11주차(1/3)

로지스틱 회귀 3

파이썬으로배우는기계학습

한동대학교 김영섭교수

로지스틱 회귀

■ 학습 목표

- 교차 엔트로피 손실함수를 이해한다.
- 로지스틱 회귀 신경망의 역전파 계산한다.
- 소프트맥스 활성화 함수를 이해한다.
- 로지스틱 회귀 신경망을 구현한다.

• 학습 내용

- 교차 엔트로피 손실함수와 제곱 합 오차함수의 비교
- 로지스틱 회귀의 역전파를 행렬로 계산하기
- 소프트맥스 활성화 함수를 이해하기
- 로지스틱 회귀 신경망에 구현하여 적용하기

- 제곱 합 오차 함수
 - 목적 함수를 최소로 하는 값 찾기
- 교차 엔트로피 손실 함수
 - 목적 함수를 최소로 하는 값 찾기

- 제곱 합 오차 함수
 - 목적 함수를 최소로 하는 값 찾기
 - 방법 모든 자료 오차의 합이 최소

- 교차 엔트로피 손실 함수
 - 목적 함수를 최소로 하는 값 찾기
 - 방법 모든 자료의 정확한 분류

- 제곱 합 오차 함수
 - 목적 함수를 최소로 하는 값 찾기
 - 방법 모든 자료 오차의 합이 최소

$$E = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} \frac{1}{2} (y^{(i)} - \hat{y}^{(i)})^2$$

- 교차 엔트로피 손실 함수
 - 목적 함수를 최소로 하는 값 찿기
 - ▶ 방법 모든 자료의 정확한 분류

$$J = -\sum_{i} y^{(i)} log(\hat{y}^{(i)})$$

- 제곱 합 오차 함수
 - 목적 함수를 최소로 하는 값 찾기
 - 방법 모든 자료 오차의 합이 최소

$$E = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} \frac{1}{2} \left(y^{(i)} - \hat{y}^{(i)} \right)^{2}$$

```
1 def MSEcost(self, A2, Y):
2    m = Y.shape[1] # m examples
3    cost = np.sum(E2 * E2) / m
4    return cost
```

- 교차 엔트로피 손실 함수
 - 목적 함수를 최소로 하는 값 찿기
 - 방법 모든 자료의 정확한 분류

$$J = -\sum_{i} y^{(i)} log(\hat{y}^{(i)})$$

- 제곱 합 오차 함수
 - 목적 함수를 최소로 하는 값 찾기
 - 방법 모든 자료 오차의 합이 최소

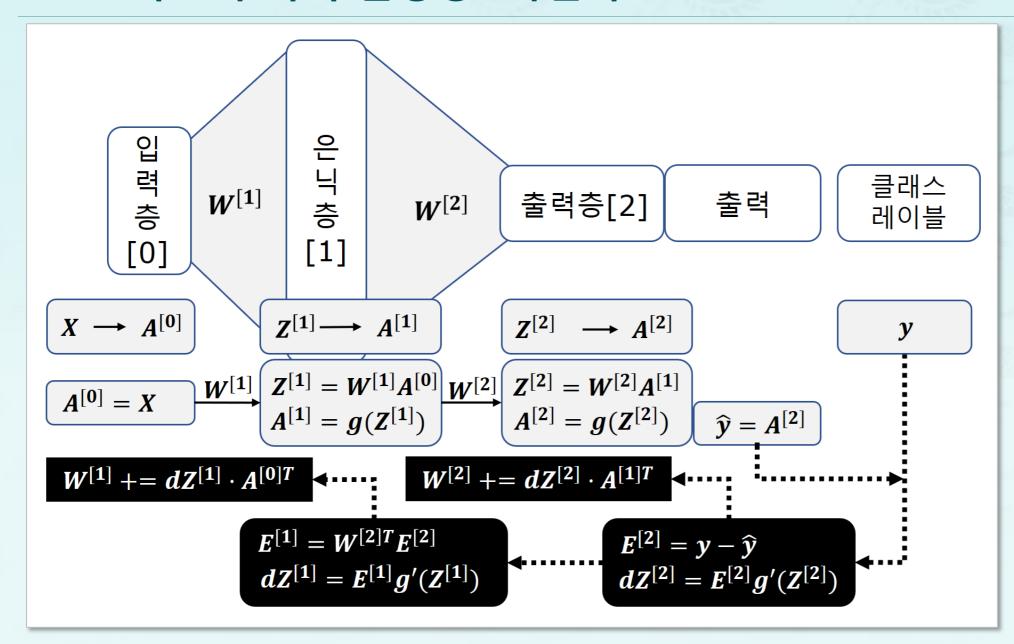
$$E = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} \frac{1}{2} \left(y^{(i)} - \hat{y}^{(i)} \right)^2$$

