# 大気放射の基礎 -Liou 著 藤枝・深堀訳 (2014) の講読-

## 人見祥磨

学籍番号:02160611

\* \* \* \* \*

北海道大学理学部地球惑星科学科宇宙惑星グ

ループ

指導教員:石渡正樹

\* \* \* \* \*

2020年1月29日

#### 概要

惑星大気の熱輸送についてシュミレーションをするために、大気の温度分布を知りたい。その ために必要な知識を整理した。また、シュミレーションのために必要な計算についての理論につ いても整理した。

## 目次

1		動機・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	3
	1.1	動機・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	3
2		基本的な放射量・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	3
	2.1	基本的な放射量・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	3
3		散乱と吸収の概念 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	4
	3.1	散乱と吸収の概念 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	4
	3.2	散乱の種類・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	5
4		黒体放射の法則・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	6
	4.1	プランクの法則・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	6
	4.2	プランクの法則・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	7
	4.3	ステファン・ボルツマンの法則 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	7
	4.4	ウィーンの変位則 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	7
	4.5	キルヒホッフの法則 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	8
5		放射伝達の基礎・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	8
	5.1	放射伝達方程式・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	8
	5.2	放射伝達方程式・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	8
	5.3	ビーアー・ブーゲー・ランバートの法則・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	9
	5.4	シュワルツシルトの方程式・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	9
6		まとめ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	9
	6.1	まとめ・今後の展望 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	9
7		スペクトル線の広がり ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	10
	7.1	スペクトル線の広がり・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	10
	7.2	ローレンツ線形・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	10
8		大気の熱赤外放射伝達 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	11
	8.1	大気の熱赤外放射伝達・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	11
	8.	.1.1 放射に関してのバランス方程式 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	11
	8.2	放射伝達のための一般的な方程式・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	11
	8.3	τ座標に変換・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	11
	8.4	境界条件 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	12

大気放射の基礎			
8.5	放射強度の型式解・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	12	
8.6	大気の放射フラックス密度・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	12	
8.7	ラインバイライン積分・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	13	
8.8	分光透過率・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	13	
9	相関 k 分布法 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	13	
9.1	相関 k 分布法 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	13	
9.2	相関 k 分布法 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	13	
9.3	THING TO AS TIMES	14	
9.4	不均質大気・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	14	
9.5	不均質大気への応用 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	14	
9.6	不均質大気への応用 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	14	
10	まとめ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	14	
10.1		15	
11	参考文献 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	15	

大気放射の基礎 3

#### 1 動機

#### 1.1 動機

- ・惑星大気の熱輸送について興味があった
- ・惑星大気について、自転周期や地軸の傾きによって、どのように熱輸送が変化するかシミュ レーションしたい
- ・そのために、大気の温度分布を知りたい
- ・放射に関する基本的な事項の知識の確認
- ・放射に関して、観測なども含めて、基礎事項を解説している Liou の教科書を読むことにした
  - 大気放射学 -衛星リモートセンシングと気候問題へのアプローチ-

K.N.Liou(著) 藤枝鋼、深堀正志(翻訳)

共立出版 (2014) 672 ページ

## 2 基本的な放射量

放射が進行することで、放射は相互作用により増減する。これを記述する**放射伝達方程式**を導く ことが目的である。

そのために、放射量を表すための物理量の定義について確認する。

#### 2.1 基本的な放射量

#### 単色の放射強度 Ix

面積 dA を横切り、dA の法線からなす角  $\theta$  の方向にある微小立体角  $d\Omega$  から入射する、ある波長 区間  $\lambda \sim \lambda + d\lambda$  における、微小時間 dt の間の微小放射エネルギー量  $dE_{\lambda}$ 

 $dE_{\lambda} = I_{\lambda} \cos[\theta] \ dA \ d\Omega \ d\lambda \ dt$ 

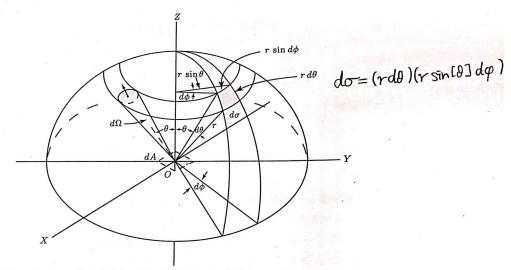


図 1.3 極座標で表された微小立体角の図. 説明のため、立体角  $d\Omega$  で限定された方向の面積 dA を通る放射束が示されている。そのほかの記号は、本文で定義されている。

