数据库系统原理

引用中国人民大学信息学院原版PPT 华中科技大学计算机学院左琼修改版

School of Computer Science and Technology, HUST 2018

2.4 关系代数运算小结



课程回顾

- 5 种基本运算(并∪、差-、笛卡尔积×、投影σ、选择π)
- 其它运算(交∩、连接⋈、除÷)均可用 5 种基本运算来表达,引进它们并不增加语言的能力,但可以简化表达:
 - $R \cap S = R (R S) = S (S R)$
 - $R \bowtie S = \pi_{i1,...,im}(\sigma_{R,A1=S,A1 \land R,A2=S,A2,... \land R,Ak=S,Ak}(R \times S))$
 - $R + S = \pi_{1,2,...r-s}(R) \pi_{1,2,...r-s}((\pi_{1,2,...r-s}(R) \times S) R)$
- 关系代数中,这些运算经有限次复合后形成的式子称为 关系代数表达式。利用这些表达式可以实现对关系数据 库的各种操作(插入、删除、修改、查询)。

4-11 (2

2.4.3 附加运算



问题 关系代数的基本运算足以表达任何查询,但使用不方便,写出的表达式太长。定义一些附加运算,不能增加关系代数功能,但能简化表达式。

■更名运算

ρ_{x(A1,A2,....An)}(E) 将E的结果取名字x,且将属性名改为**A1,...A**n

- 为什么需要更名运算?
 - 一个关系代数表达式的结果关系没有名字
 - 一个关系表可以多次参与到一个联系中,每次参与角 色不同,如何区分?

更名运算示例



- ■示例 只用基本关系运算符,找出学生中最大年龄?
- 求解 利用集合的补集运算,求出所有非最大年龄集合的 补集即可,反证思维
 - 1) 求出一个由非最大年龄构成的表
 - 2) 求所有学生年龄与上一步结果的差

如何求非最大年龄集合?

令所有学生集合为A,所有年龄集合为B,显然,A与B都在Student表中

对于A中每个学生t,将其与B中所有年龄元组配对,判断该学生年龄是否小于所有学生年龄集中的某一个。若是,

则将其放在结果集中。

更名运算示例



分析知, Student表两次以不同角色参与运算,为区别起见,

令代表年龄的学生表为d。

S1: 首先将学生表与d表合并 student×ρ_d(student)

S2: 在合并表中选择哪些年龄比所有年龄中某一个小的学生 $\pi_{\text{student.age}}(\sigma_{\text{student.age}}($

S3: 求差(求问题的反面) $\pi_{aqe}(\text{student}) - \pi_{\text{student}.aqe}(\sigma_{\text{student.age} < d.age} \text{(student} \times \rho_{d} \text{(student))})$

注:上面**S1**、**S2**步中,也可以用条件连接的选择功能,直接 从学生表中将哪些年龄不是最大的学生选择出

 ρ_s (student) $\bowtie \rho_d$ (student) s.age<d.age

思考题: 求出与"张三"在同一个系的学生?

聚集运算



- 问题示例 选课表每个学生会有多个选课记录,若要查询所有学生所选课程的平均分如何办?
- ■解决办法 1) 将选课表按照学号<mark>分组</mark>
 - 2)对分组后的表中每个组再调用AVG()函数

SNO	CNO GRADE
200215121	(1, 92) (2, 85) (3, 88)
200215122	(2, 90) (3, 80)
•••••	•••••

聚集运算



■聚集运算 将表按照<mark>属性</mark>分组,即将元组按照属性值<mark>重新</mark>组合

■ 定义 A_{1,...An}G(*E*)

E是关系代数表达式,即是一张表

A1,...An是用于分组的一组属性 运算符G表示将表达式E按照A1,...An分组

同一组中所有元组在A1,...An上值相同

不同组元组在A1,...An上值不同

■ 示例 snoG(sc)结果为上一页中表

ssexG(student⋈sc)的结果为多少?

