

## Universidad Nacional de Ingeniería Facultad de Ciencias Escuela Profesional de Matemática

Ciclo 2019-1

[Cod: CM334 Curso: Análisis Numérico I]

[Prof: L. Paredes]

## **Examen Final**

- 1. Determine el número de diagonales de un polígono convexo de n lados.
  - (a) [1 pto.] Modele el sistema.
  - (b) [2 ptos.] Resuelve el sistema usando el método de Householder.
  - (c) [2 ptos.] De (b) aplica el método de Gauss-Seidel con  $x_0 = (0\ 0\ 0)^T$ .
- 2. El área de un rectángulo es 12  $m^2$  y su diagonal mide 5 m.
  - (a) [1 pto.] Determine el sistema no lineal.
  - (b) [1 pto.] Determine el Jacobiano y su inversa.
  - (c) [3 ptos.] Determine la solución usando el método de SOR con  $x_0 = (1\ 1)^T$ .
- 3. La población activa de un país se clasifica en 3 categorías profesionales: técnicos superiores, obreros especializados y obreros no especializados. Así, en cada generación k la fuerza de trabajo del país está caracterizada por el número de personas incluidas en las 3 categorías. Supongamos que:
  - (a) Cada trabajador activo sólo tiene un hijo.
  - (b) El 50% de los hijos de los técnicos superiores lo son también, el 25% pasa a ser obrero especializado y el 25% restante es obrero no especializado.
  - (c) Los hijos de los obreros especializados se reparten entre las 3 categorías según los porcentajes  $30\%,\,40\%$  y 30%.
  - (d) Para los hijos de obreros no especializados las proporciones de reparto entre las categorías son 50%, 25% y 25%.
  - (a) [1 pto.] Modele el problema.
  - (b) [4 ptos.] Determine los valores y vectores propios usando el método de potencia y potencia inversa.

4. Se decide investigar la relación entre dos variables: ingreso, I y de compras futuras con tarjetas de crédito, C. El ingreso es tomado de las solicitudes de tarjetas de crédito y las compras a crédito durante el primer mes de posesión de la tarjeta. Una muestra aleatoria de 10 tenedoras de tarjetas de crédito, produce los datos siguientes (en miles de soles):

Ingeso $(I)$	176	168	202	138	213	159	193	122	185	153
Compras $(C)$	448	556	844	427	811	398	447	154	534	313

- (a) [1 pto.] Modele el sistema usando el ajuste lineal por mínimos cuadrados.
- (b)  $[3\ ptos.]$  Determine la compra para un ingreso de 240.
- (c)  $[1\ pto.]$  Determine el gráfico de la aproximación.

04 de Julio del 2019