

$$\begin{aligned}
 b) \quad \neg x &= d(x, \perp, \top) = (x \wedge \perp) \vee (\neg x \wedge \top) \\
 &= \perp \vee \neg x \\
 &= \neg x
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 x \wedge y &= d(x, y, \perp) = (x \wedge y) \vee (\neg x \wedge \perp) \\
 &= (x \wedge y) \vee \perp \\
 &= x \wedge y
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 x \vee y &= d(x, \perp, \neg y) = (x \wedge \perp) \vee (\neg x \wedge \neg y) \\
 &= \perp \vee \neg(x \vee y) \neq x \vee y \text{ falsch} \\
 &\quad -0,5 \text{ P}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 x \rightarrow y &= d(x, y, \top) = (x \wedge y) \vee (\neg x \wedge \top) \\
 &= (x \wedge y) \vee \neg x = (\neg x \vee x) \wedge (\neg x \vee y) \\
 &= 1 \wedge \neg x \vee y \\
 &= \neg x \vee y
 \end{aligned}$$

$$x \leftrightarrow y = d(\neg x, y, \neg y) = (\neg x \vee y) \wedge (x \vee \neg y)$$

Noch die Minimalität für die Menge beweisen.

→ Alle Operationen gilt → $\{d, \top, \perp\}$ ist eine minimale Menge
Junktoren