#### 単色の放射フラックス密度 Fa

単色の放射輝度を、半球の全立体角にわたって積分したものの、法線成分

$$F_{\lambda} = \int_{\Omega} I_{\lambda} \cos[\theta] \, d\Omega$$

#### 全放射フラックス密度F

単色の放射フラックス密度を、波長全体で積分

$$F = \int_0^\infty F_\lambda \, d\lambda$$

#### 全放射フラックスf

全放射フラックス密度を、面全体で積分

$$f = \int_A F dA$$

## 3 散乱と吸収の概念

放射は、散乱や吸収の過程を経て、強度が変化する。

このことは、放射伝達方程式に記述されるが、実際にどのような現象が発生しているか確認 する。

#### 3.1 散乱と吸収の概念

**散乱** 入射波と衝突した粒子が、入射した電磁波のエネルギーを、あらゆる方向に再放射する過程。 すべての波長で発生し、粒子の大きさが影響する。 大気放射の基礎 3.2 散乱の種類 5

独立散乱 粒子が少ないとき、個々の粒子が全く同じように散乱する。

多重散乱 粒子が多量にあるとき、散乱が繰り返される。

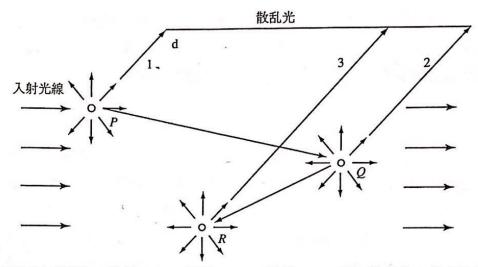


図 1.5 d で示す方向に 1 番目 (P), 2 番目 (Q), 3 番目 (R) の順に散乱する多重散乱過程.

#### 3.2 散乱の種類

散乱にはサイズパラメーター  $x = 2\pi\alpha/\lambda$  (a は粒径) が影響する。

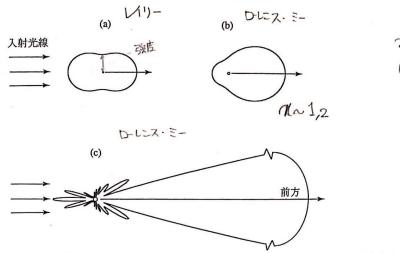


図 1.4  $0.5 \mu m$  の可視光で照らされた (a)  $10^{-4} \mu m$ , (b)  $0.1 \mu m$ , (c)  $1 \mu m$  という三つの大きさの球形エーロゾルによる散乱強度の説明のための角度パターン、 $1 \mu m$  のエーロゾルの前方散乱のパターンは非常に大きいため、説明用に縮小されている.

3.2 散乱の種類 6 大気放射の基礎

## 4 黒体放射の法則

黒体とは吸収のない理想的な物体である。放射を考える上で、最も基本的な物体として黒体を考 える。

黒体の放射を支配する4つの法則について述べる。

#### 4.1 プランクの法則

振動子が持つエネルギーは 
$$E=nh\tilde{\nu}$$
 に量子化されると仮定する。 プランク関数:  $B_{\tilde{\nu}}[T]=\frac{2h\tilde{\nu}^3}{c^2(exp[h\tilde{\nu}/k_BT]-1)}$ 

(v: 周波数、h: プランク定数、k<sub>B</sub>: ボルツマン定数、c: 光速、T: 絶対温度)

射出された単色の放射強度を、周波数と射出する物質の温度に関連付ける 波長 λ に関するプランク関数:

$$B_{\lambda}[T] = \frac{2hc^2}{\lambda^5(exp[hc/k_B\lambda T]-1)} = \frac{C_1\lambda^{-5}}{\pi(exp[C_2/\lambda T]-1)}$$