■问题 聚集运算的结果是由多个<mark>分组</mark>组成的表,对每个

分组可以定义聚集函数

聚集函数



聚集函数 输入为集合,输出为单一值的函数。
 sum(), avg(), max(), min(), count()

应用 聚集函数往往和聚集运算组合使用 对于聚集运算后的结果,对每个组再运用聚集 函数处理

示例 表达式_{sno}G_{count (cno),min(grade)}(sc)的结果为每个学生所选课的个数和最低分

■ 如何去除相同元素?

distinct操作符,其含义是消除相同元素

e.g snoGcount (distinct cno), min(grade) (sc)

广义投影



问题示例 学生表中只有年龄,若查询学生的出生年份如何 办?

问题分析 出生年份可以通过年龄计算求得,因此,扩展投影运算,使投影属性可以是派生属性,即可以从表中经过运算得出。

广义投影 π_{F1,...Fn}(*E*)

F1,...Fn中是可以涉及常量、系统函数及E中属性的算数表达式

示例

π_{sno,year()-age}(student)结果为由 (sno, year()-age) 两列组成的表;

ρ_{sno, birthday}(π_{sno,year()-age}(student))结果为 (sno, birthday)两列组成的表



数据库修改

- ■定义 对数据库的增、删、查的运算符,通过赋值完成
- 刪除 r←r E 其中: E是关系代数查询表达式 例如 sc ←sc - σ_{sno=2} (sc)
 从选课表中删除了2号学生的选课记录
- 插入 r←r ∪ E
- 更新 $\mathbf{r} \leftarrow \Pi_{F1,...Fn}(\mathbf{r})$,使用广义投影可以改变元组中的值 $\mathbf{r} \leftarrow \Pi_{F1,...Fn}(\sigma_{P}(\mathbf{r})) \cup (\mathbf{r} \sigma_{P}(\mathbf{r}))$,对r中的部分元组修改

注 上述定义的所有运算符来自于应用语义需求,每个运算符在后面的SQL语言中都有相应语句

视图操作



视图操作 能够从已有的表集合中生成一个虚关系表的运算

出于安全性或出于方便性考虑,需要视图操作

定义 creat view v as E,将E的结果作为视图v

示例 creat view *cs-student* as $(\sigma_{sdept='cs'}, (sc))$

注意 视图定义运算不同于关系赋值运算。

执行赋值运算时,结果关系被计算并存储,

执行视图定义运算时,结果关系未被计算,

直到某个查询使用视图时才动态计算视图表

華中科技大學

5. 课堂练习

S (Sno, Sname, Ssex, Sage, Sdept)
C (Cno, Cname, Cpno, Ccredit)
SC (sno, cno, grade)

1. 查询学习课程号为2的学生学号和成绩。

$$\pi_{\text{sno,grade}} (\sigma_{\text{cno='2'}}(SC))$$

2. 查询学习课程号为2的学生学号和姓名。

$$\pi_{\text{s.sno.sname}} (\sigma_{\text{cno='2'}}(S \bowtie SC)))$$

3. 查询选修了"数据库"课程的学生学号和姓名。

4. 查询至少选修了2号课程和4号课程的学生学号。

$$\pi_{sno} (\sigma_{[1]=[4] \land [2]=`2` \land [5]=`4`}(SC \times SC)))$$

或: 先建立一个临时关系K(Cno), $\pi_{Sno,Cno}(SC)$ ÷K

Cno

2

5. 课堂练习

S (Sno, Sname, Ssex, Sage, Sdept)
C (Cno, Cname, Cpno, Ccredit)
SC (sno, cno, grade)

5. 查询不学2号课程的学生姓名、年龄。

$$\pi_{\text{sname,sage}}(S) - \pi_{\text{sname,sage}}(\sigma_{\text{cno='2'}}(S \bowtie SC))$$

