大気放射の基礎
–Liou 著 藤枝・深堀訳 (2014) の講読–

北海道大学理学部 人見祥磨

令和 2 年 1 月 27 日

目次

線の広がり

線の広がり

単色の射出は現実には観測されない。

原子や分子への外部からの影響と、射出の際のエネルギー損失のため、エネルギー遷移する間にエネルギー準位が僅かに変化する。

その結果、非単色の放射となり、有限の幅を持つスペクトル線が観測される。

ローレンツ線形

ローレンツ線形: 圧力による広がり。衝突によって広げられたスペクトル線の線形。

$$k_\nu = \frac{S}{\pi} \frac{\alpha}{(\nu - \nu_0)^2 + \alpha^2} = Sf[\nu - \nu_0]$$

k_ν: 吸収係数； ν_0: 理想的な単色の吸収線の波数;
α: 吸収線の半値半幅:（圧力と温度の関数）；
f: 形状因子 (shape factor); $S = \int_{-\infty}^{\infty} k_\nu \, d\nu$: 線強度

ローレンツ線形

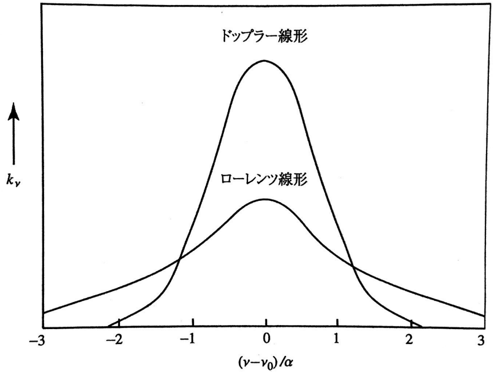

図 1.11 同じ吸収線強度と吸収線の幅を持ったローレンツ線形とドップラー線形.

大気の熱赤外放射伝達

大気の熱赤外放射伝達

アルベド：$\bar{r}$；　地球半径：a_e；
太陽定数：$S = 1366\,\mathrm{W\,m^{-2}}$；　地球大気系の平衡温度：$T_e$

放射に関してのバランス方程式
ステファン・ボルツマンの法則から

$$S \cdot \pi {a_e}^2 (1 - \bar{r}) = \sigma {T_e}^4 \cdot 4\pi {a_e}^2$$

係数 4：吸収と射出の面積の違い

バランス方程式より、

$$T_e = \sqrt[4]{S \frac{1 - \bar{r}}{4\sigma}} \sim 255\,\mathrm{K}$$

放射伝達のための一般的な方程式

放射束の放射強度：I_ν；　吸収係数：k_ν；
吸収気体の密度：ρ_a；　光路長：s；　放射源関数：J_ν

$$-\frac{1}{k_\nu \rho_a}\frac{dI_\nu}{ds} = I_\nu - J_\nu$$

放射強度 時間に依存しないと考えて良い

平行平面大気 放射強度と大気パラメーターは鉛直方向にのみ変化

τ 座標に変換

放射強度は天頂角と鉛直位置のみの関数

$B_\nu[z] = B_\nu[T[z]]$ **はプランク放射強度**

$$-\mu \frac{dI_\nu[z, \mu]}{k_\nu \rho_a \, dz} = I_\nu[z, \mu] - B_\nu[z]$$

光学的深さ τ を導入（$p = \rho_a/\rho$ は気体の混合比）

$$\tau = \int_z^{\mathrm{TOA}} k_\nu[z]\rho_a[z] \, dz = \int_0^p k_\nu[p]q[p]\frac{dp}{g}$$

$$d\tau = -k_\nu[z]\rho_a[z] \, dz = k_\nu[p]q[p]dp/g$$

放射伝達方程式を τ 座標に変換

$$\mu \frac{dI_\nu[\tau, \mu]}{d\tau} = I_\nu[\tau, \mu] - B_\nu[\tau]$$

境界条件: 地球表面からの射出と大気上端 (TOA) からの射出が等方性となる

全光学的厚さ: τ_*

地球表面は赤外で黒体とみなしてよいので $I_\nu[\tau_*, \mu] = B_\nu[\tau_*]$

大気上端では $I_\nu[0, -\mu] = B[\mathrm{TOA}] \simeq 0$

放射強度の型式解

単色の透過率 $T_\nu[\tau/\mu] = e^{-\tau/\mu}$ を定義

放射強度の型式解は

$$I_\nu^{\uparrow}[\tau, \mu] = B_\nu[\tau_*] T_\nu\left[\frac{\tau_\nu - \tau}{\mu}\right] - \int_\tau^{\tau_*} B_\nu[\tau'] \frac{d}{d\tau'} T_\nu\left[\frac{\tau' - \tau}{\mu}\right] d\tau'$$

$$I_\nu^{\downarrow}[\tau, -\mu] = \int_0^{\tau} B_\nu[\tau'] \frac{d}{d\tau'} T_\nu\left[\frac{\tau - \tau'}{\mu}\right] d\tau'$$

大気の加熱率の計算に必要な放射フラックス密度は、上半球と下半球の放射強度の和

$$F_\nu^{\uparrow\downarrow}[\tau] = 2\pi \int_0^1 I_\nu^{\uparrow\downarrow}[\tau, \pm\mu] \mu \, d\mu$$

大気の放射フラックス密度

角度方向の積分を考慮するため、拡散透過率 T^f_ν を導入

$$T^f_\nu[\tau] = 2\int_0^1 T_\nu\left[\frac{\tau}{\mu}\right]\mu\,d\mu$$

$$F^\uparrow_\nu[\tau] = \pi B_\nu[\tau_*]T^f_\nu[\tau_* - \tau] - \int_\tau^{\tau_*} \pi B_\nu[\tau'] \frac{d}{d\tau'} T^f_\nu[\tau' - \tau] d\tau'$$

$$F^\downarrow_\nu[\tau] = \int_0^\tau \pi B_\nu[\tau'] \frac{d}{d\tau'} T^f_\nu[\tau - \tau'] d\tau'$$

放射フラックスの波数積分は、τ が波数の関数なので、

$$F^{\uparrow\downarrow}[z] = \int_0^\infty F^{\uparrow\downarrow}_\nu[z]\,d\nu$$

大気の放射フラックスの計算は光学的深さに沿った波数積分を必ず含む