 $(C_1 = 2\pi hc^2, C_2 = hc/k_B)$ 

大気放射の基礎 4.2 プランクの法則 **7** 

#### 4.2 プランクの法則

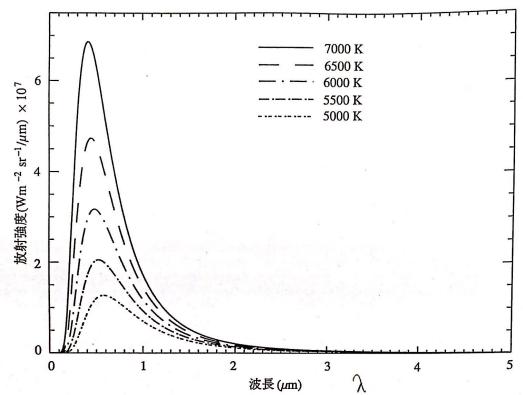


図1.7 いくつかの射出温度における波長に対する黒体の放射強度(プランク関数).

#### 4.3 ステファン・ボルツマンの法則

黒体の全放射強度: プランク関数を波長全体で積分

$$B[T] = \int_0^\infty B_{\lambda}[T] d\lambda = bT^4, \qquad b = \frac{2\pi^4 k_B^4}{15c^2 h^3}$$

等方な黒体によって放射される放射フラックス密度:

$$F = \pi B[T] = \sigma T^4$$

 $\sigma = 5.67 \times 10^{-8} \, \text{J m} - 2 \, \text{s}^{-1} \, \text{k}_{\text{B}}^{-4};$  ステファン・ボルツマン定数 広い波長域での赤外放射伝達の解析の基礎となる

#### 4.4 ウィーンの変位則

黒体放射の最大放射強度の波長が、温度に反比例する

大気放射の基礎 4.5 キルヒホッフの法則 **8** 

$$\frac{\partial B_{\lambda}[T]}{\partial \lambda} = 0$$
 これを解くと  $\lambda_{m} = \frac{\alpha}{T}$ 

 $(\alpha = 2.897 \times 10^{-3} \text{ m K; } ウィーンの変位定数)$ 

#### 4.5 キルヒホッフの法則

以下の条件を満たしているとき、射出と吸収が等しくなる

- ・一様な温度
- 等方性放射
- · 熱力学的平衡

中間圏よりも高度が低い、局所的に限られた空間では、エネルギー遷移が分子の衝突によって支配される範囲内で、精度良く成り立つと考えて良い

#### 5 放射伝達の基礎

ある方向に進む放射が、吸収や散乱などの相互作用で、どのように増減するか記述するのが、放射伝達方程式である。

放射伝達方程式を導き、特定の状況での放射伝達方程式の解を求める。

#### 5.1 放射伝達方程式

放射伝達強度  $I_{\lambda}^d$  が、放射の伝搬方向に厚さ ds で密度  $\rho$  の媒質を横切った後に、 $I_{\lambda}^d+dI_{\lambda}^d$  になるとする

$$dI_{\lambda}^{d} = -k_{\lambda}\rho i_{\lambda} ds$$

k<sub>λ</sub> は質量消散断面積と呼ばれる

射出と多重散乱による放射強度の増加が以下で与えられるように、放射源係数 j<sub>λ</sub> を定義する

$$dI_{\lambda}^{s} = j_{\lambda} \rho ds$$

#### 5.2 放射伝達方程式

ふたつの式を関連付けて、

$$dI_{\lambda} = dI_{\lambda}^{d} + dI_{\lambda}^{s} = -k_{\lambda}\rho I_{\lambda} ds + j_{\lambda}\rho ds$$

放射源関数  $J_{\lambda} \equiv j_{\lambda}/k_{\lambda}$  を導入すると、

$$rac{dI_{\lambda}}{k_{\lambda}\rho\,ds} = -I_{\lambda} + J_{\lambda}$$
 ……放射伝達方程式

#### 5.3 ビーアー・ブーゲー・ランバートの法則

大気系からの射出の寄与を無視できる

$$\frac{dI_{\lambda}}{k_{\lambda} \rho \, ds} = -I_{\lambda}$$

積分すると

$$I_{\lambda}[s_1] = I_{\lambda}[0] \exp[-k_{\lambda}u], \qquad u = \int_0^{s_1} \rho \, ds \quad (光路長)$$