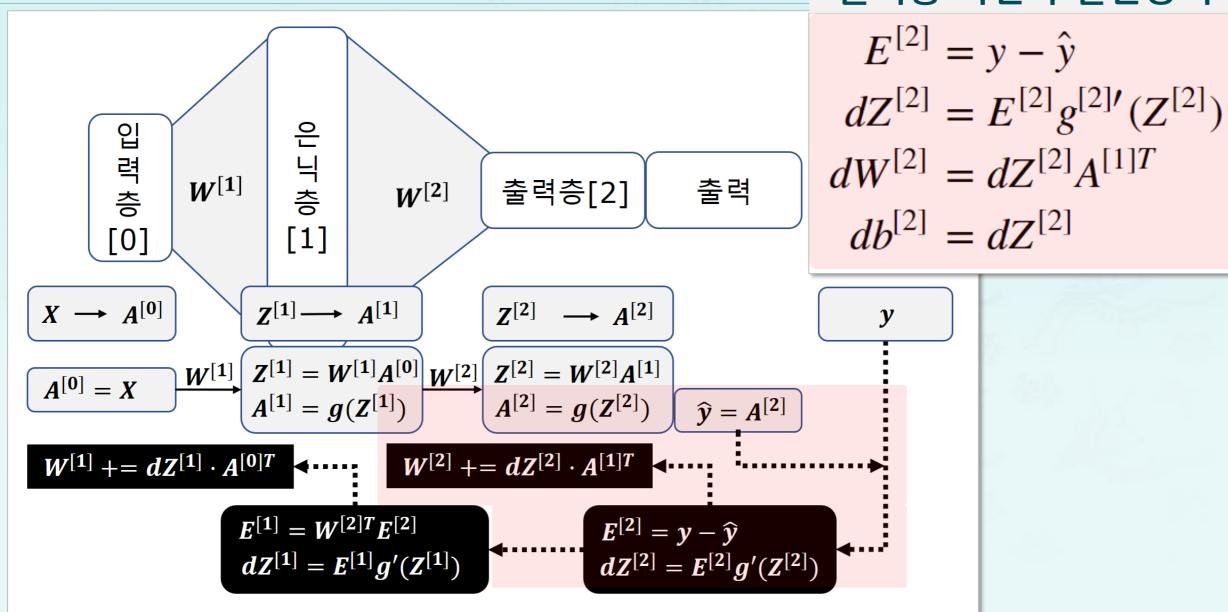
```
def MSEcost(self, A2, Y):
    m = Y.shape[1] # m examples
    cost = np.sum(E2 * E2) / m
    return cost
```

- 교차 엔트로피 손실 함수
 - 목적 함수를 최소로 하는 값 찾기
 - 방법 모든 자료의 정확한 분류

$$J = -\sum_{i} y^{(i)} log(\hat{y}^{(i)})$$

```
def CEcost(self, A2, Y):
    m = Y.shape[1] # number of example
    logprobs = np.multiply(Y, np.log(A2))
    cost = -np.sum(logprobs) / m
    cost = np.squeeze(cost)
    return cost
```