6. 查询选修了全部课程的学生学号和姓名。

$$\pi_{Sno,Cno}(SC) \div \pi_{Cno}(C) \bowtie \pi_{Sno,Sname}(S)$$

7. 查询至少选修了学号为95002的学生所修全部课程的学生学号。

$$\pi_{\text{Sno,Cno}}(SC) \div \pi_{\text{Cno}}(\sigma_{\text{Sno='95002'}}(SC))$$

关系代数课堂测试题



考虑下面关系数据库 employee (ename, street, city)

works (<u>ename</u>, cname, salary)
company (<u>cname</u>, city)
manages (<u>pname</u>, manager-name)

用关系代数表达式表示下面查询?

- 1) 找出"first bank corporation"的所有员工姓名。
- 2) 找出"first bank corporation"的所有员工姓名和居住城市。
- 3) 找出"first bank corporation"的所有收入在10000元以上员工的 姓名和居住城市。
- 4) 找出所有居住地与工作的公司在同一个城市的员工姓名。
- 5) 找出与其经理居住在同一个城市、同一街道的所有员工姓名。
- 6) 找出不在"first bank corporation"工作的所有员工姓名。
- 7) 找出比"small bank corporation"的所有员工收入都高的所有员工姓名。
- 8) 假设公司可以在几个城市。找出位于"small bank corporation"所在的各个城市的所有公司。



第二章 关系数据库

- 2.1 关系模型概述
- 2.2 关系数据结构
- 2.3 关系的完整性
- 2.4 关系代数
- 2.5 关系演算
- 2.6 小结

2.5 关系演算



- 关系演算: 以数理逻辑中的谓词演算为基础。
- •按谓词变元不同进行分类:
 - 1.元组关系演算:

以元组变量作为谓词变元的基本对象 元组关系演算语言ALPHA

2.域关系演算:

以域变量作为谓词变元的基本对象

域关系演算语言QBE



■用元组作为谓词变量的一种谓词演算方法。 元组关系演算表达式的一般形式为:

{ t | P(t) }

表示所有使 P(t) 为真的元组集合。

其中:

- ■t —— 元组变量。表示一个元组,若 t 中有多个分量,表示为t[1],t[2],……;
- P(t) —— 由原子公式和运算符组成的复合公式。



- ❖原子公式有下列三种形式:
- ① R(s)
 R是关系名,s是元组变量。含义: s是关系R的一个元组。
- ② s[i]θu[j] s和u是元组变量,θ是算术比较运算符。含义:元组s的第i 个分量与元组u的第i个分量之间满足θ关系。
- ③ s[i]θa 元组s的第i 个分量值与常量a之间满足θ关系。
- ❖运算符包括四类:
 - ① 括号()
 - ② 算术运算符: > ≥ = < ≤ ≠
 - ③ 存在量词3 , 全称量词∀
 - ④ 逻辑运算符: ¬ ∧ ∨



公式的递归定义如下:

- ① 原子公式 P是一个公式。其值为 P的真、假值。
- ② 如果 P_1 和 P_2 是公式,那么 P_1 、 P_1 人 P_2 、 P_1 P_2 也是公式。其真假值遵循逻辑运算的一般原则。
- ③ 如果P是公式, 那么 (∃t)P(t) 也是公式。设元组变量的域集T = {t₁, t₂, ..., tₙ}, (∃t)P(t) ⇔ P(t₁)∨P(t₂)∨...∨P(tₙ), 至少存在一个元组 tᵢ使得公式 P 为真, 否则为假。
- ④ 如果P是公式,那么 (∀t)P(t) 也是公式。设元组变量的域集
 T = {t₁, t₂, ..., tₙ}, (∀t)P(t) ⇔ P(t₁) ∧ P(t₂) ∧ ... ∧ P(tₙ),所有元组
 tᵢ使得公式P为真时上式为真,否则为假。

t 在P中是自由变量,在 $(3t)P(t)和(\forall t)P(t)$ 中是约束变量,即:自由元组变量——在一个公式中 t 未用3 、 \forall 符号定义;约束元组变量——在一个公式中 t 用3 、 \forall 符号定义;