一様に消散する媒質を横切る放射強度の低下が、質量消散断面積と光路長の積の指数関数に従う

#### 5.4 シュワルツシルトの方程式

地球と大気から射出される熱赤外放射伝達 放射源関数はプランク関数で与えられる

放射伝達方程式: シュワルツシルトの式

$$\frac{dI_{\lambda}}{k_{\lambda}\rho\,ds} = -I_{\lambda} + B_{\lambda}[T]$$

シュワルツシルトの式の解:

## 6 まとめ

#### 6.1 まとめ・今後の展望

- ・基礎方程式の概念がわかった
- ・特定の状況(大気系からの射出を無視できる場合や、シュワルツシルトの方程式)での、放射 伝達方程式の解法を学んだ
- ・放射伝達方程式から計算できるもの
  - 放射伝達方程式から吸収の鉛直分布を求めることができる
  - その結果、気温の鉛直分布がわかるようになる
- ・実際に応用する方法がわかっていないので、第8章を読み進めているところ

大気放射の基礎 6.1 まとめ・今後の展望 10

## 7 スペクトル線の広がり

単色の放射は、相互作用により非単色となり、有限の幅を持つスペクトル線となる

#### 7.1 スペクトル線の広がり

単色の射出は現実には観測されない

原子や分子への外部からの影響と、射出の際のエネルギー損失のため、エネルギー遷移する間に エネルギー準位が僅かに変化する

その結果、非単色の放射となり、有限の幅を持つスペクトル線が観測される

#### 7.2 ローレンツ線形

ローレンツ線形 衝突によって広げられたスペクトル線の線形

$$k_{\nu} = \frac{S}{\pi} \frac{\alpha}{(\nu - \nu_0)^2 + \alpha^2} = Sf[\nu - \nu_0]$$

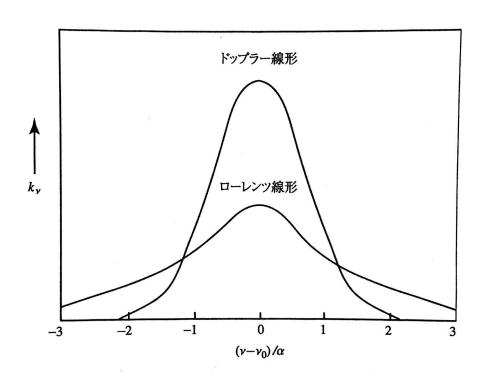


図 1.11 同じ吸収線強度と吸収線の幅を持ったローレンツ線形とドップラー線形.

k<sub>v</sub>: 吸収係数; v<sub>0</sub>: 理想的な単色の吸収線の波数;

α: 吸収線の半値半幅 (圧力と温度の関数);

f: 形状因子 (shape factor);  $S = \int_{-\infty}^{\infty} k_{\nu} d\nu$ : 線強度

## 8 大気の熱赤外放射伝達

放射伝達方程式から、大気の放射フラックス密度を形式的に得る

#### 8.1 大気の熱赤外放射伝達

#### 8.1.1 放射に関してのバランス方程式

ステファン・ボルツマンの法則から

$$S \cdot \pi \alpha_e^2 (1 - \overline{r}) = \sigma T_e^4 \cdot 4\pi \alpha_e^2$$

アルベド: τ̄: 地球半径: αε;

太陽定数:  $S = 1366 \,\mathrm{W\,m^{-2}};$  地球大気系の平衡温度:  $T_e$ 

バランス方程式より、

$$T_e = \sqrt[4]{S \frac{1-\bar{r}}{4\sigma}} \sim 255 \,\mathrm{K}$$

### 8.2 放射伝達のための一般的な方程式

放射束の放射強度: I<sub>v</sub>; 吸収係数: k<sub>v</sub>;

吸収気体の密度: ρ<sub>α</sub>; 光路長: s; 放射源関数: J<sub>ν</sub>

$$-\frac{1}{k_{\nu}\rho_{\alpha}}\frac{dI_{\nu}}{ds} = I_{\nu} - J_{\nu}$$

放射強度 時間に依存しないと仮定

平行平面大気 放射強度と大気パラメーターは鉛直方向にのみ変化

#### 8.3 τ座標に変換

放射強度は天頂角と鉛直位置のみの関数

 $B_{\gamma}[z] = B_{\gamma}[T[z]]$  はプランク放射強度

$$-\mu \frac{\mathrm{d}I_{\nu}[z,\mu]}{\mathrm{k}_{\nu}\rho_{\alpha}\,\mathrm{d}z} = \mathrm{I}_{\nu}[z,\mu] - \mathrm{B}_{\nu}[z]$$

