線形代数 II 第 9 回レポート課題 (提出期限:12 月 12 日 17:00*)

担当:大矢 浩徳 (OYA Hironori)

学籍番号:

問題 1.
$$A = \begin{pmatrix} 5 & 0 & 4 \\ 4 & -5 & 4 \\ -3 & -3 & -2 \end{pmatrix}$$
 とし、線形写像 $f_A \colon \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3$, $\begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \\ c_3 \end{pmatrix} \mapsto A \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \\ c_3 \end{pmatrix}$ を考える.

- 問題 1. $A = \begin{pmatrix} 5 & 0 & 4 \\ 4 & -5 & 4 \\ -3 & -3 & -2 \end{pmatrix}$ とし、線形写像 $f_A \colon \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3$, $\begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \\ c_3 \end{pmatrix} \mapsto A \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \\ c_3 \end{pmatrix}$ を考える.

 (1) f_A の定義域の基底を $B_1 = \left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right\}$, 終域の基底を $B_2 = \left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right\}$ としたとき,基底 B_1, B_2 に関する f_A の表現行列を求めよ.
- (2) f_A の定義域,終域の基底を共に $B = \left\{ \begin{pmatrix} -4\\4\\7 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2\\1\\3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1\\0\\1 \end{pmatrix} \right\}$ としたとき,基底 B に関する f_A の表 現行列を求めよ.

(裏もあります)

問題 2. \mathbb{R} 上のベクトル空間 \mathbb{R}^5 の部分集合

$$B := \left\{ \begin{pmatrix} 1\\0\\-2\\0\\-2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2\\-2\\0\\-1\\2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1\\-3\\3\\-2\\2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0\\-1\\0\\-2\\-1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1\\2\\0\\0\\1 \end{pmatrix} \right\}$$

は \mathbb{R}^5 の基底をなすかどうかを判定し、その理由を答えよ.

問題 3. 今回の講義で重要だったあるいは気に入ったキーワード・定理を挙げよ. (白紙にはしないこと.)

(以下質問・感想欄. 質問・要望・感想等あればお願いします.)