- 출력층 오차
 - 출력층 → 은닉층

$$E^{[2]} = y - A^{[2]}$$

$$dZ^{[2]} = E^{[2]}g^{[2]'}(Z^{[2]})$$

$$= E^{[2]}$$

$$dW^{[2]} = \frac{\partial E}{\partial W^{[2]}}$$

$$= \frac{1}{m}E^{[2]} \cdot A^{[1]T}$$

$$= \frac{1}{m}dZ^{[2]} \cdot A^{[1]T}$$

$$db^{[2]} = \frac{1}{m}np. sum(dZ^{[2]}, axis = 1)$$

$$E^{[2]} = y - \hat{y}$$

$$dZ^{[2]} = E^{[2]}g^{[2]'}(Z^{[2]})$$

$$dW^{[2]} = dZ^{[2]}A^{[1]T}$$

$$db^{[2]} = dZ^{[2]}$$

- 출력층 오차
 - 출력층 -> 은닉층

$$E^{[2]} = y - A^{[2]}$$

$$dZ^{[2]} = E^{[2]}g^{[2]'}(Z^{[2]})$$

$$= E^{[2]}$$

$$dW^{[2]} = \frac{\partial E}{\partial W^{[2]}}$$

$$= \frac{1}{m}E^{[2]} \cdot A^{[1]T}$$

$$= \frac{1}{m}dZ^{[2]} \cdot A^{[1]T}$$

$$db^{[2]} = \frac{1}{m}np. sum(dZ^{[2]}, axis = 1)$$

$$E^{[2]} = y - \hat{y}$$

$$dZ^{[2]} = E^{[2]} g^{[2]'} (Z^{[2]})$$

$$dW^{[2]} = dZ^{[2]} A^{[1]T}$$

$$db^{[2]} = dZ^{[2]}$$

- 출력층 오차
 - 출력층 → 은닉층

$$E^{[2]} = y - A^{[2]}$$

$$dZ^{[2]} = E^{[2]}g^{[2]'}(Z^{[2]})$$

$$= E^{[2]}$$

$$dW^{[2]} = \frac{\partial E}{\partial W^{[2]}}$$

$$= \frac{1}{m} E^{[2]} \cdot A^{[1]T}$$

$$= \frac{1}{m} dZ^{[2]} \cdot A^{[1]T}$$

$$db^{[2]} = \frac{1}{m} np. sum(dZ^{[2]}, axis = 1)$$

$$E^{[2]} = y - \hat{y}$$

$$dZ^{[2]} = E^{[2]}g^{[2]'}(Z^{[2]})$$

$$dW^{[2]} = dZ^{[2]}A^{[1]T}$$

$$db^{[2]} = dZ^{[2]}$$

- 출력층 오차
 - 출력층 → 은닉층

$$E^{[2]} = y - A^{[2]}$$

$$dZ^{[2]} = E^{[2]}g^{[2]'}(Z^{[2]})$$

$$= E^{[2]}$$

$$dW^{[2]} = \frac{\partial E}{\partial W^{[2]}}$$

$$= \frac{1}{m}E^{[2]} \cdot A^{[1]T}$$

$$= \frac{1}{m}dZ^{[2]} \cdot A^{[1]T}$$

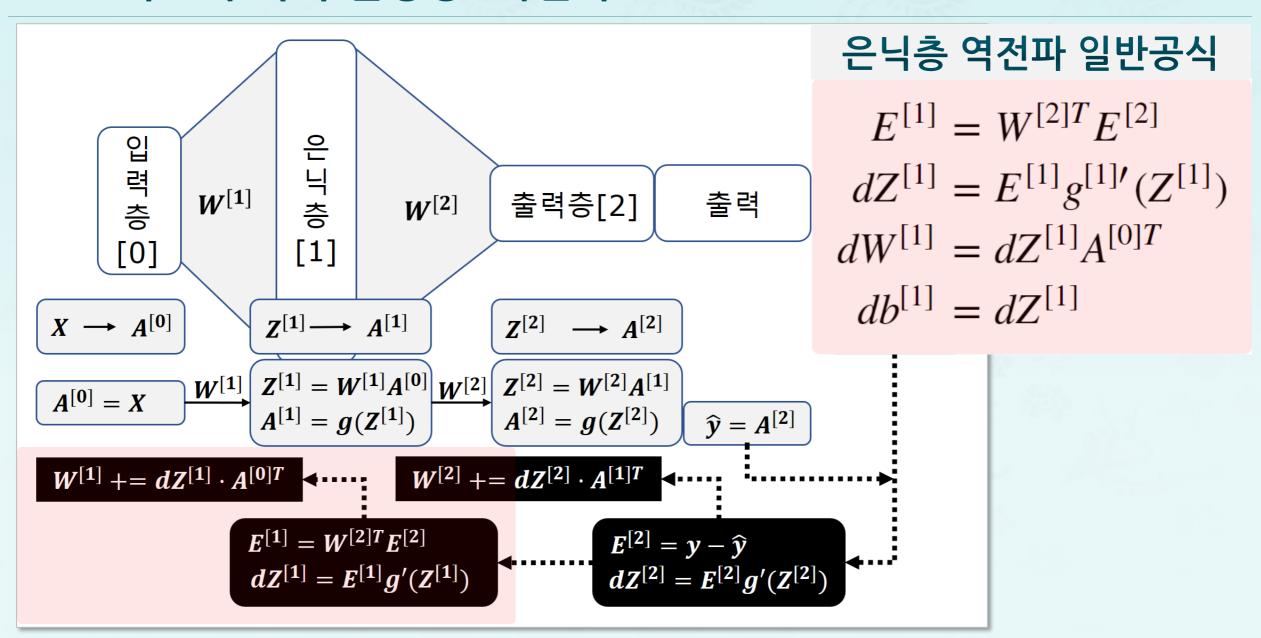
$$db^{[2]} = \frac{1}{m}np. sum(E^{[2]}, axis = 1)$$

$$E^{[2]} = y - \hat{y}$$

$$dZ^{[2]} = E^{[2]}g^{[2]'}(Z^{[2]})$$

$$dW^{[2]} = dZ^{[2]}A^{[1]T}$$

$$db^{[2]} = dZ^{[2]}$$



- 은닉층 오차
 - 은닉층 -> 입력층

$$E^{[1]} = W^{[2]T}E^{[2]}$$

$$dZ^{[1]} = E^{[1]} * g^{[1]'}(Z^{[1]})$$

$$= E^{[1]} * (1 - tanh^{2}(Z^{[1]}))$$

$$= E^{[1]} * (1 - A^{[1]2})$$

$$dW^{[1]} = dZ^{[1]} \cdot A^{[0]T}$$

$$db^{[1]} = np. sum(dZ^{[1]}, axis = 1)$$

은닉층 역전파 일반공식

$$E^{[1]} = W^{[2]T}E^{[2]}$$

$$dZ^{[1]} = E^{[1]}g^{[1]'}(Z^{[1]})$$

$$dW^{[1]} = dZ^{[1]}A^{[0]T}$$

$$db^{[1]} = dZ^{[1]}$$

- 은닉층 오차
 - 은닉층 -> 입력층

$$E^{[1]} = W^{[2]T}E^{[2]}$$

$$dZ^{[1]} = E^{[1]} * g^{[1]'}(Z^{[1]})$$

$$= E^{[1]} * (1 - tanh^{2}(Z^{[1]}))$$

$$= E^{[1]} * (1 - A^{[1]2})$$

$$dW^{[1]} = dZ^{[1]} \cdot A^{[0]T}$$

$$db^{[1]} = np. sum(dZ^{[1]}, axis = 1)$$

$$g'(Z^{[1]}) = tanh'(Z^{[1]})$$

= $1 - tanh^2(Z^{[1]})$

여기서 * 는 원소 별 곱셈을 의미합니다.