计算机学院数据库所 Zuo 18-4-11 1



例: 设有两个关系 R 和 S, 求表达式的值:

R

A	В	C
1	2	3
4	5	6
7	8	9

S

A	В	C
1	2	3
3	4	6
5	6	9

1) $R_1 = \{ t \mid S(t) \land t[1] > 2 \}$

\mathbf{R}_1	A	В	C
_	3	4	6
	5	6	9

2) $R_2 = \{ t \mid R(t) \land \neg S(t) \}$

R_2	A	В	C
Z	4	5	6
	7	8	9

3) $R_3 = \{ t \mid (\exists u)(S(t) \land R(u) \land t[3] < u[1]) \}$

R_3	A	В	C
•	1	2	3
	3	4	6



R

A	В	C
1	2	3
4	5	6
7	8	9

4) $R_4 = \{ t \mid (\forall u)(R(t) \land S(u) \land t[3] > u[1]) \}$

\mathbf{R}_{4}	A	В	C
	4	5	6
	7	8	9

S

A	В	C
1	2	3
3	4	6
5	6	9

5) $R_5 = \{ t \mid (\exists u)(\exists v)(R(u) \land S(v) \land u[1] > v[2] \}$

t[1]=u[2] t[2]=v[3] t[3]=u[1]

 R_5

R.B	S.C	R.A
5	3	4
8	3	7
8	6	7
8	9	7

应用

S (Sno, Sname, Ssex, Sage, Sdept)

C (Cno, Cname, Cpno, Ccredit)

SC (sno, cno, grade)



$$\{ t \mid S(t) \land t[5] = 'CS' \}$$

例2: 查询学习课程号为2的学生学号。

$$\{t \mid (\exists u)(SC(u) \land u[2]='2' \land t[1]=u[1]\}$$

例3: 查询选修了"数据库"课程的学生学号。

例4: 查询选修了全部课程的学生学号。

$$\{t \mid (\forall u)(C(u) \land (\exists v)(SC(v) \land v[2]=u[1] \land t[1]=v[1]))\}$$

華中科技大學 Huazhong University Of Science & Technology

2.5.1 元组关系演算语言ALPAGONG University Of Science & Technology

- 由E.F.Codd提出,INGRES所用的QUEL语言是参照ALPHA语言研制的
- 语句:

检索语句

GET

更新语句

- PUT, HOLD, UPDATE, DELETE, DROP
- ■基本格式:

操作语句 工作空间名(表达式1):操作条件

ALPHA语言一GET示例



[例1] 查询所有被选修的课程号码。

GET W (SC.Cno)

[例2]查询信息系(IS)中年龄小于20岁的学生的学号和年龄 GET W (Student.Sno, Student.Sage): Student.Sdept='IS' ∧ Student.Sage<20

[例3] 查询信息系<u>年龄最大的三个</u>学生的学号及其年龄,结 果按年龄降序排序。

> GET W (3) (Student.Sno, Student.Sage): Student.Sdept='IS' DOWN Student.Sage

ALPHA语言一GET示例



[例4] 查询选修2号课程的学生的名字。

RANGE SC X

GET W (Student.Sname):

∃X(X.Sno=Student.Sno∧X.Cno= '2')

[例5] 查询选修了全部课程的学生姓名。

RANGE Course CX

RANGE SC SCX

GET W (Student.Sname):

∀CX ∃SCX (SCX.Sno=Student.Sno ∧

SCX.Cno=CX.Cno)

2.5.2 域关系演算



 域关系演算类似于元组关系演算,不同之处是用域变量 代替元组变量的每一个分量,域变量的变化范围是某个 值域而不是一个关系。域演算表达式形为:

 $\{ t_1...t_k | P(t_1,...,t_k) \}$

其中 $P(t_1,...,t_k)$ 是关于自由域变量 $t_1,...,t_k$ 的公式。

- 域关系演算的公式中也可使用 △、 ∨、 等逻辑运算符,也可用 (∃ x) 和 (∀x) 形成新的公式,但变量 x 是域变量,不是元组变量。
- 域演算的原子公式:
- ① R(x1...xk): R是一个k元关系, x_i是常量或域变量。 含义: 由x₁,...,x_k组成的元组在关系R中。
- ② xθy: x, y是常量或域变量,但至少有一个是域变量, θ是算术比较符。含义: x 和 y 之间满足关系θ。

-4-11 26



例:设有R、S和W三个关系, 求表达式的值:

R	A	В	C
	1	2	3
	4	5	6
	7	8	9

\mathbf{R}_{1}	A	В	C
	4	5	6

2) $R_2=\{xyz \mid R(xyz) \lor (S(xyz) \land y=4)\}$

S	A	В	C
	1	2	3
	3	4	6
	5	6	9

$\mathbf{R_2}$	A	В	C
	1	2	3
	4	5	6
	7	8	9
	3	4	6

V	D	E
	7	5
	4	8

3) $R_3 = \{xyz \mid (\exists u)(\exists v)(R(zxu) \land W(yv) \land u > v)\}$

R_3	A	В	C
	5	7	4
	8	7	7
	8	4	7



应用示例

S (Sno, Sname, Ssex, Sage, Sdept)
C (Cno, Cname, Cpno, Ccredit)
SC (sno, cno, grade)

```
例1: 查询计算机系(IS)的全体学生。{ abcde | S(abcde) ∧ e = 'CS' }例2: 查询年龄小于20岁的学生。
```

{ abcde | S(abcde) ∧ d<20 }

例3: 检索选修课程号为5的学生学号和姓名。

{ ab | $(\exists u)(\exists v)(S(abcde) \land SC(uvw) \land a=u \land v='5')$ }

关系运算的安全性



- ❖ 关系演算有可能会产生无限关系和无穷验证,这样的表达式是不安全的。例如: { t | ¬R(t) } , (∀u)(ω(u))。
- ❖ 不产生无限关系和无穷验证的运算称为安全运算。其运算表达式称为安全表达式,所采取的措施称为安全限制。
- ❖ 在关系演算中,引入公式P的域概念,用DOM(P)表示。
 DOM(P) = 显式出现在P中的值 + 在P中出现的关系的元组中出现的值(不必是最小集)
- ❖ 满足下列条件时, 称元组演算表达式{ t | P(t) }是安全的:
 - 出现在表达式{ t | P(t) }结果中的所有值均来自DOM(P);
 - 对P中的每个形如(∃u)(ω(u)) 的子式, 若u使ω(u) 为真, 则
 u 的每个分量必属于 DOM(P)。
 - 对P中的每个形如($\forall u$)($\omega(u)$) 的子式,若u使 $\omega(u)$ 为假 则则,如的每个分量必属于 DOM(P)。