光学的深さ $\tau$ を導入  $(p = \rho_{\alpha}/\rho$ は気体の混合比)

$$\tau = \int_{z}^{TOA} k_{\nu}[z] \rho_{\alpha}[z] dz = \int_{0}^{p} k_{\nu}[p] q[p] \frac{dp}{g}$$

大気放射の基礎 8.4 境界条件 12

$$d\tau = -k_{\gamma}[z]\rho_{\alpha}[z] dz = k_{\gamma}[p]q[p]dp/q$$

放射伝達方程式をτ座標に変換

$$\mu \frac{dI_{\nu}[\tau, \mu]}{d\tau} = I_{\nu}[\tau, \mu] - B_{\nu}[\tau]$$

#### 8.4 境界条件

境界条件: 地球表面からの射出と大気上端 (TOA) からの射出が等方性となる 全光学的厚さ:  $\tau_*$ 

地球表面は赤外で黒体と仮定  $I_{\nu}[\tau_*,\mu] = B_{\nu}[\tau_*]$ 

大気上端では  $I_{\gamma}[0,-\mu] = B[TOA] \simeq 0$  と仮定

#### 8.5 放射強度の型式解

単色の透過率  $T_{\nu}[\tau/\mu] = e^{-\tau/\mu}$  を定義 放射強度の型式解は

$$\begin{split} I_{\nu}^{\uparrow}[\tau,\mu] &= B_{\nu}[\tau_*] T_{\nu} \left[ \frac{\tau_{\nu} - \tau}{\mu} \right] - \int_{\tau}^{\tau_*} B_{\nu}[\tau'] \frac{d}{d\tau'} T_{\nu} \left[ \frac{\tau' - \tau}{\mu} \right] d\tau' \\ I_{\nu}^{\downarrow}[\tau,-\mu] &= \int_{0}^{\tau} B_{\nu}[\tau'] \frac{d}{d\tau'} T_{\nu} \left[ \frac{\tau - \tau'}{\mu} \right] d\tau' \end{split}$$

大気の加熱率の計算に必要な放射フラックス密度は、上半球と下半球の放射強度の和

$$F_{\nu}^{\uparrow\downarrow}[\tau] = 2\pi \int_{0}^{1} I_{\nu}^{\uparrow\downarrow}[\tau, \pm \mu] \mu \, d\mu$$

#### 8.6 大気の放射フラックス密度

角度方向の積分を考慮するため、拡散透過率 Tf を導入

$$T_{\nu}^{f}[\tau] = 2 \int_{0}^{1} T_{\nu} \left[ \frac{\tau}{\mu} \right] \mu \, d\mu$$

$$\begin{split} F_{\nu}^{\uparrow}[\tau] &= \pi B_{\nu}[\tau_*] T_{\nu}^f[\tau_* - \tau] - \int_{\tau}^{\tau_*} \pi B_{\nu}[\tau'] \frac{d}{d\tau'} T_{\nu}^f[\tau' - \tau] d\tau' \\ F_{\nu}^{\downarrow}[\tau] &= \int_{0}^{\tau} \pi B_{\nu}[\tau'] \frac{d}{d\tau'} T_{\nu}^f[\tau - \tau'] d\tau' \end{split}$$

放射フラックスの波数積分は、τが波数の関数なので、

$$\mathsf{F}^{\uparrow\downarrow}[z] = \int_0^\infty \mathsf{F}_{\nu}^{\uparrow\downarrow}[z] \, \mathrm{d}\nu$$

光学的深さに沿った波数積分を必ず含む

#### 8.7 ラインバイライン積分

ある与えられた波数と分子種には、さまざまな吸収線の吸収係数が透過率へ寄与する

$$\tau = \sum_{j} \tau_{j} = \int_{\mathfrak{u}} \sum_{j} k_{\nu,j}[\mathfrak{u}] d\mathfrak{u}$$

