代数学 I 第 9 回レポート課題 (提出期限:7月10日17:00*)

担当:大矢浩徳 (OYA Hironori)

学籍番号:

氏名:

問題 1. 一般線型群

$$GL_2(\mathbb{R}) := \left\{ \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \middle| a, b, c, d \in \mathbb{R}, ad - bc \neq 0 \right\}$$

を考える. 次の部分集合 G_1,G_2,G_3 が、それぞれ $GL_2(\mathbb{R})$ の

(a) 正規部分群となる (b) 部分群となるが正規部分群ではない (c) 部分群とならない

のどれになるかを選び、その理由を説明せよ.

$$(1) G_1 = \left\{ \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \middle| a, b, c, d \in \mathbb{R}, ad - bc > 0 \right\}.$$

$$(2) G_2 = \left\{ \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \middle| a, b, c, d \in \mathbb{R}, ad - bc \ge 1 \right\}.$$

$$(3) G_3 = \left\{ \begin{pmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{pmatrix} \middle| \theta \in \mathbb{R} \right\}.$$