- 은닉층 오차
 - 은닉층 -> 입력층

$$E^{[1]} = W^{[2]T}E^{[2]}$$

$$dZ^{[1]} = E^{[1]} * g^{[1]'}(Z^{[1]})$$

$$= E^{[1]} * (1 - tanh^{2}(Z^{[1]}))$$

$$= E^{[1]} * (1 - A^{[1]2})$$

$$dW^{[1]} = dZ^{[1]} \cdot A^{[0]T}$$

$$db^{[1]} = np. sum(dZ^{[1]}, axis = 1)$$

$$A^{[1]} = g(Z^{[1]}) = tanh(Z^{[1]})$$

여기서 * 는 원소 별 곱셈을 의미합니다.

- 은닉층 오차
 - 은닉층 -> 입력층

$$E^{[1]} = W^{[2]T}E^{[2]}$$

$$dZ^{[1]} = E^{[1]} * g^{[1]'}(Z^{[1]})$$

$$= E^{[1]} * (1 - tanh^{2}(Z^{[1]}))$$

$$= E^{[1]} * (1 - A^{[1]2})$$

$$dW^{[1]} = dZ^{[1]} \cdot A^{[0]T}$$

$$db^{[1]} = np. sum(dZ^{[1]}, axis = 1)$$

은닉층 역전파 일반공식

$$E^{[1]} = W^{[2]T}E^{[2]}$$

$$dZ^{[1]} = E^{[1]}g^{[1]'}(Z^{[1]})$$

$$dW^{[1]} = dZ^{[1]}A^{[0]T}$$

$$db^{[1]} = dZ^{[1]}$$

- 소프트 맥스
 - 정규화

$$\sigma(z)_j = \frac{e^{z_j}}{\sum_{k=1}^K e^{z_k}} \ j = 1, ..., K$$

- 소프트 맥스
 - 정규화
 - 상대적 비교

$$\sigma(z)_j = \frac{e^{z_j}}{\sum_{k=1}^K e^{z_k}} \ j = 1, ..., K$$

- 소프트 맥스
 - 정규화
 - 상대적 비교
 - 분류

$$\sigma(z)_j = \frac{e^{z_j}}{\sum_{k=1}^K e^{z_k}} \ j = 1, ..., K$$

- 소프트 맥스
 - 정규화
 - 상대적 비교
 - 분류

$$\sigma(z)_j = \frac{e^{z_j}}{\sum_{k=1}^K e^{z_k}} \ j = 1, ..., K$$

- 시그모이드
 - 강아지(0.9) 고양이(0.8) 호랑이(0.7)

- 소프트 맥스
 - 정규화
 - 상대적 비교
 - 분류

$$\sigma(z)_j = \frac{e^{z_j}}{\sum_{k=1}^K e^{z_k}} \ j = 1, ..., K$$

- 시그모이드
 - 강아지(0.9) 고양이(0.8) 호랑이(0.7)
 - 강아지(0.1) 고양이(0.3) 호랑이(0.5)

- 소프트 맥스
 - 정규화
 - 상대적 비교
 - 분류

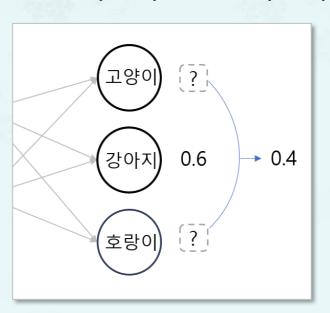
$$\sigma(z)_j = \frac{e^{z_j}}{\sum_{k=1}^K e^{z_k}} \ j = 1, ..., K$$

- 시그모이드
 - 강아지(0.9) 고양이(0.8) 호랑이(0.7)
 - 강아지(0.1) 고양이(0.3) 호랑이(0.5)
- 소프트 맥스
 - 강아지(0.6) 고양이(0.2) 호랑이(0.1)
 - 강아지(0.0) 고양이(0.2) 호랑이(0.6)

- 소프트 맥스
 - 정규화
 - 상대적 비교
 - 분류

$$\sigma(z)_j = \frac{e^{z_j}}{\sum_{k=1}^K e^{z_k}} \ j = 1, ..., K$$

- 시그모이드
 - 강아지(0.9) 고양이(0.8) 호랑이(0.7)
 - 강아지(0.1) 고양이(0.3) 호랑이(0.5)
- 소프트 맥스
 - 강아지(0.6) 고양이(0.2) 호랑이(0.1)
 - 강아지(0.0) 고양이(0.2) 호랑이(0.6)



- 소프트 맥스
 - 정규화
 - 상대적 비교
 - 분류

$$\sigma(z)_j = \frac{e^{z_j}}{\sum_{k=1}^K e^{z_k}} \ j = 1, ..., K$$

```
def softmax(self, a):
    exp_a = np.exp(a - np.max(a))
    return exp_a / np.sum(exp_a)
```

