UNIVERSIDAD NACIONAL DE INGENIERÍA FACULTAD DE CIENCIAS ESCUELA PROFESIONAL DE MATEMÁTICA

CURSO: ANÁLISIS Y MODELAMIENTO NUMÉRICO I EXAMEN PARCIAL CICLO 2020-I

Pregunta 1.- Dados los siguientes números reales

$$x = 2560$$
$$y = 516000$$

Sea $f: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$, tales que:

i)
$$f(x,y) = x + y$$
, ii) $f(x,y) = x - y$, iii) $f(x,y) = x \cdot y$

- a) Realice las operaciones en representación de coma punto flotante (exponencial)
- b) Realice las operaciones en el campo de los números enteros.
- c) Explique concretamente que sucede en los resultados obtenidos.

Pregunta 2.-

Dado el sistema AX = b, donde:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 5 \\ 8 & 4 & 2 \\ 2 & 10 & 6 \end{bmatrix}, \ b = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ -1 \end{bmatrix}$$

- a) Resuelva el sistema con el método de factorización LU, describiendo el proceso paso a paso.
- b) Reordenando el sistema implemente un algoritmo basado en el método iterativo de Gauss-Seidel, de modo que permita hallar solución aproximada (Sug. Usar como condición inicial el vector nulo) .
- c) Determine cuatro iteraciones en con el item (b) y encuentre su error absoluto con las dos últimas iteraciones.

Pregunta 3.-Sea la matriz A, donde $a \in \mathbb{R}$

$$A = \left[\begin{array}{ccc} 1 & a & a \\ a & 1 & a \\ a & a & 1 \end{array} \right]$$

- a) Para que valores de a, la matriz A es definida positiva?
- b) Determine la matriz J denominada matriz de Jacobi
- c) Si A es definida positiva para que valores de a, el método de Jacobi converge
- d) Calcular el radio espectral de J.

Pregunta 4.- Si Q es una matriz ortogonal y X un vector n- dimensional

- a) Probar que $||Q(AX b)||_2 = ||AX b||_2$
- b) Proponga un ejemplo particular para n=3 y compruebar el resultado de (a).

Pregunta 5.-Dada la matriz $H = I - 2WW^T$, W es un vector de \mathbb{R}^n ,con norma euclidea igual a 1, I es la matriz identidad. Demuestre que:

- i) H es simétrica
- ii) H es Ortogonal.

Lima, 29 de Julio del 2020

Sección 4F1A: Profesor Fidel Jara Sección 4F1B: Profesora Irla Mantilla