したがって、吸収係数は吸収線強度と吸収線形の式で表すことができる

$$k_{\nu}[p,T] = \sum_{j} S_{j}[T] f_{\nu,j}[p,T]$$

#### 8.8 分光透過率

赤外放射伝達の計算をする際は、プランク関数の変動が無視しうるような小さな波数区間で放射 パラメーターを決めることが有効

放射強度と放射フラックスの方程式における基本的な放射パラメーターとして、平均波数の添字 vのついた分光透過率を定義する

$$T_{\bar{\nu}}[u] = \int_{\Delta \nu} \exp[-\tau] \frac{d\nu}{\Delta \nu} = \int_{\Delta \nu} \exp\left[-\int_{u} \sum_{j} k_{\nu,j}[u] du\right] \frac{d\nu}{\Delta \nu}$$

## 9 相関 k 分布法

#### 9.1 相関 k 分布法

気体の分光透過率を吸収係数  $k_v$  に応じてグループとして扱う 均質な大気では分光透過率は吸収係数 k の順序に依存しない 波数積分は k 空間での積分に置き換えることができる

#### 9.2 相関 k 分布法

波数区間  $\Delta v$  における  $k_v$  に対する正規化確率密度関数が f[k] で与えられ、その最大値と最小値がそれぞれ  $k_{min} \to 0$ 、 $k_{max} \to \infty$  だとすると、分光透過率は

$$T_{\tilde{\nu}}[u] = \int_{\Delta \nu} \exp[-k_{\nu} u] \frac{d\nu}{\Delta \nu} = \int_{0}^{\infty} \exp[-ku] f[k] dk$$

確率密度関数fは分光透過率のラプラス逆変換であるとわかる

$$f[k] = \mathcal{L}^{-1}[T_{\tilde{\mathbf{v}}}[\mathbf{u}]]$$

大気放射の基礎 9.3 相関 k 分布法 14

#### 9.3 相関 k 分布法

累積確率分布関数を定義する

$$g[k] = \int_0^k f[k] \, dk$$

 $g[0]=0,\ g[k o\infty]=0,\ dg=f\,dk$  より、分光透過率は次で表すことができる

$$T_{\tilde{\mathbf{v}}}[u] = \int_0^1 \exp[-k[g]u] \, dg \simeq \sum_j \exp[-k[g_j]u] \, \Delta g_j$$

#### 9.4 不均質大気

相関 k 分布法は v 積分を g 積分で置き換える 吸収係数が一定であると仮定している

現実大気では、吸収係数は圧力に応じて変化するので、鉛直方向の吸収係数の変化を考えなければならない

$$T_{\nu}[u] = \int_{\Delta \nu} \exp\left[-\int_{u} k_{\nu} du\right] \frac{d\nu}{\Delta \nu} \stackrel{?}{=} \int_{0}^{1} \exp\left[-\int_{u} k[g] du\right] dg$$

#### 9.5 不均質大気への応用

波数区間  $-\Delta v/2$  から  $\Delta v/2$  で単一の吸収線を考える

吸収線の中心では  $\nu[k_{max}]=0$ 、吸収線の端では  $|\nu[k_{min}]|=\Delta\nu/2$  となり、累積密度関数は以下になる

$$g[k] = \int_0^k f[k] dk = \frac{2}{\Delta \nu} \int_{k}^k \left| \frac{d\nu}{dk} \right|_{k=k'} dk' = \frac{2}{\Delta \nu} \nu[k] - 1$$

すなわち、単一の吸収線の場合は v 積分を q 積分に置き換えることができる

#### 9.6 不均質大気への応用

波数区間  $\Delta v$  内で周期的に生起される吸収線を考える 吸収線の間隔が  $\delta$  であるとすると、

$$g[k] = \int_0^k f[k] \; dk = \frac{2}{\delta} \int_{k_{min}}^k \left| \frac{d\nu}{dk} \right|_{k=k'} dk' = \frac{2}{\delta} \nu[k] - 1$$

したがって、この場合も $\gamma$ 積分をg積分に置き換えることができる

#### 10 まとめ

大気放射の基礎 10.1 まとめと今後の展望 15

## 10.1 まとめと今後の展望

- ・大気放射フラックスを計算する方法について学んでいる
- ・相関 k 分布法は  $\gamma$  積分を g 積分に置換し、計算量を少なくすることができる
- ・相関k分布法で計算をする手順を学んでいるので、実際にそれを用いた計算を行いたい

## 11 参考文献