- 시그모이드
 - 강아지(0.9) 고양이(0.8) 호랑이(0.7)
 - 강아지(0.1) 고양이(0.3) 호랑이(0.5)
- 소프트 맥스
 - 강아지(0.6) 고양이(0.2) 호랑이(0.1)
 - 강아지(0.0) 고양이(0.2) 호랑이(0.6)

4. 로지스틱 회귀: 구현 – 순전파

- 순전파: forpass()
 - 은닉층: sigmoid()
 - 출력층: softmax()

```
1  def forpass(self, A0):
2     Z1 = np.dot(self.W1, A0) + self.b1
A1 = self.g(Z1)
Z2 = np.dot(self.W2, A1) + self.b2
A2 = self.softmax(Z2)
return Z1, A1, Z2, A2
```

```
def fit(self, X, y):
        self.cost_ = []
       self.m samples = len(y)
       Y = joy.one hot encoding(y, self.n y)
        for epoch in range(self.epochs):
            for sample in range(self.m samples):
                A0 = np.array(X[sample], ndmin=2).T
                Y0 = np.array(Y[sample], ndmin=2).T
                Z1, A1, Z2, A2 = self.forpass(A0)
                cost = self.CEcost(A2, Y0) #cross-entropy
10
                self.cost .append(cost)
11
12
13
                E2 = Y0 - A2
                                           # Backprop
14
                dZ2 = E2
15
                dW2 = np.dot(dZ2, A1.T) / self.m_samples
                db2 = np.sum(dZ2, axis=1,
16
                             keepdims=True)/self.m_samples
17
                E1 = np.dot(self.W2.T, E2)
18
                dZ1 = E1 * self.g prime(Z1) #sigmoid
19
                \#dZ1 = E1 * (1 - np.power(A1, 2)) \#tanh
20
21
                dW1 = np.dot(dZ1, A0.T)
22
                db1 = np.sum(dZ1, axis=1, keepdims=True)
23
                self.W1 += self.eta * dW1
                self.b1 += self.eta * db1
24
                self.W2 += self.eta * dW2
25
26
                self.b2 += self.eta * db2
27
        return self
```

4. 로지스틱 회귀: 구현 – 교차 엔트로피

- 손실함수: CEcost()
 - 교차 엔트로피

$$J = -\sum_{i} y^{(i)} log(\hat{y}^{(i)})$$

```
def CEcost(self, A2, Y):
    m = Y.shape[1] # number of example
    logprobs = np.multiply(Y, np.log(A2))
    cost = -np.sum(logprobs) / m
    cost = np.squeeze(cost)
    return cost
```

```
def fit(self, X, y):
        self.cost_ = []
       self.m samples = len(y)
       Y = joy.one hot encoding(y, self.n y)
        for epoch in range(self.epochs):
            for sample in range(self.m samples):
                A0 = np.array(X[sample], ndmin=2).T
                Y0 = np.array(Y[sample], ndmin=2).T
                Z1, A1, Z2, A2 = self.forpass(A0)
10
                cost = self.CEcost(A2, Y0) #cross-entropy
                self.cost .append(cost)
11
12
13
                E2 = Y0 - A2
                                            # Backprop
14
                dZ2 = E2
15
                dW2 = np.dot(dZ2, A1.T) / self.m_samples
                db2 = np.sum(dZ2, axis=1,
16
                             keepdims=True)/self.m_samples
17
18
                E1 = np.dot(self.W2.T, E2)
19
                dZ1 = E1 * self.g prime(Z1) #sigmoid
20
                \#dZ1 = E1 * (1 - np.power(A1, 2)) \#tanh
21
                dW1 = np.dot(dZ1, A0.T)
                db1 = np.sum(dZ1, axis=1, keepdims=True)
22
23
                self.W1 += self.eta * dW1
                self.b1 += self.eta * db1
24
25
                self.W2 += self.eta * dW2
26
                self.b2 += self.eta * db2
27
        return self
```

$$E^{[2]} = y - A^{[2]}$$

$$dZ^{[2]} = E^{[2]}g^{[2]'}(Z^{[2]})$$

$$= E^{[2]}$$

$$dW^{[2]} = \frac{\partial E}{\partial W^{[2]}}$$

$$= \frac{1}{m}E^{[2]} \cdot A^{[1]T}$$

$$= \frac{1}{m}dZ^{[2]} \cdot A^{[1]T}$$

$$db^{[2]} = \frac{1}{m}np. sum(dZ^{[2]}, axis = 1)$$

```
def fit(self, X, y):
        self.cost_ = []
        self.m samples = len(y)
       Y = joy.one hot encoding(y, self.n y)
        for epoch in range(self.epochs):
            for sample in range(self.m_samples):
                A0 = np.array(X[sample], ndmin=2).T
                Y0 = np.array(Y[sample], ndmin=2).T
                Z1, A1, Z2, A2 = self.forpass(A0)
10
                cost = self.CEcost(A2, Y0) #cross-entropy
                self.cost .append(cost)
11
12
13
                E2 = Y0 - A2
                                           # Backprop
14
                dZ2 = E2
15
                dW2 = np.dot(dZ2, A1.T) / self.m_samples
                db2 = np.sum(dZ2, axis=1,
16
                             keepdims=True)/self.m samples
17
                E1 = np.dot(self.W2.T, E2)
18
                dZ1 = E1 * self.g prime(Z1) #sigmoid
19
                \#dZ1 = E1 * (1 - np.power(A1, 2)) \#tanh
20
21
                dW1 = np.dot(dZ1, A0.T)
                db1 = np.sum(dZ1, axis=1, keepdims=True)
22
                self.W1 += self.eta * dW1
                self.b1 += self.eta * db1
24
                self.W2 += self.eta * dW2
25
                self.b2 += self.eta * db2
26
27
        return self
```

