 \text{ kg}$ , 速率  $v=5\text{m/s}$ , 与墙壁碰撞后跳回. 设跳回时速率不变, 碰撞前后的速度方向和墙的法线夹角都为  $\alpha=60^\circ$ , (1) 求碰撞过程中小球受到的冲量  $I$ ; (2) 设碰撞时间为  $\Delta t=0.05 \text{ s}$ , 求碰撞过程中小球受到的平均冲力  $\bar{F}$ .



解: (1) 由动量定理  $\vec{I} = m\vec{v}_2 - m\vec{v}_1$

以沿墙的法线向左为正方向

$$|\vec{I}| = m|\vec{v}_2| \cos \alpha - (-m|\vec{v}_1| \cos(180^\circ - 2\alpha))$$

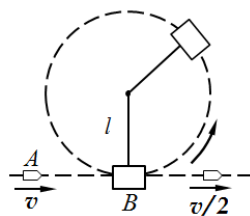
$$\begin{aligned} |\vec{I}| &= mv \cos \alpha + mv \cos \alpha \\ &= 2mv \cos \alpha \\ &= 2 \times 0.02 \times 5 \times \cos 60^\circ \\ &= 0.1 \text{ (N}\cdot\text{s)} \end{aligned}$$

所以碰撞过程小球受到的冲量  $I$  大小为  $0.1 \text{ N}\cdot\text{s}$ , 方向沿墙的法线向左.

$$(2) \text{ 由动量 } \vec{I} = \vec{F} \Delta t, \text{ 得 } |\vec{F}| = \frac{|\vec{I}|}{\Delta t} = \frac{0.1}{0.05} = 2 \text{ (N)}$$

所以碰撞过程中小球受到的平均冲力  $\vec{F}$  的大小为  $2 \text{ N}$ , 方向沿墙法线向左

8. 质量为  $m$  的子弹  $A$ , 穿过如图所示的摆锤  $B$  后, 速率由  $v$  减少到  $v/2$ . 已知摆锤的质量为  $m$ , 摆线长度为  $l$ , 如果摆锤能在竖直平面内完成一个完全的圆周运动, 子弹速度的最小值应为多少?



解: 水平方向上, 动量守恒  $\frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}mv_1^2 + \frac{1}{2}mv_2^2$

$$mv = mv_1 + m \cdot \frac{v}{2} \quad (1)$$

子弹速度  $v$  取最小值时, 物块上升到最高点时, 只有重力提供向心加速度, 即  $mg = m\frac{v_2^2}{l}$  (2) 系统机械能守恒

$$\frac{1}{2}mv^2 = mgl + \frac{1}{2}mv_2^2 \quad (3)$$

联立 (1)(2) 得子弹速度最小值  $v = \sqrt{20mgl}$