## 代数学 I 第 10 回レポート課題 (提出期限:7月17日17:00\*)

担当: 大矢 浩徳 (OYA Hironori)

学籍番号:

氏名:

問題 1. 準同型  $\phi$ :  $\mathfrak{S}_4 \to GL_2(\mathbb{C})$  であって,

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 2 & 1 & 3 & 4 \end{pmatrix} \mapsto \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -1 & -1 \end{pmatrix} \qquad \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 3 & 2 & 4 \end{pmatrix} \mapsto \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \qquad \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 2 & 4 & 3 \end{pmatrix} \mapsto \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$$

を満たすものが存在する. (このことは証明しなくて良い.) このとき、以下の  $GL_2(\mathbb{C})$  の元を具体的に求めよ. ただし、答えのみではなく計算過程を残すこと.

(i) 
$$\phi\left(\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 2 & 1 & 4 & 3 \end{pmatrix}\right)$$
 (ii)  $\phi\left(\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 3 & 4 & 1 & 2 \end{pmatrix}\right)$ 

問題 2. 有理数全体のなす加法群  $(\mathbb{Q},+)$  と正の有理数全体のなす乗法群  $(\mathbb{Q}_{>0},\times)$  は同型ではないことを示せ.

(もう1ページあります.)