$$E^{[2]} = y - A^{[2]}$$

$$dZ^{[2]} = E^{[2]}g^{[2]'}(Z^{[2]})$$

$$= E^{[2]}$$

$$dW^{[2]} = \frac{\partial E}{\partial W^{[2]}}$$

$$= \frac{1}{m}E^{[2]} \cdot A^{[1]T}$$

$$= \frac{1}{m}dZ^{[2]} \cdot A^{[1]T}$$

$$db^{[2]} = \frac{1}{m}np. sum(dZ^{[2]}, axis = 1)$$

```
def fit(self, X, y):
        self.cost_ = []
        self.m samples = len(y)
        Y = joy.one hot encoding(y, self.n y)
        for epoch in range(self.epochs):
            for sample in range(self.m_samples):
                A0 = np.array(X[sample], ndmin=2).T
                Y0 = np.array(Y[sample], ndmin=2).T
                Z1, A1, Z2, A2 = self.forpass(A0)
10
                cost = self.CEcost(A2, Y0) #cross-entropy
                self.cost .append(cost)
11
12
13
                E2 = Y0 - A2
                                           # Backprop
                dZ2 = E2
15
                dW2 = np.dot(dZ2, A1.T) / self.m_samples
                db2 = np.sum(dZ2, axis=1,
16
                             keepdims=True)/self.m_samples
17
                E1 = np.dot(self.W2.T, E2)
18
                dZ1 = E1 * self.g prime(Z1) #sigmoid
19
                \#dZ1 = E1 * (1 - np.power(A1, 2)) \#tanh
20
                dW1 = np.dot(dZ1, A0.T)
21
                db1 = np.sum(dZ1, axis=1, keepdims=True)
22
                self.W1 += self.eta * dW1
                self.b1 += self.eta * db1
24
                self.W2 += self.eta * dW2
25
                self.b2 += self.eta * db2
26
27
        return self
```

$$E^{[2]} = y - A^{[2]}$$

$$dZ^{[2]} = E^{[2]}g^{[2]'}(Z^{[2]})$$

$$= E^{[2]}$$

$$dW^{[2]} = \frac{\partial E}{\partial W^{[2]}}$$

$$= \frac{1}{m}E^{[2]} \cdot A^{[1]T}$$

$$= \frac{1}{m}dZ^{[2]} \cdot A^{[1]T}$$

$$db^{[2]} = \frac{1}{m}np. sum(dZ^{[2]}, axis = 1)$$

```
def fit(self, X, y):
        self.cost_ = []
       self.m samples = len(y)
       Y = joy.one hot encoding(y, self.n y)
       for epoch in range(self.epochs):
            for sample in range(self.m_samples):
                A0 = np.array(X[sample], ndmin=2).T
                Y0 = np.array(Y[sample], ndmin=2).T
                Z1, A1, Z2, A2 = self.forpass(A0)
10
                cost = self.CEcost(A2, Y0) #cross-entropy
                self.cost .append(cost)
11
12
13
                E2 = Y0 - A2
                                           # Backprop
14
                dZ2 = E2
15
                dW2 = np.dot(dZ2, A1.T) / self.m_samples
                db2 = np.sum(dZ2, axis=1,
16
                             keepdims=True)/self.m_samples
17
                E1 = np.dot(self.W2.T, E2)
18
                dZ1 = E1 * self.g prime(Z1) #sigmoid
19
                \#dZ1 = E1 * (1 - np.power(A1, 2)) \#tanh
20
21
                dW1 = np.dot(dZ1, A0.T)
                db1 = np.sum(dZ1, axis=1, keepdims=True)
22
                self.W1 += self.eta * dW1
                self.b1 += self.eta * db1
24
                self.W2 += self.eta * dW2
25
                self.b2 += self.eta * db2
26
27
        return self
```