R					
A B					
a1	b 1				
a2	b2				

$$R_1=\{ t \mid \neg R(t) \}$$

DOM(P)={{a1, a2}, {b1, b2}}

R_1	A	В	
	a2	b 1	
	a1	b2	

$$R_2=\{ t \mid (\exists u)(S(u) \land u[1] > 3 \land t[1]=u[2] \}$$

DOM(P)=\{\{1,5,6,7,3\}, \{d,b,c\}\}

R,

В
b
c
d

2.5.2 域关系演算语言QBE



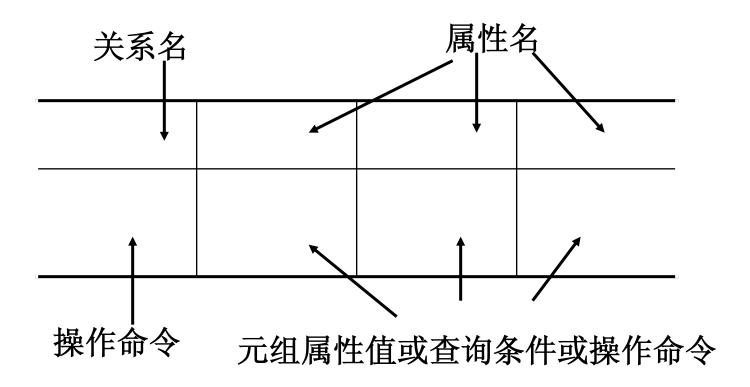
- ■一种典型的域关系演算语言
 - 由M.M.Zloof提出
 - 以元组变量的分量即域变量作为谓词变元的基本对象

QBE: Query By Example

- 基于屏幕表格的查询语言
- 查询要求: 以填写表格的方式构造查询
- 用示例元素(域变量)来表示查询结果可能的情况
- 查询结果: 以表格形式显示

QBE操作框架





QBE检索操作示例



[例1] 求信息系全体学生的姓名 操作步骤为:

- (1) 用户提出要求;
- (2) 屏幕显示空白表格;

(3) 用户在最左边一栏输入要查询的关系名Student;

Student			

(4) 系统显示该关系的属性名;

Student	Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
计算机学院数据库	折 Zuo				18-

QBE检索操作示例



(5) 用户在上面构造查询要求

Student	Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
		P. <u>李勇</u>			IS

■ 李勇是示例元素,即域变量

(6) 屏幕显示查询结果

Student	Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
		李勇			IS
		张立			

元组演算对基本关系操作的表示

```
并: R∪S≡{ t | R(t) ∨S(t)}
```

差: R-S≡{ t | R(t) ∧ ¬S(t)}

```
笛卡儿积:R×S≡{ t(r+s) | (∃u)(∃v)(R(u) ∧ S(v) ∧
                      t[1]=u[1] \wedge ... \wedge t[r]=u[r] \wedge
                      t[r+1]=v[1] \wedge ... \wedge t[r+s]=v[s]
```

投影: π_{i1....im}(R)≡{t(m)|(∃u)R(u)∧t[1]=u[i₁] ∧ $t[2]=u[i_2] \wedge ... \wedge t[m]=u[i_m]$

选择: $\sigma_F(R)$ ≡{ t | R(t) \wedge F' } (F'是由F变化形成的谓词 公式)

计算机学院数据库所 Zuo

域演算对基本关系操作的表示

華中科技大学 Huazhang University Of Science & Technology

并:
$$R \cup S = \{ x_1 x_2 ... x_n \mid R(x_1 x_2 ... x_n) \lor S(x_1 x_2 ... x_n) \}$$

差: R-S={
$$x_1x_2...x_n$$
 | $R(x_1x_2...x_n) \land \neg S(x_1x_2...x_n)$ }

$$R(x_1x_2...x_n) \land S(y_1y_2...y_m)$$

选择:
$$\sigma_F(R) \equiv \{x_1x_2...x_n \mid R(x_1x_2...x_n) \land F'\}$$

(F'是由F变化而形成的谓词公式)

2.6 小结



- 关系数据库系统与非关系数据库系统的区别:
 - ■关系系统只有"表"这一种数据结构;
 - 非关系数据库系统还有其他数据结构,以及对这些数据结构的操作
- 关系模型概述
- 关系数据结构及定义(关系,候选码,主码,外码, 关系模式,关系数据库)。
- 关系的完整性约束(实体完整性,参照完整性,用户定义的完整性)。
- 关系代数(5个基本运算(并,差,笛卡儿积,选择,投影)以及交,连接,自然连接,除)
- 关系演算*(元组关系演算, 域关系演算)

4-11 37

本章作业



■P70 5, 6 (仅用关系代数完成)

- 提交时间:下周一(4月16日)

-4-11 38