$$E^{[2]} = y - A^{[2]}$$

$$dZ^{[2]} = E^{[2]}g^{[2]'}(Z^{[2]})$$

$$= E^{[2]}$$

$$dW^{[2]} = \frac{\partial E}{\partial W^{[2]}}$$

$$= \frac{1}{m}E^{[2]} \cdot A^{[1]T}$$

$$= \frac{1}{m}dZ^{[2]} \cdot A^{[1]T}$$

$$db^{[2]} = \frac{1}{m}np. sum(dZ^{[2]}, axis = 1)$$

```
def fit(self, X, y):
        self.cost_ = []
        self.m samples = len(y)
        Y = joy.one hot encoding(y, self.n y)
        for epoch in range(self.epochs):
            for sample in range(self.m_samples):
                A0 = np.array(X[sample], ndmin=2).T
                Y0 = np.array(Y[sample], ndmin=2).T
                Z1, A1, Z2, A2 = self.forpass(A0)
                cost = self.CEcost(A2, Y0) #cross-entropy
                self.cost .append(cost)
11
12
                E2 = Y0 - A2
                                           # Backprop
14
                dZ2 = E2
15
                dW2 = np.dot(dZ2, A1.T) / self.m_samples
                db2 = np.sum(dZ2, axis=1,
16
                             keepdims=True)/self.m_samples
17
18
                E1 = np.dot(self.W2.T, E2)
19
                dZ1 = E1 * self.g prime(Z1) #sigmoid
                \#dZ1 = E1 * (1 - np.power(A1, 2)) \#tanh
20
21
                dW1 = np.dot(dZ1, A0.T)
                db1 = np.sum(dZ1, axis=1, keepdims=True)
22
                self.W1 += self.eta * dW1
                self.b1 += self.eta * db1
24
                self.W2 += self.eta * dW2
                self.b2 += self.eta * db2
26
27
        return self
```

■ 은닉층에서 입력층 역전파

```
E^{[1]} = W^{[2]T}E^{[2]}
 dZ^{[1]} = E^{[1]} * g^{[1]\prime}(Z^{[1]})
         = E^{[1]} * (1 - tanh^{2}(Z^{[1]}))
         =E^{[1]}*(1-A^{[1]2})
dW^{[1]} = dZ^{[1]} \cdot A^{[0]T}
 db^{[1]} = np. sum(dZ^{[1]}, axis = 1)
```

```
def fit(self, X, y):
        self.cost_ = []
        self.m samples = len(y)
        Y = joy.one hot_encoding(y, self.n_y)
        for epoch in range(self.epochs):
            for sample in range(self.m samples):
                A0 = np.array(X[sample], ndmin=2).T
                Y0 = np.array(Y[sample], ndmin=2).T
                Z1, A1, Z2, A2 = self.forpass(A0)
                cost = self.CEcost(A2, Y0) #cross-entropy
10
11
                self.cost_.append(cost)
12
                E2 = Y0 - A2
                                           # Backprop
13
14
                dZ2 = E2
15
                dW2 = np.dot(dZ2, A1.T) / self.m_samples
                db2 = np.sum(dZ2, axis=1,
16
17
                             keepdims=True)/self.m samples
18
                E1 = np.dot(self.W2.T, E2)
                dZ1 = E1 * self.g_prime(Z1) #sigmoid
19
                \#dZ1 = E1 * (1 - np.power(A1, 2)) \#tanh
20
                dW1 = np.dot(dZ1, A0.T)
21
                db1 = np.sum(dZ1, axis=1, keepdims=True)
22
                self.W1 += self.eta * dW1
23
24
                self.b1 += self.eta * db1
                self.W2 += self.eta * dW2
26
                self.b2 += self.eta * db2
27
        return self
```

4. 로지스틱 회귀: 구현

■ 은닉층에서 입력층 역전파

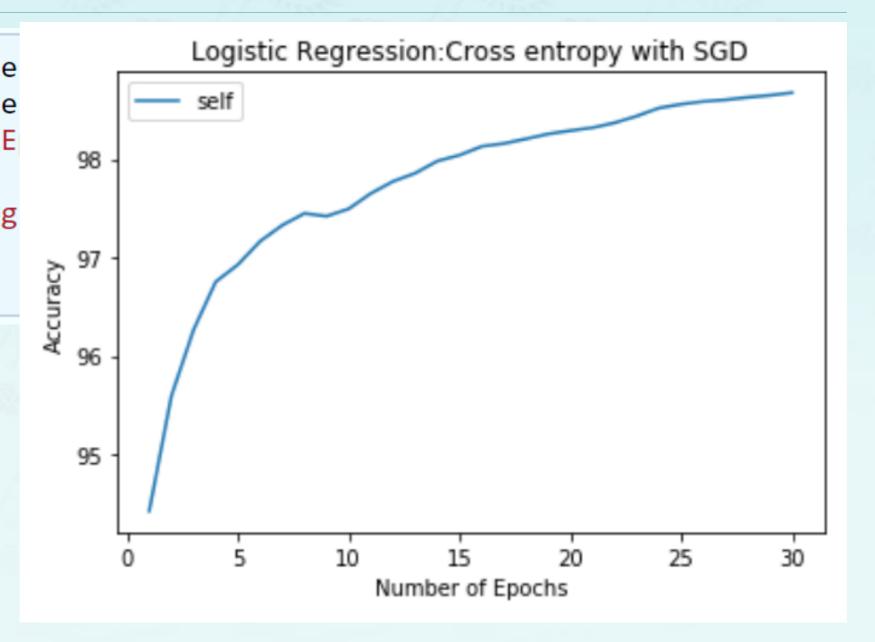
```
def fit(self, X, y):
        self.cost_ = []
        self.m samples = len(y)
        Y = joy.one hot encoding(y, self.n y)
        for epoch in range(self.epochs):
            for sample in range(self.m samples):
                A0 = np.array(X[sample], ndmin=2).T
                Y0 = np.array(Y[sample], ndmin=2).T
                Z1, A1, Z2, A2 = self.forpass(A0)
10
                cost = self.CEcost(A2, Y0) #cross-entropy
                self.cost .append(cost)
11
12
13
                E2 = Y0 - A2
                                            # Backprop
14
                dZ2 = E2
15
                dW2 = np.dot(dZ2, A1.T) / self.m_samples
                db2 = np.sum(dZ2, axis=1,
16
                             keepdims=True)/self.m_samples
17
18
                E1 = np.dot(self.W2.T, E2)
19
                dZ1 = E1 * self.g prime(Z1) #sigmoid
20
                \#dZ1 = E1 * (1 - np.power(A1, 2)) \#tanh
21
                dW1 = np.dot(dZ1, A0.T)
22
                db1 = np.sum(dZ1, axis=1, keepdims=True)
23
                self.W1 += self.eta * dW1
                self.b1 += self.eta * db1
24
25
                self.W2 += self.eta * dW2
26
                self.b2 += self.eta * db2
        return self
```

```
import joy
(X, y), (Xtest, ytest) = joy.load_mnist()
self accuracy = []
test_accuracy = []
epoch_list = np.arange(1, 31)
for e in epoch_list:
    nn = LogisticNeuron_stochastic(784, 100, 10,
                            eta = 0.2, epochs = e)
    nn.fit(X, y)
    self_accuracy.append(nn.evaluate(X, y))
    test_accuracy.append(nn.evaluate(Xtest, ytest))
```

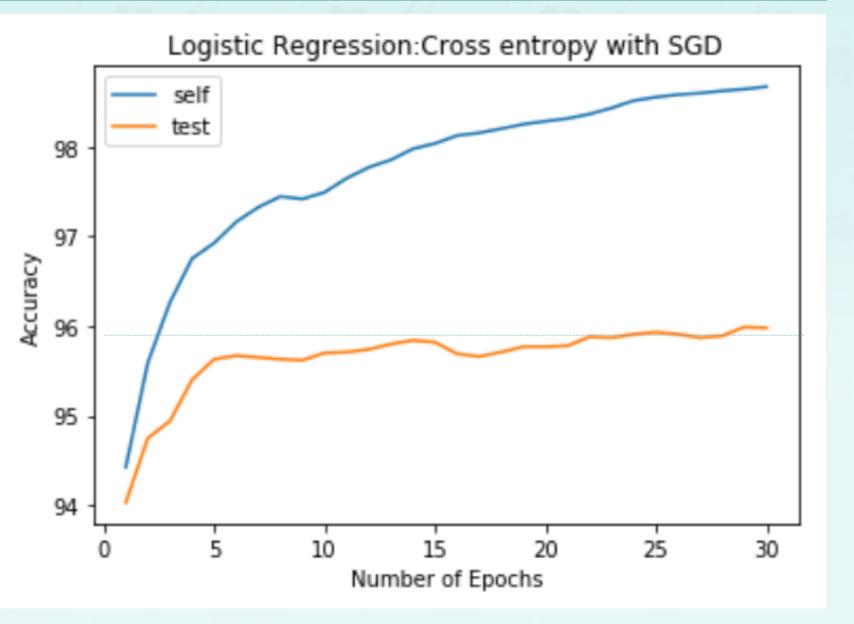
```
import joy
(X, y), (Xtest, ytest) = joy.load_mnist()
self accuracy = []
test_accuracy = []
epoch_list = np.arange(1, 31)
for e in epoch_list:
   nn = LogisticNeuron_stochastic(784, 100, 10,
                            eta = 0.2, epochs = e)
   nn.fit(X, y)
    self_accuracy.append(nn.evaluate(X, y))
   test_accuracy.append(nn.evaluate(Xtest, ytest))
```

```
plt.plot(epoch_list, self_accuracy, label='self')
plt.plot(epoch_list, test_accuracy, label='test')
plt.xlabel('Number of Epochs')
plt.ylabel('Accuracy')
plt.title('Logistic Regressin:Cross entropy with SGD')
plt.legend(loc='best')
plt.show()
```

```
plt.plot(epoch_list, se
plt.plot(epoch_list, te
plt.xlabel('Number of E
plt.ylabel('Accuracy')
plt.title('Logistic Reg
plt.legend(loc='best')
plt.show()
```



```
plt.plot(epoch_list, se
plt.plot(epoch_list, te
plt.xlabel('Number of E
plt.ylabel('Accuracy')
plt.title('Logistic Reg
plt.legend(loc='best')
plt.show()
```



로지스틱 회귀

- 학습 정리
 - 교차 엔트로피 손실함수의 이해하기
 - 로지스틱 회귀의 역전파를 행렬로 계산하기
 - 소프트맥스 활성화 함수 이해하기
 - 로지스틱 회귀 신경망 구현하기

- 차시 예고
 - 11-2 MNIST Dataset

10주차(3/3)

로지스틱 회귀 3

파이썬으로배우는기계학습

한동대학교 김영섭교수

여러분 곁에 항상 열려 있는 K-MOOC 강의실에서 만나 뵙기를 바랍니다.